## DATTA'S EDUCATIONAL SERIES.

PRACTICAL GEOMETRY, MENSURATION, LAND SURVEYING AND LEVELLING.

BENGALI.

COMPILED FOR THE USE OF SCHOOLS AND PROFESSIONAL MEN,

BY

#### NABINA CHANDRA DATTA.

Compiler of "Khagola Bibaran."
FOURTH EDITION.

Revised and Enlarged.

ব্যবহারিক জ্যামিতি,)কেত্রব্যবহার,
জরীপ এবং সমস্থল প্রক্রিয়া।

-:0:-

এনবীনচন্দ্ৰ দত্ত প্ৰণীত।

চতুর্থ সংস্করণ।



CALCUTTA;

69. BARANASHI GHOSE'S STREET, HITAISHI PRESS.

Printed by Denonath Dass.

1886.

All rights reserved.



াব্য ।

### প্রথম ভাগ।

াবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ব। ... ০০০ ১০০।
গ্রন্থাবা ও জ্যামিতির অলম্বভূত মৌলিক তত্ব ১০০০।
গজ, ক্ষেল বা মানদণ্ড নির্মাণ ১২। ওলন মাটাম ১৪।
স্থরালাম্য যন্ত্র ১৫। মাটাম ১৫। ত্রিকোনী, ফাড়য়ষ্টি, ক্রুশদণ্ড ১৬। প্রোট্যাক্টিং ক্ষেল বা কোণমান গজ ২২। থিয়োডোলাইট বা কোণবীক্ষণ যন্ত্র
২৪। কোণবীক্ষণ যন্ত্রহারা নদী ও মন্দিরের উচ্চত।
নির্বর ২৭। সীকার্য্য কথা, স্বতঃসিদ্ধ ৩০। গণিতের
চিক্ত নিরূপণ ৩১।

কোণ, তিভুজ এবং সমাস্তরাল রেখা সঙ্গনীয় উপপাদ্য ও সম্পাদ্য। (২৩টী প্রতিজ্ঞা) ... ৩৬ চাম্চিকা থিলান প্রস্তুত করিবার নিয়ম ৪০। কোন নদী পার না হইয়া ভাষার প্রস্তু পরিমাণ করিবার নিয়ম ৫০। সমাস্তরিক ও অন্য প্রকার চতুরত্র কেত্রসম্বন্ধীয় উপপাদ্য ও সম্পাদ্য। (১১টী প্রতিজ্ঞা) ... ৬১ সমাস্তরিক (রূলার) পরিমাপক ৬৯।

ইউক্লিডের সপ্তচন্ধারিংশ প্রতিজ্ঞা ও ঐ প্রতিজ্ঞা অবলম্বন করিয়া সরলরৈথিক ক্ষেত্রের কয়েকটা ধর্ম প্রদর্শন। (১০টা প্রতিজ্ঞা) ... ... ... ৭৮ শুদ্ধান দারা ভূমির উপর সমকোণিক ত্রিভুজ নির্মাণ ৮৭

রেখা ও ধরাতলের স <b>ম্ব</b>	क्ष। त्रमृष	া ত্রিভুজ	। (विषे	প্রতিজ্ঞ	1)
শামান্য মানদগু	নিশ্বাণ	961	ডায়েগ	ানাল (	ুক্ত কুল
স্ক্ষমান দণ্ড ১।	· 1 平	र्पन भा	ভিয়া র	াথিয়া	ক
স্তম্ভের উচ্চতা নিণ	ब २२।				
র্ভসম্বন্ধীয় <b>উ</b> পপাদ্য ও	मन्भाषा	। (७०	টী প্রতি	<b>93</b> ∣),	••
গোল থিলান নিৰ্মা	9 209 1	গথিক	থিলান	নিৰ্মা	د ۹
<b>শমুদ্রের ভীরস্থ</b> ৫					
দেখা যায় তাহা বি					
ুকরিব∣র নিয়ম ১২	(o   W	নবচ্ছিঃ	বক্ত ে	রথার হ	<u> গ্র</u> া
দিক্ সংযোগ করিব				•••	
নানা বিষয়িণী সম্পাদ্য ও	<u>উ</u> পপা	त्र । (	গী প্র	• 987 )	;
অভিরিক্ত প্রতিজ্ঞা।	•••	•••	•••		
ঘন জ্যামিতি।	•••	•••	•••	***	
পরিভাষা।			***	•••	;
ধারাতলিক ও ঘন জ্যামি	ভি সম্ব	নীয় উপণ	भाग ।		
(১৬টা প্ৰভিজ্ঞা)	•••	•••	•••	•••	:
	-				
f	দ্বিতীয়	ভাগ ৷		-	
রৈথিক পরিমাণ।	•••				:
বস্তু ও স্থানের দৈর্ঘ্য	ांकि सांवि	াবার ধার	11	•••	٥
সেকন্দরী গজের পরি				•••	>
রৈথিক পরিমাণ দম্বনীয়					

বহ দৃষ্টান্ত সম্বলিত ) ,.. ,., ... ১৮১ দীলাবতীর প্রস্ন ৷ ... ... ২০৫

### তৃতীয় ভাগ।

ভূমি পরিমাণ ... ভূমি মাপিবার ধারা ২০৮ । বঙ্গদেশীয় মাপ ইংরেজী মাপে পরিবর্ত্তিত ২১১। সমচতুর্ভুজ, আয়ত ও শঙ্কর ক্ষেত্রের কালি ২১২। ত্রিভুজ কেত্রের কালি ২২৭। ট্রাপিজৈড্ কেত্রের কালি ২৩১। বিষমচতুর্ত্ত কেত্রের কালি ২৩২। বিষম বছভুজ কেত্রের কালি ২৩৫। সমবাছক ও সম-কোণিক বছভুজ কেত্রের কালি ২৩৭। বুদ্তকেত্রের কালি ২৪১। ছই ঐককেন্দ্রিক বৃত্তের পরিধির অন্তর্গত অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির কালি ২৪৫। বুডচ্ছেদকের কালি ২৪৭। বুত্তথত্তের কালি ২৫০। বুতাকার মণ্ড-त्वत कालि २०२। अर्फ ठक्ताकृष्ठि पृत्रित कालि २००। ত্রিভুজের অন্তর্গত ও বহিঃছ বুদ্ধকেতের কালি ২৫৪। বুড়াভাদ ক্ষেত্রের কালি ২৫৫। ক্ষেপনী আকারের ভূমির कालि २०७। क्लभनीम छालत कालि २०१। नतल वा वक রেথা ছারা বেষ্টিভ বিষম কেতেরে কালি ২৫৮। বরজিয়া कांनि २७১।

# চতুর্থ ভাগ।

ঘন পরিমাণ ••• •• •• •• •• ২৬৩ ঘন পরিমাণের ধারা ২৬৩। সমকোণিক ও সমবাছক ঘন বস্তুর ঘনকল ২৬৪। আয়ত আকার ঘন বস্তুর ঘনকল ২৬৭।

পহল ও ভাজের খনফল ২৭০। পহল ও ভাভের পুঠ-ফল ২৭৪। স্টী ও সমকোণস্**চীর ঘনফল ২৭**৭। স্চীর वा मरकानस्त्रीत श्रकारशत धनकन २৮১। मरकान स्त्रीत ভলভ কেত্র সুম্বাহ রহভুত্তকেত্র হইলে, ভাহার প্রকা-ওের ঘনফল ২৮১। স্কীর বা দকোণস্কীর প্রকাতের पृष्ठेकन २৮२। **भू**कतिवैत्र कानित अभात नित्रम २৮৫। বাঁধ মাপিৰার নির্ম ২৮৬। কাজ্লার ছনকল ২৯০। কাজ্লার প্রকাণ্ডের ঘনফল ১৯১। বর্জুলের খনফল ১৯৩। वर्ज् नथर ७त धनकन २००। वर्ज् न मछ नत्र चनकन २०७। ৰৰ্ভু লমগুলের ন্যুক্ত পৃষ্ঠকন ২৯৭। গোলাকার টক্রুর घनकल २৯৮। कूलांनठकांकांत्र वस्त्रत घनकन २৯৯। কুলালচক্রাকার বন্ধর পৃষ্ঠকল ২৯১। বর্জুলাভাসের ঘনকল ৩০০। কেপৰীন্তন্তের মনকল ৩০১। শুৰুজের भृष्ठेकन ७ वनकन ७०३। जाहात्जत त्यायारे निवापन ७०२। রজ্জুর ওজন নিরূপণ ৩০৩। ধান্যরাশির মাপ ৩০৩। अन्तर्ग चन्यच्येत चनक्रम ००८। **छर्दात अक्र**च निक्रभर्पत উপায় ৩০ ৭ |

नांना विविश्वि छेनाहत्रभाना । . ... ... ७३०।

### পঞ্ম ভাগ।

ভরীপ।	•••	•••	•••	•••	•••	959
बत्रीभीवि	কতা, <b>জ</b> মী	ोषांत्री त	ने ।	•••	•••	৩১৮
গ্ল-ক্রীবের	শভার।	•••		•••		ر د ۱۵۷

ভদ্ম শৃষ্থাল দারা জরীপ করিবার নির্ম্া ৩২২
শৃষ্টাল পরীক্ষা করিবার উপার ৩২৫। চিঠার বিবরণ
৩২৬। বিষমাকার কেত্রের জরীপ ৩৩১। ত্রিভূজ
ক্ষেত্রের জরীপ ৩৩৬। বছভূজ ক্ষেত্রের জরীপ 븢 ৩৩৯।
কৃটিল ক্ষেত্রের জ্রীপ ৩৪৩। ন্দীর উপকৃল জ্রীপ ৩৫০।
রান্তা জ্রীপ ৩৫৬। বাদা কিয়াবন জ্রীপ ৩৫৮। শৃত্য-
লের সমুখে নদী ব্যবধান পড়িলে ভাহা পরিমাণ করি-
বার নিয়ম ৩৬১। জন্মনিয় ভূমি জরীপ ৩৬৪। জ্রীপ
করিয়া পূর্বে এভকেশে চিঠা লেখার বেরূপ রীতি ছিল
ভাহার বিবরণ ৷ ৩৬৫
থাকবন্ত সংক্রান্ত জরীপের নিরম।
দিগ্দর্শন যুদ্ধারা জ্বীপ করিবার নিয়ম ••• •• ৩৭৭
শামান্য দিগুদর্শন মন্ত্র ৩৭৭। মৌকুরিক দিগুদর্শন হল ৩৮০
বিয়ারিং ও পাল্টা বিয়ারিং ৩৮২। দিপ্দর্শন বজ্ঞবার।
জরীপর ১০০ ১০০
ক্ষেত্রবর্তক শ্বরীপের নিয়ম। ১০০ ১০০ ১৮৫
पूर्वता समीत किंठी अरूप। शीमावसीत किंठा। अरू
থসড়া চিঠা ও একোরাল ৩৯০ পৃঠার ক্রোড় পত্ত।
কোণবীক্ষণ যন্ত্ৰ (থিওডোলাইট)। ৩৯১
কোণবীক্ষণ য <b>ন্তে</b> র অঙ্গসামঞ্জন্য। ৩৯৫
কোণৰীক্ষণ যত্ৰ দারা দ্বরীপ। (৫টা উদাহরণ) ৩৯৯
উৎকৃষ্ট প্রথাহুসারে চিঠা লিথিবার ধারা। ৪০৯
ক্ষেত্ৰ অভ্যস্ত বক্ৰ হইলে ভাহাকে সমকোণিক ত্ৰিভুক্

ক্ষেত্রে পরিবর্ত্তিত করিয়	<b>ৰ</b> রীপ করণ	1	•	8 . 4.
ভক্তি (প্লেন টেবিল) ব্য	বহার করিয়া	জরীপ	করিবার	r
ধারা।	***	•••	•••	812
ক্ষেলের ব্যবহার।	•••	,,,	•••	800
দাধান্য মানদও।	***	***	***	808
অণুমাপক মানদও।	***	•••	•••	800
উত্তর দিক নিরূপণের উ	পায়	•••	•••	8.95
ৰৱীপী নক্সা অন্ধিত ক	রবার নিয়ম।	•••	•••	880
শৃত্থল ছারা জরীপ হইট	ল তাহার ক	et i	***	882
দিগ্দর্শন যন্ত্র ভারা জরী	প হইলে তাহ	র নকা	l	888
রঙ্গ । • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••	•••	•••	885
জরীপ সংক্রান্ত প্রশ্ন।	***		•••	842
সমস্থল নিরূপণ করিবার রী	ভি।	***	•••	800
ওয়াই সাম্য বস্ত্ৰ			•••	862
টু ফ্টন্দ দাম্য বস্ত ।	110	***	•••	805
সমতলীয় দণ্ড।		***	•••	890
সমতল তথা				895
থগু রেখা ৪৬৪। সম	<b>इन</b> हिठी ८७४	্তল	রেখা	899
ব্যবহারিক সম্ভল	<b>हिठी</b> ८७°	। पृति	বৈলকণ	<b>J</b> .
শোধন।	• •••	***	`•••	804
গণিত শব্দের ইংরেন্সী প্রতি	<b>मक</b> ।	411	***	893

C. CONS

गूथनका २०००

चार्ति गर्न करत्व (व चायाकाल संख्या অন্য প্রকার গণিতের চর্চা ছিল না, কিন্তু সেটা ভাঁছানিগের ভ্রম ; ভারতবর্ষই গণিতবিদ্যার আকরস্থান। এক আক্রি नत्र भेरास व्यक्तत मध्या खरश मभश्रामाखत त्रिक्तत नित्रम. **এই দেশেই প্রথম স্ফুট হয়, এবং এখান হটতে পুথিরীর** সর্বস্থানে নীত হয়। বীজগণিতেরও স্থান্ত ভারতবর্ষে হয়; আরবীয়েরা ইহার অনুবাদ করে, আরব হুইভে ইউরোপ थए नीज इत्र। शृंक्ष कात्न, यथन शृथियीत जम्मात समह অজ্ঞানাম্বকারে আচ্ছন্ন ছিল, তখন ভারতবর্ষ জ্ঞানের আলোকে সমুজ্জ্বলিত ছিল। গণিত-বিদ্যা যে এ দেশে কোন সময়ে স্ফ হয়, ভাহার কোন নিদর্শন পাওয়া যার না, এই মাত্র অতুমান করা যায় যে, যে সময়ে আর্য্যভট্ট, বৃদ্ধান্ত ব্যাহমিছির প্রভৃতি খগোলবেতারা বিদ্যান ছিলেন, मिहे ममात छेहात विस्मय ठाई। किंग, अवर कांककां हार्यात সমরে উহার সম্ধিক উন্নতিসাধন হইয়াছিল। ভাস্করাচার্য্য ১০৩७ मकात्म महाकृताहात्वत निक्रवेद्धी नगरत महस्यताहादा ব্রান্মণের প্রবাদে জন্ম গ্রাহণ করেন। ভিনি ৩৬ বংসর इतःक्रम कारन नीनावडी, वीक्रशनिक, शनिजाशांत्र छ (शानाधात्र क्षेत्रत कट्रतत। धरे नकन शूखकण्डिक गूननिष् পদ্যে রচিভা এই করেক খানি গ্রন্থ সুর্যাসভাত ভ বদালৰ প্ৰণীত বদাস্থাত, नलां विश्व ধীর্ম্বিদ ও আর্যাভট্ট প্রণীত আর্যাসন্ধান্ত পাঠ করিলে দশদেশে গণিত, জ্যোতিষ ও বিজ্ঞানশান্তের কি প্রকার চর্চা ছিল ভাছা বিশেষ রূপে প্রভীত হয়। কিন্তু ইদানীং উক্ত আছু সকলের বিরশ চর্চা প্রযুক্ত তৎসমুদায় এককালে नुख्यात्र इहेशार्छ।

ছিলুদিগের জেত্রব্যহার সম্মীর অনেক সঙ্কেত আছে,
ছমুধ্যে ত্রিভুজ সম্মীর সঙ্কেগুলিই অধিক : বিশেষতঃ,
যদ্ধারা ত্রান্তের ভুজনুরের মান ও তাছার ক্ষেত্রফল জানা
যার, সেই স্ত্রেগুলি বিস্তারিতরূপে লেখা আছে। এই
স্বেগুলি খ্রীফার্সের যোড়শ শতাকী পর্যান্ত ইউরোপ খণ্ডে
বিদিত ছিল না; অনন্তর ক্লেবিয়স্ ভাহা প্রথম প্রচার করেন।
মপর, রজের ব্যাসমান দ্বারা পরিধি নিরূপণ করিবার স্ত্র ক্ষাক্রেশীয়েরা বহুকালাহিধি জ্ঞাত ছিলেন, অপ্পাকাল হইল
উহা ইউরোপে প্রকাশ হইয়াছে। ত্রিভুজের যে যে ধর্মগুলি
স্থাসিদ্ধান্ত বহুকাল হইল মীমাংসা করিয়া গিয়াছেন,
ছোহান্ত যোড়শ শভাকীতে ইউরোপে অপরিজ্ঞাত ছিল।
পণ্ডিত্বর প্রেক্ষেরার সাহেব হিন্দুমতে ত্রিভুজ্বত্ত্ব বিষরে যে
গ্রেম্থ প্রকাশ করিয়াছেন, ভাহাতে উহার অনেক প্রশংসা
লিখিয়াছেন।

ভারতবর্ষীর পূর্বভন পশুভেরা বীলগণিতে বেরপ পারদশী ছিলেন, ক্ষেত্রতান্ত্র তাদৃশ বুংপত্রিলাভ করিতে সমর্থ
হন নাই। ইউক্লিড্ নামে গ্রীক্ গণিতবেতা, যে যে
প্রতিজ্ঞার উদ্দেশ করিতেন, সকলি দৃঢ়তর যুক্তিষারা উপপর
করিতেন; কিন্তু ভারতবর্ষীর পশুভেরা যে সকল গণনার
সক্ষেত্র ও বচন দিয়াছেন, ভাহার উপপত্তি ও অভিপ্রার
কহেন নাই। গণনাদি কার্য্য সমাধানদ্দন্য যে সকল নিয়ন
ভ স্থ্র আবল্যক ভ্যাত্রই লিথিরাছেন। কেবল কার্য্যসাধনোপ্রোগী জ্ঞানদান যে পুস্তকের উদ্দেশ্য, ভাহাতে
মৃলের আবশ্যক নাই, ইছা ভাবিয়াই হয়ত স্ত্রাদির যুক্তি
প্রদর্শন করেন নাই।

সপ্তভুক্ক অথবা নবভুক্তকে র্ভান্তর্গত করিতে হটবে, অভদর্থে দীদাবতীতে যে এক প্রশ্ন আছে, তাছা ক্ষেত্রভব্ ছারা সিক্ষ করা অসাধ্য। বীজগণিতের, ধারাতে রিক্ষান্ত করিলে এ প্রশ্নে এক ঘনসমীকরণ উপদ্থিত হর, ভাছার সন্তাব্য মূল তিবিধ : কিছু অছহারা সেই মূল যথার্থরপে সিদ্ধ হর না, কেবক স্থান্তরপে সন্নিহিত মূল নাত দ্বির হইছে পারে। লীলাবভীতে উক্ত ক্ষেত্রের ভুজপরিমাণার্থে বে যে সংখ্যার নির্দ্ধেশ আছে, তাহা কিরপে লব্ধ হর ভাহার কোন বিবরণ নাই; গ্রন্থকার বদুচ্ছাক্রমে এক স্ত্রে রচনা করিয়া কছেন যে, সপ্তভুজ ক্ষেত্রের বাছপরিমাণ ব্যামের চইটিটিটি গুণ, এবং নবভুজের বাছপরিমাণ ব্যামের চইটিটিটি গুণ। এই স্ত্রে নিভান্ত অসভ্য নহে, কেননা সপ্তভুজের যথার্থ ভুজপরিমাণ ইটিচ ও ইন্নির্দ্ধি মধ্যে, এ নব ভুজের বাছশ

লীলাবতীর দীকাকারের মধ্যে রামক্ষক, গালাধর ও রন্ধনাথ উক্ত প্রশ্নের উপপত্তি করিতে চেন্টাপ্ত করেন নাই, তাঁছারা কেবল গ্রন্থকারের কম্পিত অন্ধনী উদ্ধৃত করিরাল্ছন। গণেশ স্পান্টই স্বীকার করিরাছেন যে, সমবাছ্ক তিত্ত্বা, চতুর্ভুক্ত ও অন্টভুক্তার ন্যায়, পঞ্চভুক্তা, নবভুক্তা পরিষাণ স্পন্টভুক্তার ন্যায়, পঞ্চভুক্তা, নবভুক্তা পরিষাণ স্পন্টভুক্তার করা করের না। পঞ্চভুক্তার বিষয়ে এ প্রকার স্বীকার করা করের নার। পঞ্চভুক্তার বাছ ক্ষেত্রভুদ্ধারা নির্ণয় করা যায়। স্থান্দান বে নিয়ম বির্দ্ধেশ করিরাছেন, ভাহা পাঠ করিকো উন্থার অন্তিক্তার স্পন্টরূপে লক্ষিত ছয়।

০ বৃদ্ধগুপ্তর পর লীলারতীর সময় পর্যান্ত বৃত্তকল নির্বহ প্রসাত্তর ভারতবর্ষ গণিতশান্তে বিজ্ঞাতীর উমতি হইয়ালি । বৃদ্ধান্ত বলেন, যে সুল গণানার পরিধি বাজের তিগুণ, এবং স্কুল পরিমাণে ব্যাসের বর্ণের দশ গুণের বর্গ শূলতুল্য, অর্থাং ৩.১৬২৩: ১। কিন্তু লীলাবতীর রচ্যিতা পরিধির সুলপরিমাণ ভদপেকা অধিক কহেন, অর্থাং ১২:৭; এবং স্কুল গণনার সভ্য নির্ণয়ের আরো নিক্টিম্ছ হইন্নাভ্যেন, অর্থাং পরিষিপরিমাণ ভাঁহার গণানার ব্যাস্কের ইইন্নাভ্যা

লীলাবভীতে ক্ষেত্রগ্রহার সম্বন্ধীর বে যে উদাহরণ আছে, সে সকলি সামানাতঃ ব্রহ্মগুপ্ত প্রণীত ক্ষেত্রগ্রহারের প্রশাস্ত্রলা; এই সমস্ত পর্যালোচনা দারা প্রভীতি হইভেছে যে, ভারতবর্ণীর লোকেরা, ক্ষেত্রগ্রহার ও গাণিতঘটিত আর আর বিষয়ে, ভিন্ন দেশীয় সাহায্য নিরপেক্ষ, অনেক উন্ধতিশাধন করিয়াছিলেন।

ৰাহা হউক, এইকণে শিক্ষক ও ব্যবসায়ী লোকের ব্যব-হারোপবোগী এমন কোন প্রস্থ নাই, যাহাতে জ্যামিতি, ক্ষেত্রব্যবহার, জরীপ ও সম্যন্থল করণের হৃত্ত ও প্রক্রিয়াগুলি একত্রে পাওয়া যায়। এই অভাব পরিহারের জন্য এই প্রস্থ শীনি সম্মানত হইল।

🎂 জ্ঞামিতি বালক শিক্ষা পদ্ধতি মধ্যে থাকা নিস্তান্ত আৰ– শাক। বীজগণিত না থাকিলে যেমন উক্ত পদ্ধতি অসম্পূৰ্ণ হয়, জ্যামিতির অভাবেও উহা তেমন অঙ্গহীন হয়। ফল্ডঃ. এই উভর বিদ্যার অতুশীলনেই স্থান উপকার হয়। কার্ণমিতি প্রথমে কিরুপে উদ্ভাবিত হয়, তাহা নির্দেশ করা উচিত, তাহা হইলে তৎসম্বন্ধীয় প্রাথমিক স্বতন্তলি বিদ্যার্থী-গ্রাপ কি উপারে সহজে হাদয়সম করিতে পারে ভাহা উপ-निकि व्हेट्रे । अवे विमात ठळी या अछि आहीन कान হইতে আরম্ভ হইয়াছে তাহার সন্দেহ নাই। জলে, ভূলে, कि व्याकारन, ठातिमिटक (य नमछ शमार्थ नत्रनटशाहत इक সকলেরই একটী অঙ্গসামঞ্জসা আছে; এই অঙ্গসামঞ্জসা জামিভির' নিদানভূত, এবং মারুষ বুদ্ধিরভির ক্যু<u>ভি</u>র डिमूट्यरे ७३ मामक्षमा नका कतिया "त्रशा," "दर्श," "र्यन" প্রত্তির পরস্পর সমন্ধ ও তাহাদিগের কাহার কি সাধকতা, ভাষা অবুসন্ধান করিতে অবশ্যই উদ্যোগবান্ হইয়াছিল। এই অনুসন্ধানে যুক্তি ও অনুমান দারা জ্যামিভিঘটিভ বে ममन अकत्र छेपनका स्रेत्राहिन, जाश उन्निष्टन मामामा-বুদ্ধি সমুষ্যের। কখন বহু বাক্বিভণ্ডা, পরিভাষা প্রভৃতি

আড়ম্বর করিয়া প্রমাণ করে নাই, ভাহাদিগের বুদ্ধিতে যথন ষাহা উদয় ছইক্লাছিল, ভখনই তাহা পরিমাণ করিয়া প্রমাণ করিয়াছিল। পরিভাষার স্থানে তাহারা প্রতিকৃতি নিকা-শন করিত, স্মতরাং ভাছাদিগের উপপত্তি সকলও ভ্রমাক্সক হুইত না, কেননা আকারগত জানবিবরণ পাঠে অনতি-পরিক্ষট হয়, কিন্তু প্রতিক্ষতি দর্শনে তদিবয়ে অণুমাত সন্দেহ থাকে না। প্রক্রিয়ার প্রতি ভাছাদের नক্ষ্য ছিল ना, कल चित कताहे छाशामत छेत्मना हिल, अवः अहे উদ্দেশ্য যাহাতে সহজে সম্পাদিত হইত তাহারা ভাছাই সংস্কার কিরপে জন্মে ভাষা নির্দেশ করিয়া. অধবা নৈয়ায়িকের বিচার প্রণালী অনুযায়ী যথাক্রমে পূর্ব্ব-পক্ষ, উত্তর পক্ষ ও সিদ্ধান্তদ্বারা ভাষারা উপপত্তি সাধন করিত না, তাহাদের উপপত্তি প্রকৃতিসিদ্ধ বৃদ্ধির জারক হইঃলই হইত। ফলতঃ, অমুষ্ঠান ও অনুমান উভৱেরই পর-স্পারের সহিত কার্য্য কারণ সম্বন্ধ আছে। কখন বা প্রথমে নৃতন যুক্তি উন্তাবিত হট্য়া ভাহার অনুষ্ঠান হয়, এবং কথন বা কার্ধোর অনুধান হইতে নূতন যুক্তি ও অনুমানের উদর হর। যাহা হউক, যে আমুমানিক প্রক্রিয়া **দা**রা কোন বিজ্ঞান প্রথম সংস্থাপিত হয়, সেই প্রক্রিয়াসুবায়ী অধ্যাপনা **थ्यामी जवनचन क**ित्रमहे, विमार्शिशन महरू **डेक विकान** ্সম্বন্ধীয় স্ত্রগুলি অভ্যাস করিতে পারে। এই নিমিত্ত, এই আত্ত্বে সমস্ত উপপত্তি সন্নিবেশিত চইয়াছে, তাহা সাধন कतिए अक्षेत्र निर्दाय कित अनानी अनुभवन कवा इस नाई ; ৰে প্ৰণালীয়ারা পরিক্ষুট জ্ঞান জন্মে ও বাহা সামান্য বৃদ্ধির আরও হইতে পারে, ভাহাই অনুসত হইয়াছে ৷ বে সমন্ত উপপাদ্যে কেবল বিচক্ষণতা ও পাণ্ডিতা প্রকাশ व्यथना याचारक नावनायौ (मारकत निर्मंत व्यरमायन नारे. ভাঁহা পরিভাক্ত ছইয়াছে। আর যে সমন্ত উপপাদা গৃহীত ইইরাছে, ভাষার প্রমাণ ও প্রয়োগ উভরই প্রদর্শিত হই-

রাছে; কেননা ভাছা ছইলে পাঠকবর্গ বুঝিতে পারিবেন, বেংসেই উপপানা দারা পরিণামে কি কার্যা সাধন ছইতে পারিবে। অপর, কোন কোন উপপত্তি সাধনের হুই এক প্রক্রিয়া উক্ত হয় নাই, ভাছার ভাৎপর্য্য এই যে, পাঠকেরা ভত্তৎ প্রক্রিয়া নিজে উন্তাবন করিয়া স্ব স্ব বুদ্ধির্ত্তি মার্জ্জিড করিবেন।

্কোন বিদ্যার প্রথম পাঠোপবোগী গ্রাস্থ চিরকাল এক থাকেনা, যেমন সমাজের উন্নতি হইতে থাকে, ও লোকের **₹চি**:৩ ব্যবসায়ের পরি হর্ত্তন হয়, তেমনি উক্ত আন্ত নকলেরও পরিবর্তন হয়, কিন্তু ইউক্লিডের জ্যামিতিবিষয়ক প্রথম গ্রাছের অ পর্যান্ত কোন পরিবর্তন হয় নাই। চুই সহত্র বৎসর चाडी छ इहेन हेरा तिहल इहेताएड, धरे कार्तत मर्या कफ শ্বাষ্ট্রবিপ্লাব, কভ মভভেদ, লোকের কচি ও আচার ব্যবহার-গাত কত বৈলক্ষণ্য হইয়া গিয়াছে, কিন্তু ইউক্লিডের আত্ অপরিবর্ত্তিত ও সংসাবের সকল লোকের নিকট আদরণীয় রহিয়াছে। প্রাচীন কালের ভ্রমসংকুল দর্শন শাস্ত্র ও উপ-ধর্মের প্রভাবে, ইহা যেমন অপ্রতিহত ছিল, এখনও সেইরপ আছে: এবং যদিও কোন কোন অংশে ইহার দোষ আছে, ভর্মাপি ভাবি পণ্ডিতেরা যে ইহার আদর করিবেন ভাহার সক্ষেত্র নাই। আধুনিক রচনারাশি যথন বিস্মৃতি সাগ্রে ময় হুইবে, তথনও ইউক্লিডের জামিতি জাজ্বামান ৰাকিবে। যাহা হটক, ঘাহারা গণিতশান্ত্রে কথঞিৎ বুৰিপন্ন ছইরাছে ৪ যাহাদিনের সুপণ্ডিত শিক্ষকের উপ-শ্বেশ পাইবার সম্ভাবনা আছে, এ গ্রন্থ ভাহাদিশেরই नाटिंगिर्याणी, धवः छाष्टामिरणत मघत्त्रहे देवात छेरकर्व बार्ट्सः व्यथम शार्टित धार्ट्स स डेश्कर्न शांका बावगाक. ভাষা ইহাতে নাই অবশাই মানিতে হইবে। বড় গ্রন্থের বভালোব ; স্থাম ও সবিভার বিবরণে পাঠকের এমন মুরাই भाजानात्र अहा । गारंग वर्षम इंडेश मूर्त वाकूक

ভনদ্দর্শনে দে ভীত ও ছতরুদ্ধি ছইরা যার। ইউক্লিডের জ্যামিতি ন্যায়শাস্ত্রের ন্যার আদ্যোপাস্ত বিচার সমুস্তুত, স্তরাং, গণিতশাস্তে বিশেষ ব্যুৎপত্তি ভিন্ন ইছার স্বন্ধর অথচ ভুর্বোধ উপপত্তিগুলির তাৎপর্য্যগ্রহ সম্যক্রপে হইবার নহে।

যে নৈস্থিক নিয়ম প্রভাবে গমন ক্রিয়া নিষ্পন্ন ছব, **জ্যামিতি ঘটিত অনেকগুলি বিষয় সেই নিয়মাধীন, এবং** সেই নিয়ম সম্বন্ধে উক্ত বিষয়গুলি ব্যাথ্যাত ও বিরুত হইলে ভংসমুদায় অতি সহজে হৃদয়ক্ষম হয় : কিন্তু কি উপপত্তিতে কি উদাহরণে ইউক্লিড্ এরপ ব্যাখ্যা কুত্রাপি অবলম্বন করেন নাই। উল্লিহিতকরণ প্রক্রিয়া, যাহা জ্যামিতিঘটিত বিষয় উপপন্ন করিতে নিভাত্ত প্রয়োজনীয়, এবং স্থান বিশেষে যাছাতে উপপত্তি পরিক্ষুট ও স্থন্দর হয়, ইউক্লিড্ সেই প্রক্রিরা প্রথম অধ্যায়ের ১র্থ উপপাদ্যে একবার মাত্র জ্বলম্বন করিয়া আর তাহা ব্যবহার করেন নাই। আনেক-ঞলি সম্পাদ্য ইউক্লিড ্ এরপে সাধন করিয়াছেন, যে কার্য্য কালে আমরা সেরপ কখন করি নাঃ যথা, কোন সরল রেখার কোন নির্দিষ্ট অংশ ছেদ করিতে ছইলে, ভিনি বারস্বার রক্ত নিচ্চাশন করিয়া তাহ। নির্বাহ করিয়াছেন, কিছ, কার্য্যকালে আমরা কথন সেরপ করি না। সদৃশ ত্তিভুজ জ্যামিতির এক অতি প্রধান প্রকরণ, কিন্তু ইউক্লিড ইছা তাঁহার পঞ্চম অধ্যায়ে সন্তিবেশিত করিয়াছেন, বে অধ্যার পাঠকবর্গের মধ্যে অনেকেই পাঠ করিয়া উঠিতে পারেন না। ঘন জ্যামিতির প্রধান প্রধান সম্পাদ্য তলি ব্যবসায়ী লোকের অভ্যাস করা নিডান্ত আৰশ্যক কিছু ইউক্লিড যে প্রণালীতে তৎসমুদার বিব্রত করিয়াছেন, ভাষা শতি ক্লুফ্ সাধা ও সূক্ষা, এবং যাহাদিগের গণিতবিষয়ক জ্ঞান অভি সামান্য, ও যাহাদিমের অৰকাশ অভি জ্ঞা ভাষাদিগের ভৎসমুদার আয়ত ষ্ট্বার বিষয় নছে।

ক্ষেত্রব্যবহারিক অতি প্রধান প্রধান স্তৃত্ত্তলি এই প্রছে জ্যামিতির প্রণালী অনুষায়ী উপপন্ন করা গিয়াছে; আর ক্ষেত্রব্যবহারিক এরূপ সম্পাদাগুলি ইহাতে সন্ধিবেলিড হইয়াছে যাহা কার্য্যে আসিবে।

ম্বরীপ ও সমন্থল করণের যে সমস্ত স্ত্র ও প্রকরণ এই গ্রন্থের অন্তর্গত আছে, তাহাতে স্থপতিদিগের পর্য্যাপ্ত হুইতে পারিবে।

্ আর জ্যামিতি \*, ক্ষেত্রবাবহার, জরীপ ও সমস্থলকরণ
ষ্টিত অনেক স্তন উপপত্তি এই এত্তে সমাবেশিত হইয়াছে;
এখন যাহাদিগের শিক্ষার্থে এই পুস্তক সঙ্কলিত হইল,
ভাহাদিগের উপকার হইলে প্রণেডার অভীট সিদ্ধ হয়।

<sup>•</sup> আয় অর্থে পৃথিবী, মিতি অর্থে পরিমাণ, যদারা পৃথিবীর ক্ষেত্রসম্বাধীর পরিমাণদি জানা যার, তাহাকে জ্যামিতি বলে। আ্যামিতি দুই প্রকার, বিশুদ্ধ জ্যামিতি বা ক্ষেত্রতত্ত্ব ও ব্যবহারিক জ্যামিতি বা ক্ষেত্রতত্ত্ব ও ব্যবহার। ক্ষেত্র সম্প্রাধির বাকি সকলের ভদ্ধ লিশীত হয়, তাহাকে ক্ষেত্রতত্ত্ব করে; এবং যুক্তি অবলম্বন না করিয়া কেবল প্রিমাণক, মানদশু প্রভৃতি যয় অবলম্বন পূর্বেক যাহাদারা ক্ষেত্রসম্বাধীর ক্ষিত্রত ও তাহার পরিমাণ হিরীকৃত হয়, তাহাকে ক্ষেত্রসম্বাধীর বাবে।

# ক্ষেত্রব্যবহার।

বা

# পরিমিতি।

প্রথম ভাগ।

\_\_\_\_\_)。(\_\_\_\_\_\_

ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব।

## পরিভাষা ও জ্যামিতির অবলয়ভূত মৌলিকতত্ত্ব।

ষে বিদ্যা দ্বারা রেখা, ধারাতলিক ক্ষেত্র ও নিটন বা দ্বনবস্তুর দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও বেধের পরিমাণ দ্বানা বার, ডানাকে
দ্যামিতি শাস্ত্র কছে। যত প্রকার পদার্থ আমাদিগের দৃত্তিগোচর হয়, সকলেরই দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও বেধ এই ভিরটী
পরিমাণ আছে। এই পার্যন্তিত
ক্ষেত্রটা একথানি গুড়িকার্ছের

বিস্তার ও খরা বেধ। এই তিনটী
পুরিমাণের একটী পরিত্যাগা করিয়া কেবল ছুইটা (যথা
দৈশ্য ও বিস্তার) গ্রেহণ করিলে, কখনত পৃষ্ঠকে ধরতিল

क्षांबिक्रभ, हेरांत कथ रेनर्श, थघ

কছে (ধরাতল কেতের কেবল দৈর্ঘ্য ও বিস্তার আছে)। ষ্পার, এই ধারাভলিক ক্ষেত্রের হুইট পরিমাণের একটাকে পরিত্যাগ করিয়া অনাটাকে প্রাহণ করিলে, পার্য কথ व अप-तक तिथा करह। जारीत, यमि तिथा अगठ हुन्य इहेत्रा ষার; যে ভাহার দৈর্ঘ্য আর পরিমাণ্যোগ্য হয় না, ভাহা হইলে সেই রেখার সর্ব্বোতর প্রান্ত অথবা ভাহার অস্তা চিহ্নকৈ বিন্দু কহা যায়। অতএব, স্পষ্ট প্রতীয়মান ছই-তেছে যে, বিন্দুর রন্ধির দারা রেখা উৎপর হটতে পারে. রেধার রন্ধির দারা যদি কোন অবকাল পরিবদ্ধ হয়, ভাহা হইলৈ ধরাতল উৎপন্ন হয়; এবং ধরাত্র ্**উপ্ধ্যিখোভা**ৰে সচল অথবা ঘূৰ্ণিত হ**ইলে** ঘন ক্ষেত্ৰ উৎপন্ন হয়। এতদ্বারা নিম্নলিখিত তিন্টী পরিভাষা প্রাপ্ত ছঙর যার।

🖟 🗥 🕽 । যাহার দৈর্ঘ্য, বিশুরে বা বেধ কিছুই অনুভব হর না ভাছাকে বিন্দু বলে।

্ৰ। বাহার কেবল দৈৰ্ঘ্য আছে, ভাহাকে রেখা কহা যায়। যথাক।

अपूर्यात । द्रिथानिट्रात इहे श्रीख इहेंने विन्तू, द्रिथानिट्रात লক্ষাত ছলও বিন্দু।

अक्षा यांचात (कवन दिन्द्या e विखात आहि, **छाहा**दक कर्मका करका यथा ठइक्य ( ১৯म পुर्छ। (मर्थ )।

অসুমান। ধরাতলের সীমা রেখা, এবং একটা ধরাতল স্পার একটাকে ছিন্ন' করিলে, সে স্বাচ্ছেদনেতেও রেখার डेर्शिख रहा

 ৪। সর্বতোভাবে একাভিমুখী রেখাকে সরল বা অছু রেখাকহে। যথাকথ।
 ক

विम्पूषरत्रत वधूष्टम मृत्युक 'त्रथ' करह।

অনুমান। ছইটা ঋজুরেখা দ্বারা কোন অবকাশ পরিবদ্ধ হটতে পারে না।

৫। যে সকল ঋজু রেখা এরপ ভাবে সংস্থিত থাকে ব্যু ভাহাদিগের হুই মুখ অবিশ্রান্ত র্হ্মিক করিলে কোন দিকেই ভাহাদিগের প্রক্পার সংস্পর্শ হয় না, ভাহারা সমান্তরাল রেখা। ক

কাঁটাকম্পাস বা পরিমাপক। এই যন্ত্রটী হুইটী শলাকা বা কাঁটাবিশিক্ট। ইহারা পরস্পর থিল দিয়া আঁটা, স্থতরাং, প্রেরাজনামুসারে প্রসারিত ও সঙ্কুচিত করিতে পারা যায়। কাঁটা হুইটীর অগ্রেভাগা স্থচল। সীমাবন্দির সমর হুই নিদর্শন স্থানের মধ্যগত ব্যবধানপরিমাণ বভ বিঘা বলিরা চিঠাতে লিখিত থাকে, মানদণ্ডের উপর এক হইতে তত বিঘা পর্যান্ত কাঁটাকম্পাসের হুই শদ বিস্তার করিতে হয়। এই পদম্বের মধ্যগত ব্যবধান স্থান হারা নিদর্শন স্থানম্বরের মধ্যগত অন্তর্গরিমাণ স্থির হুই গা

কম্পাস নানাবিধ, কাঁটাকম্পাস, হেয়ার কম্পাস, বিষ্কম্পাস, পেন্টাআফ্ ইভ্যাদি। কম্পাসদারা ব্রস্তক্ষেত্র সহক্ষেত্রকিত হয়, ও কোন রেখাকে বিভালিত বা স্থাপর গ্রেশার সমান করিতে হইলে ভাষাও ইহাদারা স্থাপিত হইয়া থকে। যথা, কথ রেখা হইতে বদি চছ্-র ভুলা

धक जर्म (इम कतिए इस, छारा रहेटन कल्लाटमत মুখ, চছ রেখার সমান বিস্তার করিয়া, কথ হইতে কগ এক অংশ (इस कतिरम कश हरू-त ठिक नमान

रहेद्य ।

কোন রেখার পরিমাণ করিতে व्हेटन, कान धक निर्मिष्ठे त्रशादक (বধা হাত বা গজ) একক স্বরূপ শ্বির করিয়া, ঐ একক সেই



রেশার মধ্যে কভ বার আছে ভাহাই নির্ণয় 要列目

## গজ, কেল বা মানদণ্ড নির্মাণ!

্ৰত্ব এক খানি কাগজ অথবা এক কাৰ্সিকা। একটা কম্মান লইয়া তাহার মুখ অম্প বিস্তার করিয়া, এই কার্যজ্বা কার্চিকার উপর কগ পর্যান্ত ক্রমশঃ দশবার ঘুরা-ইরাজান। পরে কম্পাদের বিস্তার কগ-র সমান করিয়া উক্ত কাণজ ৰা কাৰ্চিকার উপর গ চিহ্ন হইতে ১০, ২০,৩০ ইজাদি কতিপর অংশ চিহ্নিত কর। যদি কগ্নর এক একটা महमा धकक विश्वा धता यात्र, जाहा हहेल मानमा धत त्र इरेंद्र ३० हिक् शर्यास मण अकक बहेद्र, २० शर्यास विभ একক ছইবে, ইভ্যাদি। স্থার যদি কগ্নর প্রত্যেক সংশ্রেক দল একক বলিয়া ধরা থায়, ভাষা হটলে মান্তুতের প্রভাক व्यश्त्मंत्र शतिमान भाउक क्रेटन।

पूनमठ, यनि कश-त পরিমাণ এক একক হয়, ভাহা হইলে

কগ্-র প্রত্যেক অংশ এককের দশভাগের এক



ভাগ ছইবে। যথা, কগ এক কুট হইলে খা পাঁচ কুট হইবে, এবং কগ-র প্রভ্যেক অংশ এক কুটের দশাংশের এক ভাগ ছইবে।

৬। অসমান্তর রেখাছরের সংস্পর্লে কোণের উৎপত্তি হয়। যথা,
কথায়। কথ ও থা ছারা উৎপন্ন
কোণকৈ কথা বা গথক কছিতে
ছয়, অর্থাৎ কোণাথো (যেথানে



সরল রেখাদ্র সংস্পর্শ হয়) অঙ্কিত অক্ষরকে মাধ্যাক্ষর করিরা পভিতে হয়।

গ। একটা ঋজুরেখা অন্য একটা ঋজু রেধার উপর লঘভাবে অঙ্কিত হইলে, উভর পার্মের কোণকে সম-কোণ কহা যায়। যথা, কখগ ও কখন।



৮। সমকোণ অপেকা ক্ষুত্র কোণকে লয়ু বা স্ক্রাপ্র

্ সমকোণ অপেকা রহৎ কোণকে ছূল কোণ কছে।
ব্বা, চখগ। বাথ ঋজুরেখার এক প্রান্ত খ ছির রাখিরা,
অন্ত আাত গ্রাইরা যদি ভাছাকে এমত ঘুরাইরা দেওয়া

বার যে, সে থক স্থানে উপস্থিত হয়, তাহা ছইলে, ভাহার আপ্রমিক অবস্থিতি থগা ও বর্তমান অবস্থিতি থক-র সহিত যে স্বন্ধতি উৎপত্ন হয়, ভাহাকে গাখক কোণ কৰে। আবার वाद तिथा गथ, व भर्वास श्रेमातिक कतित्व छारेनमिक स কোণদী উৎপত্র হর, তাহা কথঘ দারা ব্যক্ত হর। মনে কর, <u> এইটা কোণ গণ্ড ৩ চণ্ড−র মধ্যে ডাইনদিকের চণ্ড কোণ</u> লবু ও বামদিকের চথগা কোন গুৰু। এবং খচ ঋক্রেখার এক প্রান্ত থ ছির রাখিয়া, অপর প্রান্ত চ ধরিয়া খদি ভাষাকে ক্রমাগত বামদিকে ঘুরান যায়, তাহা হইলে, ডানি-দিকের কোণটা রৃদ্ধি ও বামদিকের কোণটা হ্রাস হইতে शांकित्व, धवर हैरां ७ म्लक्षे ताथ रहेत्उत्ह त्व, छानिमित्कत কোণটা ষভটুকু রদ্ধি হইবে, বামদিকের কোণটা ভভটুকু হ্রাস হইবে। অভএব, ক্রমাগত উভয়ের প্রেরণ পরিবর্ত रहेरा थाकित्न, अवभारे कान ना कान मगात छानि। • ব্যুম্দিকের হুইটী কোণই পরস্পার সমান হুইবে। মনে কর, চ বিন্দু ক-ডে উপন্থিত হইলে, ডানি ও বামভাগের 👺 🖺 কোণ ঘৰক ও গৰক পরতপ্র সমান হয়। ভাষা ৰইলে এ ইইটা কোণের প্রভোককেই এক একটা সমকোণ करा सह ।

অমুমান। সকল সমকোণই পরস্পার সমান।

গুলন্মটাম। এক থানি কাঠখণ্ডে একটা সরল রেথা ভানিরা, ঠিক এ রেখার উপর দিরা এক গাছি ওলনচড়ি বুলাইরা ভাষাকে অপর এক কাঠখণ্ডের উপর সম্ভাবে সংবুক্ত করিলে, ওলন্মটাম প্রস্তুত হয়। এই মাট্য কোন সমতল ভূমি বা জলের উপরিভাগে রাখিলে, উক্ত আইড রেখা ও ওলনদড়ি উভরে মিনিত হইর। রাইরে। ভূমি সমতল না হইলে ওলন দড়ি নিম্নদিকে ঝুলিরা পড়ি— বে। হথা পার্যাছিত প্রতি—

ক্ততি। এই যত্ত্বের সাহাষ্যে ভূপৃতে য**তি লয়** ভাগেই ছাপিড করা বার। ক্রমনিম ভূমি পরিমাণ কালে এই ব**র্ডী** বিশেষ প্রবোদনীয়।

প্রাসাম্য বস্তা। কোন নির্দিষ্ট স্থান সমস্তল কি বন্ধুর,
ইহা সামিবার নিমিত্ত পণ্ডিতের। স্বরাসাম্য নামে, অকটা
বন্ধ প্রস্তুত করিয়াছেন। এই স্থলে ঐ বস্তুর চিত্ত্বর
প্রতিরূপ প্রকাশিত হইল।
কর্ম অকটী কাচের নল, উহার

केक्ष्यं कि कहा, देश खंडाबाडा



প্রায় পরিপূর্ণ থাকে, কিঞ্চিৎ বায়ু প্রবেশ নিবন্ধন ভর্মারের প্রকটী বিশ্ব জ্বায়ে। প্র যন্ত্র কোন অসমতল ছানে ছাপন ক্রান্তর, তার প্র নলের নীচদেশে পতিত হর এবং বা চিছিত বৃষ্টী উপরে উঠিরা থাকে। কিন্তু যখন প্র নল কোন সমতল ছলে ছাপিত হয়, তথন প্র বৃষ্টী নলের মধ্যমান ব্যক্তিক হয়রা থাকে। কোন্ ছান সমতল কি অসমতল, প্রায়ার আনামানে নিরপ্র করিতে পারা আর । ইরিনিত বিজ্ঞানীতি বল্প ছপতিদিপের প্রক্ষেত্র আন্তর্ভার ।

মাটার? এক ধানি কার্চগতের পার্যে জার এক মানি

কাষ্ট্ৰপত ক্ষভাবে সংযুক্ত করিলে মাটাম কছে। মাটাম দারা সমকোণ উৎপন্ন করা গিলা থাকে।

মাটাম হংরাজী (T), টি অক্সরের ন্যার হইলে, টি মাটাম কছে।



তিকোণী। কথা একথানি ত্রিকোণাকার

ভার এক পার্স থগ, অপর পার্স কথ-র

কর্মার ভাবে থাকিলে, অর্থাৎ কথা সমকোণ

হলে, ইহাকে তিকোণী কহে। ইহালারা
কাপত্রের উপর অনারাসে লম্বরেধা অভিড
করা বার।



কার বক্তি। অপা দূর পরিমাণ করিতে হইলে ভূমিতে জার বক্তি দিতে হর। এই বক্তি লছে প্রায় দশ লিক হইন্য খাকে, এবং ভূমিতে প্রোথিত করিবার জন্য ইছার এক বিক্

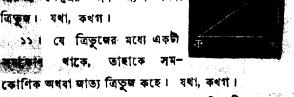
ক্ৰিক । ভূমিতে সমকোণ উৎলাভ জয়, অঁশুলা রেখা পাভ করি-বার জ্মা- জয়ীপ জামিনেরা কুশ-লতের ব্যবহার করিয়া থাকে। কুশ্রীত ও ইক ব্যাস প্রিমিত



র্জুটী গোলাকার বাজা, এই বাজাের প্রইটী দ্বিস্থার नम्द्रानिकाटन पुरे निटक थाटक, यथा कथ छ गम। अरे বস্ত্র ভূমিতে সংখাপন করিবার জন্য ইহার নিম্নে একটা काँ फ्यकि थाक । यनि ह, इ ब्रहेंने धकात (याक्क दिसाद লম্ব টানিতে হয়, তাহা হইলে বাজের গঘ ছিল কিয়া b, इ हरेडी स्तळाटक नमञ्चल त्रस्टिक हरेटा। शहर **ছিত্রের সমস্থতে হুই দিকে হুইটা खन्ना আোথিত** করিয়া এক রেখা পাত করিলে এ রেখা চচ্চ রেখার লখ হইবে ৷

🎎 🔰 ভিন্টী সরল রেখা দারা ক্ষ্মিক ক্ষেত্রের নাম ত্যাত্র অংথবা তিক্তা যথা, কথগ।

ু ১১ । যে তিভুলের মধ্যে একটা ক্ষাক্রী পাকে, ভাষাকে সম-



সমকোণিক ত্রিভুজের সমকোণের অভিমুখীন রাছকে कर् कृद्ध, व्यविष्ठि वाष्ट्रपटत्रत्र मत्था भटकत्र नाम पूषि অপারের নাম কোটি। কথগ ত্রিভূত্তের কগ কর্ণ, কর ভূমি এবং খগ কোটি।

े विक्**रण** स्था भारत स्था भारत स्था भारती ্ৰাৰ থাকে, ভাহাকে সুল-**্ৰিক ভিতৰ** কহে। যথা,



প্রায়ার গোলার কিবল কেবলার প্রায়ার

স্কাকোণিক ত্রিভূজ কছে। যথা চছজ।

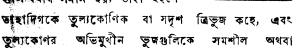
্ ১৪। যে ত্রিভুজের তিন্টীই বাছই সমান, তাহাকে সমবাত ত্রিভুজ কছে। যথা চছজ।



অসুমান। সমবাস্ত ত্রিভুজের তিনটী কোণ পরস্পর সমান।

১৫। যে ত্রিভুজের হুই বাত্ত সমান, ভাষাকে সমদিবাত ত্রিভুজ করে। যথা টঠড।

১৬। যদি হইটী ত্রিভুজের কোণ থালি যথাক সমান হয়, তাহা হইলে

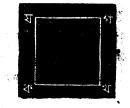


স্বীয় বাহু বলে। যেমন,
কথগ ও চছজ হুই ত্রিভূজের
যদিক কোণ দচ কোণ, গ
কোণ দজ কোণ ও থ কোণ দ
ভূকোণ হয়, ভাহা হুইলে



थशन्त नमनील इका, कथन्त मगनील इह, ब्यांत कशन्त्र नमनील इस कहें(व)

্রা চারি সরল রেখারত
ক্রের নাম চতুরতা বা চতুর্জ।
বে চতুর্ভুজের পরম্পার সমুখীন
ক্রেক্তেবি ক্রেমান্তরাল, তাহাকে
সমান্তরিক কহে। যথা চছজ্বা।

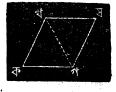


১৮। যে চতুর্ভুজের চারি বাহু সমান ও চারি কোণই সমকোণ, ভাহাকে সমচতুর্জ অথবা সমচতুরতা বা বর্গ ক্ষেত্র কছে। যথাক ধরাঘ।

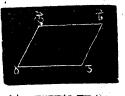
১৯। যে সমান্তরিক ক্ষেত্রের নিকটবর্ত্তী ভুজন্বর বিষম, কিন্তু চারি কোণই সমকোণ, তাহাকে আয়ত কহে। যথা চছ জ বা।

2 2

২০। যে সমান্ত রিক ক্ষেত্রের নিকটবর্ত্তী ভুজদ্বর ও পরস্পর অভিমুখীন কোণগুলি সমান, তাহাকে রম্বস কহে। যথা কথ্যগু।



২১। যে সমান্তরিক ক্ষেত্রের নিকটবর্ত্তী ভুজন্বর বিষম ও পর-স্পর অভিমুখীন কোণগুলি সমান, ভাছাকে রবৈড্ কছে। যথা টডচিউ।



রম্বস্ত রম্বৈড্ ক্লেত্রের একটা কোণও সমকোণ নর।

২২। যে চতুর্জু ক্ষেত্রের পরস্পর সমুখীন বাহগুলি সমান্তরাল নহে, ভাহাকৈ ট্রাপিজিয়ম বা বিষম চতু-র্জুজ কছে। যথা তথদধ।



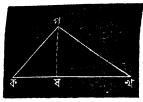
্ব। যে চতুর্জুজের কেবল এইটী সমুখীন বাহু প্রস্পার সমান্তরাল, ভাষাকে আণি জৈড়ুকুছে। যথা পদ্ধবভ



২৪। যে রেখা চতুর্ভুজের হুইটা অভিমুখীশ কোশকৈ লংগুক

कात, जाशांक कर्ग कार । यथा धन । ( भूकि भूके। (मर्थ)

३०। (क)न (क खित गंक হইতে ভূমিতে লম্বপাত করিলে, সেই লম্বকে ক্ষেত্রের উন্নতি वृत्ता यथा श्रेषा

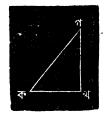


সম্পাদা। একটা প্রাচীর

२० कृष्ठे एक, जाशात नीति ३० कृष्ठे अखात कछ कृष्ठे मीर्घ একশানা মোট রাখিলে এ প্রাচীরের ঠিক উপরে লাগিবেক?

ু পুরের আমিনদিলের ব্যবহার্য যে মানদণ্ড বা গজের বিষয় উল্লেখ করা গিয়াছে, সেই গভের ১৫র অংশ প্রয়ন্ত কম্পাস বিস্তার করিয়া কথ একটা রেখা পাত কর। পারে ত্রিকোণী মাটামদ্বার। কথ-র উপর খগ

একটা লম্ব রেখা টান, এবং খগ-কে ্**হাজের ২০ অংশের স**মান কর। **এইফাণে কগ উক্ত গজ দি**য়া পরি-মাণ করিতে গেলেই, ঐ কর্ণ রেখা গালের ২৫ অংশ পরিমিত হইয়াছে ছেখিতে পাওয়া যাইবে। এই স্থলে



২৫ অংশ ২৫ ফুটের স্থানীয় হইল, কারণ পুর্বের গভের এক এক অংশকে এক এক কৃট করিয়া লওয়া গিয়াছে। অতএব মোইএর পরিমাণ ২৫ ফুট হইবে।

🌼 ২৬ ৷ চারির অধিক সরল রেখাদ্বারা পরিবন্ধ 🖛 🚉 কৈ প্র**ভূজ কে**ত ক্রে।

২০। যে ক্ষেত্র এক কুটিন রেখাতে পরিবন্ধ, এবং বাহার অন্তরে এমত কোন বিন্দু আছে, যাহা ও রেখার সর্বত্র হইতে সমদ্র, তাহাকে রক্ত ও ও কুটিন রেখাকে পরিধি কছে,। পরিধির অন্তর্ম পুর্বোক্ত ও বিন্দুকে কেন্দ্র কছে। কগদণত রুত্তপরিধি, ম

একটা গজুরেখা কম-র এক প্রান্ত ম ছির রাথিয়া, অপর প্রান্ত ক ঘ্রাইরা পুনর্কার প্রাথমিক

ছানে উপনীত করিলে রত্ত নিজ্ঞালিত হয়। কম্পালের
মুখ যে পরিমাণে হউক বিস্তার করিয়া, একমুখ ছির
রাখিয়া অপর মুখ ঘ্রাইয়া আনিলে একটী রস্ত অফিড হয়।
রস্ত নিজ্ঞালন করিবার রীতি হইতে স্পাস্ট বুঝা ঘাইতেতে
বৈ, রবের ব্যাসার্জ্ঞালি পরস্পার সমান।

২৮। পরিধির কোন অংশের নাম চাপ বা **ধরু**। কথা গায়।

২৯। রতের কেন্দ্র ভেদ করিরা যে ঋজু রেখা পরিধির উভর পার্থে সমাপ্ত হয়, তাহাকে প্র রতের বালিকহে; এবং কেন্দ্র হইভে পরিধি পর্যান্ত যে সরল রেখা টানা যায় (অর্থাং ব্যোসের অর্জাংশ) তাহার নাম কর্কট বা ব্যাসার্জি কহে। কোন ব্যাস এবং ত্যুব্র জিলা চাপের মধ্যে যে বে প্রার্ভিভিলি বালিকভিলা করিবরী রভার্জি কহে। বে স্কুলি চার্গ্রিক্তি ভর পার্থ সংস্কৃতি করে, ভাহাকে ল্যা। কহে। ক্রিক্তা স্কুলি বিভার শ্রেক্তি প্র বিব্যা করে। বিভব্ত হয়.

এবং ইহার প্রত্যেককে (অর্থাৎ কোন সরল রেখা ও ভদব-ক্ষিত্র চাপের মধ্যে যে ক্ষেত্র থাকে ভাছাকে) রভর্বত কছে। কেন্দ্র হইতে এই সরল রেখা অন্ধিত ছইলে, তথ্যসূত্র চাপের অন্তর্গত ক্ষেত্রকে রত্তেছদক বলে। এই ক্ষেত্রে कर्मणामः म इ तामार्क, कश्चथ मामित्रक, शच (तथा क्रा, প্রক্রমান কাভাবে ব্রভ্যত, আর গমন রত্তেদ্ক। अन्। सनि अकी अजुत्तथा तुर्छ সংলগ্ন হইয়া প্রসা-বিশ্ব কালেও মুক্তকে ভেদ না করে, ভবে প্রে রেখা রক্তকে न्येन कतिरक्रक अम्ब करा यात्र, अवश् जाम्म मत्रम द्रिशाटक

শন্তরীর পুর্চকে কুক্তপৃষ্ঠ কছে। ্র ৩১। এক কেন্দ্র হইতে ভিন্নভিন্ন ব্যাসার্দ্ধ লইয়া যে সকল ব্লক্ত অঙ্কিত হয়, তাহাদিগকে প্রকিকেন্দ্র রুত্ত করে।

স্মূৰ্মনী ৰলে। কগঘধ ব্লভাৰ্দ্ধের বাহ্য পৃষ্ঠকে মুজ্জপৃষ্ঠ ও

# প্রটাক্টিং স্কেল বা কোণমান গজ।

বদি রন্তকে ৩৬০ সমান ভাগে বিভাজিত করা যার, ভাষা হইলে প্রত্যেক ভাগকে অংশ কছে, এই অংশ সমূহের মধ্যে পাশাপাশি হুইটী অংশ হুইডে ম কেন্দ্র

পর্বাস্থ বেখা অন্ধিত করিলে যে কোণের উৎ-পত্তি হয়, তাহার পরি-মাণ এক অংশঃ ৩০টা **जः**म लहेब्रा इहेंगे (तथा



৩০ অংশ, অর্থাৎ এই কোণ পূর্ব্বোক্ত কোণ অপেকা
৩০ গুণ বেশী হইবে। গম রেখা কম রেখার উপর লম্বভাবে
আছে বলিয়া, গমক কোণকে সমকোণ বলা মার। কগ
চাপ রত্তের চতুরংশের এক অংশ, এই জন্য উহার
পরিমাণ — ৩৬০°—র ট্র — ৯০°। অর্দ্ধরত্তের পরিমাণ
১৮০°, অভএব উহা হুই সমকোণ ভূল্য। যদি প্রত্যেক
অংশ ৬০ সমান অংশে বিভাজিত এরপ কপ্পনা করা
যার, ভাহা হইলে প্রত্যেক ভাগকে কলা কছে, ও প্রভ্যেক
কলা ৬০ সমান অংশে বিভাজিত এরপ কপ্পনা করিলে,
প্রত্যেক ভাগকে বিকলা কছে। যে যে চিহ্নদারা অংশ,
কলা ও বিকলা ব্যক্ত হয়. ভাহা ক্রমান্তরে বন্ধনীর মধ্যে
লিখিত হইল (°), (´), (´)।

প্রস্তাবিত কোণমান গজ হইতে স্পান্ত দেখা যাইছেছে বে, ঘণ রেথার এক পৃষ্ঠে এক বিন্দু ম-তে যতগুলি কোণ থাকে তাহাদিগের সমন্তি হুইটী সমকোণের সমন্তির সহিত সমান। এই রূপে ঘণ ঋজুরেখার নিম্ন পৃষ্ঠের সমকোণগুলিও হুইটী সুমকোণের সমান। অভএব, একটী বিন্দুর চতুর্দিকে যতগুলি কোণ থাকে, তাহাদিগের সমন্তি চারিটী সমকোণের সহিত সমান। এতদ্বারা প্রতীত হইতেছে যে, কোন ঋজুরেখার এক প্রান্ত ছির রাথিয়া অপার প্রান্ত ঘুরাইয়া প্রাথমিক ছানে উপ্নতিক করিলে, তাহার চারি সমকোণ মাত্র ঘূর্ণন হয়।

যে গাজের কথা উপারে উলিখিত হইল, ইহাকে প্রাচী-ক্রীর ক্ষর্যাৎ পরিবর্দ্ধক বা কোণমান গাজ কছে।

এক খানা পিত্তলের পাতে উপরি বিখিত প্রতিরূপবৎ একটা রভার্ম অঙ্কিত কর, এবং তাহাকে চিত্রাসুরূপে

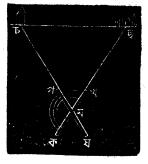
বিভক্ত কর। তাহার পর, ঐ রক্তার্ছের ভিতরে একটী চতুষ্কোণ ক্ষেত্র করিয়া এবং উহার অংশ সমস্ত হইতে কেন্দ্র পর্যান্ত বথাক্রমে রেখা অঙ্কিত করিয়া ঐ আয়ত ক্ষেত্রটী কাটিয়া লও। ভাহা হইলে যে কেল অথবা গজ উৎপন্ন হইবে, ভাছা দারা কোণ মাপিবার উপায় হইবে। কোন স্থানে কোণ নিচ্চাশন করিতে হইলে, তথার এ গজ বা মানদভের ম নামক কেন্দ্রস্থান সংস্থাপিত কর। পরে কোণ বে পরিমাণে করা আবশাক, তাহা মানদত্তের অংশের সহিত প্রক্য করিয়া পেন্সিলদ্বারা রেখা টানিয়া দিলেই প্রহোজন মত কোণ হইবে। বিদ্যালয়ের উপদেশের নিমিত্ত কোণমান গজ একখানা কাগজে বা ভাগেও প্রস্তুত হটতে পারে।

্ কোন ক্ষেত্র মাপ করিবার সময় সর্কম্ফরেণ্ট দ্বারা যে সকল কোণের পরিমাণ লওয়া যায়, সেই সকল কোণ কোণ-মান গজন্বারা নক্সার কাগজে লিখিতে হয়। কোণমান গজ সামান্য মানরপো ব্যবহৃত হয়। সমানাংশে বিভক্ত গজ প্রভৃতি যে সকল বস্তুকে সামান্য মান কছে, তাহার প্রত্যেক অংশ এই মানদত্তে কম্পানা করিলে কার্য্য নির্ব্বাহ ্হইতে পারিবে।

# থিওডোলাইট্ বা কোণবীক্ষণ যন্ত্র।

ুকোন চিচ্ছ হইতে দূরস্থ হুইটী বস্তু পর্যান্ত হুই রেখা কুপানা করিলে, এই রেখাদর দার। যে কোপের উৎপত্তি হর, তাহার পরিমাণ এই যন্তবারা নিরপিত হট্যা থাকে। এই যন্ত্ৰ কিরপ ভাহা নিম্নে দেখা যাইভেছে।

কপথ চিক্ত দারা যে রভার্দ্ধ
প্রদর্শিত ছইয়াছে, ভাছা ১৮০
সমান অংশে বিজ্ঞান্তিত।
এই রভার্দ্ধের কেন্দ্রে একটী
নল এরপ কেশিলে সংস্থাল
পিত আছে যে, ভাষা চতুল
দিকে ঘ্রিতে পারে।
ম চিক্তিত স্থান হইতে



চ, ছ ঘুইনী বস্তু পর্যান্ত রেখা কপানা করিলে, এই রেখায়য়
য়ারা যে কোণ উৎপার হয়, তাছা পরিমাণ করিতে ছইলে
কোণনীক্ষণ যন্ত্রের মধ্যস্থান চমছ কোণাত্রের উপার সংস্থাপন
করিয়া, ক চিহ্নিত স্থান হইতে যন্ত্রেস্থ নল দ্বারা ছ চিহ্নিত
বস্তুকে লক্ষ্য করিতে ছইবে। পরে নলটীর দ্বারা আবার
চ চিহ্নিত বস্তুকে সমস্থুত্রে দেখা যায়, এরপে ঘুরাইয়া
আনিতে ইইবেক, অর্থাৎ যতক্ষণ কখ, গদ্বর সহিত মিলিভ
ম্বা হয়। এইক্ষণে মছ ও মচ এই রেখা দ্বারা যে কোণ হইয়াছে,
তাহার পরিমাণ খগ চাপের পরিমাণের সমান ছইবে, অর্থাৎ
প্রহাত খ পর্যান্ত বত অংশ হইবে, ঐ কোণেরত্র
পরিমাণ তত হইবে।

তং। কোন কোণ পরিমাণ করিতে ইইলে, কোণাঞা

অর্থাৎ মধ্যাক্ষরকে কেন্দ্র করিরা, কোণ উৎপাদক রেখা—

इর্টেব্রু কোন একটীকে ব্যাসার্দ্র লইরা, একটী রত নিকাশিত

করিতে ইইবে। পরে ঐ কোণের তুই পার্যন্ত সরল

कालके कार्णत मान।

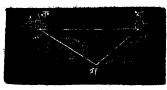
রেখার মধ্যে যে চাপ থাকে, প্রভাগ সমস্ত রভের বে আছেল ভটবে, উক্ত কোশের পরিমাণ তত অংশ হই**ে**ব। ক্ষা একটা চাপ, ম ইহার কেন্দ্র, কণা চাপের বে পরিমাণ কমগ কোণেরও সেই পরিমাণ। চাণোর পরিমাণ ৪২°২৯ ৪৮ হয়, ভাষা ছইলে কমগ কোণের পরি-মার্ক এ ছইবে। অতএব রত্তের

সম্পাদা :ম। জ্বীপ আমীন যে ছানে দণ্ডারমান আছে (২০ শ পুঠান্থিড প্রতিক্ষতি) অর্থাৎ ম, তথা হইছে ছ প্রান্ত যে অন্তর তাহা না মাপিয়াও স্থির করা ঘাইতে পারে া মনেকর, চমচ কোণের পরিমাণ ৪০ অংশা হইতে চ-র জন্তর ৩০০ গজ, চ ছানে কোণবীক্ষণ যদ্ধ রাখিয়া (मशिरन कांना शहरत, रव कहम रकान १० व्यश्म कि **अहेक्स**न মছ-র দূরত্ব নিরূপণ করিতে হইবে।

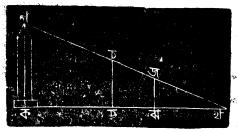
ু চয়*ু* একটা রেখা পাত করিয়া উহাকে সমান অংশের यानमध्यत २००० कश्यान करा। शहर कार्यमानशक् ছার√ুম্ভ রেখা এর**েপ পাত কর যে চম**চ কোণ ৪০° হয়; ্রাচছ এরপে পাত কর যে চচম কোণ ৭০° হয়। চছ ও महर्द (तथा ह शांत्र अवटल्हम कतिरवक। धरेकट्न कम्भान ্রারা মৃত্র পরিমাণ করিয়া মানদতে প্রয়োগ করিলে প্রতীত । ক্টবে যে, উচার পারিমাণ ৩০০ গজ, অর্থাং মানদাতে মত-ভুলি একত হটবে প্রটেম্ক একক এক গজের স্থানীয় **≅हेट्**व । ं

ংর। ক এথ ছুইটা রুক্তের মধাগত ব্যবধান প্রিমাণ করিতে হইবে।

কোণবীক্ষণ যন্ত্ৰ ৰাৱা আনা যাইতে যে, যে ছানে দ্ঞায়ৰান আছ, সেই ছানে



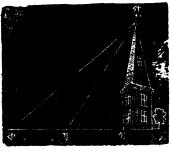
কর্গথ কোণের শ্রিমাণ ১১০ অংশ। পরে গজ বারা পরিমাণ করিলে গক রেখা ৩২ গজ ধার্যা ছইবে, এবং ক চিছিত্ত ছালে গক্ষণ কোণের পরিমাণ ৩০ অংশ নির্ণন্ন ইইবে। অনুষ্ঠার ক্ষণ ভিতুল নির্মাণ করিয়া কথ পরিমাণ করিলে ছাই ৪৬ বাল নিক্ষণণ হইবে।



তর। গ ক কীর্ত্তিস্তন্তের উচ্চতা নির্ণর করিতে ছইবে।
কীর্তিস্তন্তের নিম্নভাগে ক চিহ্ন হইতে যে হানে জরীশ
আমীন দণ্ডান্নমান আছে, সেই পর্যান্ত দূরপরিমাণ জর্মান
কম্প রেশার পরিমাণ ৪০০ ফুট। থ ছানে কোণবীক্ষণ বস্ত্র
ছারা দেখিলে জানা যাইবে যে, গথক কোণের পরিমাণ
১০টা এইক্ষণে গ ক অর্থাৎ কীর্তিস্তন্তের উচ্চতা কত শ্বির
করিতে হইবে।

কোন সমাম অংশের মানদণ্ড লইরা থ ক রেখাকে ভালার ৪০০ অংশের সমান কর। কোণমানগজ দ্বারা থ পরেশা এরপে পাত কর বে, কথগ কোণ ৪০ অংশ হর। পারে ক চিছ্ক হইতে কগ রেখা থক-র উপর লম্ব ভাবে অন্ধিত করে। ক প ও থ গ রেখা গ ছানে ছেদ করিবে। এই—
আন্ধে কম্পান দ্বারা গ ক পরিমাণ করিরা মানদণ্ডে প্রেরোগ করিলে প্রতীত হইবে যে, মানদণ্ডে যত একক প্র মন্দির ভত ফুট উচ্চ অর্থাৎ প্রায় ৩০৫ কুট।

৪র্থ। খগ একটা
পর্বতোপরি এক
মন্দির, উহার তলার
যাইবার বো নাই।
এ মন্দিরের উচ্চতা
ছির করিতে ছইবে।
জ্বরীপ জামীন মনে



কর, ক ছইছে ঘ পর্যান্ত ৭৬ ফুট পরিমাণ করিরাছে। ক ও ঘ ছালে কোণবীক্ষণযন্ত্র ঘারা পরিমাণ করিলে জানা যাইতে যে, গা ক থ ও গ ঘ খ কোণদ্বর পরস্পর ২৭° ও ৫২°। এইক্ষণে ধ গা মন্দিরের উচ্চতা নির্ণায় করিতে ছইবে।

েকোন সমান অংশের মানদণ্ড লইর। কথ রেথাকে ভাছার ৭৬ অংশের সমান কর। কোণমানগঞ্জ ছারা ঘণ এ কর্গ রেথা এরপে অঙ্কিত কর যে, থঘ গ ও থ ক গ কোণ্ডর প্রস্পার ৫২ এ ২৭ অংশ হয়। ঘণা ও ক্য রেথায় রের সম্পাত বিম্মু গাছইতে কথ রেথার উপর লম্বপাত করিরা, কম্পাস দারা উহা পরিমাণ করিলে প্রভীত হুইবে, যে উহা মানদণ্ডের ৬৪ একক। মানদণ্ডের প্রভোক একক এক ফুটের স্থানীয় হুইলে ঐ মন্দিরের উচ্চতা ৬৪ ফুট ইইবে।

৩০। জ্যামিতি সম্বন্ধীয় রেখা বা ক্লেতের লক্ষণকৈ পরিভাষা কহে। "যে ত্রিভুজের ছুই ভুজ সমান ভাছাকে সম্মীবাহু ত্রিভুজ কছে," এইছলে সম্মিভুজ ত্রিভুজের পরিভাষা
ছইল। ক্ষেত্রবিশেষের লক্ষণ করাটা পূর্ব্ব পক্ষ—ক্ষর্থাৎ
ক্ষেত্রের ধর্মগুলি প্রথম নির্দ্দেশ করিয়া পশ্চাৎ উপসংছার
বা উপপত্তি করিতে ছইবে। পূর্ব্বোক্ত সম্মিভুজ ত্রিভুজের
ক্ষেত্র ভাই ধর্মটা উপপাদিত ছইভে পারে যে, উহার
সম্মান বাহুর সম্মুখীন কোণগুলি পরস্পর সমান।

্প্রতিজ্ঞা শব্দের অর্থ সাধ্য নির্দ্দেশ। সাধ্য ইই প্রকার, সম্পান্য এ উপপান্য।

যে প্রতিজ্ঞার কোন ক্রিরা সম্পান করিতে হইবে এমন প্রস্তাব করে, অর্থাৎ কোন ক্ষেত্র নির্মাণ করিতে হইবে, অথবা কোন প্রশ্নের সিদ্ধান্ত করিতে হইবে, তাহাকে ১সম্পাদ্য করে।

যে প্রতিজ্ঞায় কোন সভ্য সংস্থাপন করিতে হইবে এমন প্রস্তুতার করে, তাছাকে উপপাদ্য কছে।

এক বা বহু প্রতিজ্ঞা হইতে যে ফল উপলব্ধি হয়, ভাষাকে অসুমান কছে।

প্রতিজ্ঞা সকল অধিকাংশই এই পঞ্চান্ত সংযুক্ত হয়।

বলা, সামান্য কণন, বিশেষ কণন, অস্বপাত, প্রমান,
উপসংহার। ছেতু প্রদর্শনের নাম প্রমাণ।

ে হেতু পুই প্রকার, অন্বরী ছেতু এবং ব্যতিরেকী ছেতু। যে প্রতিজ্ঞা সাধনে সাধ্যের যাথার্থ্য একবারে সপ্রমাণ হয়, সেই স্থলে অন্বয়ী হেতুর দ্বারা প্রতিজ্ঞা সিদ্ধ ছইল, এমত বলা যায়। আর যেথানে সাধোর অ্যাথার্থ্য সপ্রমাণ করিবার নিমিত্ত ভদিপরীতের অযাধার্থ্য প্রতিপন্ন করিতে হয়, সে স্থলেই ব্যক্তিরেকী কেতুর প্রয়োগ হয়।

্রপ্রভিজ্ঞার পূর্বেক্সি ভৃতীয় অঙ্গ, অর্থাৎ অঙ্গপান্ত কারবার জনা যে কতিপায় প্রত্যাক্ষ এবং স্বতঃপ্রমান্ত্রক अन्भारमात धाराक्षन दश, छाराहमत नाम श्रीकार्या। আর প্রতিজ্ঞার চতুর্থ অঙ্গ, অর্থাৎ প্রসাপের নিভান্ত উপযোগী, যে সমস্ত সত:প্রমাত্মক উপপাদা, তাছার নাম অতঃসিদ্ধ। ইউক্লিড্ এ সীকার্যা এবং অতঃসিদ্ধের সহায়তা ভিন্ন কুতাপি আর কোন প্রমাণ অবলম্বন করেন নাই।

ু স্বীকার্য্য যথা। ১। এক বিন্দু হইতে অন্য কোন বিন্দু প্রিন্ত ঋজু রেখা টানা যায়।

- ২। কোন নির্দ্ধিট ঋজু রেখাকে সরল ভাবে যথেচ্ছ রন্ধি করা যাইতে পারে।
- ৩। কোন বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া ভাহা হইতে যথেচ্ছ দুরে ব্যাসার্দ্ধ লইয়া ব্লক্ত আঁকা যাইতে পারে।

্বতঃসিদ্ধ। ১। যে যে বস্তু প্রত্যেকে অপর কোন এক বস্তুর সমান, ভাহারা পরস্পর সমান।

र। नमान रखुट्ड नमान रखत यांश क्तिएन, नमकियन পরস্পর সমান হয়।

- ও। সমান বস্তু হইতে সমান বস্তুর বিশ্বোগ করিলে, অবশিক্তময় সমান হয়।
- ৪। সমান সমান বস্তু পরক্ষার বিষম বস্তুতে সংযুক্ত হইলে, সমক্রিদয়ও বিষম হয়।
- ৫। বিষয় বস্তু হ**ই**তে <mark>সমান বস্তুর বিরোগ করিলে,</mark> জবশিষ্টময়ত বিষম হয়।
- ৬। যে যে বস্তু প্রত্যেকে কোন এক বস্তুর দ্বিগুণ, ভাষারা পরস্পর সমান।
- া যে যে বস্তু প্রত্যেকে কোন এক বস্তুর জর্দ্ধ, ভাহারা পরক্ষার সমান।
- ৮। বে সমস্ত ক্ষেত্র পরক্পার মিলে, অর্থাৎ বাহার।
  ঠিক এক স্থান আবরণ করে, ভাহারা পরক্পার সমান।
- ৯। কোন বস্তু বা রাশি ভাহার অংশ বিশেষের অপেকারহং।
- ১০। কোন বস্তু বা রাশি বিভাজিত হ**ইলে, তাহা**র অংশ সমুদ্ধের সম**টি সে**ই বস্তু বা রাশির সমান।
  - ১১। সমকোণ মাত্রেই পরক্পার সমান।
- ২২ । এই ঋজু রেথা যদি পরস্পারকে অবচেছদিত করে, ভাষা হইলে উভয়েই কোন ঋজুরেথার স্মান্তরাল ছইভে

#### গণিতের চিহ্ন নিরূপণ।

এই চিছের নাম সমিত। এক রাশির সহিত জনঃ
বাশির সাম্য থাকিলে, ভাহা এই চিছের ভারা প্রকাশ

कता इसः यथा, ১२ इस्र अवर अक कृष्टे देशाता शतन्त्रात नमान, ১२ इस्र = ১ कृष्टे।

+ এই প্রত চিছের নাম ধর্ম বা সংহিত। প্রই রাশির মধ্যে এই চিছ্ক ব্যবহৃত হইলে, প্রস্পারের সঙ্কলন করিতে হয়; যথা,২+৩-৫।

— ইছার নাম ঋণ বা হীনিত। রাশি পরম্পরার ব্যব-কলন সময়ে পরস্পরের মধ্যে এই চিহ্ন ব্যবহৃত ছয়; যথা, ধ — ২ = ৩।

× এই বজুাক্ত চিক্সের নাম গুণ বা গুণক। ছুই অথবা ভভোষিক রাশির গুণন সময়ে এই চিক্সের ব্যবহার ছব । যথা ৫×০-১৫। এই গুণ চিক্ষের পরিবর্তে কখন এক বিন্দু মাত্র লেখা যায়; যথা, ৫.৩-১৫।

বে রাশিকে গুণ করা যায়, ভাহার নাম গুণা। যদ্মারা গুণন ক্রিয়া সম্পন্ন হয়, ভাহার নাম গুণক গুণ করিয়া যাছা হয়, ভাহার নাম গুণকল।

কোন রাশি সেই রাশিদার। গুণিত হইলে যে ফল লব্ধ ইয়, উহাকে রাশির বর্গ করে, যেমন ৫এর বর্গ ২৫।

কোন একটা রাশিকে সেই রাশি দিয়া গুণ করিয়া, এ গুণকলকে পুনর্বার এ রাশি দিয়া গুণ করিলে যে ফল লব্ধ হয়, তাহাকে এ রাশির ঘন কছে; যথা, ৫×৫×৫=১২৫।

কোন রাশিকে সেই রাশি দ্বারা পুনঃপুনঃ গুণ করিলে যত বার গুণ করা যায়, তত সংখ্যক আইকে এ রাশিয় মন্তকের ডানিদিকে, ক্ষুদ্রাকারে লিখিলে সেই

মণফল ব্যক্ত হয়। যথা ৫<sup>২</sup>-৫×৫-২৫; ৫<sup>৬</sup>-৫×৫ × 4 = 220; 0+8 2 = 92 = 83; 8 ( 4 + 3 )2 = 8 × ৮<sup>২</sup> = ২৫৬। এই ২, ৩ সংখ্যাকে ঘাত কছে। ৫<sup>২</sup>, ৫ রাশির দ্বিখাত বা বর্গ। ৫°, ৫ রাশির তিঘাত বা ঘন, रेजामि।

+ अहे हिट्डत नाम ভाषक। (य (य त्रानित मर्था अहे চিহ্ন খাকে, ভাহার প্রথমকে দিড়ীয় দারা হরণ করিছে হয় । যথা ১৫ + ৩⇒৫। হার্যা রাশি হারক রাশির উপরে থাকিলেও এ হরণের অর্থ বুঝায়; যথা 🖁। 🖁 পড়িতে ছইলে ৩ লব ৫ ছর পডিবে।

যে বালি ভাগ করা যায় ভাষার নাম ভাষা। যদার। ভাগ করা যায়, ভাহার নাম ভাজক।

ভাগ করিয়া যে ফল লব্ধ হয়, তাহার নাম ভাগ-ফ ল ।

ভাগের পর যাহা অবশিষ্ট থাকে, ভাগার নাম ভাগা-(मेरा

অনেক পৃথক্ং রালি একত করিবার নিমিস্ত ( ), र् । वा ... विक वावकाल क्या, क्वामिशतक वस्ता वा त्वज ক্তে; যথা, (c+8) × ২->৮; কিছা c+8° ২-১৮।

ে এই চিছের নাম মূলক বা মেলিক। কোন রাশির ৰামদিকে এই চিক্ত থাকিলে বুঝিতে হুটবে যে. প্ৰু বালিব বর্গমূল নিষ্কাশিত করিতে হইবে, অর্থাৎ সেই রাশিকে এমুন ভাগ করিতে হটবে যে, সেই ভাগফলকে দিহাভ कतिरल शुक्त त्राणि छे९भन्न इकेट्र : यथा, √०० -देश माना ৩৬ এর বর্গনল কভ ভাষা ব্যক্ত ছইভেছে, স্মভরাং 🗸৩৯ - ७। **এই চিছের উপর ৩ থাকিলে ঘনমূল বুঝিতে इই**বে, ইত্যাদি। এই মেলিক চিছের পরিবত্তে কখন কথন तानित मलकत जानिमिक है, हे बहे क्रम ज्याश्मश्रीन बावक्ड इत : यथा, ४८°, ७८°, देशत पाताल ७८त वर्ग छ ঘনমূল প্রকাশিত ছইয়া থাকে।

যদি রাশি পরস্পরার উপর রেখা অঙ্কিড থাকে, ভবে ঐ রাশির সমুক্তয় লইয়। বিহিত কার্য্য করিতে ছইবে, আর সেই রেথার নাম শুগুল; যথা, ৩-২+৫×৬--১. ইহার অর্থ এই যে ৩-২+৫ এই রাশি সমূতের क्नाक ७- अबरे तानित कन बाता श्रेन कतिए हरेटन। (কথ-গঘ) × (কখ-গঘ), অথবা কথ-গঘ<sup>2</sup>, ইইার অর্থ এই যে, কথ--গঘ এই রাশি আপনার ছারা গুণ ठडें€ छ ।

্যদিকোন রাশির বর্গ ব। খনমূল নিষ্কাশন করিতে হর, আর দেই মূল সম্পূর্ণ নির্ণয় ন। হয়, অর্থাৎ যত দূর প্রক্রির। करा राष्ट्रेक ना किम, किमू ना किमू जागरमय थाएक, धव ९ আসর মৃলমাত্র স্থির হয়, তবে সেই মৃলের প্রভিরপকে করণী क महमन दाणि कहा यात ।

ু এক রাণির সহিত অনা রাশির যে সম্বন্ধ ভা**হার**ুনাম बार्कार कर्ने भार हिन्द कर । मार्जि कर हे व रिकेट अरहार ्यथा, : :: । धरे हिरू वृक्ति तो निमक दुसर् मूर्य পাদিলে ভাছাদের পরস্থার যে রূপ স্বস্ত ভাষা ব্যক্ত হয় ই

যথা, ২ : ৫ : : ৮ : ২০ ; ইছা এ রূপে পাঠ করিছে হর, ২এর সহিত ৫এর যে সম্বন্ধ বা অনুপাত, ৮এর সহিত ২০ এরও সেইসম্বন্ধ বা অনুপাত।

এক রাশি অন্য রাশির দ্বারা শুদ্ধ ভাজ্য হইলে সেই ভাজ্য রাশিকে ঐ অন্য রাশির অপবর্ত্ত্য ক্ছে, যথা, ১৬, ৪ এর অপবর্ত্ত্য, কারণ ১৬, ৪এর ঠিক চতুগুর্ণ, স্মৃতরাং উহার শুদ্ধ ভাজ্য।

এক রাশি অন্য রাশির শুদ্ধ ভাজক হ**ইলে, ভাহাকে** ঐ রাশির অপবর্ত্তক করে; কথা, ৪, ১৬র অপব**র্ত্তক**।

ে যে চিহ্ন দারা "ভজ্জন্য" ''এই নিমিত্ত" ''অভএব" এই প্রকার কর্ম বোধ হয়, ভাহার আরুতি এই ∴

যে চিক্ত দার। "যেতেতু" এই অর্থ বোধ হর, ভাছার জাক্ততি

হই রাশির মধ্যে পূর্বেরটা পারের রাখি অপেক। এক বুঝাইলে এই চিছ্ন ব্যবহৃত হয় > ইহার নাম রহরের। আর লঘু বুঝাইলে < এই চিহ্ন ব্যবহৃত হয়; ইহার নাম শুঘুতুর।

উপরি উক্ত চিহ্ন বাতীত আর কতকগুলি চিহ্ন ক্ষেত্রবাৰ হারে প্রয়োগ চইর। থাকে। যথা,— ≭ অর্থাৎ অসমান। △ অর্থাৎ তিভুজ। ८ অর্থাৎ সমকোন। ∦ সমান্তরাল। □ সমান্তরিক ক্ষেত্র। ∠ কোণ।

₩ সমান্তরাল নছে। 1 লয়। ১ বর্গক্ষেত্র। ৩ বৃত্তন

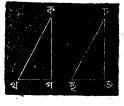
# কোণ, ত্রিভুজ এবং সমাস্তরাল রেখা সম্মীয় কতিপয় উপপাদ্য ও

# मन्भाषा ।

১ম। প্রতিজ্ঞা—উপপাদ্য।

্রুইটী ত্রিভুজের মধ্যে যদি একটীর হুই বাত অন্যের এই বাহুর সহিত খথান্ব সমান হয়, এবং ঐ এই ত্রিভুজের সমান ভুজের অন্তর্গত হুইটী কোণ পরস্পার সমান হয়, ভাছা ছইলে এ হুই ত্রিভুজ পরস্পর সর্বভোভাবে স্মান इटेट्य ।

्रमदन कड़, क थ ११ ७ ५ ५ व ५३ বিভুলের ধাণা ভুল, চুজ ভুলের এবং ক থ ভূজ, চ ছ ভূজের সমান, এবং কর্ম গ কোণ, চছ জ কোণের সমান। ভাহা হইলে কগ বাত



চল বাত্র, থকগ কোণ ছচল কোণের ও কগাথ কোণ চল্লছ कार्यंत्र ममान बहेर्द ।

বদি কথগ তিভুজকে চছজ তিভুজের উপর এই ক্লপে উপনিহিত করা যায় যে, খ কোণ, ছ কোণের উপরেই পড়ে ध्वर थग शक् द्रथानि इक शक् द्रथात छेशदाहे शृष्ड, ভাষা হইলে থ কোণ ছ কোণের সমান বলিয়া মিলিয়া यहित्त, धारः चंश अच्च ताथा इक अच्च ताथात नमान विनश्ची मिनिश्ची यांदेरि, ७ अट्कित श्वास्त भ, अन्यस्त জ-র সহিত মিলিবে। আবার প্রাম্ভ

ছ জোনের সাইত বিনিনে কর অক্রেরণ চন্ত রক্ত্রেণার ঠিক উপরে পড়িবে, এবং উভরে সমান বানিয়া মিনিরা যাইবে। তালা হইলেই গক অজুরেধার ছুই বিন্দু স ও ক, জচ অজুরেধার ছুই বিন্দু আ ও চ-র সাহত মিনিন, স্মভরাং রেধান্ত পরস্পার মিনিন, এবং কথা সমুদার ত্রিভূল চহল সমুদার ত্রিভূলের সাহত সমাক্ মিনিরা পরস্পার সাহতাভাবে সমান হইল।

# ২য় প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক্ষ্মী বিস্তুত্তার মধ্যে যদি একটার ছই কোণ ক্ষমের ছই কোণের সহিত যথাত্ব সমান হয়, এবং একের নামার কোণার্থ্যের মেদিও ভূব, অপরের ভাদৃশ ভূত্তার কাহিত সমান হয়, ভবে এ ছইটা ত্রিভূত্ত পরস্পর সর্বভোতারে সমান কাবে

স্নে কর, পুইনী ভিছেল কণগ ও চছল-র (পূর্বা আছিল।
কৃতি দেশ) কথা কোণ চছল কোণের সমানপথের কর্মার্ক ক্রের্ক ক্রের্ক

কথা বিকৃত চহল বিভূতের উপর এই প্রকারে উপক নিহিত কর বে থগ রেখা হল রেখার উপর গড়েন এই-প্ করে:কথন কোব চহল কোবের সমান কম্পনা করা নিছুতে, প্রভাব ক্ষম জেবার চছা রেখার উপর পাক্ষিয়া বিজিয়া বাইবে, প্রবংক্ষর প্রকাশ চলছা জোবের সমান স্কোশ কা রেথাক চক রেথার উপর পাজিরা বিলিয়া বাইবে। ভাহা হইলেই কথগ ত্রিভূজ চহজ ত্রিভূজের সহিত সম্মক্ মিলিয়া প্রস্পার সমান হইল।

### ৩য় প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

সম্বিধাক অিভুজের সম্বাহত সমূখীন কোণ ছুইটা প্রস্পার সমান হটবে।

কথণা একটা ত্রিভুজ, ভাহার কথ এ কগ বাছদর পরস্পার সমান, ক্রান্ত কগ বাছদমের সম্মুখীন

ভৌনারর পরস্পার সমাম।



চ্ছালান কর, ছত্তা আর একটা স্মহিবান্ত বিভূল। বঁহার
চন্ধান্ত কথ বাত্তর ও চল বাত্ত কথা বাত্তর স্থান, এবং
উত্তর বিভূলের স্মান, অতএব ১ম প্রতিজ্ঞামুসারে এই এইটা
কিছুল পরস্পার স্বর্ধানের স্মান। প্রশান, চন্ত বাত্ত কর্মা বাত্তর এবং,
চল্ল কথ বাহর স্মান। প্রশান, চন্ত বাত্ত কর্ম বাত্তর এবং,
চল্ল কথ বাহর স্মান, এবং থকা কোণ চন্ত কোণের
স্মান, অতএব এছলেও হুইটা বিভূল পরস্পার স্বর্ধানের
স্মান, অতএব এছলেও হুইটা বিভূল পরস্পার স্বর্ধানের
স্মান, অতএব এছলেও হুইটা বিভূল পরস্পার স্বর্ধানের
স্মান, অতএব এছলেও হুইটা বিভূল পরস্পার স্বর্ধান
ক্রিকাশ্রম্পার ও কথা প্রভাবের চন্ত্র কোণের স্মান,
ক্রিকাশ্রম্পার স্থান, ভাষা হুইল, স্মান পাছবহরর বার্ধান

সমূৰীৰ কোৰ কণাপ্ত, কণ বাহত সমূখীন কোৰ কণাপত্ৰ নমান।

#### 8र्थ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

হুইটা ত্রিভুজের বাত্ঞলি যথাত্ব সমান হইলে কোৰ-গুলিও তুল্য হইবে, অর্থাৎ ত্রিভুজ্বর পরস্পর সর্ব্ধতোভাবে

मान कहा, कथने क इस्तान केटी जिल्लाक प्राप्ता अवकीत प्रिय जाने कथा, यह के नक स्थापन करू कर्ण के



কাৰ বাংক ব্যাহ, ভাহ। হইলে ঐ হুইটা ত্রিত্ব পরস্পর স্বতেভাবে সমান হইবে।

কথা ত্রিভুলের নিম্নে চছল ত্রিভুলটা এরপে রাথ বৈ,
চছ রেখা কথ রেখার উপর পড়ে এবং চছল ত্রিভুলের পাঁব
বিন্দুল, ব ছানে আইসে। গা ও ব বিন্দুরর সংষ্ঠান কর,
ভারা হইলে কাষে ও খগব এই চুই ত্রিভুল সমিবিবার ইইবে।
অভিন্নর ( জর প্রতিজ্ঞানুসারে ) কগব ও কবগ কোনছির
পরস্পার সমান এবং খাগব কোণ = খবগা কোণ; ইইটিবের
সমান করিলে কগব কোণ + খগব কোণ = কবগ কোণ। কিন্দু
কবল এবং কথব অথবা চছল ত্রিভুলে কল বাহু কব বাছর
সমান, ধল বাহু বথ বাহুর স্মান এবং কলখ কোণ কবধ

কোনের সমান, প্রভরাং ( ১ম প্রক্রিজাসুসারে ) এই নিষ্কৃত্বর প্রক্রের সমান ।

অনুমান। গুই জিতুজের ভুজসকল পরস্পার তুল্য ছইলে কোণ গুলি তুলা ছয় বটে, কিন্তু কোণগুলি তুল্য হইলে কথন ভূজগুলি ভুল্য হয় না।

#### ৫म श्रिक्छ। मण्यामा।

কথ এক নির্দিষ্ট সরল রেখা, ইহার উপর কথগ এক**টা** ক্ষমবা**ছ ত্রিতুল ক্ষিত** করিতে হ**ইবে**।

ক বিন্দুকে কেন্দ্ৰ ও ক থ
ক্লিক্টক ব্যাসার্ছ করিল৷ খগচ
ক্লিক্টক ক্লিক্টক কর ; এবং খ
ক্লিক্টক কেন্দ্ৰ করিল৷ খক ব্যাসার্ছ
পরিমাণামুসারে ভার একটা ব্যক্ত



ক্ষাছ অভিড করন এই হুই রতের পরস্পার সম্পাত বিন্দু বুংহতে কও ধ পর্যান্ত হুই সরল রেখা টান; ভাষাতে কুমার বে একটি তিভুজ হুইবে ভাষা সমবাছ।

ক্ষাৰ ও কগ উভরে ধণাচ রতের ব্যাসার্ছ ব্যারাজ ক্ষান্ত প্রামান ক্ষান্ত প্রকাশ ও ধণা প্রভাবে কথা ক্ষান্ত প্রামান ক্ষান্তরাং কণা ও ধণা প্রভাবেক কথা প্রেমার স্থান হওরাডে ইহারা (১ম অতঃ সিন্তাসুক্ষরে)

প্রায়ে। চাম্চিকা খিলান প্রস্তুত করিবার নিয়ম।
কথ খিলানের পরিলর; ইহাকে করেকটা লয়ান ভংকে

বিভালিত কর। পরে কথ রেখার নিম্নে সমবাত তিতুক অঙ্কিত কর, এবং ঐ ত্রিভুজের भीर्य कार्रात्र म निम्मुरक किस করিয়া, ম বিন্দু হইতে কখ রে-খার বিভাগক্ত চিহ্ন গুলিতে भवन (तथा है। निर्म शिनाटनत আমুগুলি নিরপিত হইবে।



#### ৬ষ্ঠ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

अक निकित कार्गाक नमिष्यंत, व्यर्थार इहे नमान कार्या विकास कडिएक स्टेरव ।

ক্ষুখ্য এক নিৰ্দিষ্ট কোণ, থ বিন্দুকে কেন্দ্ৰ কৰিছা কে निकार इस यानाक नरेश करा द्वलाश्म व्यक्तिक करें। এবং ক ও গ-কে কেন্দ্র করিয়া উক্ত ব্যাসার্দ্ধ করন্ত্রন করিয়া তুইটা চাপ অভিভ কর। এই হই চাপের সম্পাত বিন্দু চ ছইতে থ পর্যান্ত এক সরল রেখা টান া ু খ চ কেন্দ্র

·ষারা কথগা কোণ হুই সমান ভাগে विভक्त रहेल। कह अ शह मध्यूक कद्रा वक=थन्न, धन् हक=हन धवर था द्वारा थका ७ थगा हरे ত্তিভূত্তর সামান্য বাছ। অভএব ু চতুর্ প্রতিজ্ঞাতুসারে এই হুইটী



विकृत मर्साखांखार मनात अवर कथा कान राया दिवादीय ক্ষমান। মারি খতক বিজ্ঞে খচ বৈখার উপর মুড়ির। ফেলা বার, তাহা হইলে উছা গখচ ত্রিভুজকে সম্পূর্ণ রূপে আর্ড্রড করিবে।

#### ৭ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

বে কোণের কত অংশ পরিষাণ নির্দ্ধিক আছে ভাহা কিরপে অন্ধিত করিতে ছইবে।

বে কোণ অন্ধিত করিতে হইবে তাহার পরিমাণ যদি ৪১ অংশ ছর, তবে অংশমানদণ্ডের ৬০ অংশ পর্যন্ত কম্পাস বিস্তার করিয়া, উহার এক পদ, কম একটা সরল রেখার

ম বিশুতে রাখিয়। রত অন্ধিত কর.

বধা কখা ; ইহা কম সকল রেখাকে

ক বিশুতে ছেদ করিতেছে। পরে

উক্ত অংশমানদত্তের ৪১° কম্পাস



বিশুর করিয়া ক বিন্দু হইতে রশ্তের কগ অংশ ছেদ কর এবং গ ও ম সংযুক্ত কর। কমগ কোণ অঙ্কিত হইল, ইশ্বর পরিমাণ ৪১°।

#### ৮ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

রেখাছরের সংস্পর্শে যে কোণের উৎপত্তি হয় ভাহার শক্তিমাণ করিতে হটবে।

ক্ষ ও গাম (পূর্বে প্রতিক্ততি দেখ ) দুই রেখার সংস্পর্টে যে কোণ হইয়াছে, ইহার পরিমাণ ক্রিতে হইতে। ম কের্ট্র করিয়া অংশুমান্দণ্ডের ৬০° ব্যাসার্ছ লইয়া কল্প এক, হল শক্ষিত কর, ইহা কম ও গম ( আবশ্যক হইলে বর্দ্ধিত করিতে হইনে ) বেথাদ্বয়কে ক ও গা বিন্দুতে ছেল করিবে। পরে কম্পানকে ক হইতে গা পর্যন্ত বিস্তার করিয়া, উক্ত অংশমান—
দতে অব্যোগ করিয়া দেখিলে প্রভীয়মান হইনে যে, কমগা
নির্দ্ধিট কোণের পরিমাণ ৪১°।

#### ৯ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

কথ এক নির্দ্ধিষ্ট সরল রেখাকে হুই সমান ভারো বিভক্ত করিতে হইবে।

ক বিন্দুকে কেন্দ্র এবং কথ রেখাকে ব্যানার্ক্ত করির। একটা রক্ত অঙ্কিত কর, এবং থ কেন্দ্র হইতে থক ব্যানার্ক্ত নইর। আই তুই রক্তের পরস্পর সম্পাত বিন্দু গ ও ঘ এক সরল রেখা ঘারা সংযুক্ত করিলে, ইছা কথ সরল রেখার মধ্য বিন্দু চ দিয়া যাইবে।



কগ ৪ খন সংযুক্ত কর। ৬ঠ প্রতিজ্ঞার ন্যার ইহাতেও প্রদর্শিত হইতে পারে যে কগম কোন ধনম কোনের সমান। এইক্লণে কগচ ও খগচ ত্রিভুক্তরে কগ রেখা বার্না রেখার সমান, চগ সাধারণ বাহু, এবং কগচ কোন খগচ কোনের সমান। অভ্যান কগচ ও খগচ ছুইটা ত্রিভুক্ত (১ম প্রতি-আনুষারে) সর্বতোভাবে সমান এবং কচ রেখা চব রেখার সমান, স্বানাং চ বিস্তুত কথ রেখা সম্বিধ্তিত হইরাছে।

#### ১০ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

<sup>া</sup>ক্ত সরল রেখার অন্তর্গত ঘ নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে ভাছার উপত্ৰ কম্ম টানিতে হইবে।

क्य मर्था, कांस अक विमा गठ. यशा, ह धार वर वर वहें ए वह-त जमान **धक वर्ष कल्पांत्रहाता** (इस कत वर्षा कहा है अवश् ह विन्यू क (कस्प করিরা চৰ অপেকা বেশী ব্যাসার্দ্ধ



লইরা ইইটা চাপ অঙ্কিত কর। এই দুই চাপের পরস্পর मुला विन् भ रहेट प शर्या उ क महन दिया होना यशे, च विम्नू इरेट छेठिता कथ द्राशांत छेला नच स्वाद जिंड रहेन।

পাঁচ ও গছ সংযুক্ত কর।

্টপৰ ও ছগৰ ত্ৰিভুৱে, চগা-ছগ, চঘ-ছঘ, এবং গ্ৰ ত্ইটা অভুজের সামান্য বাহু, অভএব ( ৪র্থ প্রভিজ্ঞানু সারে ) চাৰি ভাগৰ হুইটা ত্ৰিভুজ সৰ্ব্ধডোভাবে সমান এবং গ্ৰহ কোল গাঘছ কোণের সমান; ইছারাই গাঘ রেখার পার্যন্ত क्रिकेट अञ्चल विदेखाटक मगरकान, प्रख्तार वर्ग द्राक्षा कर (सर्वात केपन मन शांदर अधि रहेशांक।

ি বিভীয়েছা। কোন সরল রেধার এক প্রান্ত হটতে লয় PHOTO SOLV

क्य अक मत्रम द्राथा, देवात श्रीतम् व वहेटा देवात क्रीं। अप क्रीमिट्ड 'एरेटर । य विकृतक दक्का अविश्व क्र नरीक कियो पर वर्णका कृत स्वान (तथा व)शार्ध अदेश একটা হ্রস্ত অহিড কর, যথা অইসা পরে একটা কম্পাস ঘল ক্যানার্ছের সমান বিস্তার করিয়া ভদারা অইন ব্রন্তাংশকে

हुदे वात (इन कर्त, यथा है, জী প্ৰশাস **ই ও ট**িবিদ্য-दंक (कला कंत्रिया के इहेरल है अधिमार्टन विशेषी कहेता प्रहेडी ব্রভ অভিড কর। এই চুই



স্থিতির শরস্পার সম্পাত্বিন্দু গ হইতে হ পর্যাপ্ত এক রেখা होन । घर्ग, कंघ (तथांत्र व्यस्ता विन्यू व स्कैए **छे**हात्र **छे**शत मप्रकार चन्नि पहेन।

#### ১১শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

আৰু নিৰ্মিষ্ট সৱল ৱেধার উপর ভছতিছ কো<del>ল নিৰ্মিষ্ট</del> 'বিন্দু হইতে ল'ছ টানিতে ছইবে।

িক্স এক নির্দ্ধিষ্ট সরল রেখা, এবং াা ইয়ার বহিন্তু জ্ঞাক বিন্দু, গা হইতে কথ রেখার উপর লখ টানিতে ইইনে 🏞 🕸

क्षप्रकः। वयन विभूषे (उपात मानामानि व्याहक ভব্ম ংগা বিশ্বকে কেন্দ্র করিয়া ক্ষ রেখাকে ছেদ করিতে পারে এরপ একটা ব্রভাংশ অন্ধিত কর, যথা, मार्चा : हेडा कथ द्वार्थ क अवर



भारिन्तर उद्देश कतिरुक्त । शद्य व्या, शा, व व्या, शा महत्रुक्त अक्षा वर्गात (वर्ष अविकायूगारत ) जर्मना स्वागटक अव बाता नेमेरिये छिष्ठ के हैं। शय नहन दिया श विक्यू वहें हैं अबिके

- ব্রহার কথ রেখার উপর ব্যভাবে সংশ্রি**ড হটব**া, স্মার্কা 🤏 আৰগ ত্ৰিভুৱে অগ – আগ, বুগ সামান্য বাছ এবং মধার কোণ আধাৰ কোণের সমান, অভত্তর ( ১ম প্রতিক্সা-इसार ) अरे हरेजी बिज्ज नर्का जांचा विश् शहक क्लांव ग्रेंचका इकारनाई नमान, देशहाहे शव त्रथांत्र हुई ক্ষিত্র কোর ক্ষান্তর কাড়েকে সমকোণ : অভরাং পদ রেখা শিক্ষা কৰে নৰভাবে অহিত হ**ই**য়া**ছে** ৷

ह विक्रीप्रका। निर्मिक विमुधि कथ त्रथात अक नार्थ कारण को एक कर अब (तथात छेलत अकी (तथा

वाक कर, वथा शह; भट्त शह-(क म विम्मूरक ममबिश्थ कर, धवर म বিশ্বকে কেন্দ্র করিরা মগ বাাসার্ছ महिला अवकी इन्ह महिल कर, स्था,



व्याः देश क्य तथात्क च विम्मूटण एक्म कतिरणाक्। अस्त কী কি এক সমূল বেধাছারা সংখ্যুক্ত কর। প্রদ, প**্রিক্** बहेटक कथ द्रकात केशत नवकारन व्यक्ति हरेन ।

৪০০খ মালসংস্কৃত্ত কর। চম 🗝 সব, অভএব ঘচন কোপ মবচ ক্ষেত্ৰৰ সমাস কৰুং বৰ ও মৰ্যা সমাম কওৱাতে মুখ্য কোণ विकार नमूनाइ हवता दिनाव वहन छ ता र त्यात दागपूर्वा

अञ्चलक क्षेत्र के जिल्ला विश्व क मण का क मण कि मा ক্ৰ'ৰ ব্ৰহ্ণ কোণেয় বোগতুল্য, অন্তৰ্মৰ ক্ল'ৰ ক্ৰিল श्री व स्टब्स्थित नयान, श्रवतार ( क्षत्र कार्जाप्नाकः) देवलः MCDIC THE THE THE

এই উপপত্তি ১৯শ প্রতিজ্ঞার পর পাঠ করিতে হইবে। चन्यांन। अक्षे निर्मिके मतन तथा ७ विष्मृत् मृद्धा (व লম্বত্ম দূরত ভাহাই এ রেখার লম।

#### ३२म श्रिक्ति। मन्नामा

্ৰাক্টা বিভুক্ত অভিত করিতে হইবে, যাহার ভিন বাছ এরথ তিনটা নিটিট সরল রেশার সমান হইতে, যে এ রেখা অক্ষের যে ছুইটা লও, ভাছার। পর-ম্পর বোবো তৃতীয়টীর অপেকা রক্তর হয়।



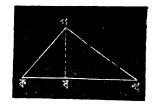
নিৰ্দ্ধিক সরস রেখা ভিনটী ৫, ৪ এবং ৩ বাল পরিনিত रुकेक, बहादनत मर्पा (व कृष्टे (तथा नशु, धकात कतित उर्जीत रहेटक अधिक बहेटन, अर्थाय १ छ के असेटक द्वारकार ८ 😩 २, ६ इट्रेट जुङ्ख्य, अवर ६ 🗷 ७, ८ **एटेट जुङ्ख्य**ी এমত এক ত্রিভুজ করিছে ভইবে, যাছার এক বাছ 👣 এক বাজ্য ও এক বাজ্ত গল পরিমিত রেখার স্থান ছইবে 🔝

৫ গল পরিমিত এক সরল রেখা ক খান্যসাকর, পুরু ক কেন্দ্র করিয়া ৪ গল পরিমিত রেখা ব্যা**লার্ছ নইয়া এ** हक मांक, अवश्य (कक्क कतिया । शक्य शतिविक विका राष्ट्राई, महेरा अक दक मांक। अरे हरे इटका अल्लाड के बोटक के अवस्था में भवास हुई जनत दाना हैनि, किक्क स्रेट्न, हेशत फिन बाक् क्रमण्ड ৫, ৪, ৩ গদ পরিষিত রেখার সমান।

#### ১৩শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ভূমি, লম্ব 🗷 ভূমোপরি লম্ব পাতনের স্থান নির্দিষ্ট **খাকিলে ত্রিভুজ কিরপে অঙ্কিড** করিতে হইবে।

ক ধ ভূমি - ৭, গল লম্ব -० धवः क हिरू हहेट नम् **लीक्ट**मत मृत्र**ः क च --** २ टाइन ।



া চেইন পরিষিত এক

সরস রেখা কর্ম ন্যাস কর, এবং ক খ হইতে দুই চেইন পরি-मिछ धक चल (इस कत, यश क य। धवश च विम्मू इहेटफ ভিৰ চেইন পরিমিত এক লম্ম অফিড কর, যথামগ্র পরে গা<u>র ও গ কু সংযুক্ত কর।</u> কুখুগা তিভুদ আছিত **ছট্টা।** 

#### \$84 প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

क च धक मतल (तथा, श च चना धक ही मदल (तथा खाँचरिखं जश्लद्य हरेया এक मिरक य थ श घ e च श क ছইটা কোণ বিস্তাব করিয়াছে, ভাছাদিশের সুমৃষ্টি ভুইটা সমকোণের সমষ্টির সহিত সমান।

া বিন্দুকে কেবল করিয়া যে পরিমাণে ছউক ব্যাসার্ছ

नरेश च च इ क अवजी तुल শহিত কর, ক চ হ খ সামি-इस दिनद्रां थें गंघ + घरा क = > + · \*, | किश 2 × > · \*; व्यर्थार प्रदेगमरकागलना ।



#### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব।

ভানা উপপত্তি। পা বিলু হইতে ক ধ সরল রেথার উপর পাচ একটী লম্ব টান; অতএব < চ গ ক + < চ গ ধ

- ২ সমকোণ।

< घ গ क = < 5 গ क + < घ গ 5; এই ছই সমান রাশিতে < घ গ थ বোগ করিলে. < घ গ क + < घ গ थ</li>
 < 5 গ क + < 5 গ घ + < घ গ थ = < 5 গ क +</li>
 < 5 গ খ = २ সমকোণ।</li>

উলাঃ ১ম। যদি ঘগ ধ কোণের পরিমাণ ৪০° হয়, ভবে ভাঙার ক্রোড়ন্ত কোণ ঘগ ক-র পরিমাণ কভ হ**ইবে** ?

উ:।১৪০°; কারণ < ঘগক → ১৮০° — ৪০° → ১৪০°।

ঘ গ ক কোণকে ঘগধ কোণের ক্রোড়স্থ কোণ কছে,

ভ ঘগচ কোণকে ঘগধ কোণের অনুপরক কোণ কছে।

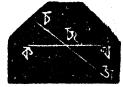
২য়। যদি ধ প ঘ কোনের পরিমাণ ৩৫° হয়, ভবে ভাহার অঞ্পরক কোণ ঘণ্ড এর পরিমাণ কদে হইবে গ

উ:। ৫৫°; কারণ < ঘগচ - ৯০°-৩৫° - ৫৫°। তর। ৩০° পরিমিত কোণ সমকোণের কন্ড ভাগ? উ:। ই ভাগ।

১৫ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ছুই সরল রেথার সম্পাতে প্রতীপ **স্বর্থাৎ বিশরীত** কোণ্ডর পরস্পার সমান হয়।

ননে কর, ক থ ও চ ছ এই চুই বৰুল কেখার সম্পাত ছ চিছে উন্নয়ে এইকাৰে ক ছ চ কোৰ



জ ছণ কোণের সমান, এবং চছ্থ ও কছ্জ ইছারা প্র-স্পার সমান হইবে।

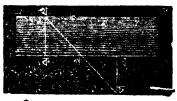
ক ছ চ কোণ 🕂 চ ছ খ কোণ 🕁 ২ সমকোণ, এবং খ ছ জ কোণ 🕂 চছখ কোণ 😑 ১ সমকোণ, কিন্তু যে যে বস্তু প্রত্যেকে কোন এক বস্তুর সমান তাহারা পরস্পার সমান, ষ্ডেএবে কছচ কোণি + চচ্খ কোণি ≕ খছছ কোণি + চছ গ কোণ। এখন উভয় পক্ষ হইতে চছ খ এই সাধারণ কোণটী বিয়োগ করিলে অবশিপ্ত ক ছ চ কোণ জ ছ খ কোণের স্মান ইইবে। চছ্থ ও ক্ছুজ্ক কৌণ যে প্রস্পুর স্মান ইহাও ঐকপে উপপন্ন হইতে পারে।

্ ১ হুত্রখান। ইহা হইতে স্পষ্ট প্রভীয়মান হইতেছে যে, তুই শরল রেখা পরস্পর অবচ্ছিন্ন হইলে, অবচ্ছেদ চিহ্নতে যে যে ্রকাণের উৎপত্তি হয়, তাহারা একত্র যোগে চারিটা সমকোণের সম্ভির সহিত সমান।

ি 🖟 अञ्चल्लामा । অভতাব যত সরল রেখা প্রস্পুর তাক চিক্তে ষ্পর্বাচন্তর হয়, ভাহাতে যে যে কোণ উৎপন্ন হয়, দকল একজ কারণে চারি সমকোণ তুলা হইবে।

প্রয়োগ ১ম। কোন নদী পার না হইয়া ভাহার প্রস্থ প্রতিহাণ করিতে ইইবে।

इतीय आयोग, मरन কর, ক চিছিড় স্থানে কর্থাৎ পর পারের ভী-রছ কোন বুক বাজ্ঞ



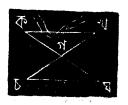
কোন কমিত বস্তু যথা ধ-র ঠিক স্বশ্বুথে দুরার্মান আছেন,

অন্তর তিনি ক্রশনত বা কোণবীক্রণ যন্ত্র দ্বারাক থ রেখার উপর লম্ব ভাবে ক ম রেখা অন্ধিত করুন। পরে ক ম রেখাকে য ভানে সমান ভাগে ছিবও করিয়া একটা দও প্রোথিত কক্রন, এবং ক'ব রেখার উপর ঘ'চ একটা রেখা লমভাবে আছিত ককুন। অপর থ চিহ্নিত বস্তু ও গ স্থানে প্রোধিত দত্তের সমস্থতে চন্থানে আর একটী দত্ত প্রোধিত করিয়া ম্ব চ-র দূরত পরিমাণ করিলে যাহা হইবে ভাহাই নদীর প্রি: সর নির্দারিত হইবে।

২য়। ক চিহ্নিত ভান হইতে থ চিহ্নিত ভান অগমনীয় হইলেও উহার দূরত্ব ত্বির করিতে পার। যায়।

গ চিহ্নিত ভানে অবস্থিত হইয়া গক ও গখ পরিমাধ

কর। গধ রেখা বৃদ্ধি করিয়া গ চ-কে গ থ-র সমান কর, এবং গক-কে বৃদ্ধি করিয়া গঘ-কে भ क-त नमाम कता পत घ ह পরিমাণ করিলে যাহা হইবে: ছাহাই ক হইতে থ-র দরত পরিমাণ।



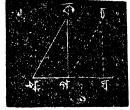
#### ১৬ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য ।

তিভুঞ্জের কোন বাছ বৃদ্ধি করিলে ভাহার বাহিরে যে কোণ্টী হয়, ভাহা ত্রিভুঞ্জের অন্তরীণ প্রতীপ কোণ্ডয়ের बारकारकत कार्शका तुरखत रहा।

কুপ গ একটা জিভুজ, ইহার যে কোন বাহকে, যথা ধ প্র, ম পর্যন্ত বৃদ্ধি কর; এইকণে ক গ ম বাস্থ কোন

গধক এবং ধক গ অন্তরীণ প্রতীপ কোণ্ডয়ের প্রছোক

**ছাইডে বুহৎ হইবে।** যদি ক ৰ গ তিভজকে ৰ গ ঘ সরল রেখার উপর এমত প্রকারে महिदा (मध्या शह. (य व कांव म विमुख चाहेता.



ভাষা হইলে প্রভীয়মান হইবে বে শীর্ষ কোণ ক, ক গ রেখার ছাইন দিকে কোন বিন্দুতে আসিবে, যথা চ; এবং কাৰে कारिके प ह दिश्रों के श च कार्यत मार्था श्रीकिटन, कवीर क भ प কোণ চ भ घ কোণ হইতে বৃহৎ হইবে। কিন্তু চ প घ কোৰ - ক ৰ স কোৰ ; স্বভরাং বহিঃস্থ কোৰ ক স ম অভরম্ব 👺 শ কেশি হুইতে বুহং।

🐗 জাপে ক প বাহ বৃদ্ধি করিলে ক প ঘ কোণ ধ ক প क्षिप **रहेरक तुम्र हेरा** छेललज रहेरव ।

উপরি উক্ত অভিজ্ঞার সাধন হইতে এই শত:দিন্ধটী উপনদ্ধি হইভেছে যে, যদি ক গ ঘ কোণ ক খ গ কোণ व्यापका दृहर हर, छोहा हहेता न क छ ध क (द्रथी ध व রেখার উপর পৃঠে কোন না কোন ছানে অবশু সংলগ্ন रहेरव ।

#### ১৭ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ত্রিভ্রের বৃহত্তর বাহর সন্মুখে বে কোণ্টা থাকে ভাষা **শপর কোন কোণ অপেকা বৃহত্তর।** 

ক ৰ ব এক বিভুল, ভাহার ক ৰ বাহ ক ব বাহ হইছে

বৃহত্তর, ক গ ধ কোণ ও ক**ধগ বা ধ ক** গ কোণ হইতে বুহুত্তর ৷

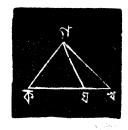
ক খ হইতে ক গ রেধার সমান

থক খণ্ড ছেদ কর মথা, ক ঘ, এবং

য ঘ গংমুক্ত কর । < ক ঘ গ, খ ঘ গ

বিভূপের বাজ কোণ, স্তরাং ইহা

থান্তরীণ প্রতীপ কোণ ঘ থ গ হইতে
বুহন্তর; কিন্তু ক ঘ গ ও ক গ ঘ কোণ-



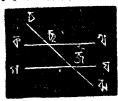
শ্বর পরস্পার সমান, কারণ ক ঘ ও ক গ রেথান্বর পরস্পার সমান্ত্র ভিন্নিত্তি ক গ ঘ কোণও ক থ গ কোণ হইতে বুহওর। প্রক্ত ক গ থ, ক গ ঘ হইতে বুহৎ, স্মৃত্রাং ইছা ক থ গ হইতে আরো বুহত্তর হইবে। এই রূপে ক থ হইতে থ রেথার সমান্ত্রক থও ছেদ করিলে উপপাদিত হইতে পারে যে, গ কোলু ক কোণ অপেক্ষা বুহত্তর।

অন্ন্যান। ত্রিভুজের বৃহত্তর কোণের সমূধে যে বাহ থাকে ।
ভাষা অপর কোন বাহ অপেকা বৃহত্তর।

#### ১৮ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ছই সমান্তরাল সরল রেধার উপর আর একটা বরন রেধার সম্পাত হইলে একান্তরিত ছইটা কোণ সমান হইবে, ও এক পার্বের বাছ কোণ অন্তরীণ প্রেটীপ কোণের সমান হইবে। আর এক পার্বের ছইটা অন্তরীণ কোণের সমষ্টি ছইটা স্বর্কাণ কোণের সমষ্টি

া কৰাও গ্ৰাহট সমাজনাল বেধা, চাছ ৰা ভাষোক্ষে উলল গাড়িলাছে। ক ছাল, ছাল একাজনিক কোণ্যন পরশার সমান, এবং বহিঃত কোণ চছার অন্তরত্ব প্রতীপ **(का ह स ध-त मगान**। धराधक পার্শের মুই অন্তরম্ব কোণ গছল ও ছ জ দ একতা যোগে তুই সমকোণের मम्हित ममान ।



্বীদিক ছ জ কোণ ছ জ ঘ কোণাপেক্ষা বৃহৎ হয়, ভবে ক ধ ও গ ঘ, খ, ঘ, দিকে বৃদ্ধি পাইলে ( ১৬শ প্রভিজ্ঞার স্বভংশিদার্থারে) উভয়ে সংযুক্ত হট্যা একটা ত্রিভুজ্ব ক্ষেত্র ্**উৎপন্ন হই**বে। আর বিপরীত অর্গাৎ লমু হুইলে ক**্র অভিমু**থে একটী ত্রিভুজ হইবে। অতুএব যদিক থ ও গ ঘ রেখাদ্বর কোন দিকেই পরস্পর সংস্পর্ণ না করে, ভরে ক ছ জ ও ছ জ ঘ কেণ্ড্য় পরস্পর সমান হইবে। কছজ কোণ চছ থ কোণের সমান; কিন্তু কছজ কোণ ছজ্জ ঘ কোণের সমান, স্ত্রাং চছ্থ কোণ - ছজ্ম কোণ। ইহাতে খছজ কোণ যোগ করিলে চছখ কোণ 🕂 ঋচল कान = यह छ कान + ह अ च कान। भद्र ह ह थ । ७ ধ ছ জ কোণ ছুই সমকোণ তুলা, স্তরাং ধ ছ জ 🕂 **ছ জ ঘ** ছই সমকোণ তুলা।

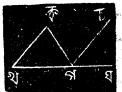
#### ১৯ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য ।

কু ধ স ত্রিভুক্তের, বাঞ্চ কোণ ক গ ঘ, ইহা **ত্রিভুক্তের অভ্**য়ীণ প্রতীপ**ুত্**ই কোণের সমষ্টির সমান : অর্থাৎ ক'স<u>্থ</u> कार्यः क्राप्त कार्यः । क्राप्तः विक्रुरणके

#### ্ৰাবহারিক জ্যামিতি ও জ্যানিতিতত্ত্ব।

ভিম্টী অন্তরীণ কোণ অর্পাৎ কথাগ, থাগাক থবং গাকার্য সমবেত হইয়া দুই সমকোণের সমষ্টির সহিত সমান।

গ বিন্দু দিয়া থ ক রেথার সমান্তরাল গ চ রেথা টান। ভাহা হইলে পূর্ব প্রতিজ্ঞান্তনারে < চ প ঘ = < ক খ গ; এবং



< চ গ ক = < গ ক থ। ইহাদের সমষ্টি করিলে < চ গ घ + < চ গ ক = < ক থ গ + < গ ক থ, জ বাহে < ক গ घ = < ক থ গ + < গ ক থ। পরে এই সুইটী সমান রাশির প্রত্যেক দিকে < ক গ থ যোগ কর, ভাহা হইলে < ক গ থ + < ক গ घ = < ফ থ + < গ ক থ + < ক গ घ = < ফ থ + < ক গ घ = < ফ ই সমকোণ। ি < থ + < ক গ থ - ছই সমক্রেণ, জর্মাৎ ১৮০°।</p>

উদাহরণ ১। যদি < ক = ২৫°, ও < ধ = ৪২°ৡ ভবে কগঘ কোণের পরিমাণ কত হইবে?

উঃ। <কগঘ = ২৫° + ৪২° → ৬৭°।

২। যদি বহিঃস্থ কোণ কগ্য ৯৫° ও গ্রুষ কোণ ৩৬° হয়, ভাষা হইলে কথ্য কোণের মান কভ ছইবে ?

এই প্রান্নে, < থ + < ক ক < ক গ ঘ, অর্থাৎ < থ + ৯৬° = ৯৫°; এই সমান বস্তুর প্রত্যেক দিক হইছে ৩৬° বিয়োগ করিলে ক থ গ কোশের পরিমাণ ৫৯° হইবে। ৄুঙা বলি < থ = ৪৬°, এবং < ক = ৮৪°, ভাইছিক ছইকে অব্যাহি ক প ধ কোগের পরিমাধ কভ । এই প্রয়োজ ছঙ\* + ৮৪° + < ক গধ == ১৮০°, ∴ < কগখ == ৫০°।

ও। যে ত্রিভূজের ভূমিদংলগ্ন কোণ্ডায়ের পরিমাণ পরস্পর ৫৫° ও ৭৩° হয়, ভাহার শীর্ব কোণের পরিমাণ কড হইবে ? उः। ८२°

 । সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমির কোণের পরিমাণ ২৭° **হটলে. শীর্ধকোণের** পরিমাণ কত হটবে? উ:। ৮৩°

৬। সমকোণিক ত্রিভূজের ভূমি এবং লম্বের অভিমুখীন কোৰছয়ের সমষ্টি যে ৯০° তাহা প্রমাণ কর।

🦥 १। সমকোণিক সমদিবাছ ত্রিভূজের লখু কোণ্ছর বে প্রতাকে ৪৫° ভাষা প্রমাণ কর।

৮। সমদিবাছ তিভুজের শীর্ব কোণ ৫০° হ**ইলে** ভূমিদংলয় কোণ্ডয়ের প্রভ্যেকের পরিমাণ ক্র रहेर्व ? উ:। ७**०** ।

এই প্রতিজ্ঞা হইতে সিদ্ধ হইতেছে যে, সমবাছ কিছুলের অভ্যৈক কোৰ সৃষ্ট সমকোণের ভৃতীয়াংশের একাংশ, এবং সমকোণিক সমন্বিশাছ ত্রিভুজের ভূমিদংলগ্ন কোণ্ডয় প্রভ্যেকে সমকোণের অন্ধেক হয়।

ै व्यक्तिण भ्या के, स् भ তিনটা নিৰ্দিষ্ট ছান পরস্পর কর্ত্ত দুর ভাষা জানা জাছে, वया, क थ - >२ माहेत. ब ग में महिल, खबर क मान्छ



মাইল'। 'ক, ৰ ছইটা ছানের সংযোজক রেখা ক'<u>ছ'র</u> জন্তৰ্যত**্ৰ হানে জনী**শ**্জামীন দেখিলেন**া হৈ, ক্ষাল

# ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। 🗼

কোণের পরিমাণ ৬০°। এইক্ষণে ঘ হইতে গ-র দ্রজ মিণ্র করিতে হইবে।

ক, খ, প তিনটা বিন্দু নিয়া একটা ত্রিভুজ নিয়াণ কর, ক বিন্দুনিয়া ক চ রেখা এরপে অন্ধিত কর ষেত্র কাচ কোণ ৬০° এর সমান হয়; গ বিন্দু নিয়া চ ক রেখার সমান্ত-রাল প ঘ রেখা অন্ধিত কর। গ ঘ ধ, ও চ ক ধ কোণ পরস্পর সমান অর্থাৎ উভয়েই ৬০°। এইক্ষণে মানদও ছারা পদ রেখা পরিমাণ করিলে নিনীত হইবে যে উহা ৫৩ মাইল।

ক্ষেত্ৰ একটি তল রেখা অন্তিত করিয়া ক্ষেত্ৰীয় বে উহার পরিমাণ ১৫০ ক্ষেত্ৰ কিছিত স্থানে কোণবীক্ষণ বন্ধ বারা দেখিলাম যে ক ঘ গ ও ক ৰ ব'কোণ পরস্পর ৪৫° ও ২২২২° এবং প চিহ্নিত স্থানে দেখিলাম যে ব গ ঘ ও ধ গ ক কোণ পরস্পর ৬



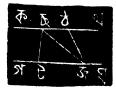
ধ গ ঘ ও ধ গ ফ কোন পরম্পর ৬০° ও ৪৫°। এইক্ষণে ক ধ-র দূর্য নির্ণর করিতে হইবে।

কোন সমান অংশের মানদণ্ড ছারা গছ রেখা ১৫০ গজের সমান কর। ছ চিত্রিত ছান হইতে ঘ ক ও ছ ব রেখা এরপে অভিত কর বে, গছ ক ও ক ছ থ কোণ পরক্ষার ছঃ\* ও ২২;\* হর। এবং গ চিহ্নিত ছান হইতে গণ । জ এরপে ছভিত কর বে ছ গ গ ও ধ গ ক বোধ পরস্পার ৬০° ও ৪৫° হয়। গ ধ ও ঘ থ রেধা থ স্থানে ছেদ করিবে ওগক ওঘক রেখা পরস্পর ক স্থানে ছেদ कतित्व: धरेक्टल क, थ मःयुक्त कतिया छक्त मानम् । वादा পরিমাণ করিলে নিলীত হইবে যে উহা প্রায় ১৫৮ গছ।

#### ২০ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

বদি সুইটা ঋতু রেখার উপর অপর একটা পতিত হইলে, একান্তরিভ কোণগুলি দ্যান হয়, ভাহা হইলে প্রথমোক্ত ছুইটা ঋরুরেথার উপর আর যত ঋরুরেথা পতিত হইবে. नकलाই नमान একাস্থারত কোণ উৎপন্ন করিবে।

मत्न कद्र कथ, गघ এই जुई श्राह्म छिन्द इ हे अ.जू.तथ। পতিত হইয়া একান্তবিভ চইটী কোৰ ক ছ ট ও ছ ট ঘ প্রস্পর স্মান



ছব্রাছে। 🛊 উভরের উপর যদি মার একটা গুরুরেখা ঠ ৰ পতিত হয়, ভাহা হইলে একাভরিত ছইটা কোণ হল ট ছ 🗷 ট 🕊 খ প্রস্পর সমান হইবে।

ক ছ ট কোণ - ছ ট ঘ কোণ, অভএব উভয় পক্ষে ট ছ ঠ कांव यात्र कदित्त, क इ हे कांव + हे इ र्र = इ हे च कांब + ऐ इ र्र कार्य: किंसु < क ह ऐ + < ऐ ह र्र = इहे नमस्कार, भड़ अद < ह रेष + < उ ह रे = गृहे नमरकान : किन्न ह क सुक्क করিরা হইটা ত্রিভুক্ক উৎপন্ন করিলে, ছ ট জ ত্রিভুক্তের ছ জ ঠ, ছ ট জ ও ট ছ জ এই তিনটী কোণ সমবেত হটুক্ল **प्रे**ंनमंदर्भ कूनाः स्टे(त, काठ्यद ह क है, ह हे,क € हे ह क्

এই তিনটী কোণ –ছ ট ঘ অথবা ছ টজ কোণ + টছঠ কোণ : এখন স্মান রাশি ইইতে স্মান বিয়োগ করিয়া ছ জ ট কোণ = জ ছ ঠ কোণ। এই উভয় রাশিতে ছ জ ঘ যোগ কর: ভাগা স্টলে ছ জ ট+ছজ্জ কোন-জ ছ ঠ + ছ জ ম কোণ: কিন্তু ছ জ ট 🕂 ছ জ ঘ কোণ 🗝 গৃই সমকোণ তুলা, অত্এব জ ছ ঠ+ছ জ ঘ কোণ ⇔ ছই সমকোণ। এইক্ষণে ছ জ ঠ কিছু-জের জ ঠছ + জ ছ ঠ+ছ জ ঠ কোণ = ২ সমকোণ, অভএব এই তিনটী কোণ = জ ছ ঠ + ছ জ ষ কোণ = জ ছ ঠ + ছ জ ঠ + ঠ জ ঘ কৌণ; এখন স্মান রাশি ইউতে স্মান বিরো**প** করিয়া জঠছ 🕳 ঠজ ঘ কোণ। ভাহা ইইলে আর ছুইটা একান্তরিভ কোণ্থঠজ ৪ঠজ গও পরস্পর সমান, কারণ জ ঠছ+খ ঠজ কোণ-ছই সমকোণ-ঠজ ঘ+ঠজ গ, কিছ উপদৰ্শিত প্ৰক্ৰিয়ামুসারে জঠছ কোণ – ঠজ ঘ কোণ, चिछि व नेमान विस्तांश कतिया, शर्वे क - रे क श कांस, জন্তান্ত ক্ষুরেগান্থলেও এইরূপ উপপত্তির অভিনেশ করা ঘাইতে পারে।

#### ২১ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ষদি একটা ঋজু রেথা অপর ছইটা ঋজু রেথার উপর পতিত হইনা একাহরিত ছইটা কোণ সমান উৎপন্ন করে, তাহা হইলে শেবোক্ত হুইটা ঋজুরেথা সমান্তরাল হুইকো

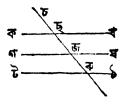
মনে কর, চ হ জ ব একটা ঋতুরেখা (১৮শ প্রতিজ্ঞার অভিকৃতি দেখ) ক থ ও গ ঘ চুইটা অপর ঋতুরেখার উপর পড়িয়া ক হ জ অথবা চ হ ব ও হ জ ব চুইটা একান্তরিক কোন नमान উৎপन्न कतियाहि, उत्य कथ ७ गय नमास्त्रान क्ट्रेरव ।

ক গ ও গ ঘ রেখা খ, ঘ দিকে প্রসারিত করিলে সংলগ্ন হুটারে না, যদি হয়, তবে তাহাতে যে ত্রিভুঞ্জ উৎপন্ন **চ**টবে তাহার (১৬শ প্রতিঃ) বাহ্য কোণ ক ছ জ অন্তরীণ প্রতীপ কোণ ছজ্ম অপেকা বুহতুর, কিন্তু ইহাদিগকে সমান কল্পনা করা গিয়াছে, স্বতরাং ইহা অসাধা, এবং क र ७ ग घ-रक, थ. घ गिरक প্রদারিত করিলে দংলগ্ন इकेर्द না। ক. গ দিকেও যে দংলগ্ন হইবে না ইহাও ঐরপে উপপাদিত হইতে পারে, অতএব ঐ ছুই রেখা প্রসারিত ছইলেও কোন দিকে দংলগ্ন নাহওয়াতে উহাবা সমান্তবাদ প্রতিপন্ন হইন।

২২ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

ক ধ ও ট ঠ তুইটী গুজুরেখা উভয়ে গ ঘ রেখার সমান্তরাল ৰমিয়া ইহারাও পরস্পর সমান্তরাল হইবে।

মনে কর. চছ জাল একটী রেখা ক খ. গ ঘ ও টঠ রেখার উপর পড়িয়াছে। এইক্রবে 🗸 ४, गघ-त्र नमाङ्ग्राल दलिया **हड्ड ४** कोष हु स कार्य



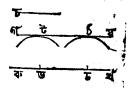
नमान, अवर भ स, है है-व नमाखनान दिनता ह कहे दिनान ह स प কোৰের ব্যান; স্থতরাং (১ম খতঃ নিকাছ্যারে) চছাব কোল চৰ ঠ কোণের সমান, অভএব ( ২১ৰ প্ৰভিজ্ঞান্ধারে) क र व है है नमास्त्राम्।

### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব।

### ২৩শ প্রতিজ্ঞ। উপপাদ্য।

ক ধ নিশিষ্ট দরল রেখা হইতে চ রেখা পরিমিত ব্যবধান দিরা একটী দরল রেখা টানিতে হইবে, যাহা ক ধ রেখার দহিত দ্যান্তরাল হইবে।

ক ধ রেথাব মধ্যে কোন
ছুইটী বিন্দু লও, যথা ড, ড;
ড ও চ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া
চ পরিমিত বাাসার্ক লইয়া
ট ও ঠ ছুইটী চাপ অক্কিত কর।



পরে ট. ঠ বৃত্তকে ছেদ না করিয়া কেবল স্পর্য করে এরপ গঘ একটী দরল রেখা অস্কিত কর। ইহাই কথ রেখার দমান্তরাল রেখা।

# সমান্তরিক ও অন্য প্রকার চতুরসু ক্ষেত্র সম্বন্ধীয় উপপাদ্য ও সম্পাদ্য।

### ২৪শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

শমান্তরিক ক্ষেত্রের অভিন্থীন বাছ ও কোণগুলি পর-স্পার সমান, এবং তাহার কর্ণ টানিলে যে তৃই ত্রিভূ**ল উৎপন্ন** হয়, তাহারাও পরস্পার সমান।

ক ধ ঘ গ একটী সমান্তরিক ক্ষেত্র,

শক্ষ্ণ ও ক গ সমান্তরাল, ধ গ ভাষা
দিগকে ক্ষাৰ্শ করিভেছে, অভএব

ঘর্ষ ও ক গ ধ হুই একাস্তরিভ কোৰ



সমান (১৮শ প্রতিঃ)। এই রূপে ছ'গথ ও কথগ চুই একান্তরিত কোণ সমান। স্বতরাং ঘ থ গ ও ক থ গ এই তুই ত্রিভুজের মধ্যে একটীর স্বই কোণ ঘথ গাও ঘগথ ক্রমশঃ অন্টীর ছই কোণ ক গ থ ও ক থ গ-র সমান, এবং ঐ সমান কোণ্ডায়ের নেদিষ্ঠ বাছ ধ্ব উভয় ত্রিভুজ সম্বন্ধে সাধারণ হওয়াতে (২য় প্রতিজ্ঞানুসারে) ঘথ গ ও কথ গ চুইটা তিভুক্ত স্ক্রোভাবে স্মান, স্ত্রাং থ ঘ - ক গ্ ঘ গ - ক থ্ এবং থ ছ গ কোণ থ ক গ কোণের সমান, স্মুভরাং সমুদায় ত্রিভুক্ত ঘধ গ, সমুদায় ত্রিভুজ ক থ গ-র সহিত সমান। তাহা হই-লেই এক একটা তি হুজ, দমুদায় সমান্তরিক ক্ষেত্রের জর্দ্ধের সহিত সমান হইল।

### २ ८म श्रि ७ । डेशशाना।

থ ঘ ও ক প ছাই ভুলা এবং সমাজরাল সরল রেখা, যদি ক ব ও গ ঘ রেখা ভাহাদের প্রান্তখ্যকে এক এক দিকে বংকুক করে, তবে তাহারাও সমান ও সমান্তরাল হইবে।

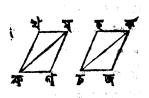
ঘণণ ও কগধ(পুক প্ৰতিকৃতি নেখ) ত্ৰিভ্জে, ঘখণ কোণ = ক গ থ কোণ, ঘ থ বছ = গ ক বছে, এবং গ থ উভয় ত্রিপুজের নাধারণ বাহু, স্মৃতরাং এ ছুই ত্রিপুজ সর্বতো-करिव मगाँग, अवर कथ - शघ, हेटाएति।

### ২৬শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

ক্ষাৰ প্ৰতিষ্ঠান কৰিব অকটার ক্ষাৰ প্ৰতিষ্ঠান কৰিব কেন্দ্ৰের বদি একটার নিক্তি কুৰী কৰা ও গঘ অনোৰ নিকটত তুই বাহ চ**জ** ৰ বৰ মহিত হথাত সমান হয়, এবং ঐ বাত্তরের

সন্তর্গত কোণ্ডর ক গ ঘ ও চ জ বা বিদি প্রস্পার সমান হয়, ভাহা হইলে ঐ সমান্তরিক ক্ষেত্রত্ব প্রস্পার স্ক্তোভাবে সমান হইবে।

কগৰ এবং চৰুব ছুইটী ত্রিভূক পরস্পর (১ম প্রতি-জান্ত্র্যারে) সমান; এবং কথ্য ও চছ্ব ছুইটী ত্রিভূক পরস্পার (২৪শ ও ৪র্থ প্রতি-জান্ত্র্যারে) স্মান।



যদি ক গ ঘ থ এই সমাস্তরাল চতুর্ভূ ছ চ জ ব ছ সমাস্তরাল চতুর্ভূ জের উপর এমত প্রকারে রাথা যায় যে, ক গ রেশা ঠিক চ জ রেখার উপর পড়ে, তবে গ ঘ রেখা জ ব রেখার ও ঘ বিক্ ব বিক্র উপর পড়িবে। এবং ঘ ক ধ তিতুক্ত উপর পড়িয়া মিলিয়া যাইবে, শুভরাং ক্ষাভ্রিক ক্ষেত্রত্বর পরস্পর সমান হইবে।

### ২৭শ প্রতিজ্ঞ। সম্পাদ্য।

্ এমত এক বর্গক্ষেত্র অভিত করিতে হইবে বে, ভাষার বাছ এক নিশিষ্ট সরল রেখার সনান হইবে।

কথ ছিন ফুট পরিমিত এক সরল রেখা। এমত এক বর্গক্ষেত্র নিশ্মণ করিতে হইবে, যাহার বাহ চফুইর কথ রেখার সমান ইইবে।



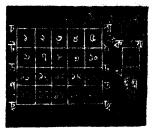
্ক ধ রেধার এক প্রান্তস্থ বিন্দু ধ হইতে তিন ফুট পরি-মিড এক লম্ব অভিত কর, যথা ধাপ (১০ম প্রতিজ্ঞা) এবং त्र विम् पिता शघ, थ क-त नमाख्ताल होन ; धवः क पिता ক ঘ. ব গ-র সমান্তরাল টান: তাহাতে ক ও গ ঘ সমান্তরিক क्क्या रहेरव। अख्यवकथ - घण ७ थ श - कघ। अश्रद्ध ক থ ও ধ গ সমান হওয়াতে ক থ, থ গ, গ ঘ ও ঘ ক চারি রেখা প্রত্যেকে পরস্পার সমান; এবং তলিমিত্ত ক ধ গ ঘ সমবাহসমান্তরিক ক্ষেত্র। আর ভাষা সমকোণীও বটে. कार्य । भ रवश क थ ७ घ ग नमा ख्रतात्वर छे भर अफिशाहर विवाह क न म । । । भ म छुटे (कान - छुटे नमरकारनत नमष्टि ; কিছ কৰ্ম সমকোৰ হওয়াতে গ্ৰাঘণ্ড সমকোণা অপত্ন. সমান্তরিক ক্ষেত্রের অভিমুখীন কোণ (২৪ শ প্রতিজ্ঞাত্র-নারে) পরস্পর সমান, স্তরাং গঘক ও ঘকর উহাদের **অভিনুধীন কোশহর প্রভ্যেকে সমকোণ; ভরিমিন্ত ক ধ গ ব** नमरकानिक रक्का; आत हेश य गमराइ जाश भूर्स क्षम-ৰ্শিত হইয়াছে। অভএৰ ইহা সমচতুত্বি বা বৰ্গক্ষেত্ৰ ও ইছার বাছ নির্দিষ্ট রেখার সমান।

অন্থমান। সমান্তরিক ক্ষেত্রের মধ্যে একটা সমকোণ থাকিলে भश्रश्निष्ठ नम्याकान स्टेरिय।

প্রোগ। এক ছান হইতে অন্য ছান কভ দূর ভাষা शक्तिमान कतिएक शहेल, जामता क्विन वावधात्मत्र रिम्बाहे ধৰিয়া খাদি আৰু ধরি না। এরপ পরিমাণকে রৈথিক প্রিয়ার ক্রান্ত । আমি প্রাভৃতি জব্যের ক্রান্ত বিক্রর কালে रेन्द्री दक्षित हरन का, रेन्द्री, विखात উভয়ই धता नावश्रक ।

এরপ পরিমাণকে ধরাতলিক পরিমাণ করে। গরেখার ভারাই রেখার এবং ধরাতল দারাই ধরাতলের পরিমাধ কর সম্ভব। যেমন কোন রেধার পরিমাণ করিতে হইলে. এক নিষ্ঠি রেথাকে (যথা হাড কি গজ) একক সরপ খরিষা ঐ একক সেই রেখার মধো কত বার আছে তা**হাই নি**র্ণর করিতে হয়, সেই রূপ কোন ধরাতল কেত্রের পরিমাণ হইলে, এক নির্দিষ্ট ধরাতলকে একক সক্রমণ করিয়া ঐ ধরাতলিক একক প্রথমো<del>ক্ত ধরাতলের ক্রেয়ে</del> কভবার আছে তাহা নির্ণয় করিতে হয়।

চছ জ ৰ একটী সমচত কোণ ক্ষেত্র, উহার দৈর্ঘ্য ৫ হাত এবং প্রস্থ হাত। চছ প্রস্থকে 8 नमान चः (ग धवः इ क रिम्धा-कि ७ ममान चारण छात्र कत्, এবং এক একটী ভাগ চিহ্ন



হইতে চছ ও ছব্দ বাছর সমাত্তরাল করিয়া এক একটা সরল রেখা অন্ধিত কর। ঐ রূপ করাতে চছ জ ক কেইটী বে কুদ্ৰ কুদ্ৰ চতুৰ্ ৰঙলিতে বিভক্ত ইইবে, ভাহারা প্রভো-कि नमाकानविभिद्दे, बात छाहासित खेराकतरे सिया बैंक হাত, এবং বিস্তারও এক হাত, এই নিমিন্ত ভাহাদের এক একটাকে এক একটা বৰ্গ ছাত কছে।

প্রস্তাবিত সমচতুকোণের দৈখ্য ই ল শীচ্ন রৈবিক মাত বলিরা, উহার দৈর্ঘ্যের প্রত্যেক সারিছে (বর্ষা 🛎 🖛 📽 🕷

সারিতে) ৫টা বর্ণ ছাড় হইতেছে, এবং বিস্তার চ ছ চারি **রৈথিক হান্ত** বলিয়া সমুদার ক্ষেত্রতীর মধ্যে সেই রূপ ৪টা সারি ( वश ह र्र, ह ह, ए छ এবং । छ এই চারিটী সারি ) **হইডেছে: স্ব**ভরাং নির্ণের ক্ষেত্রফল ৪ বার ৫টা বর্গ ছাত বা e বার 9টী বর্গ হাভ হইভেছে। ভবেই প্রস্তাবিত সমচত্কোণের **ক্ষেত্রকল ৫ বার ৪টা বর্গ হাত বা ৪ বার ৫টা বর্গ হাত → ২০টা** বর্ষ ছাত। অতএব যে প্রকারে হউক ৫×৪ -- ২০ দারা নির্দেয় ভেত্তকল প্রকারিত হটতেছে।

্**এই** যুক্তি হইতে স্পষ্ট প্রতীয়মান হইতেছে, যে ক্ষেত্র ব্রত্তুত্ব বা আরত হইলে দৈর্ঘাপরিমাণ ছারা প্রস্থপরিমাণ ত্ত্ব করিলে ক্ষেত্রকল স্থির হয়।

উদাহরণ ১ম। যে আয়ত ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ৯ হাত ও বিস্তার **৭ হাড, ভাহা**র ক্ষেত্রফল কত ? উঃ ৬৩ বর্গহান্ত।

ংর। **যে বর্গক্ষেত্রের** বাছর পরিমাণ ৬ হাত, ভাহার रक्षकम क्छ ? উ:। ৩৬ বৰ্গছান্ত।

ুগা। প্রতিবর্গ গজে যে ৯ বর্গ ফুট আছে ভাহা প্রমাণ करा।

৪র্থ। কোন রেখার উপর বর্গক্ষেত্র অক্টিত করিলে & বর্গন্দেত্র উক্ত রেখার অর্দ্ধেকের উপর অৃদ্ধিত বর্গন্দেত্রের যে চত্ত্ৰ তাহা প্ৰমাণ কর।

ধন। বে আরত কেত্র ১ কৃট লয়া ও ১ ইঞ্চ প্রস্থ, ভাষা বে এক বৰ্গ কুটের স্থাদশ ভাগের এক ভাগ ভাগ প্রমাণ THE L

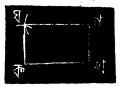
## ্ষ্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। 🏻 🦇

### ২৮শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

যে আয়তের দৈর্ঘ্য ও বিস্তার নির্দিষ্ট আছে, ভাহা কি রূপে নিত্মাণ করিতে হইরে।

নিশিষ্ট দৈখ্য ও বিস্তার পরস্পার ৫ ও ও কুট। এমত এক আয়ত নিশ্মাণ করিতে হইবে যাহার দৈশ্য ও বিস্তার ৫ ও ও কুট।

পাঁচ ফুট পরিমিত এক সরল রেখা পাত কর, যথা ক থ। কথ রেখার এক প্রোভস্থ বিদ্ধুথ ইইতে তিম ফুট প্রিমিত এক



লাব টান, যথা থ গ; ক বিন্দু কেন্দ্র করিয়া থ গ ব্যাসার্থ লইয়া একটা বৃত্ত অস্কিত কর, এবং গ কেন্দ্র হইতে কথ ব্যাসার্থ লইয়া আর একটা বৃত্ত অস্কিত কর, এই তৃই বৃত্তের পরস্পার সম্পাত বিন্দু স্বাহুইতে ক এবং গ পর্যান্ত তৃই সরল রেখা টান, তাহাতে কথ গ দ এক আয়ত অস্কিত হইবে, যাহার দৈর্ঘ্য পাঁচ ও বিস্তার তিন ফুট।

ঘ গ ⇒ ক খ, এবং ক ঘ ⇒ খ গা, স্থতরাং ( ২৪শ প্রেভিক্কায়ু-সারে) ঘ গ খ ক সমাভরিক ক্ষেত্র এবং ইছার খ কোণ সমকোণ ও অপর কোণগুলিও সমকোণ, স্থভরাং ঘুগ খ ক আয়ত ক্ষেত্র।

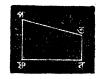
অসমান। বর্গক্ষেত্র মাত্রেই সমান্তরাল চভুভূজি, কিছ সমান্তরাল চভুভূজি হইলেই বর্গক্ষেত্র হয় না।

### ২৯শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

যে ট্রাপিজৈডের ভূমি ও ছইটী লম্ব নির্দিষ্ট আছে তাহা কিরূপে নির্মাণ করিতে হইবে।

নির্দিষ্ট ভূমির পরিমাণ ৬ কৃট ও ছইটী লম্বের পরিমাণ পরস্পার ৩ ও ২ কুট।

ছর কুট পরিমিত এক সরল রেণা ক্রুয়াস কর। কব রেণার জুই আয়ুত্ত ও ২ কুট পরিমিত জুইটা



**লুং ক প ও ব ভ অহ**িত কর ; পরে

পু ভ সংমুক্ত কর, প ফ ব ভ টু পিজৈডের ভূমি ও ছুইটী লম্ব ক্রমশঃ নিদিষ্ট ভূমিও লম্বেসমান।

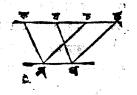
### ৩০শ প্রতিজ্ঞ। উপপাদ্য।

েতে বে সমাস্থরিক ক্ষেত্র এক ভূমির উপর এবং সেই ভূমির সমাস্থরাল কোন রেথার মধ্যে থাকে, ভাহারা পরস্পর স্থান।

ক থ গ ঘ ও চ থ গ ছ ছই সমাস্তরাল কেত্র, থ গ নামকু ভূমির উপর এবং থ গ ও ক ছ সমাস্তরালের মধ্যে অবস্থিত আছে, ক থ গ ঘ সমাস্তরাল কেত্র চথ গ ছ কেত্রের সমান।

২৪শ প্রতিক্ষাস্থলারে, ক ঘ

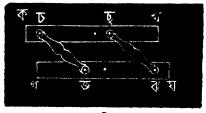
-- ধ গ, এরং ছাত্ব -- ব গ ; রে বে
বন্ধ প্রত্যেকে কোন বন্ধর সমান,
ভাষারা পরশার সমান, অভএব
ক ঘ -- চ ছা এইকণে সমুদার



ক ছ রেখা হইতে ক ঘ বিয়োগ করিলে ঘ ছ অবশিষ্ট থাকিবে;
পুনশ্চ ক ছ রেখা হইতে চ ছ বিয়োগ করিলে ক চ অবশিষ্ট ঘ ছ অবশিষ্টের সমান হইবে, কারণ সমান বস্থা
হইতে সমান বস্তুর বিয়োগ করিলে অবশিষ্ট সমান হয়।
অপর, ক খ চ ও ঘ গ ছ ত্রিভূজে, ক খ — ঘ গ, খ চ — গ ছ
এবং ক চ — ঘ ছ, অতএব (৪র্থ
প্রতিজ্ঞান্নসারে) উক্ত ত্রিভূজ্গ্র
স্ক্তিভিবি সমান। ক খ গ ছ
বিষম্ম চড়ভূজি হইতে ক খ চ ও ঘ গছ

ত্রিভূজ একে একে লইলে অবশিষ্ট সমান ইইবে। স্বভরাং ক ধ গ ঘ সমান্তরিক ক্ষেত্র চ থ গ ছ সমান্তরিক ক্ষেত্রের শমান।

প্ররোগ ১। ধগছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্রকে (পূর্ব্ধ প্রতিকৃতি দেখ) একটা তৎতুল্য ক ধগ ঘ আয়ত ক্ষেত্রে পরিকর্তিত করিতে হইবে। ধগছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্র হইতে গ ঘ ছ ক্রিভূলটা বাহির করিয়া ধক চ-র উপর রাধিলে, ধগছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্র ধগঘক আয়ত ক্ষেত্রে পরিকর্তিত হইবে।



প্রমান্তরিক ক্রলার। এই ধর্মটা মাটামচোরদ রমুচভূকোরিক

ছুই খণ্ড ভক্তামাত্র, পরস্পর ছুই পিতলের ফলক ছারা আবদ্ধ। তক্তা হুই থানি সমাস্তরালভাবে স্থিত ও षाशामत पृष्टे প्यास्थित किथिए निम्न शिखलत कनक তির্থাকভাবে স্কর দারা এরপে সংলগ্ন থাকে যে, ইচ্ছাছ-শারে ভক্তা হুই থানি বিস্তুত ও সন্ধৃতিত হুইতে পারে, এই যহবারী কাগতে রূল করিলে সমুদায় রেখা সমান ও সমান্ত-রাল হয় ৷

ি সম্মান। বে যে সমান্তরিক ক্ষেত্র ও আয়ত ক্ষেত্র একই বা সমান সমান ভূমির উপর এবং উক্ত ভূমির সমান্তরাল কোন রেথার মধ্যে থাকে, ভাহাদের ক্ষেত্রফল পরস্পর সমান।

সিয়ম। সমান্তরিকের কালি নির্ণয় করিতে **হইলে.** ভাহার কোন এক বাছর পরিমাণ স্থির করিয়া, পরে সেই বাছর উপর তাহার সম্মুখীন বাছ হইতে একটা লম্বপাত করিয়া, দেই লম্বের পরিমাণ স্থির কর, অনন্তর এই পরিমাণ-बारक ७० कतिरन य ७१कन श्टेर्ट छाराहे नमाञ्चतिरकद ক্রেক্ট

🔻 উদাঃ ১ম । থ গছচ সমান্তরিকের যদি ভূমি থ গ ১২ হাত ও লম্ম ম ১ হাত হয়, তাহা হইলে এ সমাস্ত্রিকের कानि कर १ **छै:। ১०४** दर्शहाउ ।

২য়। **যে স্মাভরিকের ভূমি ৫.৬ ফুট ও লখ** ৩২ জুট বর **কেন্দ্রকল কভ ?** উ**:। ১৭.৯**২ বর্গ**ভূট**। ভাহার কেন্দ্রকল কভ ?

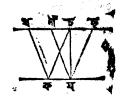
ুম। **বে শারভকের ২৭ ফুট লখা, ভাছা প্র**হে কত कृष्टि स्टेरन क्लाकन ১०৮ वर्ग कृष्टे स्टेरव १ 🔻 😼: । ८ कृष्टे १

### ্ব্যবহারিক জ্যামিতি ও **জ্যামিতিতত্ত্ব।**

### ৩১শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক ধ গ ঘ এক সমাস্থাকি ক্ষেত্র এবং ক ঘ চ এক বিভুক্ত, এতত্ত্বে এক ভূমির উপর ও ধ ছ ও ক ঘ এই চ্ই সমাস্ত-রালের মধ্যে আছে। ক ঘ চ বিভুক্ত ক থ গ ঘ সমাস্তারিক ক্ষেত্রের অর্দ্ধেক ইইবে।

ঘ বিন্দু দিয়া ঘছ বেথা ক চ বেথার সমান্তরাল টান, তাহাতে ক ঘ চ বিভুজ (২৪শ প্রতিজ্ঞান্ত্রসারে) ক ঘ ছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্রের অর্জেক, কিন্তু ক ঘ ছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্র কঘগথ



সমাভ্রিক ক্ষেত্রের সমান, অতএব ক ঘচ ত্রিভূজ্ভ ক ঘগ ধ স্মাভ্রিকের অর্জেক।

অন্নযান। যে যে ত্রিভুজ, এক ভূমির উপর ও সেই ভূমির সমাত্রাল কোন রেথার মধ্যে থাকে, তাতারা পরস্পর সমান।

প্রারেগ। প্রস্থাবিত উপপানা হইতে এই প্রতিপন্ন হইতেছে যে, একটা তিভুজ ও একটা আয়ত ক্ষেত্র যদি এক
ভূমির উপর ও ঐ ভূমির সমান্তরাল কোন রেথার মধ্যে
থাকে, তাহা হইলে তিভুজটীর ক্ষেত্রফল আয়ত ক্ষেত্রের
ক্ষেত্রফলের অর্দ্ধেক হইবে। পুনশ্চ, এই যুক্তি হইতে অপর
এক নির্ম উপলন হইতেছে যে, তিভুজক্তের কালি
নির্ণিয় করিতে হইলে প্রথমতঃ তাহার কোন, এক বাহর
পরিমাণ ভির করিতে হয়, পরে সেই বাহর উপর

আবশ্যক হইলে তাহাকে বর্দ্ধিত করিয়া তাহার সমুখীন কোণ হইতে একটী লম্বপাত করিলে সেই লম্বের পরিমাণ স্থির করিতে হয়, অনস্তর ঐ পরিমাণদ্বয়কে গুণ করিলে যে গুণফল হইবে তাহার অর্দ্ধেক ঐ ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল।

দৈর্ঘ্য-পরিমাণকে প্রস্থপরিমাণ ছারা গুণ করিলে ক্ষেত্রকল ।
উপলক্ষি দকল প্রকার চতুর্নুজে ঘটে না, যে দকল
চতুর্নুজ্বর চারিটা কোণই সমকোণ (অর্থাৎ মাটামকোণ)
ভাহাদের বেলাই থাটে : রম্মন্ বা রহৈছের বেলা থাটে
না। প্রস্থাবিত উপপালের প্রয়োগটা বিশেষ রূপে অন্ধধাবন করিয়া দেখিলে রম্মন্ ক্ষেত্রে কালি কি রূপে
করিতে হয়, তাহার নিয়মের যুক্তি উপলব্ধ হইতে পারে,
যথা, যদি রম্মন্ বা রহৈছে ও আয়ত ক্ষেত্র একই ভূমির
উপর ও সেই ভূমির সমান্তরাল কোন রেখার মধ্যে থাকে,
ভবে তাহাদের ক্ষেত্রকল সমান হইবে, স্মৃত্রাং রম্মন্ বা
রহৈছ ক্ষেত্রে দীর্ঘুজ্পরিমাণকে তাহার সম্মুখীন ভূজ
হইতে তত্বপরি পতিত লম্বের পরিমাণ দারা ওণ করিলে
ক্ষেত্রকল হির হয়।

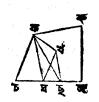
উনাহরণ ১ম। ক চ ঘ ত্রিভুজের ভূমি ৭ ফুট ও লম্ম চ ৮ ফুট হইলে ক্ষেত্রকল কভ হইবে ?

এই প্রশ্নে, ক ঘ ছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্রের কালি ⇒ ৭×৮, কিন্তু ক'ব চ ত্রিভূক এই ক্ষেত্রকলের অর্দ্ধেক; ∴ ক'ব চ

বিছ্বের কেত্রকল - - ২৮ বর্গ কৃট।

 २ व । क ठ क त अको विवसकात क्व.
 क थ घ अकी বেড়ার দারা ছই খণ্ডে বিভক্ত হইয়াছে, যথা ক খ ঘ জ ঋ ও ক ধ ঘ চ। এইক্ষণে ঐ বক্র বেড়াটী এরূপ সরল রেখার্ছসারে मिटि इहेर दा, कथ घक व ७ कथ घ ह स्केड स्त्र दे रेकेड-कलंब कोन देवलकना इहेरव मा।

क्य मःयुक्त कतिया थ विन्तृ पिता ধছ, কঘ রেখার সমান্তরাল অক্টিড কর, এবং ক ছ সংযুক্ত কর। ক ছ রেখাই নিকাশ্র সরল বেড়া হইবে।

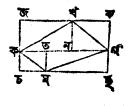


৩১শ প্রতিজ্ঞার অন্ত্রমানান্ত্রনারে

ক'ষছ ও কৃষ্ধ জুইটী তিতুজ পরস্পর স্মান, স্মুত্রাং **ক ছ চ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ক থ ঘ চ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের** म्यान ।

### ৩২শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

क्षभ व है। शिक्षित्र ही চছক জ জারত কেতের वाहर्सही, धदः हह तथा টাপিজিরমের কর্ণ রেখা ক গ-त नगा खताल । हे । लिखित्र गही আরত কেত্রের অর্থেক।



ক ধ প ত্রিভূজ ক গ ব জ জারত কেত্রের অর্জেক; ক ঘ স ত্রিভূজ ক গ ছ চ আরত কেতের অর্জেক ; অব্তএব এই ছই পক্ষে দুমান রাশি প্রমষ্টি করিলে **ঞ্চ**ীড হট্ৰে যে, ক**ধগঘ**ট্ৰাপিজিয়ম≕চ ছকজ আয়ত ক্ষেত্রের অর্জেক।

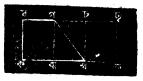
প্রক্রাবিত উপপাস্ত হইতে ট্রাপিজিরম কেত্রের কালি कतिवात नित्रमणि व्याख इक्ता यात्र ; सथा,

কর্ণ রেখার উপর অপর ছুইটা সমুখীন কোণ হুইছে গুইটা লম্ব পাত করিয়া, এই ছই লম্বের সমষ্টিকে কর্ণ রেখা-ছারা ভব করিলে যে গুণফল প্রাপ্ত হওয়া যায়; ভাহার व्यक्ति जरेलाहे क्लाकृत चित्र रहा।

छेनाः । यमि क घ ग थ है। निक्रियरमंत्र कर्ग क श २७ होछ, ঘত ও খন স্ইটী লম্ব থাক্রমে ৬ ও ৮ হাত হয়, তাহা হইলে উহার ক্ষেত্রফল কত ? **डे:। :** ५२ वर्ग**राउ।** ৩৩শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যদি কথ গঘ ট্রাপিলৈড ক্ষেত্রের পরস্পর সমুধবর্ত্তী তুইটী বাহ কথ ও ঘগ সমাত্রাল হয়, আনুর কছ ছ ঘ স্মাছরিক ক্ষেত্রের উচ্চতা টাপিজৈডের উচ্চতার সহিত

শমান হয়, ও কঞা ভূমি क थे ७ च श चुहेरी नमाइ-রাল বাছর যোগপরিমাণ-जुना रहा; ভाषा रहेतन



টাশিকৈড কেবটা আয়ত ক্ষেত্রের অর্চ্চেক হইবে। ৰ প বিশ্ব দিয়া থচ ও গব বেগাছ জ বাক ভ রেশাক স্থান্ত্রাল টান্নিলে গ্রাধ্চ ও গ্রাধ্ক তিভুক্ষয় পরস্পর नमान इहेरव: धवः थकः, शघ तथात्र नमान विनेता ঋক্ত দ্মান্ত্রিক ক্ষেত্র কক্প ঘ্লমান্ত্রিক ক্ষেত্রের

শমান। অতথ্য গছ জ ধ ট্রাপিজৈড ক ধ গছ ট্রাপিজৈড কেতের শমান। স্থতরাং ক ধ গছ ট্রাপিজৈড ক আছ ছ শমান্তরিক কেত্রের অর্জেকের শমতুল্য।

নিরম। ট্রাপিজৈড ক্ষেত্রের কালি ছির করিতে হইলে, একটী সমান্তরাল বাহর এক প্রান্ত হইতে অপরটীর উপর লম্বপাত করিয়া, ছইটী সমান্তরাল বাহর সমষ্টির অর্থেককে লম্বমারা গুল করিলে গুণফল ক্ষেত্রের পরিমাণ হইবে।

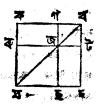
উদাহরণ ১ম। ক থ গ ঘ ট্রাপি**ছৈভের ক ব ও গ ঘ** যথাক্রমে ৬ ও ৪ ছাত এবং উহাদের জ্বন্তর র গ ে হাত ছইলে, ইহার কালি কত হইবে ? উ:। ২৫ বর্গহাত।

### ৩৪শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

কোন সরল বেখা ছই ভাগে বিভক্ত হইলে, সেই ছই ধণ্ডেরবর্গক্ষেত্রের ফল, উক্ত-বণ্ডমমের পরস্পারের গুণনে যে সায়ত ক্ষেত্রের ফল হয়, তাহার বিগুণ, এতম্ভয়ের সায়ী সমুদায় বেখার বর্গক্ষেত্রের ফলের সমান হইবে।

্রারে কর, ছ চ সরল রেখা ছ বিস্তৃতে ছই সংশে বিভক্ত হইরাছে। এইকণে সমুদার রেখা ঘ চ-র উপর অভিত

শ্বরুত্ বের ক্লেক্সল – ঘ ছ, ছ চ
উভর রেথার উপর অভিত সমচতুত্ বের ফল + ঘ ছ ও ছ চ রেগামারের গুণনে যে আয়ত হয় তাহার
বিশুণ, অর্থাৎ ঘ চং – ঘ ছং + ছ চং
কিং ছ ছ ছ ছ



দ চ রেথার উপর ঘ চ থ ক সমচতুত্র আছিত করিয়া থ ঘ সংযুক্ত কর, এবং ছ বিন্দু দিয়া ছ ল গ রেথা চ থ বা ঘ ক রেথার সমাজ্ঞরাল করিয়া টান, এবং জ বিন্দু দিয়া র ট রেখাকে ক থ বা ঘ চ-র সমাজ্ঞরাল করিয়া টান।

গৃহ, কৃষ সমাজনাল হওরাতে তাহাদের উপর ধ্ব সম্পাতে বাফ কোণ থ জ গ মজনীণ প্রতীপ ক ছধ কোণের স্মান হইতেছে। কিন্তু ক থ ঘ ও ক ঘ থ সমান, কারণ কশ, ক ঘ সমচতুর্গু জের বাহু বলিয়া পরস্পর সমান, মজনাং গ জ ধ ও গ ধ জ সমান, অভএব গ ধ, গ জ পরস্পর সমান, এবং গ থ, জ ট র সমান ও গ জ, থ ট-র সমান হওরাতে গ জ ট থ জের সমবাহক। জার ইহা স্মকোণীও বটে, কারণ গ থ ট কোণ সমকোণ হওরাতে গ জ ট থ কোন কমকোণ হওরাতে গ জ ট থ সমাভাবিক ক্রের অভাভা কোণও সমকোণ; ইত্রাং গ জ ট থ, গ থ রেখার সমচতুর্গু ল কিন্তু গ ধ ভ উ রূপে ক ঘ ছ জ, ঘ ছ রেখার সমচতুর্গু জ লিয়া প্রমাণ হইতে পারে।

অপর, ব ক গ জ আরত কেত্র ছ চ ট জ আরত কেত্রের সমান: কিছ ছ চ ট জ আরত কেত্রটী ছ চ ও চ ট রেখাধরের অন্তর্গত, কিন্তু চ ট — ছ জ — ব ছ, স্ভরাং ছ চ ট জ আরভ কেত্রটী ছ চ ও ম ছ রেখাধরের অন্তর্গতঃ।

ক ক জ গ' ও জ ট চছ ছইটী আয়তক্ষেত্র; ইহার। একত্র বোগে ক ঘ চ খ সমচভূজু জের ভূল্য।

... पठ<sup>रे</sup> == पड्<sup>र</sup>+इ ह<sup>र</sup>+२ पड्. इ हा स्टाइट के

(ক-খ)<sup>2</sup>-ক<sup>2</sup>+খ<sup>2</sup>-- ২ ক. খ; অর্থাৎ, (ঘচ-ছ চ)<sup>2</sup>, অথবা ঘ ছ<sup>2</sup>-- ঘ চ<sup>2</sup> + ছ চ<sup>2</sup>-- ২ ঘ চ. ছ চ : ... (২) অর্থাৎ, ছই অসমান রেথার অন্তরের উপর সমচভুত্ জ --ঐ ছই রেধার সমচভুত্ জ-- ঐ ছই রেথার আয়ভক্তেক্ত ফলের দ্বিশুব।

অপর, ক<sup>2</sup>—থ<sup>2</sup> — (ক + গ) (ক—গ); ... ... (৩)
অর্থাৎ, তুই অসমান রেধার সমচতুত্ ত্ত্বের অন্তর ভাহাদের রোগ ও অন্তরের আয়তফলের তুলা।

এই প্রতিজ্ঞাটীকে পাটীগণিতের ধারায় জর্থাৎ সংখ্যা-বাঁচক রাশির দারায় প্রমাণ করিয়া দেওয়া ঘাইতে পারে, ষশা, বোধ কর ঘ চ = ৬, ঘ চ = ছ, ও চ চ = ২৫

🥯 বৰাজনিক কেন্দ্ৰে কৰ্ণের পরিভঃস্থ কোন একটা সমান্তনিক

ক্ষেত্ৰ এবং অস্থারকৰ্ম, ইহারা একত্র যোগে শত্ব শক্তে বাচ্য इत. यथा. १ ট ममाञ्चतिक क्लाक क इन ७ इन अङ्-পুরকর্ষরের সহিত একত যোগে কচ সমান্তরিক ক্ষেত্রের শৃত্বহাৰার। নংক্রেশে এই শৃত্তে কটছ কিছা বংগচ बिनेश निर्देश करी बाय। এই ज्ञान व ह नमास्तिक ক্ষেত্রক পূর্বোক্ত অন্পূরকদ্বরের সহিত একতা যোগে ক ছ ট व्यवन १ व 5 नक् कहा राव ।

ি**ন্দেত্রতারে বাহাকে আ**য়ত কহে, গণিতবিজ্ঞাতে **ভাহাকে** গুণকল করে। কজ সমান্তরিক ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল অব-ধারিত করিতে হইলে, ইহার দৈর্ঘ্য ক গ প্রস্থ জ গ ছারা ওণ করিতে হইবে, যদি দৈর্ঘা ৪ বর্গ হাত ও প্রেম্ভ ২ বর্গ হাত হয়, তাহা হইলে ৪ ও ২-কে গুণ করিলে ক্ষেত্রকৰ ছির হর। এ ছলে ক গ, গ জ অন্তর্গত আয়ত না করির। সংক্ষেপে ছই পার্শবোধক অক্ষর মধ্যে এক বিন্দু দিলে ক্ষেত্র-कल वृक्षाहरव ।

ইউক্লিডের সপ্তচত্তারিংশ প্রতিজ্ঞা, ও 🐠 প্রতিজ্ঞা অবলম্বন করিয়া সরল রৈখিক ক্ষেত্রের কয়েকটা ধর্ম নিমে প্রদর্শিত হইতেছে।

৩৫শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

নমকোপিক ত ত্রিভূজে ত নমকোপের চ অভিসূতীক ভরারক (ক্ষামি কর্বের) উপর অবিভ প্রচছ্মুন, সালন ঘুই

বাছর ( অর্থাৎ ভূজ এবং কোটির:) উপার অকিত ছই সমচভূত্ জের যোগভূলা।

ক থ গ এক সমকোণীক

বিভুল, ভাহার মধ্যে ক থ গ

সমকোণ। ক গ রেখার উপর

জ্ঞিত সমচতুত্তি, ক থ, গ থ
উভর রেখার উপর জ্ঞিত

সমচতুত্তির যোগত্লা।

ক গ রেখার উপর ক গ ট ক



সমচত্ত্ত অভিত কর (২৭শ প্রতিজ্ঞা), এবং গ্র রেণাকে বহিত করিয়া ধণ, ধক রেধার সমান কর, প বিস্পুদিয়া ণচ, ধক রেধার সমাভরাল ও ক বিস্পৃদিয়া ক চ, ধণ রেধার সমাভরাল অভিত কর। যেহেতু ক ধর্প সমকোণ, ক ধণ কোণও সমকোণ; অভএব ক ধণ চ সমচত্ত্তা। এইরূপে ধপ ড ঠ সমচত্ত্তা অভিত কর। এবং ধ জ, ক র রেধার, চ চ, ক গ রেধার এবং ব ছ, ক ধ রেধার সমাভরাল টান। গ ক ব ও ধ ক চ প্রত্যেকে সমকোণ হইয়া পরত্রের সমান হওয়াতে, ধ ক গ ভোণ উভন্নত: বোগ করিলে সমুদার কোণ ধক ব সমুদার

্ এইকণে কথ ছ ব ও ক গ ত চ সমান্তরিক ক্ষেত্রমধ্যে
ক ব রেখা ক গ বেখার ও ক ব রেখা ক চ রেখার সমানঃ চ
ক্ষেত্রক ক ক্ষাক্ষ ব রেখাররের সন্তর্গত কোশ ব ক্ষাক্ষর ও
ক চ রেখার্যের সন্তর্গত কোশ ধ ক চনা সমান্তর্গত কাল

(২৬ শ প্রতিজ্ঞান্ত্রারে) ে প্রতিটি সমান্তরিক কেত্র পরস্পর সমান। কিন্তু (৩০ শ প্রতিজ্ঞাত্মসারে) ক খ । চ স্মচভুত্ত ক ক জ চ লমাভরিক কেত্রের সহিত সমান, এবং 🖚 ব ব চলায়ত কেত্টী ক থ ছ ব সমাস্তরিক কেতের সহিত সমানঃ অপর, যে বে বস্ত প্রত্যেকে কোন এক ব্রুর সুমার ভারার পরস্পর স্মান ; অত্তর কথ গ চ স্ম-🕶 🛊 🔻 🛊 আয়েত কেতের সহিত সমান। ঐরেপে আৰু নিৰ্বিভি পাৰে বে, খণড ঠ সুনচভূত্ত চগটক আৰু কেবল সহিত্ৰমান; অতএব কৰাজ চ ও চগটজ ছইটী জায়ত কেতা বা ক গটছ সমচতুর্জ ক থ ণ চ ও ধ গ জ ঠ ছইটী সমচভূত্ জের যোগতুল্য। স্মৃতরাং ক গ বাছর উপরিম্থ সমচভূভূজ কথ ও ধ গ বাছর উপরিম্থ হুই সম-চতুত্ জের যোগতুলা।

্**ভত্নান**্ড। কোন ত্রিভুজের এক বাছর উপর ভা**ছিত সম**-চড়ুছু ব বলি অন্য ছই বাহর উপর অভিত ছই সমচভুতু জের রমাম হয়, ভবে 🖨 হুই:বাছর অন্তর্বন্তী কোণ সমকোণ হুইবে। অন্ত্ৰমান ২া সমকোৰিক ত্ৰিভুজে কৰ্ণ রেখা অপর কোন कुक अलिका बुर९।

्वक्रमान ७ । क वर्षान व अर्डे क शर्पा । अर्डे अमान वस्त्र উভর পক্ষ হইতে ধ গুই বিরোগ বরিরে: ক খুই 🕳 ক 🚜 🛶 🙀 ा विकास असी त्यां नगरकाषिक विकृत्वत क्रेके व्यव वक्तामारम् अन्ति के क्रिक्त, कर्वतिमान कर बहे (क्रिक् के क्षित्रक वानि आताः वर्ष द्वशास्य विद्यंत्र कृतिहाः ないのう ないまん 大学 まいまかい

এই সমীকরণের উভর পক্ষের বর্গমূল ছিত করিলে,

অ → √১•• ⇒১•।

२। 'क्लॉन निमक्ति कि किर्देशक प्रेटी वाद विश्वाकत्म ३७ अवर २२ कृषे, छोडांत कर्न शतियोंने कन्छ १

8: 1 2 m

ত। কোন সমকোণিক ত্রিভ্জের কর্ণ পরিমাণ ২৫ ছাড, ও একটা বাহর পরিমাণ ১৫ ছাড ছইলে, জ্পর বাহর পরিমাণ কন্ত হইবে ছ

্জ জার্যক্ত রাশিষারা জপর বাহটী নির্কেশ ক্রিলে, জা<sup>২</sup>+১৫<sup>২</sup>⇔২৫<sup>২</sup>;

धारे नमीकतासत उच्छ शक हाँड ১৫२ विस्तांश कतिहन,

উভর পক্ষের বর্গমূল স্থির করিলে,

মধ্বা অপর ভূজ → 🗸 ৪০০ → ২০: হাড়ে া

ও। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের কর্ণ পরিমাণ ৩০ হাছ, এবং একটা বাহর পরিমাণ ২৪ হাত হইলে, অপর বাহর পরিমাণ কড হইবে ৮

ু ৩৬ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি ও কোট-পরিভাত ক্রিকান প্রতিষ্ঠিত কণি রেখার উপর লখ-রেখার

विकास क्षितिक स्वतिक वरेता।

ক ব ক আৰক্ষী ক্ষাকোৰিক আছুক কৰাৰ কৃষি ব ক ২১ হাত, ৩ ডোটি ক গ ২৮ হাত, ক গ ব সমকোৰ



2

হইতে ক থ কর্ণের উপর গাবা লাব টাস, এই লাগের পরিমাণ কত হইবে।

\*\* (事せ<sup>2</sup> == 2)<sup>2</sup>(計 \*b\*<sup>2</sup>): 二 事せ == '00 割(5) - :

্ এইকণে কুথ গাত্তিভূজের কেত্রকল ছই প্রকারে ছির कदा बाइएक लाद्य ; यथा.

্যমতঃ। কথা তিত্তের কেত্রকল

২ যুড:। ক খ গ ত্রিভূবের কেত্রফল 🖚

কিছ বেঁ যে বস্তু প্রত্যেকে সপর কোন বস্তুর ভাহারা পরস্পর সমান.

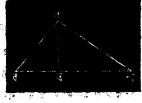
**এই সমীকরণে গ प - ১৬.৮ হাত**।

े जिलाइद्रवे। च भ २८ होड अवः क भ ७२ होड हहेता, च-র পরিমাণ কত হইবে ? উ:। ১৯.২ ছাত।

🕬 👉 'ও৭শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য। 🐯

क भ भ अकीं जिल्ल, देशांत नीर्व कान ग रहेए क न ভবির উপর সাম লম্পাত হইরাছে।

🗷 পা 😕 ধ প ভিন্টী শালা পাছে : ৈভিনি কম-া इहे चर् ছ, ভারার



কোন খণ্ডের পরিমাণ নিরূপণ করিডে ছইবে; বিভীয়ভঃ, গ ঘ লম্ব রেখার পরিমাণ নির্দেশ করিতে ছইবে; ভৃতীয়ভঃ ক খ গ ত্রিভূজের ক্ষেত্রকল ছির করিতে ছইবে।

বোধ কর কথ – ২০ হাত, ক গ – ১০ হাড, এবং গ ধ – ১২ হাত।

এইক্ণ কঘ খণ্ডকে অ অব্যক্ত রাশি দারা নির্দেশ করিলে, ঘথ – ২০ — অ।

ক ম গাও এ ম ম গ হুইটা সমকোণিক ত্রিভুজ। গ ম ইহা-দের সাধারণ বাহ; স্বভরাং গ ম রেথার পরিমাণ উভর ত্রিভুজ ইইভে মুই অকারে নির্দেশ করা যাইতে পারে; যথা,

\* व \* = ३० १ - - । ।

বে বে বছ প্রভ্যেকে এক বস্তর সমান ভাহারা পরস্পর সমান,

় ১২২ - (২০ - জ) १ - ১০ १ - জ ।

এই স্থীকরণে অব্যক্ত রাশির ফল ধার্য্য করিলে, অথবা ক খ = ৮.৯।

গ ঘ লম্ব রেখার পরিমাণ ধার্য্য করিতে হুইলে, গ ঘ $^2$ —৮.৯ $^2$ , অত্তর গ ঘ=8.44।

স্তরাং কগথ তিভুজের কেত্রকল -

#### 5C.C.1

উদাহরণ। পূর্ব্বোক্ত ত্রিভূজে যদি গ থ – ৬ হাড, ক গ – ও হাত, এবং ব ক – ০ হাত হয়, ভাহা হইলে ক গ, ব স বেশার শারিষার ও ত্রিভূজের কেতাকল কত হইকে।

चै:। क च-.c, श च-७,३७, अवः (क्खक्क->)

### ্ ৩৮শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ছুলকোণিক ত্রিভুজে যদি কোন সৃদ্ধ কোণের সম্থীন বাহকে বর্দ্ধিত করিয়া তত্পরি উক্ত কোণ হইতে লম্ন টানা বায়, তবে ছুল কোণের পার্থস্থ ছই বাহর ছই সমচ্ছুক্ত বর্দ্ধিত বাহু এবং তাহার বর্দ্ধিত ভাগের অন্তর্গত আয়তের দ্বিত্ব ছুল কোণের সম্থীন বাহর সমচভূত্তি ভুলা হইবে।

ক ধ গ এক স্থলকোণিক ত্রিস্কুল, যাহার ক গ থ কোণটী স্থল কোণ। ধ গ বৃদ্ধি করিয়। ক বিন্দু হইতে ভাহার উপর ক ল লম্বটান।



क थरे - थ गरे + क गरे + २ थ ग.ग घ।

খ ঘ সরল রেখা গ বিন্দুতে ছই ভাগে বিভক্ত হইয়াছে, এই জন্ম (৩৪ শ প্রতিজ্ঞান্ত্রসারে),

ধ ঘ<sup>2</sup> = ধ গ<sup>2</sup> + গ ঘ<sup>2</sup> + ২ খ গ × গ ঘ; উভয় ুপকে ক ঘ<sup>2</sup> যোগ কর, ভাহা হইলে,

च चरे + क घरे - च गरे + ग घरे + क घरे + २ थ ग × गघ ;

किल च घरे + क घरे - क घरे ; खरा ग घरे + क घरे - क गरे

∴ क वरे - च वरे + क गरे + २ थ ग × ग घ ।

### ৩৯ শ প্রতিক্ষা। উপপাদ্য।

ক্ষণ ত্রিভূজের ক্যথ কোণ হ'ব কোণ হইলে, এই কোণের এক পার্যভূ রেখা ধ্য-র উপর ভাহার

### ঝবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ৮৮

শম্থীন কোণ হইতে তত্পরি
ক ঘ লম্বণাত করিলে, গ কোণের
শম্বাীন ক শ রেথার সমচতুর্জ
শ গ ও কগ-র সমচতুর্জ অপেকা
শ গ × গ ঘ-র ভিত্তণ পরিমাণে
শম্বার ইইবে, অর্গাৎ,



ক ব<sup>২</sup> ⇒ য গ<sup>২</sup> + ক গ<sup>২</sup> — ং গ গ.গ ঘ। ৩১শ প্ৰতিজ্ঞার দিতীয় দ্মীকরণ দারা.

শ্ৰু = শ্গু + গ্ৰু — ২ থ গু গ্ৰু ; ইহার উভয প্ৰেক্ত ক্ৰু যোগ কর, তাহা হইলে,

च को क्षे = गगरे + त वरे + क वरे - २ थ श्र स व्यक्तार क परे - य गरे + क गरे - २ थ ग्र स ।

### ৪০শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

ক ধ গ একটা ত্রিভুজে, যদি ইহার শীর্ষ কোণ স হইতে ভূমির মধ্য বিন্দুতে গঘ রেখা টানা যায়, ভাহা হইলে, ক গ<sup>2</sup> + গখ<sup>2</sup> — ২ ক ঘ<sup>2</sup> + ২ গঘ<sup>2</sup>।

গ বিন্দু ইই তে ক খ রেণার উপর গচলম টান। তাহাতে ক ম গ ও খ ম গ স্ইটী ত্রিভূজে পূর্কোকে সুই প্রতিজ্ঞা মারা,



क् गरें चक चरें + ग चरें + २ क घ.घ ठ ग गरें च वं घरें + ग घरें -- २ थ घ घ ठ

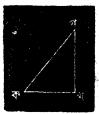
ক ম⊶ধ ঘ ইছা মারণ রাখিয়া এই তুই সমীকরণ যোগ कवित्न,

क शर्भ थ औं - २ क घरे + २ श घरे।

#### 85 শ প্রতিজ্ঞ। সম্পাদ্য।

কোন নমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি ও কোট নির্দিষ্ট আছে. ঐ তিত্ত অন্ধিত করিতে হইবে; এবং ঐ তিত্তের কর্ণ রেগার পরিমাণও স্থির করিতে হইবে।

্ নিৰ্দ্দিষ্ট ভূমি - ৬ফুট, এবং কোটী - ৮ ফুট, এমত এক সমকোণিক ত্রিভুক্ক অন্ধিত করিতে হইবে, যাহার ভূমি ও কোটি যথাক্রমে ৬ ৩ ৮ কুট इहर्य।



ছম ফুট পরিমিত এক দরল রেখা কথ স্থাদ কর, এবং খ বিন্দু হইতে কথ রেখার উপর ৮ ফুট পরিমিত এক मुत्रन (तथा होन, यथा थश। পরে ক ও গ যুক্ত কর, ভাষাতে ক ধ গ সমকোণিক ত্রিভুজ হইবে; এবং ক ম কর্ণ রেথা পরিমাণ করিলে ১০ ফুট হইবেক।

### ৪২শ প্রতিজ্ঞ। সম্পাদ্য।

क्लान नमरकांगिक जिल्लाब स्थाप **अवर कर्ग निर्किट** শালে বিভূষণী শবিত করিতে হইবে।

क्री - के को, धवर वर्ष - ३० कृते। धमन धक नम-কোণিক ত্রিভুজ নির্মাণ করিতে হইবে বাহার ভূমি ও কর্ণ यथाकत्म ७ ७ ३० कृते क्हेर्त।

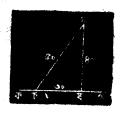
### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। 🤲

ছর কৃট পরিমিত এক সরল রেথা কংগ (প্রক্রপ্রতিকৃতি দেখ) ভাস কর, এবং থ বিন্দু চইতে কথ রেথার উপর থ গ এক অসীম সরল রেথা (যাহাকে ধ গ অভিমুখে যত দূর ইচ্ছা বর্দ্ধিত করা যাইতে পারে) অভিত কর। পরে কম্পাসকে ১০ কৃট বিস্তার করিয়া উহার এক পদ ক বিন্দুর উপর বাবিয়া অপর পদ দিরা ব গ রেখা ছেদ কর, যথা গ; বাবিয়া অপর পদ দিরা ব গ রেখা দংদুক্ত কর; ভাহা হইবে ক ধ গ এক সরল রেখাবারা সংযুক্ত কর; ভাহা হইবে ক ধ গ সমকোণিক ত্রিভুজ অভিত হইবে। ধ গ

৪এশ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক্রমার জিলা বা কুখনের বাহাযো ভূমির উপর লম্ব। ব্যারকারিক জিলি জড়িত করিছে হইবে।

বিশ্ব ইংভে একটা লয় উত্তোলন করিতে হইবে। ঘ চ-কে ৩০ লিভের সমান করিয়া অপর এক সাছি শৃথাল লইয়া, তাহার এক

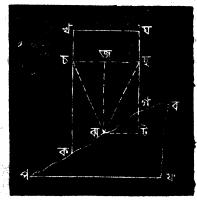


প্রান্ত হইতে ১০ লিক পরিত্যাপ করিয়া ঘ ভানে দৃঢ় রূপে ধরিতে হইবে; আর অপর প্রান্ত চ ভানে ধরিতে হইবে। পরে ঘ হইতে ৪০ লিকের ভান ধরিয়া শৃত্যালকে বলপুর্লক টানিলে ঘ বিন্দুতে ঘ গ লম্ম হইবে। কারণ, ভাষা ভ লটন বর্গ চ গ চ ৫০ লিক পরিমিত হইবে, এবং গ ঘ ও ঘটন বর্গ চ গনর বর্গের ভূল্য হইবে, কাষেকাষেই চ ঘ গ সমকোণ ও গ ঘ লম্ম হইল।

### 88শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

একটা ক্রমনিয় ভূমির উপর হুইটা খুঁটি এমন ভাবে প্রোধিত করিতে হইবে যে তাহার। সমান উল্লভ হইবে, দ্বর্থাৎ ভাহাদের মাথা সমস্থতে থাকিবে।

মনে কর, প कृद এकष्ठी क्रम-निष्ठ कृषि, क ७ প ছানে কথ ও গঘ হুইটা বঁটি সমান উন্নত ক-রিয়া প্রোথভ समिए हरेरव। र्यं रिका च



হৈছে ৰ হাছ (বা ভাতোধিক) নিমে, অৰ্থাৎ ছ স্থানে একটা **ছিল্লা, ভালাকে** গ স্থানে লম্বভাবে প্রো**থিত কর**। অনস্তর, ক ধ ধ টির ধ চ অংশ ঘ ছ-র সমান করিরা ক ছানে লম্বভাবে মাপিত কর। পরে এক গাছি রক্ত্র ছারা চছ যুক্ত করিয়া, ভাহার মধাত্মল জ হইতে এক গাছি **धनमण्डि ब्र्नाहेश गांछ।** मत्न कत छेश क विना छ পতিও হইরাছে। এখন ক বিন্তুত এক গছিরভয়ুর এক बाह्य রাধিয়া ছ পর্যান্ত বলপূর্বক টানিয়া ধর ও ব छ-কে ক ছ-র সমান করিয়া থ চক গুটিকে প্রোথিত কর, ভাষা हरेलरे प्रेण ये है ममान छत्र हरेदा।

রেখা ও ধরাতলের সম্বন্ধ। সদৃশ ত্রিভুজ।
৪৫ স্থত। একটা রেখা বা রাশি জ্বন্থ একটা রেখা বা
রাশি জ্বপেক্ষা যে পরিমাণে গুরু বা নমু, ভাহাকে সেই
সেই রেখার বা রাশির পরস্পার সম্বন্ধ কছে।

গ ঘ ও ক থ ছুইটী রেখা।

ছির করিয়। ঐ একক যদি

কি থ

শৈষ্মাক বেথার মধ্যে ছয়
বার ও ছিতীয় রেথার মধ্যে তিনবার থাকে, তাহা হইলে,
শেষ্মকে ছিতীয়ের সহিত তুলনা করিলে ফেলিতে পশ্তয়া
বায় বে, প্রথমটী ছিতীয় অপেক্ষা হই গুণ অধিক এবং
গ্রহ এই য়পে ব্যক্ত হয় — — ; এবং ছিতীয় ক থকে
কথ ৩

ফার্বি প্রথম গ ঘ-র সহিত তুলনা করা যায়, তবে দেখা বায়
বে, ৩ একক ছারা উহা প্রথমটী অপেক্ষা লঘ্ হইতেছে,
৩ কথ
যথা — — —, অথবা ১ যে রূপ ৬ রাশির ছয় অংশের
৬ গ্রঘ
একাংশ, সেই রূপ ৩ ও ৬ রাশির ঐ ছয় অংশে ৩ অংশ
বলা যাইতে পারে।

এই রূপে এক রাশির সহিত অন্ত রাশির যে সম্বন্ধ তাহার নাম অনুপাত। যে অনুপাতে অনুপাতীর রাশির মধ্যে একটা অপরটার অপেক্ষা কত শুরু যা লঘু বলিরা বোধ হর, তাহার নাম পাটাগণিত সম্বন্ধীর অনুপাত; এবং যাহাতে অনুপাতীয় রাশির মধ্যে একটা অপরটার

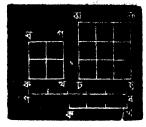
অপেকাকত গুণ গুরু বাকত গুণ লমু বলিয়া প্রতীত হয়, ভাহার নাম জ্যামিতিমূলক অন্পাত। যেমন ৬ এবং ৩ এই ছুইটীর পাটীগণিত দমন্ধীয় অনুপাত ৩ এবং জ্যামিতিমূলক অহুপাত है বা ২।

কোন রাশির সহিত অন্ত কোন রাশির অনুপাত ব্যক্ত कतिएक इहेरन, छाशांमिरशत माथा ध्हेंगी कूज कूज विना পাত করিতে হয়, উহার নাম আরুপাতিক দ্বিকিন।

ুক ধ-র সহিত গ ঘ-র অন্নপাত লিথিয়া ব্যক্ত করিছে रहेल, এরপে লিখিছে হয়; यथा, कथ: शघ অমুণাতের প্রকৃতি যে রূপে লিখিত হইল ভাহা হইতে স্পষ্ট প্রতীয়মান হইতেছে যে, আদিমকে লব ও অন্তিমকে হর করিলে যে ভগ্নাংশ উৎপন্ন হয়, ভাহা অনুপাতের পরিমাণ। পঘ ও কথ রেখার অনুপাত, যথা, গ ए: ক ধ বা ৬:০ অর্থাৎ অন্তিম রাশি ৩, আদিম রাশি ৬ এর মধ্যে কত বার আছে ভাহাই নির্ণয় হইতেছে।

ভগাংশের লব ও হর নততই ভাজা ভাজক সমুদ্ধে निवक शांक, रामन है अथवा ७ ÷ ० ममान कथाहै : **অর্থাৎ কোন বস্তুকে ৩ ভাগ ক**রিয়া ভাহার এক ভাগকে ভবার লওয়াও যাহা, ৬ কে ৩ দিয়া ভাগ করাও ভাছা। ष्मञ्जात्व अध्यमेगिक नव ७ विजीवितिक इत कतिलहे উহাদিগের পরিমাণ স্থির হইবে; কিন্তু অনুপাতের চুইটী त्रांचि यति जिन्न षाजीय रस, जत्द, व्यथमणी तद । विजीयणीतक रत कतिरत পরিমাণ चित्र श्रेरत ना, উভয়কে এক ছাডীয় করিতে হইবে। যেমন ৩টাকা ও ৬টাকা ইহাদের অনুপাত ৩:৬ এবং উহাদের পরিমাণ 🚆 অথবা 🕏 কিন্তু 🌣 আনা 🕏 ৬ টাকার অন্থপাত ৩ আনা ৯৬ আনার অন্থপাতের সমান. উহা এইরপে লিখিত হয়, ৩:১৬ অথবা 🖧 অথকা 🗞।

এই রূপে যদি চ জ ধারা-ছলিক ক্ষেত্রমধ্যে ১বর্গ একক থাকে, এবং ক গ ধারাতলিক ক্ষেত্ৰমধ্যে ৪ৰৰ্গ একক থাকে. ভাহা হইলে দিভীয় ধারা-ভলিক ক্ষেত্রে যত একক



আছে তাহার চতুর্থাংশের নয় গুণ প্রথমোক্ত ধারাতলিক কেত্রে থাকিবে, অর্থাৎ  $\frac{\overline{b} \cdot \overline{w}}{\overline{a} \cdot \overline{n}} = \frac{\lambda}{\alpha}$ ।

যে রেখা অথবা রাশিদিগের সমন্ধ বিচার করা যায় ভাহাদিগকে অনুপাতের রাশি কহা গিয়া থাকে। প্রথম-'টীর নাম আদিম, দিতীয়টীর নাম অন্তিম। অন্তিম অপেকা আদিম গুরু হইলে অনুপাতকে গুরুবৈষম্যান্তপাত কছে: ম্থা, ১:৪; অভিম অপেকা আদিম লঘু হইলে অলু-পাতকে লঘুবৈষম্যান্তপাত কছে; যথা, ৩:৫; আর মার্লিম এবং অন্তিম সমান হইলে অনুপাতকে সামান্তাত্ত-পাত কছে; যথা, ৩:৩।

অনুপাতে উভয় রাশি কোন এক রাশিয়ারা গুণিও বা বিভক্ত হইলে অরুপাতের পরিমাণ পরিব**র্তি**ত হয় না। मान कत्र 8: अ ही अधारन विद्युत्ता। छेकात्र शत्रिमां के

কিছ 🕹 এই রাশির লব ও হর উভয়কে কোন রাশির ছারা গুণিত বা বিভাজিত করিলে যে অমুপাত উৎপন্ন হয়, তাহারা প্রত্যেকেই ৪:৮ এই অনুপাত্টীর সমান. যথা, ২ : ৪, ৮ : ১৬, ইহারা প্রত্যেকেই ৪ : ৮ এই **অভুপাত্টীর বুমান**। ২ : ৪ ও ৮:১৬ অনুপাতে উভয় রালি সমান রূপে গুণিত বা বিভাজিত হইলে আদিম অত্নপাত উৎপন্ন হইতে পারে।

ু<mark>ক্ট অথবা</mark> তাহা অপেক্ষা অধিক সংখ্যক অন্ত-পাডের সমানৰ সমন্ধ থাকিলে ভাহাকে সমান্তপাত कर्छ।

ষধা, কথ: গঘ এবং ৫: ০ এই ছইটী অনুপাতের পরিমাণ রু ভ ও ওই ছইটী ভগ্নাংশের সমান, কিন্ত क्थ अहे छग्नाः गणि विन हु । अहे छग्नाः त्या स्वा रुव, ভাহা হইলে হুইটী অনুপাতও পরস্পার নমান হইল, এবং ক থ, গ ঘ, চ ছ, জ ক এই চারিটা রাশিতে একটা সমারপাত উৎপন্ন হইল। ঐ সমানুপাত্টী এই রূপে লিখিত হয়, कंथ: १ घ:: 5 छ: खरा।

এবং ক থ-র সহিত গ ব-র যে সম্বন্ধ, চ ছ-র সহিত জ ঝ-র **मिर मक्क भठिउ इ**स। अर्थाए श्रेकातास्त्र हेटाहे विना इहेर्डिइ य कर्म - हरू

হুইটী রাশির অভুপাত ত্বির করিবার সময়ে উহাদের মধ্যে বে রূপ আহুপাতিক দিবিন্দু স্থাপিত করিতে হয়,

সেই রূপ ছই সমান অনুপাত এক শ্রেণীভে লিখিয়া প্রকাশ করিবার সময়ে ছুই অন্থপাতের মধ্যে কুন্ত কুন্ত চারিটা বিশ্বপাত করিতে হয়, উহার নাম সমান্তপাতিক টভৰিন্দু।

সমান্তপতি পূর্ব্বোক্ত প্রকারে বাক্ত হইলে, ক্রাঞ্চ के व-रक काला तानि अदर गच ७ ह इ-रक मधा ब्रांनि करी যায়।

চারিটা রাশি সমাস্থপাতিক হইলে, ভাহাদের আভা শ্লালি ছুইটার গুণফল মধ্য রালি ছুইটার গুণকলের<sup>্ ন</sup>্নান क्टेर्टर । यथा.

कर: गर:: ठह: करा अहात कर 🗙 कर 🗕 74×551

্ এক লাভীর চারিটা রাশি যথাক্রমে গৃহীত হইলে হদি সমান্ত্ৰপাতিক হয়, ভাহা হইলে নিম্ন লিখিড ধানান্ত্ৰসালে ভাষাদের শ্রেণী অথবা পরিমাণ করিলে নিম্পত্তি সম্বন্ধে কোন ব্যক্তিক্রম হইবেক না।

ে বিনিমর নিম্পত্তি। যদি চারিটা রাশি ক্যারূপাতিক বয় ভাষা হইলে প্রথমের ত্তীর স্থতে যে নিম্পতিত বিতীয়ের চকুর্য সহন্ধেও সেই চ্রিপস্থি।

ৰিলোম নিশভি। হিতীয়: প্ৰথম:: চতুৰ্থ: ভূতীয়। ৰোগ নিম্পত্তি। প্ৰথম ও ভিতীয়ের বোগকল: विভীয় ঃ ভুতীর ও চতুর্থের ফোসফল : চতুর্থ।

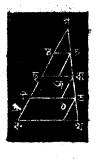
শহর নিশতি। প্রথম ও হিতীয়ের বিরোগকল : षिতীয় : : ভূতীর ও চতুর্পের বিয়োগফল : চতুর্থ।

পরিবর্ত্ত নিম্পত্তি। প্রথম ও ছিডীয়ের বিয়োগফল: ध्यभ :: তৃতীয় ও চতুর্থের বিয়োগফল: তৃতীয়। ইত্যাদি।

यनि नमाञ्चलार्ज्य जिन्छी माख तानि श्रीश्व इस्त्रा, ষায়, ভাষা হইলে আমরা চতুর্থ রাশি উদভাবন করিতে গ্রাবি, এবং যে নিয়ম দারা এই রাশিটা জানিছে পারা बाब, भगना मारब के नियमंत्री य करु एवं श्रास्त्रीय छोश वना यात्र ना। यनि २, ४, ४, ८७, এই करत्रकी ন্মান্ত্রপাতিক ব্লাশির মধ্যে তিন্টী মাত্র নির্দিষ্ট থাকে. চছৰটী এই রূপে বাহির করা যায়, যথা, ২এর সহিত্ এর যে সম্বন্ধ, ৮এর সহিত কোন রাশির সেই সম্বন্ধ, তাহা हरेल 8 × ৮ + २ − ) ১৬ আবিষ্কৃত हरेगा ुপড়ে। গণনাবিষয়ক এই রূপ যত প্রশ্ন উপস্থিত হইবে সমুদ্রাই জৈরাশিকের মধ্যে জাদিরা পড়িবে, এবং সমাত্রপাভ বিধি মারা নির্ণের চতুর্থ রাশি বাহির হইবে।

### ৪৬শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

গ থ এক নির্দিষ্ট সরল রেথাকে এরপে ভাগ করিতে হটবে যে. নেই ভাগওলি আর একটা বিভক্ত **নরল রেখার ভাগগুলি**র হইবে, অর্থাৎ নে সকল অংশের বিভক্ত বেখার অংশগুলির নাায় পরস্পারের সম্বন্ধে সমান নিপাতি श्वाकित्व।



গ क गतन दिशोक घ, ছ, ট विमृत्छ गमान जाए विज्ञा कबेंगों कत. अवीर शघ-घ छ- छ छ। शक छ शब (तथा-কে এমত করিয়া স্থাপন কর বেন তাহাদের সংযোগে কোণ উৎপত্তি হয়। পরে ক থ সংযুক্ত করিয়া ঘ, ছ, ট বিশু দিয়া ক ধর সমাভ্রাল ঘচ, ছ ঝ, ট ড নিজাশন कत, धर ह छ, व ठे, श क तथात ममाख्ताल कतिया होता। এইকণে ঘটজছ কেতের নমুখীন বাছগুলি সমাসুরাল, তলিমিত চজ-ঘছ-ঘগ, ক চজ কোন চগ ঘ কোনের সমান এবং চ জ ব কোণ -- গ ঘ চ কোণ। সভএব ২য় প্রতিজ্ঞা-इनोर्ड, गघर ७ रुक व जिल्लाच्य शतस्त्रत नमान धदः চঝ = গঢ। এরপে বড = গচ, ইভাদি। অন্তর, গ ক রেখা যে যে বিন্দু তে বিভান্ধিত হইয়াছে; ভাছার কোন এক বিশ্বাহা ছ লইলে প্রতীত হইবে যে, গ ক রেখা গ ছ-র যত ৩০৭, গ ধ রেখাও গ ঝ-র তত ৩৩৭; অর্থাৎ शक शब अवदा गक: गह:: गर्थ: गवा

প্রয়োগ। একটা সামান্য মানদণ্ড নির্মাণ করিতে হতিব

ক বিশ্বী সরল রেখা পাত কর। ইহার চ প্রান্ত বে কোন স্থানাশের একটা কোণ অভিড কর, বথা ছ চ ক। প্রোট্রিটর ছইছে পরিমাপক ছারা এক ইঞ্চ মাপিরা ক থ-কে উহার স্থান কর; চ ক সরল রেখার চ বিন্দু হইছে আরম্ভ করিবা বংগছাক্রমে ভাহাকে দশ স্থান সংশে বিভাজিত কর। পরে ১০ম জংশের প্রাক্ত বিন্দু ক ও ধ বৃক্ত কর। अहे नःगुक तथा क ध-त नमास्तान कतिला अनानि-

करम नकन विन्तृ श्हेरा इध রেখা পর্যাস্ত রেখা অকিত कत । वी नकन तिथा ह थ-क ৰে যে বিন্দুতে অবচিছন্ন कतिरव त्रहे त्रहे विमाएड ইছা সমান ভাগে বিভক্ত ছট্ৰে। অভএব, চখ-কে দশঃ সমান অংশে বিভক্ত कता इहेन ७ हेशत প্রতোক काः ज क है (अव अक नग-माःग। किन यनि চথ-क ১০ ফুট বলিয়া কল্পনা করা যার, ভাহা হইলে ইহার প্রত্যেক অংশ ১ ফুটের সমান इट्टें वदः क्रेन्न ५ जी, १ जी कं की जान यथाकरम ७. १ वा ७ कृष्ठे इहेरव। अहेकारव 4 স, সম, বছ প্ৰভৃতি অংশ **क्षिक हर-त नवान** कत.



ভাহা হইলে যে কোন সংখ্যক কৃট ঐ মানদত হইতে লওরা ঘাইতে পাবিবে। মনে কর ৩৬ ফুট নইতে ছইকে, भारत्य थ हरेला अभी दृहत्त काम कवीर थ ह ७ अभी क्रमंख्य मान महत्मह रहेता।

# ব্রেহারিক জ্যামিতি ও জ্ঞামিতিত হ। ১৭ ৪৭শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ভুলাকোশিক ত্রিভুজ সকল সদৃশ, জর্থাৎ ভাহাদিগের সমান সমান কোশের সংলগ্ন বাছগুলি প্রস্পার অন্ধ্পাতীয়। ক ব গ ও চ ছ জ ছই ভুলাকোণবিশিষ্ট ত্রিভুজ, জর্থাৎ গ ক ব কোশ জ চ ছ কোণের, গ থ ক কোণ জ ছ চ কোণের, জার ক গ থ কোণ চ জ ছ কোণের সমান। এছলে ক গ থ ও চ জ ছ ত্রিভুজের সমান সমান কোণের পার্শন্থ বাছ অন্প্রাতীয়; জ্বাৎ গ ক : গ থ : জ চ : জ ছ ।

প ক ও প ধ ছইটী দরল রেথা ছইতে জাচ ও জাছ ছইটী দরল রেথার সমান প ট ও প ঠ ছই অংশ ছেদ কর, এবং ট ঠ শংযুক্ত কর।

পটঠ ও জচছ ত্রিভ্জে, গটঠ কোণ জচছ অথবা গক থ কোপের সমান, একারণ (২১শ প্রতিজ্ঞান্ত্রারে) টঠ ও ক গ পরক্ষর সমাভ্রাল।

প ট ৪ ট ক রেখাকে কতকঙলি
নমান জংশে বিভাগ করিয়া,
নেই বিভাগের বিজু হইতে গ থ
রেখাতে হলি ক খ রেখার স্মাভরাল রেখা সকল টানা বায়,

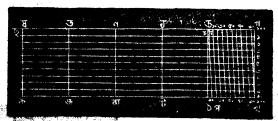


ভাষা দুইলে গুট ও টক রেখা যত অংশে ছেদিত দুইবে, তত অংশে গঠ ও ঠথ রেখা ছেদিত দুইবে; এবং ইছা অভীতি দুইবে যে গুট বা জ চ, গুক রেখার মধ্যে যত বার আছে, গঠ বা জ ছু রেখা গুখ রেখার ঠিক ভড় বারই कारहः, कर्बार, गुक्क <u>गुर्थ</u>, ता गकः छ हःः गृथः छ हः

এবং বিনিময় নিপজি জারা গ ক ে গুখ : अ क क क क অম্মান। তুল্যকোণিক ত্রিভুজের মধ্যে একের একটী। चुज जातात उरमम्मीन चुरकत यह छन स्ट्रेरि, जाटाक क्रमाना ভুজগুনিও অন্যের তৎসমশীল ভুজগুলির যথাস ভতগুর হইবে।

### প্রয়োগ। ডাএগনাল কেল বা স্কামানদও।

১ম। ঘগ একটা রেখা অস্কিত কর। এক ইপ্লের সমান করিয়া ড গ এক অংশ ছেদ কর। সামান্ত গজের ए श-तक मगोराग विভक्त करा। ए ७ श इहेट धकमित्क



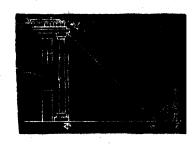
ছইটা লয় টান। গ লাভ হইতে অভিত লয় রেখাকে দশ্<mark>টী সমান অংশে</mark> বিভাজিত কর। এই দশ্টী বিস্কৃ **হুইড়ে ছ'ল-য় লয়ান্তরাল** করিয়া দশটা রেখা অ**ন্ধিত** করে। व विकृत अवावश्यि भारत रव विन्तू शांता अ छ-रक मन नमानाराम विভक्त करा इहेग्राइ छाहा ध विसूत नहिल ভাগ-চিত্র হইতে নয়টা রেণা অন্ধিত কর। চ स और हेरकत अर्क नहारन हहेरत, कातन छ ह म अरुकी किंद्रम, बेबर ह म, ठ প-त नमास्तान, : ए ह ह ह न प्रेत्र स्थापन, नामक प्रेस न हम प्रकार हन, क्रिकेट किया किया है भ, श क दिशात कार्श्व শত্তি বিভাগে প্তরাধ্য ন এক ইংকর প্রাংশ THE

যদি ঘ ড, ভ ণ, ণ চ, চ ড প্রত্যেককে ভ গ-র সমান করা ধায়; ও ড গ-র পরিমাণ একশভ একক হয়, ভাহা হইলে ঘ ড-র পরিমাণ ৪০০ একক ও ছ ন-র পরিমাণ **৪**০১ একক, ছ ন-র পরে যে রেখা আছে ভাছার পরিমাণ 8०२.। अ**टे करण कमणः वृद्धि हहेग्रा क প-त**्रशतिमान 850 अकक श्रेटित ।

া পামান্ত নানদণ্ডে এক ইঞ্কে ১০ অধ্বয় ১২ জ্ংলে বিভক্ত করাই নাধ্য; ভাষা অপেকা কুঁদ্রভর কংশ এছুণ করা সহজ্জাত, যদি ১ ইঞ্কে শভাংশে বিভক্ত করিবার প্রোক্তর হর, তাহা হটলে সামায় মানদত্তের নিয়নায়-লারে 😘 ইঞ্চকে শতাংশে বিভক্ত করিলে প্রভাক কংশ এভ ক্ষুদ্র হইবে, যে তাহা অন্তত্ত করা ষাইতে পারে না, अडबर ভिन्न श्रकात छेलात होता ১ हेरकत पुरुष, पुरुष, पुरुष ইউনাদি অংশ লইতে চইবে এবং ঐ উপায় হ<del>ইতিই</del> ভাগ্রমান স্কেন বা স্ক্রমান নও প্রস্তুত হয়।

২য়। ক খ একটা কীর্ত্তিস্ত, গ ছানে দর্পণ পাছিয়। রাধিয়া ভাঁছার মধো উক্ত ছানের ছায়া দেখিয়া ভাহার केक छ। निर्म कतिए शहरत।

দৰ্শক ঘ চিহ্নিত স্থানে দ্ভায়মান ছউক. অৰ্থাৎ বে शांन गांजिल কীভিডভের চূড়াঞ খার প্রতিবিদ্ধ দপ্র-(पंत्र मेर्था (मथिए)



পাইবে। এইক্ষণে ইহা দিল্লাভ আছে যে, কোন বৰ হইতে আলোক আসিয়া কোন শ্বচ্ছ দ্রব্যতে সংলগ্ন হইয়া প্রতিফলিত হইলে উভয় দিকের কোণ সমান হয়, অর্থাৎ আলোক আলিয়া প্রথমতঃ কোন দ্রব্যেডে শংলগ্ন হইলে এক কোণের উৎপত্তি হয়; অনন্তর সেই আলোক উক্ত দ্রাব্যে সংলগ্ন ইইয়া প্রতিফলিত ইইলে আর একটা কোণ হয়, এই উভয় কোণ পরস্বার সমান हत। अष्टें धर के शर्थ ७ च शह कार्य के अपन । -আরি কর্ম ও ঘচ উভরে ক্য রেধার উপর লক ভাবে আছে বলিয়া ঐ ছইটা তিভুজ পরস্পার সদৃশা । এই জন্ত

ष्णः षठ = कणः कथं, ∴ कथं = चिठ × कणः। ্থাইকাণে যদি ক'গ ১০০ ফুট ও **ভাগ ৬ ফুট** হয়, আর ভূমি হইতে দ্রন্তীর চকু অর্থাৎ ঘ চ রেখা ৫ কুট হর, ভাষা श्रेटिन.

ক খ স্তন্তের উচ্চত। — «×১•• — ৮০ ঠ কুট।

थ्य। क विकित्त होन हहेए ह नामक शांन बहिना

### র্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১০১

ক্রানা বাদিকাও ইংাদের শ্রাশের দ্রত নির্ণয় করিতে ক্রান

কোনীকৰ বাৰ বাৰা ক বিস্

ক্ষিত্ৰ ক চ কোনা উপাৰ ক বাৰ্ত্তৰ

ক্ষেত্ৰ ক বাৰ্ত্তৰ

ক্ষেত্ৰ ক বাৰ্ত্তৰ

ক্ষেত্ৰ ক বাৰ্ত্তৰ

ক্ষেত্ৰ বাৰ্ত্তৰ বাৰ্ত্তৰ

ক্ষেত্ৰ বাৰ্ত্তৰ বা



উপর ধ জ লম্ব রেখা টান। এই লম্ব রেখার এমত একটা ম্থান নিরূপণ কর যে, ঐ স্থান ইইতে ছ, চ দুইটী স্থান লক্ষ্য করিলে উহারা সমস্তে লক্ষিত হয়। অনভর থ জ রেখাটী পরিমাণ কর।

ত ক ছ চ ও ছ থ জ ত্রিভুজের ক ছ চ, চ ক ছ কোণ ক্ষাস্থ থ ছ জ ও জ থ ছ কোণের স্মান ব্লিয়া ইংারা প্রস্থার সদৃশ। জত্তব্

ह्यःच्यःः इकः कः ;∴कः च्याः कि

যদি কছ ৪০ হাত, ছ থ ২০ হাত, এবং থ জ ৬০ হাত হয়, তাহা হইলে ২০ ঃ ৬০ ঃ ঃ ৪০ ঃ চ ক = ১২০ হাত।

ক ছ ৪ হাত, থ ছ ১ হাত ও থ জ ৩ হাত ইইলে,
চ ক-র পরিমাণ কত হইবে ?

৪। কোন কীর্তিয়ন্তের নিকটে এক যাঁট লগভাবে
ভিতিত করিছা, গাঁট ও ভাজের ছানার থারা, ভাজের প্রকৃতি
উচ্চতার পরিমাণ করিতে হইবে।

यान करा, थ श की र्हि-তত্ত, থক উহার ছায়া; **इ.स.मी १८ क** ह छेरात वीरा । बोलाः एक ६ यान निर्माण रहेए





জারীবিদের পরশারের ছায়ার শেষ দীমা পর্যান্ত বে হুৰ্ব্যৱন্দি বিভাত হইরাছে, অংগাৎ গক ও জ চ, ভাহারা পরক্ষর সমাভ্রাৰ বলিয়া < থকগ 🕶 < ছচলা; স্ভরাং ধক গ ও ছ চজ তিত্ত ধ্যুসদৃশ।

ं क्ठः इषः अकः थगः,

উদাহরণ ১। যদি ১০ হাজ মটির ছারা ৭ হাত হয়, তা**হা হইলে যে কীর্ভিভভে**র ছায়া ১৪০ হাত, ভাহার -উচ্চতা কভ 🕫

**बहें व्यक्ति, १: ১०:: ১৪०:** गर्थ च २०० हाउ।

২। পুৰ্বোক্ত প্ৰতিকৃতিকে যদি ছক ৫ হাড, ছচ ৪ হাড ও ধ ক ৬৪ হাত হর, ডালা হইলে প ধ-র পরিমাণ कछ हरे(व १ **डे:।** ५० शंड।

## 8৮4 প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ভুল্যকোণিক বা সদৃশ ভিভুজ্বরের সমান সমান কোণ-সংশগ্ন বাছর কর্মের যে পরিমাণে নিপাতি, 🌲 ত্রিভূজধন্তের ক্ষেত্রফলের পঞ্চল্পর সেই নিম্পত্তি, অর্থাৎ

### া ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১০৩

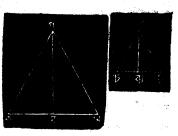
আক্টীর ক্ষেত্রকার ভাষার ভ্রের বর্গের যত ৩৭, অপরটীর ক্ষেত্রকার অংশমনীল ভূরের বর্গের তত ৩৭ ছইরে।

ক ধ গ ও চ ছ জ

ইই জুন্যকোণিক

কিছুল, গ 🐞 জ

বিশু দিরা ক ধ
ও চ ছ রেথার
উপর গ ভ জ ব



নম্পাত কর। কথস ও চছত ছইটা ত্রিভূত ভূলা-কোপিক।

অভ্নৰ কথ কগ এবং <del>লাল কগ</del> চল ;

**এই इहेंगे नमान रह छ**न कतिरल,

ক থ . গ ঘ ক গ<sup>2</sup>
চ ছ . জ ব চ জ<sup>2</sup> ; কিখা <u>ই চ ছ . জ ব চ জ<sup>2</sup> ;</u>

অর্থাৎ

চ জ ছ জিভুজের ক্ষেত্রকল চ লং

धरे नमीकत्रवंगी वाद्यशासाकारत ताथिल,

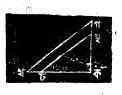
क्विमन के शर्थ: क्विमन B म इ: क शरे: B सरे।

জন্মার। সদৃশ ক্ষেত্র সকলের ক্ষেত্রকার যে বিষয়, ভারাদের স্বর্গীর বাহ সকলের বর্গেরও সেই সময়।

#### ৪৯শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য 🕴

ক ধ গ নিশিষ্ট তিভুজের সদৃশ অপর একটা তিভুজ तान सर्विष्ठ कविष्ठ शरेरव।

ক থ হইতে নিকাশ্ত জিভুজের ভূমির সমান ক চ এক অংশ ছেদ ক্ষর, পরে চ বিব্দু দিয়া থ গ-র সমান্তরাল চছ রেখা অভিত कत । ठक इ, थे क ग-त अपून औं का इडेल ।



े यपि নির্দিষ্ট ত্রিভুজের ভূমি ক থ – ১'ং ভূট, কঁণ থ গ 🗕 ১৫ ফুট, এবং কোটি ক গ 🗕 ৯ ফুট, আর নিফাপ্ত ত্রিভুজের ভূমি চক – ৮ চুট, তাহা হইলে চছ, গগ-র সমান্তরাল টানিলে প্রভীভ হইবে যে, চছ - ১০ ফুট, এবংকছ - ৬ ফুট। যথা,

)と: ) 6:: 4: 5 章; .. 5 章 = bx 5 6 = 70 - 201

Se: > :: +: 4 = : .. 4 = - + x = + 4 = 1

## রত্ত সম্বন্ধীয় উপপাদ্য ও সম্পাদ্য। ৫০শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ম গ এক সরল রেখা রুভের কেন্দ্র ম দিয়া আসিয়া ব্ৰভান্তৰ কৰা জ্যাকে খনি সম্বিধণ্ড করে, ভবে উত্তাকে শবভাবে দিখণ্ড করিরে ;ু এবং বদি লমভাবে ছেদ ক্লুৱে ভবে সমন্বিধণ্ড করিবে।

ম ক ও ম ধ সংস্তু কর,

ম গ ক ও ম গ ধ ছইটা তিছুল
পরকার স্মান, কারণ ম ধ — ম ক,
গ ধ — গ ক এবং ম গ ঐ ছই

তিছুলের সামাত বাছ; স্কুল্লাং



মগাৰু কোৰ মাণ্ডৰ কোণের সমান, ভাষা ছইলে মাণ রেখা কাৰ রেখার উপর লমভাবে অবস্থাপিত ছইল।

পুনক, ম গ বেন ক ও রেখার উপর লম্ভাবে পড়ি-রাছে। তাহা হইলে ম গ, ক ও রেখাকে সমান রূপে বিশ্ব করিবে, অর্থাৎ ক গ ও গ ও সমান হইবে।

মক ও মথ ছই কর্কট রেখা সমান হওয়াতে কথা ম সমিবিবাছ তিত্তুল, ইহার মকথ কোণ মথক কোণের সমান, এবং কগম ও থগম সমকোণ হওরাতে পরস্পর সমান; স্মৃতরাং অবশিষ্ট কোণছর থমগ ও কমগপরস্পর সমান, অতএব কগম ও থগম ছইটা তিতুল পরস্পর সমান এবং থগ ⇒ কগ।

্তির্বাদ । কোর সরল রেখা র্ডার্ডর্গড জ্যাকে সম্ভাবে ব্যক্তিক করিলে । রেখা রুভের কেন্তু ভেদ করিয়া গ্রম করিবেশ

উলাই ১। বলি ক ব ধ বুজের ব্যাসার্থ ক ম ১০ হাড ভ জ্যা ক ব ১৬ হাজ হর, ভবে ম গ লবের মান কভ হইবে ? এই প্রান্ধে, ক গ — ই ক ব — ই ১৬ — ৮; জপর ক গ ম সম-কোনিক জিভুজে, ম গ<sup>2</sup> — ক ম<sup>2</sup> — ক প<sup>2</sup> — ১০<sup>2</sup> — ৮<sup>2</sup> = ৩৬; েম গ — ৬ হাড।

रें। के म रे शेंड 'ड क ब' रे शिंछ इहेटन, म श द्रिशांत ব্ৰিমাণ কন্ত হইৰে। ১৬ হাত।

পা কৰা কৰি রেখা ৫ হাত, এবং শ্র গ ঘ ২ হাত ক্ষা, কৰ বেশা মান কত ছইৰে ?

व्यक्त विक - म ब-- ग घ - ८--२ - ० । प्रतीः ক্স - V ( - ৩ - ৪, অভএব ক খ - ২ ক গ - ২ 🗴 ৪ - ৮ The transfer of the second of the second of the second of the হাত।

৪। কম ৮ হাত, ও গ ই ৩ হাত হইলে, ক ই রেখার মাম কভ 🕫 💮 🥫 ১২. ৪৯ হাত।

৫। क थ ७८ कृष्ठे ७ श च ১७ कृष्टे श्टेल, क म त्रथात्र মান কত হইবে ? 🕏:। ४० कृते।

ভ। কথ ৮ ফুট ও গ ঘ ২ ফুট হইলে, ক ম রেখরি পরিমাণ কত হইবে গ উঃ। কেটা।

## **८**३म श्रिष्ठा। मन्त्रामा।

. धक निर्मिष्ठे द्राखद्र किस निर्गत्र कतिएक स्ट्रैरव 🛊

का भ निर्देश दुस, हेराद स्बद्ध विश्वत कतिरक स्टेस्त १ तृक-मस्या क्य छ थ श श्रुहोंगे छा। जहिए क्ता विश्व किंग कि म ह, म ह नप भारती नम्बिक्षिक करा। म विमुहे



**धरें हरें दिशांत शल्लाक रुकेत। म विम्नृ मिक्टि इ**स्टित (<del>49</del>

যেহেতৃ, পূৰ্ব প্ৰভিজ্ঞাতে প্ৰদৰ্শিত হইয়াছে বে, কুম

### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জানমিতিতত্ত্ব। ১০৭

ও ছ ম রেখা রুত্তের কেন্দ্র ভেল করিয়া ঘাইবে, প্রভরাং এই ছই রেখার সম্পাত ছান ম নির্দিষ্ট বৃত্তের কেন্দ্র ।

### ৫২শ প্রতিজ্ঞ। সম্পাদ্য।

ভিন্দী নির্দিষ্ট বিক্তু \* (পূর্ব প্রতিকৃতি দেখ); ক্ত্র্ব, গ দিয়া একটা বৃদ্ধ অভিত করিতে হইবে।

এই ভিনটা বিশাব মধ্যবভী থ বিশা হইতে থ ক ও থ পা চুইটা সরল রেথা টান; পরে ক থ ও থ গ বেথাছয়কে চুই সরল রেথা ছারা সমান ভাগে ছিগও কর, এই ডুই রেথা বর্জিভ করিলে ম চিহ্নে অবচ্ছেদিত হইবে। পরে ম বিশ্কে কেন্দ্র করিয়া ম ক কিছা ম থ অথবা ম গ বাাসার্জি লইয়া ক থ গ বৃত্ত অন্ধিত কর। ক, থ, গ ভিনটা বিশ্বিয়া ক থ গ বৃত্ত অন্ধিত হইল।

প্ররোগ ১ম। একটা গোল ধিলান নির্মাণ করিতে 
ইউবে। মনে কর, কথ থিলানের পরিসর, গাঁঘ উচ্চতার
এইকণে প্রেষিক্ত প্রতিজ্ঞার ছারা ক, যা, থ ভিনটী
বিক্তিয়াল প্রকৃষ্টি বৃত্ত অন্ধিত কর। ম ধী রুভের

কে বিজ্ঞান কৰাৰ অংশে বিভাগ করিয়া, বিভাগের চিক্কাল ভ বুভের কেল্ল



করিলে থিলানের গ্রন্থিগুলি নির্মাপত হঠবে।

विक लिमेंगे निकिट विक् अक (त्रशंत्र मा इत्र)

্ ২য়। গথিক ছিলান নিশ্বাণ করিবার নিয়ম। কং থিলানের পরিদর। কথ রেখার উপর কও থ কেন্দ্র করিয়া ক থ ব্যাদার্ছ পরিমাণাস্থদারে ছুইটা চাপ অঙ্কিত কর, এই

**ठा**भवत्र श विमृत्ड म्मर्ग कतित्व। **এইकल क १ ७ थ १ ५३** है हो हान्दक কভিপয় সমান অংশে বিভাগ করিয়া, ক গ চাপের বিভাগের চিত্র



ভালি থ কেন্দ্রের সহিত: আর থগ চাপের বিভাগের ভিছ্ন গুলিক কেন্দ্রের সলিত সংযুক্ত কর; এডহারা থিলানের वाश्किल निज्ञिण इहेरव।

### ্র **৫৩শ প্রতিজ্ঞা** উপপাদ্য।

ক থ ব্যাদের প্রাপ্ত হইতে ক চ লম্ব টানিলে এই রেখা **ব্রত্তের স্পর্শনী** হইবে।

় ক চ রেখাভে ঘ একটা বিস্ गरेश पं म नरपुक्त करा म क घ नबकान इंडेड़ा एक म च कर्न (देश) म के वा म न कार्यका बुश्खत। व्यक्ताः न रिन् इटका कावित



পভিতেতে, এই ক চ রেধার মধ্যে ক বিলু ব্যভাত আর মত ভব্ব বিশ্লু লইনে নেই বিশ্বভের বাহিরে পড়িবে, শতএব के तथा पुष्ठक किनन के अरु विकाल व्यक्ति कितिएएह, बार छेराहे दुस्तत न्मर्गनी।

অন্বয়ন। ক চ রেখা বুভের স্পর্শনী হইলে ম কেন্দ্র ছইতে म क वार्ताक जिल्ला हैश क ह दुख्यानक द्वाराह नव इहेरव।

### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১০৯

### ৫৪শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এক নির্দিষ্ট বিন্ধু ছইতে এক নির্দিষ্ট রুম্বকে ক্রমণ করে। এমত এক সরল রেখা টানিভে ছইবে।

প্রথমতঃ । বিশুটা বৃত্তপরিধির কোন স্থানে নির্নিষ্ট থাকিলে প্রতিজ্ঞা সম্পন্ন করিতে হইবে।

্রক্ত ছ এক বৃদ্ধ ভাষার পরিধিছিত বিন্দু ক। ক হইছে এমত এক দরল রেখা টানিতে হইবে যাহা বৃদ্ধকে স্পর্ণ করিবে।

বুত্তের কেন্দ্র ম নির্দেশ করিয়া ক ম সংবৃত্ত কর। পরে ক বিন্দু দিয়া ক ম রেধার উপর ধার্য লম্ব টান.
থগ রেথা ক চ ছ বৃত্তকে ক বিন্দুতে স্পর্শ করিবে।

ম ক ধ সমকোণ হওয়াতে ক ধ ম কোণ অপেকা বৃহত্ত্ব হইতেছে, এবং ত্তিভূজের বৃহত্ত্ব কোণের অভিমূখীন বাহও অন্ত বাহ অপেকা বৃহত্ত্ব। এক্স মধ, ম ক অপেকা বৃহত্ত্ব।



चुडताः क विकृ ७ क थ त्रथा ह क ह दुख्डत विश् ह।

দ্বিভীয়ত:। বিস্ফৃটি বৃত্তপরিধির বাহিরে কোন স্থানে থাকিলে প্রতিজ্ঞা সম্পন্ন করিতে হইবে।

ক চ ছ নির্দিষ্ট বৃত্তের বৃহিঃছ বিন্দু ধ। বৃদ্ধক স্পর্শ করে এমত এক দরল রেখা ধ হইতে টানিতে ইইবে।

বুতের কেন্দ্র ম নির্দেশ করিয়া মথ শংৰুক্ত কর।

পরে থম রেথাকে ব্যাস সরূপ কইয়া একটা বুডার্ক অন্তিত কর। এই বৃত্তার্থ যে ছলে নির্দিষ্ট বৃত্তকে ছিল্ল করে তাহাই স্পৰ্শ বিশু, অৰ্থাৎ নিৰ্দিষ্ট বিশু হইতে উজ বিশু দিয়া রেথা টানিলে স্পর্শনী হইবে।

ম ক খ ভাৰত্বভাষ্ঠ কোণ হওয়াতে সমকোণ্ড ভাত্তব থ ক গ রেখা ম ক রেখার লম। কিন্তু (৫৩ শ প্রতিজ্ঞানু-সারে) ব্যাসের প্রান্ত হইতে লম্ টানিলে ভাহা বু<del>ওঁ</del>কে কেবল এক বিন্দুতে স্পর্শ করে; স্মুভরাং ধার গাঁবভার স্পর্শরী।

### ৫৫শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

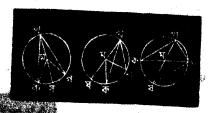
বুত্তপরিধির এক অংশের উপর যদি একটা কেল্রন্ড **ার একটা পত্নিধন্থ** কোণ থাকে, ভাহা হইলে কেন্দ্রন্থ কোৰ পরিষিত্র কোণের দিওণ হইবে।

এই প্রতিকাটী সুই প্রকারে প্রতিপাদিত হইতে পারে। ৰা কাৰ্যতঃ ব্ৰেছৰ কেন্দ্ৰ যেন কথ গ কোণের মধ্যে জীছে; ছিতীয়ভ:, বৃত্তের কেন্দ্র ম যেন কথ গ কোণের বাহিরে আছে। ধম সংযুক্ত করিয়া ঘ পর্যান্ত বৃদ্ধি কর। क म थ जिल्ला नमिष्ठा , अवः : म थ क कान-म क थ কোণ: কিন্তু (১৯শ প্রতিজ্ঞান্ত্রার) ক্ম ঘ বাছ কোণ= मधक (कार्न + मक ध कार्न ;

. कमच किन - २ मर्थक कान।

এই রূপে সমঘ কোণও মধ গ কোণের ভিতৰ। वास्त्र क्या म. कथ श कार्यात्र माध्य इकेटन छेलति छक

## বাবহারিক জামিতি ও জামিতিতত্ত্ব। ১১১ ছই রাশি সমষ্টি করিছে ইইবে, বধা, কম দ কোণ +



ক্ষেত্ৰ ক কোণ + ২ ম থ গ কোণ ; ক ৰ গ কোণ — ২ ক থ গ কোণ। ক ক এ ক থ গ কোণের বাহিরে হইলে উপরি

ত হক ৰাশি পরশার বিয়োগ করিতে হইবে। যথা, গম্ম কোণ — কম্ম কোণ — ২ মুখ্য কোণ — ২ মুখ্ক কোণ; .. কম্য কোণ — ২ কুখ্য কোণ।

অস্থান ১। এক বৃত্থত্তের মধ্যে যত কোণ থাকে দক্লি পরস্পার সমান, কারণ উহার। প্রত্যেকেই পরিধিত্ব কোণের অর্দ্ধেক।

২। অর্থবৃত্তত্ব কোণ সমকোণ, কর্মবৃত্ত অপেকা বৃহত্তর বৃত্তাংশের অন্তর্গত কোণ সমকোণের ন্যুন, এবং ভদশৈকা সম্ভর বৃত্তাংশের অন্তর্গত কোণ সমকোণ অপেকা বৃহত্তর।

বলি কগ বৃত্তাংশ সামিবৃত্তের নাগাব হর, ছাছ।

ইইলে কম হ কোণ প্রেরি মত – ২ × কব ছ কোণ,

আবার গম ঘ কোণ – ২ × গব ঘ কোণ। আডএব ২

\* কব গ কোণ – ২ × কব ঘ কোণ + ২ × গব ঘ
কোণ – কম ঘ + গম ঘ – ঘুই সমকোণ, অভএম

क थ ११ - एक ममरकान, अर्थार माभित्रक कान अकी नमरकान।

## ধ্যে প্রতিকা। উ

क च महान क्रिया के ने भी उन्तरक के विकृत्त नार्न कहि-एए हिंदी के स्ट्रे-তে বৃত্তকে ছেদ করিয়া ক গ धकी नज़न द्वथा होना शाह, তবে এই রেখা ও স্পর্ণনী রেখাতে বে কোণ উৎপন্ন



হইবে, ভাহা ঐ রেখার উপর পরিধিস্থ কোণের সমান হইবে, অৰ্থাৎ গক্ষ কোণ - ক্ৰণ কোণ।

ক হইতে ক ঘ-র উপর ক ধ লম্ব পাত কর, এই**ক**ণে ক গ'ব কোণ সমকোণ; স্ভরাং গ'ক ব কোণ 🕂 ক ব গ কোণ - এক সমকোণ; .. ছক ধ কোণ - গ ক ধ (कांग + क थ श (कांग ; अहे नमान तांनि बहेरा श क व কোণ বিরোগ করিলে ঘুকুগু কোণ 🗕 কু ধু পু কোণ 🎉 👵

व्यक्तिंग। क, थ, ग टिन्ही निर्मिट शास्त्र शत्रकात्र **बृदय जाना जाटक. यथा, क ४ ३२ गाइन, ४ ४** ३.२ **गाइन,** धरः क १ ৮ गरिन। च हिन्छि चात्न नथात्रमान वाकिता जरीश भागीन (निस्तान दा, य प्र श द्वान २८० क श प्र क कोर्ग 33°। अहेक्स्स (र ज्ञान कामीन मश्राद्यमान कारहन তথা হইতে গ চিহ্নিত ছানের কড অন্তর নির্ণন্ন ক্রিডে हहेर्द ।

ক, ধ, গ ভিনটী বিন্দু
দিরা ত্রিভুজ নির্মাণ কর, ধ
বিন্দু দিরা ও চ রেথা এরূপে
অভিত কর যে ক ও চ কোল
১৯° হয়, অর্থাৎ গ ভ ক
কোণের সমান হয়; এই



কলে ক বিশ্ব দিয়া ক চ রেখা এরপে অভিত কর যে থ ক চ কোন ২৫° হর, অর্থাৎ থ ঘ গ কোনের সমান হয়। ক, থ, চ ডিন্টা বিশ্ব দিয়া ক ঘ থ চ একটা বুভ অভিত কর, এবং প চ লংশুক্ত করিয়া বুভপরিধি পর্যন্ত বর্ত্তিত কর। এইক্ষণে (৫৫শ প্রতিজ্ঞান্ত্রনারে) ক থ চ ও ক ঘ চ কোন পরক্ষের সমান ও থ ক চ ও থ ঘ চ কোন পরক্ষার সমান। কিন্তু আরীপ আমীন যে ছানে দণ্ডায়মান ভত্ততা কোন্ধয় ক ব চ ও ব ক চ কোন্ধয়ের সহিত যথাত্ব সমান, স্বতরাং প চ ঘ রেখা আমীনের ছান দিয়া গিয়াছে; এবং সমান অংশের মানদণ্ড ঘারা উক্ত রেখা পরিমান করিকে ভাহাতে যভ একক হইবে, প ও ঘ-র দ্রছ তভ মাইল হইবেক। আর্থাক ব ভ একক হইবে, প ও ঘ-র দ্রছ তভ মাইল হইবেক।

বিহা নিবিত করেকটা আর কন্দান এবং মানদও দার। নিবাৰ করে।

্টা হৈ বিজ্ঞা কোটো ভিনী বাহ বধাক্রমে ১২০, ১৬০ ও ২০০ দিখ, ভাহার বৃহৎ বাহর উপর পতিত লয়ের শরিষাৰ কড় ? উ:। ১৬ দিও।

२। द किंकुरणत जिन्ही वाह वशाकरम २८, ४० ०वर

৩২ হাত, ভাহাকে বেষ্টন করিয়া একটা কুত ছাছিত করিলে উল্লিন্ন ব্যাসাৰ্ক কত হইবে † 🔻 🐯:। ২০ হাত ।

😕। একী আরভ কেত্রের কর্ণ পরিমাণ ১৬৬ কুট, এবং ইহার শুখুমান কোণ হইতে পতিত লম্বের পরিমাণ ৮ इ.ए. के नामा कर नरनाम कुल सराव श्रीत्रमान कर ?

ष्टेः। ১० **ध**वः ५७३ कृते।

### ৫৭শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য

যদি হইটী জ্ঞা রভের মধ্যে পরস্পর ছিল্ল হয়, ৄভূবে একটার থণ্ডদয়ের অন্তর্গত আয়ত অপর্টার প্রশুদ্ধের অন্তর্গত আরতের ভূল্য হইবে। আর ঐ হুই লা বুত্তের বাহিরে কোন বিক্তে যদি ছিল্ল হয়, তবে স্মুদায় রেখা-ছর এবং ভাহাদের বৃত্তবহিঃস্থ অংশের অন্তর্গত আল্লত পরস্পর সমান।

मान कत, अकी तुरखत घरेंगे का। गण ७ थक, ह বিন্দুতে ছিল্ল ইইয়াছে, এইক্ষণে চথ 🗴 চক र्ह च ।

এখন ১ম ও ংয় প্রতিকৃতিতে केश खर्थ मर-যুক্ত করিলে, চ ধঘ ए ठक ग घरेंगे



बिकुक ' उँ९ भन्न इस । अवः छेशाम् त ) म अञ्चर्यानाष्ट्रगारत ) **ह** श क रकान ह

## স্থাবহারিক **জামিতি জন্মা**মিতিতত্ত্ব। া

ও গচক কোণ ৰাচ ছ কোণের সমান, অভএব অবশিষ্ট চঘধ কোণ চক গ অবশিষ্ট কোণের সমান ক্টবে । স্বভ্রাং চথঘ ও চক গ হইটা তিভুজ ভুল্যকোণিক ছুইল, এবং (৪৭শ প্রভিজ্ঞান্তসারে),

চথ:চগ::চঘ:চক; ∴ চথ×চক = চগ×চঘ।

আহমান ১। উপরি উক্ত প্রথম ক্ষেত্রে যদি গক্ষ
বিশ্বার্ক হয়, অধাৎ গঘ রেখা কেন্দ্রগত হয়, এবং কৃথ
রেখা উহাকে লম্বভাবে ছেদ করে, ভাহা হইলে কৃচ,
চধ-র স্মান ছইবে, মুভরাংচ ক² = চগ্চঘঃ

শহুমান ই। উপরি উক্ত বিতীয় ক্লেক্সে যদি চ থ রেখার ই বিক্ষী জিল হামিলা রেখাটা ক্রমে দক্ষিণ দিকে সরিয়া আনা যায়, তাহা হইলে ক থ জা। ক্রমশঃ ক্ষুম্র হইতে হইতে বিনষ্ট হইবে ( ৩য় প্রতিক্রতি দেখ), এবং চ ক মাত্র অবশিষ্ট থাকিয়া চ থ.চ ক, চ ক-র সচমত্ত্রজের ভূলা হইবে, অতএব চ ক' — চ গ.চ ভ। অর্থাৎ যে রেখা বৃভকে ছেদ করে তাহার সমুদায় ও বহিঃছ অংশের আয়ত স্পর্শনী রেখার সমচত্ত্রজ্ব ভূলা।

একটা বুজের জ্যা ক খ, চ প্রবাজ্ঞ প্রসারিত হইয়াছে,

 এবং কেজ ম । এখন চ খ-র চ বিন্দু স্থির রাখিরা খ বিন্দুকে যদি

 তাইন দিকে খুরাইয়া জানা বার, তাইা হইলে জ্যা ক খ ক্রমণঃ

 তোইন দিকে খুরাইয়া জানা বার, তাইা হইলে জ্যা ক খ ক্রমণঃ

 তোইন দিকে খুরাইয়া জানিবে, এবং ক্রমানত খুরাইছে খুরাইতে জ্বজ্জ

 কান না কোন নমরে ক খ জ্যা একবারে বিনত্ত ইইয়া বাইবে,

 জ্বাহি ক ও খ বিন্দু একতা মিনিত হইবে। এবং মুখন ক ও খ

 একতা মিনিত হইবে, তখন ক চ স্মৃতরায় এক বিন্দু মাত্র ক

 তেই ক বুজের সহিত মিনিত হইবে, ক চি-কে যে দিকে

 ইজা আনাম্বিত কর ক্রমাই স্থান কেল করিবেক না। এই

প্রয়োগ। সমুদ্রের তীরত্ব কোন উচ্চ পদার্থকে কড দূর ছইতে দেখা যাইতে পারে ভাহা নিরূপণ করিতে হইবে।

भवशांत क ह-तक के वृत्तित न्यानी याता करे शांत पिया यहिष्डाह त्व, ह थ-तक छेड्न ज्ञारित क म ब

কোণ ক্রমাগত কমিয়া আসিবে धरः कथ चुकाञ्चिक पृश्री क्लिंब, जिल्ल क म व नमहिवाइ ৰ্মীয়া স্মান ভাবে বাডিতে वाकित्व, धवः वधन म थ. व क'-त नहिंछ मिनिछ हहेत्त, পৰীৎ চ ক রেখা ঐ রভের



निनी इहेर्द, एथन क म थ কোণ একবারে বিনষ্ট হইবে। কিছ মধক, ধকম, ও কমধ এই ডিনটী কোণ চুই नमरकान छूना, धदः जिजूब कम थ-त जुमि कथ-एउ जिज् ছুইটা কোণ বরাবর পরস্পার সমান থাকিবে। অভএব যধন कं म थ-त म विकृष कोन विनष्टे हरेत्व, अवीर ह के न्यानी ছইবে, তখন মধক ও মক ধ ছইটী কোণ ছই সমকোণ-कुना हरेत्व, किंड धरे घरेंगे कान नर्जना नमान शाकित्व, चन्द्रवा विष्णुत्क वक् वक्षी मम्द्रकान ; किन्न ह क ब রেশা চ ক' রেখাতে পরিণত অর্থাৎ স্পাদনী হইবে, মৰক কোৰমক চিকোৰ মণে ও মক ধ, মক ছি কোৰ आर्थ मतिबंध हरेरद, छोरी हरेरत मंक छ मंक इ बारणार्क अरु अरुकी नमस्कान इट्टेन, अर्थार स्वाम क्षू বেশা ব্ৰুকে পাৰ্ব করিলে বাদি পাৰ্ব, চিক্তু করৈছে ব্যাসাই ৮

## ৰ্যবহারিক।জামিভি জ্বামিভিডস্ব। ১১৭

३। यनि नम्दान मधासन इट्रेंड द्वेदानिक পर्वाउत्र छेका आज़ारे मारेन इत, उद्य छेश कुछ सूत्र পर्याच त्मथा यारेट भारत १

(এণশ প্রতিজ্ঞান্ত্রারে) চগ.চখ-ক চ<sup>২</sup>, ..চখ- কচ<sup>২</sup> চগ এইজনে শুল পুশিবীর ব্যাসের স্থানীয়, এবং চংখ এই

ব্যার গহাছ এড ক্ষুদ্র যে, গণনাকালে উহাকে ভাগ করিলে,
কারিং চ গ-র পরিবর্তে ধ গ
বারিলে গণনাফলের কোন বিশেব
ব্যক্তিকম হইবার আশকা নাই।
এই রূপে ক চ রেখাকে ক ধ
চাপের সমান ধরিলেও গণনার



বড় বিশেষ ভারতম্য হইবার সন্তাবনা নাই। অভএব বিদি চ গ – থ গ পৃথিবীর ব্যাস – ৭৯৬০ মাইল ব অক্ষর বারা, পর্কতের উচ্চতা থ চ, উ অক্ষর বারা এবং ক চ চুরন্ধ দ অক্ষর বারা নির্দেশ করা বার, তালা হইলে.

व × हब = क हर, सर्वार व × छ = वर ;

चर्चात्म, के = २६ मारेन ; ा. व = √ाठ०० × २३ = 383 महिन।

र दि नजीएक एक २० मारेन वृद्ध तथी यात्र छाराई केळण कर्ण १

টানা বার, ভাহা হইলে সেই রেখা ও স্পর্নী রেখাতে উৎশব্দ হুইটা কোণ প্রভ্যেকে সমকোণ।

 তান অর্থবর্থনের গুণরুক ৮০ ফুট উচ্চ হইলে এই গুণরকের উপর হইতে কভ দূর পর্যন্ত পূর্কোড টেনেরিফ পর্বতের চূড়াগ্র লক্ষিত হইতে পারে ?

**डि:। ३६२.०८ महिल**।

8। नमुख्यत नमचन स्टेटि अक महिन छैक नर्नाख्त विकास करें निर्मा विकास करें निर्मा कर निर्मा करें निर्मा कर निर्मा करें निर्मा कर निर्मा करें निर्मा Hill thinks **डि:। १३२**३ महिल।

🚁 🗱 দশ কৃট উপরে কোন পদার্থ রাখিনে ৰি ক্লি চার বাৰল পৰ্যান্ত দৃষ্টিগোচর হয়, তবে পৃথিবীর THE RESIDENCE OF छै:। ৮८४৮ महिन।

### প্রতিক্রা। উপপাদ্য।

পুৰ একটা জ্বা (১১৬ পৃষ্ঠার প্রভিক্বতি দেখ) চ পুৰাত প্ৰবারিত হইয়াছে। এখন যদি গুচু×ুচুছ = ক্চি হয়, ভাহা হইলে ক্চ, ক্লিকুডে ঐ বুদ্ধকে লাৰ্ করিভেছে।

যদি লাপুনা করে, ভবে মনে কর, চুক্ প্রারিড হইরা ধ বিশুডে বৃভকে ভেদ করিকেছে 🕻 দ্বাহা হইলে 東では、一日日以 五年 - 日日 × 万 本で( \*\*\* 世日・世日・ काइगारते) = (कॅ ह+कॅ थे) x कॅ ह, व्यक्तिक अ # 5 - ( # 5+ # 4 ) × # 50 # ##44 -- 188 (P41 गरेएएक रा क्रिं विनहें ना स्ट्रेशन, बड़े नहीं क्रांचान बढ़ा हरेल भारत ना, **এवः क** ह अनातिक हरेल क अ উৎপত্ন হইতে পারে না, অর্থাৎ ক''চ, ক'' বিপুতে এ বৃত ম্পার্শ করিবে।

## ব্যবহারিক জ্যা**মিভি ও জ্যামিভিভত্ত।** ১১৯

## **८** के विका । डेननामा

প চ ও গ ছ ছইটা বৃত্তের কেন্দ্র শংযোজক রেখা কঁথ ঘদি জ বৃত্তব্যক্ত ব্যাসার্জ ক গ ও গ খ-র সমষ্টির সমান হয়, তবে জ ছইটা বৃত্ত পরস্পার স্পর্শ করিবে।

হৃত্তৰর অবস্থা গ বিন্দু দিয়া বাইবে, কারণ গ বিন্দু বাতিয়েকে উহার আর দাধা-রণ বিন্দু নাই, যদি না যায়,



ভবে ঘ বিন্দু দিরা যাইবে। কঘ ও ধ্ব সংযুক্ত কর;
অপর, কঘ ধ ত্রিভুজে ক ঘ + ঘ থ, ক ধ বাছ অপেকা
রহন্তর। এই অসমান বন্ধ হইতে ক ঘ বা ক গ বিয়োগ
করিলে অবশিষ্ট ধ ঘ, ধ গ অপেকা বৃহন্তর হইবে, স্মৃতরাং
ঘ বিন্দু গ ছ বুত্তের বাহিরে পড়িবে।

গ চ র্ভে গ বিন্দু ব্যভিরেকে অন্ত কোন বিন্দু লইলেও ঐ রূপ প্রদর্শিত হইতে পারে। অভএব ঐ হইটী বৃত্ত কেবল গ বিন্দুতে সংস্পর্শ হইবে।

## ৬০টি প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

রুজের কেল্রের ব্যবধান পরস্পরের ব্যাস্থ্যক্ষ বিভাগ দেশক সমান হর, ভাষা হটনে এক

 হয়, তাহা হইলে গছ বুছাগীত যুত্তকে গৈ বিন্দুতে স্পর্ণ করিবে। গছ বৃত্ত যদি গচ বৃত্তকে গুবিন্দু বাতীত অন্ত বিন্তে

স্পূৰ্প করে, ভবে গছুবুত গচুবুতক গ । घ प्रे विमृ (७ न्मर्न कक्क। य घ ७ क म मरयूक कर । अहेक्ट क थ म विकृत्य के व राष्ट्र के व व व व राष्ट्-पारत नवी जाराका मान। किस



थ च - वे ने, चारुवाय क च - क थ + थ ग - क श-त नाम ; অবীং ম বিশু রুহং রুত গ চ-র অভ্রন্থ। অন্ত কোন বিন্দু লইনেও এ রূপে প্রদর্শিত হইবে যে ভাহা গ চ বুডের অস্তরস্থ, অভএব পছ বৃত্ত গচ বৃত্তকে একের অধিক বিস্তুত खड़रत नार्न कतिए भारत ना ।

প্রােগ । ক ব ছ একটা দাইমা রেক্টা অর্থ্ কার্ণিদের মোড় অন্ধিত করিতে হইবে। কুছ সংযুক্ত कतिहा व विमूर्ण ममिष्यिक कत, भूत क्य तिथाक থ গ লম্ব রেখা হারা সমন্বিধবিত কর, গুম্ব রেখার মধা ल्या এक्फी विन् इहेटल यथा घ, च ब পुत्रिमिल ताना क नहेश कथ अवधी दुखांन चहित करा।

সংবৃক্ত করিয়া বর্তিত কর, **এदः ५ ह, इ.थ-त ममान** কৰিয়া চৰ ব্যাসাৰ্থ লইয়া ধছ এক বুজাংশ অভিড কর। পর্বোক্ত প্রতিজ্ঞা হারণ প্রভীয়মান হইছেছে বে. ক খ

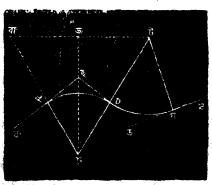


### ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১২১

ও গছ ছইটী বৃত্ত কেবল ধ বিন্ধৃতেই সংস্পূর্ণ করিবে, অতএব ক ধ ছ স্পাকৃতি বক্ররেখা অনবচ্ছিন্ন রূপে জ্ঞান্তত ইইয়াছে, এবং ইছাই নাইমা রেক্টা হইল।

২। ক খ ও গ ঘ ছই দিক দিয়া লৌহবছ গিয়াছে, এইক্ৰে এই ছইটী দিক অনবচ্ছিন্ন বক্রেথা দারা সংযুক্ত করিতে হইবে।

ধ ও গ যে ছই স্থানে দংবৃক্ত করিতে হইবে ভাছা নিৰ্দিষ্ট আছে, এবং যে ছই বৃত্তাংশ দারা দংবৃক্ত হইবে ভাহার একটী চাপের ব্যানার্দ্ধও নির্দিষ্ট আছে।



থ ও গ বিন্দু দিয়া থক ও গ ট ছইটা লখটান। থক ও গ ট ট কেবিছা করিছা চ জ ব্যথাকে চ ভানে ছেদ করুক, (জ বিন্দু খঠ চাপের কেন্দ্র হইবে)। জার চ ট দংযুক্ত করিছা ট কেন্দ্র ও ট গ ব্যাদার্ক, লইখা গ ঠ চাপ অভিভ

কর, ও চ কেন্দ্র করিয়া চঠ ব্যাসাদ্ধাহ্নসারে ঠখ চাপ অভিত কর।

চকজ ও চটজ ছইটী ত্রিভুজ সর্কভোভাবে সমান, এজস্চেক — চট; কিন্তু থকা — গট — ঠট; স্ভেএৰ সংস্পর্শ করিবে, স্থভরাং গ, থ ছুইটী স্থান জ্ঞানচিছ্ন দর্শাক্বতি বক্ষ রেখা দার। দংযুক্ত হইয়াছে।

🤏 । খ ৰু গ একটা শকু নিৰ্মাণ করিতে হইবে। মনে কর ন শহুর চকু এবং ভ ন = ন দ। এইকণে ন-কে কে<del>র</del> করিয়া 🚚 ব্যাশার্ছালারে ভ ধ দ একটা দামিবৃত অঙ্কিত

कर । शख छ-एक (कस कतिया के व बागड़ा-ছবারে শব্ব সাহি-রভ অভিড কর। कारहत व दिन করিয়। अन्त्र बाामाद्या-स्मात केल म नामिद्रक



অভিত কর। এইরূপে ড ও ন-কে একান্তরিভ রূপে কেল্ল করিয়া বত বড় শব্হ হউক না কেন নিৰ্মাণ করা বাইতে भारत ।

## ७১ वि श्रिष्ठित । मन्नामा।

চারিটী কেন্দ্র হইতে বৃত্তাংশ শক্তিত করিয়া একটী इंडाजानमृत्र क्वा निर्माप कतिए रहेरव।

### ব্যবহারিক জ্যামিডিও জামিডিডত্ত্ব। ১২৩

চছ একটা সীমাবিশিপ্ট রেধার উভয় দিকে গুইটা সমবাহ ত্রিভুজ জারিত কর, যথা চডছ ও চচছ, এবং ত্রিভুজের বাহগুলি জ, ঝ, ট, ঠ পর্যান্ত প্রসারিত করিয়া ড চ সংযুক্ত কর। পরে ড ও ঢ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া এরূপ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া ট ঘ ঠ ও জ গ ঝ গুইটা রুভাংশ জারিজ, কর বে, ভাহাদের মধ্যের পরিসর গ ঘ নিকাশ্র বৃত্তাভাসসদৃশ

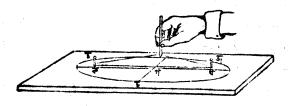
ক্ষেত্রের লঘিষ্ঠ ব্যানের
সমান হয়। অপর চ,
ছ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া
চ জ = ঠ ছ ব্যানার্দ্র
লইয়াজ ক ট ও ক থ ঠ
ছইটা বুভাংশ অভিড
কর। ড, চ, চ, ছ চারিটা
বিশ্ব দিয়া চারিটা



বৃত্তাংশ অন্ধিত হইরা কট ঘঠখন গ জ বৃত্তাভাসসদৃশ ক্ষেত্র নিকাশিত হইন। এই ক্ষেত্রে চ ও ছ ছুইটা অধিশ্রর। ক্ষাও গ ঘ ছুইটা রেথাকে গরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস ক্ষা যার। ক্ষাপ্তিক ব্যাসাহি আরু মুগুল্লিষ্ঠ ব্যাসাহি।

**অকারভের : ত্রভারা** বুভাভাগ টানিবার রীভি।

গরিষ্ঠ ব্যাসের দৈর্ঘাতার সমান এক ধাই স্তা লইয়া ভাষার সুই পার্থ কর। বিলুভে কোন প্রকার কোশল বারা আবন্ধ কর। পরে ঐ স্ত্র একটা পেদিল দিয়া অসারিভ করিয়া চভূস্তিকে গুরাইয়া আনিলে একটা এরভ বুভাভাস কেবা নির্মিত হইবে, যথা চছ ল।



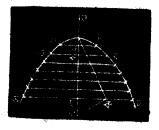
### ৬২টি প্রতিজ্ঞ। সম্পাদা।

<sup>ু</sup> **একটা ক্ষেপনী ক্ষেত্র অন্ধি**ত করিতে ইইবে। ভূছ লকাধিক বিস্তার এবং চছ নিৰ্দিষ্ট তলত রেখার্ক, এখন ক্ষেপ**ী** ক্ষেত্র **অন্ধি**ত করিতে হইবে।

ু চছ রেখাকে ক বিন্দুডে সমদ্বিথও কর, ও কুছ লংকুক করিয়াক বিক্দিয়া কথ লয় টান। কথ ৪ 😎 ছ উভরকে বর্দ্ধিড করিলে থ বিন্দুতে ছিল্ল হইবে। পরে খড আক্ষদণ্ড বর্জিড করিয়া ছ খ-র স্মান ছেগ ও ডপ চুইটী অংশ ছেদ কর। প বিদু কেপৰী ক্তের অধিপ্রয় হটবে।

होन, क्या मनक, वाभ छ रेडानि। अनस्त भ विस् क्टि करिया गम ७ गण रागिक नरेश दुख चहिछ করলৈ দেনক ও বপভ छन्द तथाक ह, क छ व, छ

এইকাদে ভ ধার লছ বরূপ কভিপর ভলভারেধা



বিকৃতে ছেদ করিবে। এই রূপে আর ক্তক্তল

#### ্বাবহারিক **জ্যামিতিও জ্যা**মিতিতত্ত্ব। ১১২৫

বেখা টানিরা কতিপর রুত অন্ধিত করিলে যে ছেদ বিন্দুগুলি পাওয়া ঘাইবে, সেই দকল ছেদ বিন্দুগুলি দিয়া একটা বক্ররেখা উন্তমরূপে টানিলে ক্লেপনী ক্লেজ উৎপন্ন হইবে।

একটা লোট্ট উর্দ্ধে নিক্ষেপ করিলে ভাছাতে যে বেগ প্রান্ত হয়, সেই প্রভাবে ভাছার কিন্ধৎক্ষণ উদ্ধিগতি কর, অনন্তর বেগের পর্য্যাবসানে সে যথন ভূমিতে পড়ে ভথন কিঞ্চিৎ বক্র হইয়া পতিত হয়। নিক্ষিপ্ত লোট্ট্র পঞ্চিয়া উঠিয়া ভূমি সংলগ্ন হয়, সেই পথের আকারকে ক্ষেপনী কহে। পেক্ষণীর ভূই বাছর সীমা নাই।

### ७० छि श्रिष्ट । उननामा ।

যদি ছই বৃত্তচ্ছেদকের ব্যাসার্গ ও কেন্দ্রস্থ কোণ প্রস্প্র স্মান হয়, ভাষা হইলে ঐ ছই বৃত্তচ্ছেদকও প্রস্পার স্মান ছইবে।

মনে কর, ক থ গ ও চ ছ জ এই ছই সমান ব্যাসার্ছ বিশিষ্ট বৃত্তচ্চেদকের এ-কের কেন্দ্রছ কোণ ক, জপ-কের কেন্দ্রছ কোণ চ-র শীর্ষিত সমান, ক খ গ খ্যানা ছ ব্যাস্থ্যক্ষক, চ ছ জ বৃদ্ধ-

অথন বৃদ্ধি ক এক স্বভচ্ছেদকের উপরে চ ছ জ বৃদ্ধ-ক্ষেত্রক এই রূপে উপনিধিত করা যায় যে, ছ চ রেখা,

র্থ ক রেখার উপর, এবং চ কোণ ক কোণের উপর পড়ে ভাষা হইলে ছ চ ও থ ক রেখা উভারে সমান বলিয়া মিলিয়া যাইবে, এবং চ কোণ ক কোণের সহিত সমান বলিয়া মিলিয়া যাইবে। ভাষা ইইলে কুটিল রেথা ছ জ কুটিল রেখা ধাসার সহিত মিলিয়া ঘাইবে, অভথা, হয় ভাষা ক ৰ স ব্রন্তচ্চেদকের বাহিরে নচেৎ ভাষার ভিভরে পড়িবে। কিন্তু প্রথমতঃ যদি ছ জ কুটিল রেখার সংস্থান ৰ গ কৃটিল রেথার উপরে হয়, এবং শেষোক্ত রেথাকে ক বিশুতে ভেদ করিয়া ক'ঘ একটা ব্যাসার্ছ টানা যায়, ভাষা रहेल घुट वुख्एम्हर्गकंत वामार्क मधान विलेश क क. क घ-त मर्मान श्हेर्त, किन्छ প্রত্যক্ষই হই তেছে যে, তাহা অসম্ভব। অতএব ছ জ কুটিল রেখা বাহিবে পড়িবে না। এই রূপে আবার ছজ রেখা থগ-র ভিতরেও পড়িবে না ছাহা অনায়াদে উপপন্ন করা যাইতে পারে। কাযেকাথেই উভয় কুটিল রেথা মিলিয়া যাইবে, এবং ভাহা হইলে 🏖 इरे वृष्टाष्ट्रमक अभिनिया यहित। खुल्ताः **इरे वृत्ताः क्रे वृत्ताः इरे** পরস্পর সমান হইল।

### ৬৪টি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

বিদি সমান ব্যাসাধবিশিষ্ট ইইটা বুভচ্ছেদকের कि अप कात्र मध्यीम हरेंगे कृतिन ताका ममान इस তাহা হইলে কেন্দ্ৰই কোণ হুইটাও পরস্পর সমান इहेरद ।

মনে কর, ক খ গ ও চ ছ জ (পুর্ব প্রতিকৃতি দেখ ) চুই नमान वार्गाई विभिन्ने बुखल्ड्सक्तत कृष्टिन दिना भन् কৃটিল রেখা ছ জ-র সমান; খক গ কোণও ছ চ জ কোণের সমান হইবে। ষদি না ছয়, তবে অবস্তই উহাদের মধো অন্তত্তর বড় হইবে। মনে কর খক গ কোণ ছ চ জ কোণ অপেকা বড়, অর্থাৎ খক গ কোণের অংশ ক গ কোণেটা অধিক হইতেছে, তাহা হইলে খক ঝ কোণ, ছ চ জ কোণের সমান বলিয়া (৬০টি প্রতিজ্ঞানির) কৃটিল রেখা ছ জ, কৃটিল রেখা খ ঝ-র সমান, কিন্তু কৃটিল রেখা ছ জ -- খ গ, অত্তর্র ক্রান্ত ছ হইতে পারে না, অর্থাৎ উভরে সমান।

### ৬৫টি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

সমান ব্যাসাধিবশিষ্ট ছইটা বৃত্তচ্ছেদকের মধ্যে একের ক্ষেত্রস্থ কোণে অপরের কেন্দ্রস্থ কোণের যত ৩৭ ছইবে, ক্ষেত্র কোণের সমুখীন ধন্ন অপর কোণের সমুখীন ধন্নত

কাৰে কর ট ঠ ড ও চ ছ জ
কাৰী বুলবোৰক, ইবার মধ্যে
ছ চ ল কোণ, ঠ ট ড কোণ
অপেকা অ ওবে বড়, তাহা



ইইলে ধরু ছ জ ধরু ঠ ড অপেকা আ গুণে বড় হইবে।
বিদি ছ চ জ কোণ আ অংশা সমান ভাগ করা বার, ছাহা
ইইলে ভাহার প্রভাক অংশ, ঠ ট ড কোণের সহিত
কমান হইবে, এবং প্রভাক অংশ, কাম্পীন ধরুগুলি

প্রত্যেকে, ঠ ড-ধন্তর সহিত সমান ুহুইবে। কিন্তু সেই সকল ধরুগুলির সমষ্টি, ছ জ ধরুর সমান, অর্থাৎ ছ জ ধর = ধরু ঠড + ঠড + অ-বার ঠড, অবং ধর ছ জ = জ × ধরু ঠ ড। এম্বলে আরও দেখা যাইভেছে যে, বছ ভ জ
 বছ ১ ছ , ইহাকে অনুপাতাকারে রাথিলে,
 বি ছ
 বছ ১ ছ ১ ছ
 বছ ১ ছ
 বছ ১ ছ
 বছ ১ ছ
 বছ ১ < ছ ह च : < ठे छे छ ः ध्य इ छ ः ध्य ठे छ।

### ৬৬টি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

্র্জান নির্দ্ধিষ্ট রেধার উপর সমানবাছ এ: ভুলাকোণিক এক পঞ্চল ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

ক থ নির্দিষ্ট রেগা, ইহার উপর সমানবাহ ও তুল্য-কোণিক পঞ্চত্ত্ব ক্ষেত্র অন্ধিত করিতে হইবে।

্থ ছইতে কথ রেথার অভেকের সমান থগা লয় টান। ক ও গ সংযুক্ত করিয়া কল রেথাকে য পর্যান্ত প্রসা-রিভ করিরা গ ঘ-কে ধ গ-র नमाम करें। भरत के ७ करक



क्य किया व अवेष्ट प पर्वास वागाई नवेश ध्वेते इस অভিত কর। । ই হুই বুলের পরস্পার সম্পাত বিদ্যানক কেন্দ্ৰ করিয়া পূর্ব্বোক্ত ক্যানার্ছ লইয়া বৃদ্ধ ক্ষতিত কর পশ্চাৎ ক্র বেধার পরিমাণাছদারে কম্পান নিস্তার করিরা ঐ বৃত্তপরিধিকে ক্রমশঃ পাঁচ বার ছেল করিরা

### ব্যবহারিক জ্যামিতিও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১২৯

ছেদবিন্দুগুলি সংযুক্ত করিলে কথ রেখার উপর সমান-বাছ ও তুলাকোণিক পঞ্চুদ্ধ ক্ষেত্র হইবে।

### ७१ वि প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক খ এক নিৰ্দিষ্ট রেখার উপর সমানবাছ এবং ভূল্য-কোণিক বড়ভুজ ক্ষেত্র জঙ্কিত করিতে হইবে।

ক ও থ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া ক ধ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া ছুইটা বৃত্ত অন্ধিত কর, এই ছুই বৃত্তের প্রস্পার সম্পাত বিন্দু ম-কে কেন্দ্র করিয়া প্রস্থাক ব্যাসার্দ্ধ লইয়া ক থ গ

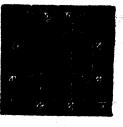


ঘ চ ছ বৃত্ত অন্ধিত কর। কথ নির্দিষ্ট রেথার পরিমাণাস্থরপ কম্পান বিন্তার করিয়া, ভাষা ঐ বৃত্তপরিধিতে ছয় বার প্রয়োগ করিয়া ছেদ বিন্দৃগুলি সংযুক্ত করিলে, কথ রেথার উপর সমানবাছ ও ভুল্যকোণিক যড়ভুজ ক্ষেত্র নিদাশিত হইবে।

### ৬৮টি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক খ এক নির্দিষ্ট রেখার উপর এক স্মানবাহ ও ভূল্য-ক্রেকিক কটভুজ কেব অভিত করিতে হইবে।

ক ধ রেধার উপর ক ছ ও
ধ চ ছইটী লম্ব টান, ক ধ
রেধাকে উভর পার্বে বিভিত্ত
কর এবং ঠ ক ছ ও ট ধ চ
কোণদ্যকে ক ক ও ধ গ রেধা
দারা সমান ভাগে দিধও কর,



এবং এই রেখান্তরকে ক ধ-র সমান কর। পরে ঝ ও গ <del>ই</del>টে কছ কিছা ধচ∹র সমা<del>ত</del>রাল ঝ**জন ও গঘ ভুইটা** রেখা টানিয়া উহাদিগকে ক খ-র সমান কর। অপের জ ও ঘ বিশ্বুকে কেন্দ্র করিয়া কথ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া ছুইটী বুভ জ্বন্ধিত কর। এই ছই বুভ ক্ছ ও খচ রেথাকে ছ 🕏 চলে 👯 বিশ্তে ছেদ করিভেছে, তথা হইতে ছ জ 🏮 🎜 টান এবং ছচ সংযুক্ত কর। কথ গঘচছ জাবা গ্রবন্ধ ও ভুল্যকোণিক অষ্টভুক্ত ক্ষেত্র কথ রেখার উপর শ্বিত হট্ন।

### ৬৯তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক ধ নির্দিষ্ট বেথার উপর একটী বহুভূজ কেত্র আছিত করিতে হইবে, যাহার বাত্তুলি ও কোণগুলি পরস্পর শ্মান হটবে।

কথ রেখার উপর কম ও ধম ছইটা রেখা এরূপে

होन (य, थक म । अवस्य (कान-ষয় পরস্পর নিকার্ভ বহভুজের কোণের অর্থেকের ন্যান হয় (ণৰ প্ৰতিজ্ঞা)ণ কম ও ধম विशेषस्त्रज्ञ नः स्थान विन्त्रु म-क क्षि कतिशा स क गागार्क



লইরা একটা বৃত্ত অভিক্র কর। পরে কথ রেখা বৃত্তপরি-ধিতে যত বার হয় প্রবেট্গ করিয়া ছেদ বি<del>দ</del>্ভলি সংযুক্ত

### ্ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৩১

করিলে ক ধ রেধার উপর বছভূজ ক্ষেত্র অন্ধিত হইবে, ভাহার বাহগুলি ও কোণগুলি পরস্পর সমান হইবে।

ক ম — থ ম, এজন্ত ক ম থ সমছিবাছ জিলুজ; ইহার

ম ক থ ও ম থ ক কোণছর পরস্পর সমান। অভএব

২ (ম ক থ + < ক ম থ কোণ — ১৮০°, ... ম ক থ কোণ —

ই (১৮০° — ক ম থ কোণ); কিন্তু ক ম থ কোণ — ৩৬০° ন

ই — ৫১ই°; ... ম ক থ কোণ — ই (১৮০° — ৫১ই°)

— ৬৪ ই°। স্বতরাং সপ্তভুজ ক্ষেত্র অভিত্ত করিতে হইলে

ম ক ও ম থ রেথাছয়কে এরপে আঁকিতে হইবে বে,

ক ও থ কোণ প্রত্যাকে ৬৪ই° হয়, অনভর ম বিশ্লুকে কেজ্ল

করিয়া ম ক বা ম থ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া একটী বৃত্ত অভিত কর,
পরে ক থ রেথা বৃত্তপরিধিতে প্রিয়া আনিয়া ছেদ বিশ্লুভ্লে করিলে সপ্রভুজ ক্ষেত্র অভিত হইবে।

বহুভূজের ম মধ্যন্থ কোণ ও ম ক থ কোণের পরিমাণ
নির্ণর করিতে হইলে, বহুভূজের বাহুর সংখ্যাদ্বারা ৩৬০°-কে
ভাগ করিলে, ভাগফল মধ্যন্থ কোণের পরিমাণ হইবে।
ঐ ভাগফল ১৮০° হইতে বিয়োগ করিলে বহুভূজের
কোণের পরিমাণ হইবে। এবং ঐ বিয়োগকলের অংজ্জের
লইলেই ম ক ব কোণের পরিমাণ হইবে। এই স্ত্তেভ্র

~				
বাহর সংখ্যা	বছভূজের নাম।	মধ্যস্থ ম কোণের মান।	বহুভুজের কোণের মান।	मक्थ वा सथ क क्राराज्ञ प्रतिमान
•	কিছুৰ বা ত্যস্ৰ	2500	.b. •	೨.•
8.	চতুর্ব বা চতুরত্র	৯৽	۵۰	80
, d	পঞ্জ	9.5	702	48
	<b>শড়ভূজ</b>	90	750	ومي
¥., ., 9	<b>সপ্তভু</b> দ	0.7 to	7 5 12 8	৬৪ 🛊
ъ	অইভুজ	9 @	2 o c	હ ૧ <del>ફ</del> ે
৯	नद <i>ञ्</i>	8 0	780	90
70	<b>न</b> শञ् <b>ञ</b>	೨৬	788	44.
- 55	একদিশ <b>ভূজ</b>	25 22	389 <del>5</del>	4022
100	হাদশ হুজ	٥.	200	90

### ৭০তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

কোন নির্দিষ্ট রুত্তে সমানবাছ ও তুল্যকোণিক বছতুজ ক্ষেত্র অন্তর্গত করিতে হইবে, অর্থাৎ বৃত্তপরিধিকে কোন নির্দিষ্ট সংখ্যক অংশে বিভাগ করিতে হইবে।

রভের কেন্দ্র ম বিশ্বতে (পূর্ব প্রতিকৃতি দেখ) ক ম ধ
এরপ একটা কোণ অভিত কর যাহা বহুভূজের মধাক্র
কোণের সমান হয়। পরে ক খ সংষ্কৃত কর, ক খ নিকাক্ত বছুভ্জের একটা বাহ হইবে। ইহাকে রুত্পরিধিতে ক্রমশঃ প্রয়োগ করিলে বহুভূজ ক্ষেত্র অভিত হইবে।

#### ু ব্যবহারিক জ্যামিতি ও **জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৩**৩

#### ৭১ভি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

নির্দিষ্ঠ বুজোপরি সমানবাহ ও তুলাকোণিক বছতুজ ক্ষেত্র অন্ধিত করিতে হইবে।

পূর্নোক প্রতিজ্ঞা ছারা বুদ্রপরিধিকে নির্দ্ধিট জ্ঞালে বিভাগ কর; যথা ক, খ, গ, ঘ, চ। পরে বুড়ের কেন্দ্র ম হুইতেম ক, মখ, মগ, ম ঘ, ও ম চ বাালাক্ষ্য রেগাগুলি



টান। অপর ক, থ ইছাদি বিন্দু দিয়া উক্ত বাাদার্মগুলির উপর লম্ব টানিলে নিন্দিট রভোপরি সমানবাছ ও তুলা-বোণিক বহুতুত্ব ক্ষেত্র অভিত হুইবে।

অস্থ্যান ১। সরলবৈথিক ক্ষেত্রের অস্তরন্থ কোণ সকলের সমষ্টি ঐক্তেরের বাছ সংখ্যার দ্বিগুণ চড়রূপ সমকোণ ডুল্য ছইবে।

কারণ ক থ গ ঘ চ কোন সরলবৈধিক ক্ষেত্রের মধ্যে
এক বিন্দু ম নির্কেশ করিয়া, ক্ষেত্রের সমস্ত কোণচিক্ষের সন্থিত
করিলে ক্ষেত্রের যত বাহু আছে ওও ত্রিভূজ হইবে;
এবং ১৯শ প্রতিজ্ঞান্থনারে এই ত্রিভূজসন্ত্রে নমস্ত কোণ ত্রিভূজ
নার্বার বিশ্বধ সমকোণ ভূলা; আর সেই কোণসন্ত ক্ষেত্রত্ব
কোণ ও ভলজাত ম বিন্দুত্ব কোণের যোগভূলা। কিন্তু এই
ম বিন্দু ত্রিভূজ সন্ত্রের সাধারণ শৃক্ত; আরে এই বিন্দুত্ব কোণ
(১৫শ প্রতিজ্ঞার ২য় অন্থনানান্থনারে) চারি সমকোণ ভূলা;
অত এব ক্ষেত্রের কোণসম্ভে চারি সমকোণ ঘোগ করিলে উক্ষ
ত্রিভূজের সকল কোণের ভূলা হইবে, স্থতরাং ক্ষেত্রের কোণ,
ভাষার বাভ সংখারে বিওণ চভুরণ সমকোণ ভূলা।

২। সরলরৈথিক ক্লেক্সের প্রভাকে ভুক্তকে এক এক দিকে বৰ্দ্ধিত করিলে যত বহিঃছ কোণ জন্মে সকলগুলির সমষ্টি চারি দমকোপের তুল্য।

প্রভাক অন্তরম্ব কোণ যথাচছ বা, বহি:মু যথাচছ জ. এক বোলে (১৪শ অভিজান্নারে) তুই সমকোণ ভূলা; অভিনয় সকল অভয়স্থ ও বহিঃস্থ কোণ একতা যোগে কেতে যত আৰু আহে ভাছার বিশুণ সমকোণ তুল্য, অর্থাৎ সকল অন্তরত্ব ক্ষেত্র সকল বহিঃত্ব কোণ - সকল অন্তরত্ব কোণ + চারি ক্ষাৰ বুদ্ধিৰ বৃহিন্দ কোণসমূহ চারি সমকোণ তুল্য। ৭২তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ু এক নিন্দিষ্ট সমানবাছ বছতুক ক্ষেত্রের কেন্দ্র নির্ণয় করিতে ছইবে, অথবা ঐ বছতুত্ব ক্ষেত্রের অন্তর্গত কিম্বা উহার উপরি নিষাশিত বুছের কেন্দ্র স্থির করিতে হইবে।

বছভূজের কোন হুইটী বাচ স্মান ভাগে দ্বিথণ্ড कंद्र: यथा क प ७ क छ. धावः थ. ग इकेटि थम ७ गम গুইটা লম্ টানিয়া বন্ধিত कतित्व, উशाम्ब मन्नाफ



বিশু ন বহুভূজের অন্তর্গত ও উপরিস্থ ব্রতের কেন্দ্র হইবে; অর্ধাৎ म ध अक्षर्यं दुरखत वाानार्ष ६ म क छेशतिच दुरखत वाानार्ष ।

इ क च क छ अकी नयानवाइ बइचुक (कब ; इ, क, च जिन्में विमू नित्रा धक्में इस करिए कर गराई किस म;

এবং খণ্ড গ, ক খণ্ড ক ছ জার মধ্য ছান। ম ছ ও ম জ গংগুজ কর, এই জণে ছ ম খ ক চতুর্ভুজ কেন্দ্র ম খ রেথাতে মৃতিরা কেলিলে উহা ধ ম জ ভ চতুর্ভুজের ঠিক উপর পড়িবে, কেননা ক খ — ঘ ধ, ক ছ — ঘ জ এবং ছ কোণ — ক কোণ; স্বতরাং ক বিলু ছ বিলুর উপর এবং ছ বিলু জ বিলুর উপর এবং ছ বিলুজ বিলুর উপর এবং ছ রেখা ম জ রেখার সমান প্রাক্তির হিবে; ছাহা হইলে বুড়টা বছভুজের জ বিলু দিয়া যাইবে এই রূপে ও বুড় যে বছভুজের কোণ ট, ছ, ক দিয়া যাইবে এইরূপে ও বুড় যে বছভুজের কোণ ট, ছ, ক দিয়া যাইবে

পুনন্দ, ছ ক, ক ঘ, ঘ জ ইত্যাদি জা। গুলি পরক্ষার নমান। অতএব ম গ, ম খ, ম চ ইত্যাদি লছগুলিও পরক্ষার নমান, ছডরাং ম বিক্লুকে কেন্দ্র করিয়া উহাদের একটাকে ব্যারার্ক করিয়া বুছ টানিলে জ্যাদিগকে গ, খ, চ বিক্লুডে ক্রিরে, এবং দেই বুছ বহুছুত্বের অন্তর্গত হইবে।

ক ম ক, ক ম ব প্রভৃতি কোণগুলি প্রভাৱে পরশার
নবান, নেই কভ উহার। প্রভাৱে বহভুজের বাছর
নংবার বভ ছইবে, ৩৬০ অংশের তভ ভাগ হইবে।
রভের ভিকরে বহভুজ কোন্ত জাঁকিছে হইলে বহভুজের
কভালি বাহ হইবে, রভপরিধিকে তভ জংগে ছেল করিরা
ক ছেল বিস্তুলি ব্যাক্তমে নংযুক্ত করিলে নিভাত বহভুজ
জভিত হইবে। জার রভের বাহিরে বহভুজ জাঁকিছে হইবে।
ক ছেল বিস্তুলিরা পার্ব রেখা ইনিকে নিভাত বহভুজ হইবে।

# ৭৩তি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

এক নিশিষ্ট ত্রিভূবের ভিতরে একটা বৃত্ত অধিত করিতে इटेरव ।

ক ধ গ নিশিষ্ট ডিড্জ. ইহার কোন ছইটা কোণ, यथा गक्र । क क थ ग, क्य ७ थ म बाता नभान भारत्म विश्वक कता अह ক ছুই রেধার সম্পাত বিন্দু ম নিক্ষা রুত্তর क्टेंदिं। धड़ें में विमृ हहें एक कर, वंश से शक देवें बात 🕏পর লম্টান, যথাম্ঘ, মৃছ্ও মৃচ। কৃষ্য 🕏 ক্মচ ত্রিভুজের ঘক্ম কোণ চক্ম কোণের স্মান. कच में ७ क हम व्यक्तिक नमस्कान विनित्र नमान, धार्यः ক ম তুইটা ত্রিভুজের সামাস্ত বাহ, অভএব এ হুইটা ত্রিভুজ नर्नाएं। एति नर्मान, धेवः हम = च मा अ कातप्रकारः च म - म ह ः चाउवाय म च, म छ ७ म छ वहें हिन्ही नातन द्रत्या<sup>ः भ</sup>त्राणित नमान, प्रख्ताः य विमृत्क*्षकः* कतित्राः से ভিনের মধ্যে কোন রেখা ব্যাসার্ভ লইয়া রন্ত অভিত করিলে, (म इंछ के छिन (त्रेशांत्र अब हिता गहित, बंदर के के किला ও ব গ সরল রেখাকে লার্শ করিবে, কেননা খ, চ, ছ বিলুভে त र रक्षि चार्ड थार्डाटक नमरकान, खर: बाह्मत का 

# ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৩৭

বৃদ্ধকে স্পর্শ করে। অভএব কথ, কগ ও ধগ সরল রেখা প্রভাকে বৃদ্ধ স্পর্শ করিভেছে, স্মৃতরাং ঘচছ বৃদ্ধ কথ গ বিভুলের ভিতরে অভিত হইল।

#### ৭৪তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এক নিশিষ্ট ত্রিভুজকে বেষ্টন করিয়া একটা বৃত্ত আছিত করিতে হইবে, অর্থাৎ ত্রিভুজটা বৃত্তের অন্তর্গত হইবে।

ক ধ গ নিৰ্দিষ্ট ফিভুজ, ভাহার চতুলাৰে বৃত্ত অভিত করিভে ইইবে।

কৰ'ৰ জিছুজের কোন ছইটী ভূজ কথ ও ধগ-কে ব এবং ভ বিশতে সমান অংশে বিধও কর.



এবং এই ছই বিশ্ হইতে কখ, খগ রেণার উপর ব ম এবং ভ ম ছই লখ টান, ও ঐ ছই লখকে বৃদ্ধি করিলে যে বিশ্বতে শংলগ্ন ছইবে, অর্থাৎ ম বিল্ হইতে ম ক, ম খ, বা ম স পর্যান্ত ব্যাসার্ক লইয়া বৃত্ত টানিলে ভাষা ক, খ, গ বিশ্ দিয়া বাইবে, এবং কখগ ত্রিছ্লোপরি অভিত চইবে।

েক ম ও ব ম সংযুক্ত কর। ক ব = ব ব, ম ব, ক ম ব ভঃশ ম ব জিভুজের সামাত বাছ এবং ক ব ম ও খ ব ম প্রত্যেকে সমকোণ বলিয়া সমান। ে প্রথম প্রতিজ্ঞান্ত্রসারে ক ম = ব ম। এই রূপে ম গ সংযুক্ত করিলে ভালা ম ব কেবার সমান প্রমাণ করা বাইতে পারে, অভএব ম ক, ম ব, ম গ প্রত্যেকে সমান । স্কুল্রাং ক জেকা ক্রিয়া ইহাদের একটীকে ব্যাসার্দ্ধ লইয়া বুত অন্ধিত করিলে ভাষা क, ब, श विन्त्र पिया याहेरव।

### ৭৫তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এক নিশিষ্ট সমচভুৰ্জ ক্ষেত্রমধ্যে, কিমা সমচভুৰ্জ **ক্ষেত্রকে বেষ্টন করিয়া এক বুত্ত অঞ্চিত** করিতে হইবে।

ক্ৰগ্ৰ এক নিদিট বৰ্গ ক্ষেত্র, ইহার মধ্যে কিমা ইহাকে বেইন করিয়া বৃত্ত অভিত করিতে कहेर्य ।

ি ক্ৰগ্ৰ বৰ্ণকোতে, কগ্ৰু च प क्रेंगे कर्ग दिशा होत, धहे



ছই নেখার সম্পাত বিন্দু ম বর্গক্ষেত্রের অন্তর্গত ও বহিঃছ ব্রভের কেন্দ্র ইইবে। ম কেন্দ্র করিয়া উহা হইতে বর্গ-ক্ষেত্রের কোন ভূজের লঘূত্ম দূরত্ব অর্থাৎ লম্বকে ব্যাসাত্ত্ব লইয়া ব্ৰন্ত টানিলে ক ৰ, ৰ গ, গ ঘ, ঘ ক প্ৰান্ত্যক বাছ স্পূর্ণ করিবে, স্থভরাং বর্গক্ষেত্রমধ্যে বুদ্ধ অভিত হটবে; আর ম কেন্দ্র করিয়া উহা হটতে ক. খ, গ, ঘ এই চারিষ্টার কোন একটা কোণের দূরত্ব পরিমাণে ব্যাসার্ভ লইয়া কুছ আঁকিলে ডাহা দকল কোণের অধ্য সংলগ্ন ছইবে, অভএৰ সেই ব্ৰন্ত কৰা গৰা সমচতুৰ্জাপরি অভিভ হইবে।

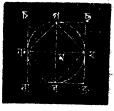
৭৬তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এক নিৰ্দ্ধিট বুভমধ্যে কিখা বুভোপরি সমচভূর্ত্ত কিখা শইতুল ক্ষেত্র অন্ধিত করিতে হইবে।

# ৰাবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৩৯

্ ক প ধ ঘ নিশিষ্ট রুত, ক ধ, গ ঘ তুই ব্যাস প্রস্পর

শব ভাবে টানিয়া ক গ, গ ধ, ধ ঘ, ঘ ক সংঘ্ক করিলে ঐ ক্ষেত্র সমচভূর্ত্ত ও ক গ ধ ঘ রুত্তের অন্তর্গত হটবে। অপর ক, গ, ধ, ঘ বিন্দু দিয়া ঝ চ, চ ছ, ছ জ, অ ঝ



হতশাৰ্শক চারিটা সরল রেখা টান, ভাহা হইলে ঐ ক্ষেত্র সমচভূত্র ও ক গ খ ঘ বুভোপরি অভিত হইবে।

ক প ধ ঘ বৃত্তের চতুর্থাংশ, যেমন ক গ; ইহাকে হিখও করিলে আন্ত ভুজ ক্ষেত্রের বাছর পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়।

গ ক ম ও গ থ ম তি ভুজে, ক ম = থ ম, ম গ হইটী

কিছুলের দামান্য বাছ এবং ক ম গ ও থ ম গ প্রভাবিক

সমকোণ বলিয়া পরস্পর দমান, অভএব ঐ ভুইটী তিভুজ

সর্বভোভাবে দমান। অপর, ক গ ব অভরিভ এজন্য

ক গ ব কোণ দমকোণ। ঐরপে গ ব = ব ব ভ ব ব

এবং গ ব ঘ ও ব ঘ ক কোণ প্রভাবে সমকোণ ইলাও

উপশল্প করা বাইতে পারে; স্তরাং ক ঘ ব গ সমচভুকুল।

# ৭৭তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এক নিৰ্দিষ্ট বৃদ্ধ মধ্যে সমবাছ ত্ৰিভুল, বড়ভুল কিয়া ধানশ ছুল ক্ষেত্ৰ অন্ধিত করিতে কটবে।

্ৰ প্ৰ চ ছ বুভের ব্যাসাথ নিকাপ্ত বড়ভুজের বাছর পরিমাণ, অভএব বুভপরিধিতে কোন বিস্থু ক কেন্দ্র করিয়া ভাহার ব্যাসাদ্ধি পরিমিত দূরে থ ম ছ বুভাংশ

আন্ধিত কর, পরে ক থ সংযুক্ত কর। ক ধ নিকার্ত্ত বড়ভূজের বাহর পরিমাণ, ক খ রেখা বুত্তপরিধিতে ছয় বার ক্রমশঃ বুরাইয়া ছেদ विन् श्री गार्युक कतिता मग-ষড়ভুজ ক্ষেত্ৰ বৃত্তমধ্যে



অভিত হইবে। এবং ক বিন্দু হইতে যড়ভুজের প্রভোক দিতীয় বাহর দীমা সংযুক্ত করিলে সমবাহ ত্রিভুজ কেতা বুরুমধ্যে অন্তিত হইবে। আর কথ চাপ সমন্থিও করিয়া সংৰুক্ত করিলে ভাদশ ভূজের বাতর পরিমাণ হইবে।

খদিক ধ গ ঘ চ ছ বুতের অন্তর্গত কোন ক্ষেত্রের কোণ দিয়া বৃত্ত<del>শার্</del>ক টানা যায়, ভাচা হইলে বুড়োপরিও সে**ই** প্রকার ক্ষেত্র অন্ধিত হইবে।

গ ঘ চ ছ ক খ নিৰ্দিষ্ট বৃত্তমধ্যে আছিত বড়ভুজ কেনেঃ প ও ঘ দুইটা বিন্দু হইতে কেন্দ্র পর্যান্ত রেখা টান। এইকণে গমঘ কোণ - ৩৬০° এর 😸 - ৬০°, এবং াম স ম ঘ, ম গ ঘ কোণ ম ঘ গ কোণের সমান, আর ম গাঁহ ত্রিভুজের ভিনটী কোণের সমষ্টি (১৯শ প্রতিজ্ঞান্থসারে) মুট সমকোণ অধাৎ ১৮০° তুলা, ইহাতে স্পষ্ট প্রতীয়মান চইতেছে যে, মগঘ ও মঘগ প্রত্যেকে ৬৯°; অভএব প ম ঘ ত্রিভুজ সমবাহক। স্মৃতরাং অন্তর্গত বড়ভুজের বাছর পরিমাণ বুভের ব্যাসাধের সমান।

# ্ ব্যবহারিক ক্যা**মিভি:ওঃক্যা**মিভিডত্ত্ব। ১৪১

্ অন্নমান ১। কোন বৃদ্ধের ৬০ আংশের জ্যা ও ব্যাসার্দ্ধ পরস্পর সমান।

্ অভ্যান ২। সমবাছ-বছভুজ ক্তের কোণগুলিও পরক্ষার ক্ষান। যথা গ ঘ চ কোণ ঘ চ ছ-কোণের ক্যান।

### ৭৮তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ত এক নিশিষ্ট বৃত্তে সমবাছ এবং ভূল্যকোণিক গ্রহণভূজা কিছা দশভূজ ক্ষেত্র অন্তর্গত করিতে হইবে।

গ জ, ক ঘ ছই ব্যাস পরস্পার লগতাবে টান, এবং ম জ ব্যাসাদ্ধকৈ চ বিন্দৃতে সমষ্টিইও কর। পরে চ কেন্দ্র করিয়া চ ক ব্যাসাদ্ধ লইয়া ছ ক বৃত্তাংশ অভিত কর, এবং ক কেন্দ্র করিয়া ক ছ



ব্রশীর নাইর। ছ খ বুড়াংশ অভিত কর। ক থ পরিধির
প্রীয়াংশ। কুলার ক থ পরিমিত বিভার করির। বড়পরিবিতে শাঁচবার ধুরাইর। আনিরা ছেন বিলুগুলি সংযুক্ত
বর্তির বুড়মধ্যে নরবাহ পঞ্জুল কেন্দ্র অভিত হইবে।
অশ্বর্তির বুড়মধ্যে নরবাহ পঞ্জুল কেন্দ্র ক ট সংযুক্ত
কর; ক ট দশকুলের বাহর পরিমাণ।

া বদি কাৰ গাৰ জানিবতে অন্তৰ্গত পঞ্চৰুত্ব বা বড়ডুজেন্ন কোণা দিয়া বুজুজাৰ্শক টোনা বান্ধ, ভোহা কইলে বুভোগেরি উক্ত প্রকার কেত্র অন্তিভাইটবে যা জানিবভাই বিভাগের

অবায়ায়র । নিৰ্দিষ্ট ব্যক্তর ব্যাসার্থ কে এমত রূপে ভাগ

কর যে, সমুদার এবং একাংশের আরত্ত দিভীয়াংশের সম-চভুর্তুজ ভূল্য হয়। পরে বৃত্তপরিধির কোন এক নিদ্দিষ্ট বিন্দুর প্রত্যেক দিকে ঐ বুহত্তর থণ্ডের সদৃশ রেখা বুল্ভে দ্বাপিত কর, ভাষাতে বে হুই চাপ উৎপন্ন হইবে ভাহার: প্রভাবে পরিধির দশমাংশ তুলা হইবে। স্মভরাং এই ছুই চাপ একতা যোগে পরিধির পঞ্চমাংশ হইবে, এবং সে চাপের সম্বান সরল রেখা নিকাশন করিলে, ভাছা বুক্তান্তর্গক সমবাহক পঞ্চত্তের বাহ হইবে।

**াই উপশক্তি ৮০তি প্রতিজ্ঞা**র পর পাঠ করিতে **হইবে।** 

্রুঠতি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ব্যাধ্যের মধ্যে একটার পরিধি অপরটার পরিধির যভ গুণ হাইৰে, প্ৰথমোক্ত বুল্কের ব্যাসাদ বা ব্যাস শেষোক্ত दुर्वित बाबाद वा बात्मन छछ ७० रहेता।

ক খ ব ও চ হ ব ছই বুজ, ইহাদের সাধারণ কেন্দ্র ম।

**अहेक्** (१ यप्ति क च श शतिथि कछक-ঙলি কুত্র স্বংশে বিভালিড হয়, यंशाक थ. छाहा हरेल म थ ७ मक শংবুক্ত করিয়া ছ, চ পর্বাস্ত বৃদ্ধিত कवित्न खंडीव्रमान श्रेट्ट (व. क. ब.



ক থ গ পরিধির যে জংশ, চছও চছজ পরিধির সেই भाग, अवीर क व श विकि क व आश्रीका आ श्वन दृहर ব্য়: ভাষা ক্টলে চছ লাও চছ আপেকা অভিন द्वरूष रहेरत। अकरन क म थ ७ ह म ह हुरेही नहुन जिल्ला, जाजधर क प: 5 हा: यकः म ह. किया जा x

কথ: অ × চছ:: ম ক: ম চ; কিন্তু ক ধ গ পরিধিতে ক ধ অংশ ষত বার আছে, তাহা ক ধ দারা গুণ করিলে সমুলার ক গ পরিধির তুলা হইবে; এবং চছ অংশ চছজ পরিবিতে যত বার আছে, ভাহা চছ দারা গুণ করিলে সমুলার চজ পরিধির তুলা হইবে, অতএব ক ধ গ পরিধি: চছ জ পরিধি: : ম ক: ম চ।

পূনন্দ, ক ম ধ-র ক্ষেত্রকল — ক ধ × ই ক ম, এইক্ষণে ক ম থ ছেদক সমুদার বুদ্ধ অপেক্ষা ও ক থ ধন্ন সমুদার পরিধি অপেক্ষা যত গুণ বড় তাহা ধদি অ অক্ষর
দারা নির্কেশ করা যায়, তাহা হইলে অ × ক ম ধ-র
ক্ষেত্রফল — অ × ক থ × ই ক ম, অর্থাৎ ক থ গ বুদ্ধের
ক্ষেত্রফল — ক থ গ পরিধি × ই ক ম।

অনুমান। বুদ্রের ব্যাস একক হইলে হলি ভাছার পরিধি ন-সংখ্যক একক বিশিষ্ট হয়, ভাছা হইলে "বুদ্র-বরের মধ্যে একটার পরিধি অপর্টীর পরিধির যভ গুণ হইকে, প্রথমোক্ত বুল্ডের ব্যাসার্থ বা ব্যাসের ভঙ্জ গুণ হইকে," এই স্থুৱা মারণ করিয়া

्र क्षेण প्रिधिः: ): २ क्सः

় ক থ গ পরিধি = ২ ন × কম; এবং প্রাক্তাবিত্ত উপপানা হইতে ক থ গ-র ক্ষেত্রকল = ক থ গ পরিধি × ই কম = ২ ন × ক ম × ই কম = ন × কম<sup>2</sup>। এই স্মীকরণে ন রাশির পরিমাণ সর্কত্ত স্মান থাকিবে। স্কত-এব বৃত্তব্যের মধ্যে একটীর ক্ষেত্রকল ভাষার ব্যাসার্ক্তের বর্ণের যত ৩ণ, অপর্টীরও ক্ষেত্রফল ভাহার ব্যাসান্ধের বর্গের ভত গুণ হইবে।

বুদ্ধের ক্ষেত্রফল ভির করিতে হইলে, ন রাশির পরিমাণ অত্রে ভির করা কর্তব্য। ইহা পুস্তকান্তরে হিরীকৃত क्टेंदि ।

# नाना विषयिगी मन्त्रामा ও উপপাদ।।

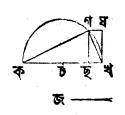
### ৮০তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদা।

ক ধ এক নিদিষ্ট সরল রেখা, ইহাকে এমত ছুট জাংশ বিভক্ত করিতে হইবে যে, ঐ গুই অংশের আয়ত কঃ **অপর এক নিদিষ্ট রেগার সমচতুর্ভুক্ত তুলা হয়।** 

ক ঋ রেণা চ বিন্তুতে সমদ্বিধণ্ড কর, চ বিন্তু কেন্দ্র করিয়া চ **ক** ব্যাসার্ছ লইয়া একটী বুক্তার্দ্ধ অ**ন্ধি**ত কর।

পরে ধবিন্দু দিয়া জারেধার সমান ধঘলম টান, ওঘ

विन्तु निशा च श, क थ-त সমাভুৱাল টান; ঘগ রেখ। বুত্তকে গ বিন্দুতে ছেদ করি-তেছে: অপর গছ, ঘ ধ-র সমাস্থাল টান। ক থ রেখা ছ বিন্তু এমত রূপে বিভক



ইইল বে ক ছ ছ থ আয়ত জ বেগার সমচতুর্ভুজ ভুলা।

জ রেখাক থ রেধার অন্তে কের বেশী বেন না হয়।

### ব্যবহারিক জামিতি ও জামিতিত ও। ১৪৫

ক গ ধ, গ ছ ক কোণ প্রত্যেকে সমকোণ বলিয়া পরম্পর সমান, এবং ক বিদ্যু কোণ গ ক থ ও প ক ছ ছই ত্রিভুল্লের সামাস্ত কোণ, একারণ অবশিষ্ট গ থ ক এবং ক প ছ কোণও পরস্পের সমান। অভএব গ ক থ, গ ক ছ ছই ত্রিভুক্ত ভুলাকোণিক, স্থভরাং ভাহাদের সমান সমান কোণের পার্শস্থ বাছও অন্ত্রপাতীয় ও দদৃশ। এই রূপে প ছ গ ত্রিভুক্ত গ ক থ ত্রিভুক্তের সমানকোণিক ও দদৃশ উপপর হইতে পারে। অপর, গ ক ছ, গ থ ছ ছই ত্রিভুক্ত প্রভাবে গ ক থ ত্রিভুক্তের ভুলাকোণিক ও দদৃশ হওয়াতে, ভাহারা সকলেই পরস্পের ভুলাকোণিক ও দদৃশ।

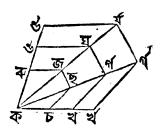
আভ এব ক ছ: ছ গ:: ছ গ: ছ খ. ∴ ক ছ × ছ থ ∞ ছ গ<sup>2</sup>।
আন্মান। এই হলে স্পঠ প্রতীয়মান হইতেছে যে, সমকোনিক ত্রিভুজের সমকোণ হইতে ভূমির উপর লম্পান্ত
করিলে, সেই লম্ম ভূমির জুই পণ্ডের মধ্য অন্থপাতীয় হয়,
এবং ক্রিভুজের প্রতোক বাত ভূমির এবং সেই বাহর সংলগ্ন ভূমিধ্
খণ্ডের মধ্য আনুপাতীয়, কেননা ক চ গ, ও গ ছ খ ত্রিভুজে;

কছ:ছগ::ছগ:ছখ, এবং গকখ ৬ কছণ আভিত্তোং, কখ: কগ::কগ: কছ. এবং গকখ ৩ গখছ আভিত্তাং, কখ:খগ::খগ: খছ।

#### ৮১তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদা।

ক থ গ ঘ ও নিদিটে সরল বৈথিক ক্ষেদের সদৃশ অপর একটী সরল বৈথিক ক্ষেত্র অন্ধিত করিতে হইবে।

কোন একটা কোণ ক হইতে অপর কোন কোণ পর্যান্ত কর্ণ রেখা টানঃ যথা কগ, ক ঘঃ পরে ক ২ হইতে



ছ জ টান, এবং জ বিন্দু দিয়া ঘ ৩-র সমান্তরাল জ ন টান। ক চ ছ জ ন, ক থ গ ঘ ৩-র সদৃশ কেত্র অভিন্তেইল।

১৮শ প্রেভিন্নের বিছে চ কোণ ক ক গ থ কোণ, এবং ক ছ জ কোণ — ক গ ঘ কোণ; ইহাদের সমষ্টি করিলে চ ছ জ কোণ থ গ ঘ কোণের সমান। একপে ছ জ ঝ কোণ গ ঘ ৯ কোণের সমান, ইহাদি। স্ত্রাং ক চ ছ জ ঝ ও ক থ গ ঘ ৯ ক্ষেত্রগলি ভুলাকোণিক। অপর, ক চ ছ ও ক থ গ সদৃশ জিভুজে ক ছ:ক গ :: চ ছ:থ গ, এবং ক চ:ক গ :: ছ জ:গ ঘ; অভএব চ ছ:থ গ :: ছ জ:গ ঘ; একাপে ছ জ:জ ঝ :: গ ঘ:ঘ ৩, ইহাদি। অভএব সমান কোণবংলগ বাছওলি সমান্পাতিক, স্তরাং ক্ষেত্ওলি সদৃশ।

যে যে বহুত্ত ক্ষেত্র সদৃশ, তাহারা সমশীল বাহর দ্বিদাভ পরিমাণে পরস্পর অন্পাতীয়।

কারণ, ক্ষোভাকল কজ্ম ক্ষাই ক্ষাই ক্ষাই ক্ষাই ক্ষাই ক্ষাই ক্ষাই ক্ষাই ক্ষাই

্ কাহেকলেক জ ক' ক্ষেত্ৰকলেক ঘঙ । এই রূপে, ক চু<sup>ই</sup> ক খু<sup>ই</sup> । এই রূপে,

ক্ষেত্ৰকল ক ছ জ \_ ক্ষেত্ৰকল ক গৃহ, ক চে<sup>২</sup> ক খ<sup>২</sup> শাভাৰন ক চ ছ শাভাৰন ক খা পা। সমষ্টি কেরিলে,
ক চে<sup>২</sup> ক খ<sup>২</sup> । সমষ্টি কেরিলে,
শাভাৰন ক চ ছ বা শাভাৰন ক খা পা ভ ক ক খ<sup>২</sup> ;
শাভাৰন ক চ ছ বা ক চ <sup>২</sup> ।
শাভাৰন ক খা পা ভ ক খ<sup>২</sup> ।

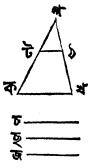
অনুমান। যে যে বছতুজ ক্ষেত্র পরস্পার সদৃশ, ভাছারা সমান সংখ্যক সদৃশ ত্রিভুজ ক্ষেত্রে বিভক্ত ইইতে পারে, এবং সে সকল ত্রিভুজের বছতুজ ক্ষেত্রের স্থায় পরস্পাব নিস্পত্তি সহস্ক, এবং স্বলীয় বাছর প্রস্পার যে নিস্পত্তি, ঐ বছভুজ ক্ষেত্রের প্রস্পার স্থান্ধ ভাছার ছিঘাত পরিমাণে নিস্পত্তি।

### ৮২তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

গঠ ও গট জুইটী নিন্দিট ঋষু রেথার ভৃতীয় **অন্ন**-পাতীয় নির্দেশ করিতে হইবে।

গঠ ও গট ছুইটী রেখাকে এরপে ছাপন কর যে,

ভাহাদের সংযোগে কোণ উৎপত্তি হয়, পরে গঠও গট রেখাছরকে ধও কপর্যান্ত প্রদারিত করিয়া, ঠথ দরল রেখাকে গট-র সমান কর; এবং ঠ, ট সংযুক্ত করিয়া থ বিদ্দ্ দিয়া উহার সমান্তরাল থ ক টান। গধক ত্রিভুজের ধক বাছ ঠট বাছর সমান্তরাল, এইজনা (৪৭ শ



া ভিজ্ঞান্সারে )গঠ: ঠখ: গট: টক; কিন্তু ঠখ — গট, আছএব গঠ: গট:: গট: টক, স্তেরাং গঠও গট জুইটী নিস্ঠি ঋসু রেখার টক ভূতীয় অনুপাতীয় নিস্ঠি হইল।

### ৮৩তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদা।

চ. ছ, জ ভিনটী নিন্দিষ্ট ঋত্মু রেথার চতুর্থ অলুপাতীয় নিক্ষেশ কবিতে হইবে।

চ ও জ তৃইটী ঋজু রেথার (পূর্ব প্রতিকৃতি দেশ) ভুল্য অপের হুইটী ঋজু রেখা গঠ ও গট এরূপে দংখ্য-পিত কর ষে, ভাহাদের সংযোগে কোণ উৎপত্তি হয়; পরে গট ও গঠ রেখাকে ক ও থ পর্যান্ত প্রসারিত করিয়া ঠ থ রেখাকে ছ-র সমান কর; এবং ঠ ট সংযুক্ত করিয়া ব বিন্দু দিয়া উহার সমান্তরাল থ ক নিদ্ধাশন কর। অনস্কর গধক ত্রিভুজের থক বাছর সমাভ্রাল ঠট, अवका गठ : ठेथ :: ग छ : छेक, किह गठे = छ. ঠুধ 🕳 ছ এবং গট 🕳 জ. একারণ চ : ছ : : জ : ট ক। অভএব চ, ছ, জ তিনটী নিদিট ঋজু রেথার চতুর্থ অলুপাতীয় ট ক নিণীত হইন।

৮৪তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক ছ ও ছ থ ছইটা (৮০ তি প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতি দেখ) নিষ্টির ঋজু রেখার মধ্য অন্ত্রপাতীয় নির্দেশ করিতে হইবে।

ক ছ, ছ থ এক দরল রেথান্থ করিয়া ক খ ঋতু রেখার উপর क গ ধ সামিবত নিজাশন কর, এবং ছ বিন্দু হইতে ক খ রেখার লম্ব ছ গ টানিয়া ক, গ ও খ, গ সংযুক্ত কর। ক গ থ কোণ সামিবতক্ষ এই বলিয়। সমকোণ, স্মৃতরাং ৮০তি প্রতিজ্ঞানুসারে ছগ ঋষু রেখা কছ ও ছখ চুই ধণ্ডের মধা অনুপাতীয়; অতএব ক ছ, ছ ধ ছই ঋজু রেথার মধ্য অরুপাতীয় ছ গ নিণীত হইল।

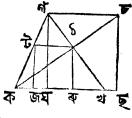
# ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৪৯

# ৮৫তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক গ থ একটী নিশিষ্ট ত্রিভুজের ভিতরে একটা বর্গক্ষেত্র অক্ষিত করিতে হইবে।

কথ রেথার উপর শীর্ষকোণ **ছইতে গঘ** লম্ম টান, এবং গ বি<del>ন্</del>দু দিয়া গচ,

ক থ রেথার সমান্তরাল
টান। পরে গচ রেথাকে
গঘ রেথার সমান কর,
এবং চ, ক সংস্কু কর।
ক চরেথা গথ রেথাকে ঠ



বিন্দুতে ছেদ করিতেছে। এই ছেদবিন্দু বর্গক্ষেত্রের কোণ হইবে।

ঠ বিন্দু দিয়া ঠকা লম্ব টান, ও ঐ বিন্দু দিয়া ঠট, কথ বেথার সমাস্তবাল টান, ঠট, কগ-কে ট বিন্দুতে ছেদ করিতেছে। পরে টজ, ঠক-র সমাস্তবাল টান, টঠক জ চতুর্জটী কগথ ক্রিভুজের ভিতরে জঞ্জিত তইল।

ক ট ঠ ও ক গ চ তি তুল ছইটা সনৃশ; সুভরাং ক গ গ চ ট ঠ; কিন্তু ক ট জ ও ক গ ঘ ছইটা ত্রিভূজও দনৃশ, সুভরাং ক গ গ ঘ লা তি লা ও বং যে ছই বন্ধ প্রেড্যকে এক বন্ধর সমান ভাহার। পরস্পার সমান, অভএব গ চ গ ঘ লা কিন্তু গ চ ও গ ঘ সমান কর্মনা করা গিরাছে; স্থাভরাং ট ঠ — ট জ, কিন্তু ট জ = ঠ বা, ভরিমিন্তু ট ঠ,

ঠক, কজ ও টজ চারিটী বাছ পরস্পর সমান ও ঠক জ কোণ দমকোণ; স্থতরাং টঠকাজ বর্গ কেতা, এবং ইহা ক গ থ ত্রিভুজের ভিতরে অঙ্কিত হইয়াছে।

#### ৮৬তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ড্ইটী নির্দিষ্ট বর্গক্ষেত্রের সমষ্টির সমান একটী বর্গক্ষেত্র **জন্তিত করিতে হইবে।** 

ঢকখণ ও খগড়ঠ ছুইটী বর্ণক্ষেত্র (৩৫শ প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতি দেখ); ইহার সমষ্টির স্মান আর একটী বর্গ-ক্ষেত্র অ**ন্ধিত** করিতে হইবে।

ক থ, গথ ছুইটী রেখাকে গ স্থানে সমকোণ করিয়া লও। পরে ক, গ মংযুক্ত করিয়া ক গ-র উপর ক স ট গ বর্গক্ষেত্র অন্ধিত কর। ৩৫শ প্রতিজ্ঞান্ত্রদারে কাষ্ট্র হা বর্গক্ষেত্র চ ক থ ৭ ও থ গ ড ঠ ছুইটীবর্গক্ষেত্রের যোগভুল্য।

# ৮৭তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

তইটী নির্দিষ্ট বর্গক্ষেত্রের বিয়োগ ফলের সমান অপর **একটা** বৰ্গক্ষেত্ৰ অন্তিত কবিতে হুইবে।

ঢক ধণ ও ক ক'ট গ ছুইটা বৰ্ণক্ষেত্ৰ, ক ক'ট গ বড় বর্গক্ষেত্রটীর কোন বাছ ক গ-কে বাাদ করিয়া একটী বুত্ত অস্ত্রিত কর। পরে চ ক থ ণ বর্গ ক্ষেত্রের ক থ वाक दुखाः ए धाराण कतिया इक्तंविम् ४ इहेट १ अधिक রেখা টান। কথা সমকোণিক ত্রিভুজ, কারণ (৫৫শ প্রতিক্রার ২য় অনুমানানুসারে) অর্করুত্তত্ব কোণ সমকোণ। মুভরাং থগ রেখার উপর অক্কিড থগড় ঠ বর্গক্ষেত্র

# ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৫১

ঢকখণ ও ককাটগ বর্গক্ষেত্রের অবস্তরের সমান। (৩৫শ প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতি দেখ)।

# ৮৮তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদা।

কতিপর বর্গক্ষেত্রের সমষ্টির সমান একটা বর্গক্ষেত্র অঙ্কিন্ত করিতে হইবে।

কথ, কগ ছইটী অদীম রেগাকে ক স্থানে দমকোণ করিষা অন্ধিত কর। কগ হইতে নিন্দিই অনাতর বর্গের একটী ভূজভুলা এক ভাগ কচ কাটীয়া লও। কগ হইতেও এক নিন্দিই

অপর বর্ণের ভুজ ভুলা একটা অংশ ছেদ কর; যথা কছ।

চ, ছ ছেদ বিশুষ্য সংযুক্ত কর। চছ-র বর্গ, ক চ ও ক ছ-র

বর্ণের সমষ্টির সমান। পুনশ্চ, কথ হইন্তে চছ-র ভুলা

এক অংশ ছেদ কর, যথা কথ। পরে কগ হইতে ভৃতীয়

বর্ণের ভুজ ভুলা একটা অংশ ছেদ কর, যথা কগ। ধ, গ

সংযুক্ত কর, এইক্ষণে থগ-র বর্গ নিদিষ্ট তিনটা বর্ণের

সমান। এই রূপে ৪, ৫ ও হতোধিক বর্ণের সমষ্টিভুলা

বর্ণক্ষেত্র অক্কিত হইতে পারে।

# অতিরিক্ত প্রতিক্রা।

- ১। ভূমি ও ভূমিদংলগ একটা কোণ এবং ভূমির উপর পতিত লক্ষের পরিমাণ নিদ্দিষ্ট থাকিলে, ত্রিভূজ কিরুপে অস্কিত করিতে হইবে।
- । এমত একটা সমদ্বিশৃত্ব ত্রিভুজ অন্ধিত কর, যাহার
   প্রেকে ভুজ ভূমির দিওণ হইবে।
- ও। কোন সমধিবাছ ত্রাম্পের ভূমি এবং শীর্ষকোণের পরি-মান পরিজ্ঞাত থাকিলে ঐ ত্রিভুজ কিরপে অক্সিত করিতে হইবে।
- ৪। একটা অসীম সরল রেথার এমত একটা বিন্দু নির্দেশ কর, যাহা তৃইটা নিন্দিট বিন্দু চইতে সমদর ছইবে।
- ৫। এমত একটা সমকোণিক ত্রিভুজ অভিত কর, যাহার
   কর্ণ রেথা ভূমিব বিশুণ হইবে।
- ♦। কোন নিদিট সরল রেথাকে কর্ণ রেথার স্বক্লপ
   করিয়া একটী বর্গ ক্ষেত্র অভিত কর।
- ৭। কোন আয়ত ক্ষেত্রের কর্ণ ও একটা বাহর পরিমাণ জানা আছে ঐ ক্ষেত্র কিরূপে অস্কিত করিতে হইবে।
- ৮। কোন ত্রিভূজের শীর্ষ কোণ হইতে রেখা পাত করিয়া ঐ ত্রিভূজকে ছই সমান ভাগে বিভক্ত কর।
- ৯। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি এবং তাহার ব্লপর ছই ভুজের সমষ্টি জ্ঞান্ত কাছে, ত্রিভুক্ত কান্ধিত কর।
- ১০। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি এবং ভাহার ব্দপর হুই ভুজের অন্তর জানা আছে, ত্রিভুজ অঙ্কিত কর।

# ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১৫৩

- ১১। যদি সমকোণিক ত্রিভুজের কোন ভুজকে সমান ছই পণ্ডে বিভক্ত করিয়া কর্ণের উপর লম্ব পাত করা যায়, ছবে কর্ণের খণ্ডম্বয়ের বর্ণের অন্তর অপর ভুজটীর বর্ণের ভুলা ইইবে।
- ১২। সমকোণিক ত্রিভুজের ভুক্তদায়ের উপর আছিত সমবাহ ত্রিভুজ ছুইটী একত্র যোগে কর্ণের উপর আছিত সমবাহ ত্রিভুজের ভুলা হইবে।
- ১০। সমকোণিক ত্রিভুজে সমকোণ হইতে কর্ণের মধ্য বিন্দুপ্যান্ত রেখা টানিলে ঐ রেখা কর্ণের অর্ধাংশ ভুলা হইবে।
- ১৪। কোন নির্দিষ্ট দরল রেখাকে এমত রূপে বিভা-জিত কর যে, তাহার ছই খণ্ডের আয়ত কোন নির্দিষ্ট আয়তের ভুল্য হইবে।
- ১৫। এমত একটী বর্গ ক্ষেত্র অক্লিড কর, যাহা অঞ ছই বর্গ ক্ষেত্রের ভুলা হইবে।
- ১৬। এক নির্দিষ্ট সরল রেথাকে এমত চুই জংশে বিভক্ত করিতে হইবে যে, তাহাদের জায়ত ভাহাদের জন্তবেব চতুর্ভজ ভুল্য হয়।
- ১৭। এমত একটা সমকোণিক সমান্তরাল ক্ষেত্র আছিত করিতে হইবে, যাহা এক নিদিষ্ট সমচতুর্ভুক্তের সমান হয়, এবং যাহার ছই সংলগ্ন বাছর আন্তর এক নিদিষ্ট রেথার ভূল্য হয়।
- ১৮। এমত একটী ত্রিভুজ অভিত করিতে চইবে যাতা ভতুলা উল্লভ এবং সমানবাছ ও ভুলাকোণিক পঞ্জুজ ক্ষেত্রের সমান হয়।
  - ১<del>১</del>। এক নির্দ্দিট সম্বিবাহ তিভুদ্ধের সমান এক

সমবাহ ত্রিভুজ ক্ষেত্র অস্কিত করিতে হইবে।

- ২০। এক নিদিষ্ট দামিবুত্তমধ্যে দমচতুর্ভুক্ত ক্ষেত্র অঙ্কিত कतिए इकेरव।
- २)। कान निर्फिष्ठे दूरछत मर्या এक निर्फिष्ठे मतन রৈথিক ক্ষেত্রের সমান এক ভুলাকোণিক সমান্তরাল ক্ষেত্র অন্ধিত কবিতে হটবে।
- २२। এकটी निर्फिष्ठे ममानवाइ ७ जुलाकानिक शक ভুজ ক্ষেত্রের মধ্যে সমচভুর্জ অক্ষিত করিতে হইবে।
- ২৩। একটা নিশিষ্ট ব্রক্তের স্পর্শনী টানিতে হইবে, ষাহা কোন নিভিষ্ট সরল রেখার সমাভরাল হয়।
- ২৪। কোন সমবাহ ত্রিভুজের ভিতরে এবং বাহিরে ছুইটা রন্ত অক্কিত করিলে, অন্তর্গত রুতের ব্যাদার্ক বহির্গত বতের ব্যাদার্কের অর্কেকের দ্যান হইবে।
- ২৫। একটী সরল রৈথিক কোণকে ২, ৪, ৮, ১৬ প্রভৃতি সমান থানে ভাগ কর।
- ২৬। একটা নিদিষ্ট বিন্দু দিয়া এমত একটা রেখা টান, যাহা একটা নিন্দিষ্ট সরল রেখার সহিত সংযুক্ত হইলে Be° পরিমিত একটা কোণ উৎপন্ন হয়।
- ২৭। সমকোণকে ত্রিগত অর্থাৎ ভিন সমান সমান ভাগে বিভক্ত কর।
- २৮। এक में निष्टिष्टे दिन्दु निया दिशा होनिया अकी শমান্তরাল ক্ষেত্রকে সমান ছই থণ্ডে বিভক্ত কর।
- ২৯। একটা সমকোণিক সম্বিবা**হ ত্রিভূজের মধ্যে বৰ্গ ক্ষেত্ৰ অভি**ত কবিতে হইবে।

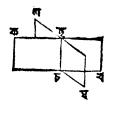
### ব্যবহারিক জামিতিও জামিতিতত্ত্ব। ১৫৫

- কর্গক্ষেরের কর্ণছয় পরম্পার সমান অংশে দিখন্তিত
   কইয়া লমভাবে অবস্থিতি করে ও ভদ্বরা বর্গক্ষেত্রটী চারিটী
   সমান ত্রিভুল্পে বিভক্ত হয়।
- ৩১। যে বেথা সমাত্রাল ক্ষেত্রের কর্ণকে স্মান ভাগে দ্বিথপ্তিত কবে, সে ঐ ক্ষেত্রকেও স্মান অংশে দ্বিভাগ করিবে।
- থং। একটী সমকোণিক ত্রিভুজের মধো একটী সমকোণিক ত্রিভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে। অন্তর্গত ত্রিভুজনী যে আদিম ত্রিভুজের চতুর্থাংশের একাংশ ভাহা প্রমাণ কর।
- ০৩। একটী ত্রিভূজের কোন বাছর কোন বিদূহইতে রেগা টানিয়া ঐ ত্রিভূজকে সমান দুই ভাগে বিভাগ করিতে ইইবে।
- ৩৪। ট্রাপিজিয়ম কেত্রে কোন একটা কোণ হ**ইতে** রেখা টানিয়া ঐ রেখাদারা কেত্রকে সমন্বিত্ত করিতে হইবে।
- ৩৫। কোন সরল রৈখিক ক্ষেত্রের ভুল্য একটী র**ন্নস অভি**ত করিতে হইবে।
- ৩৬। একটা ত্রিভুজ অস্কিত কর যাতার ক্ষেত্রকল একটা নিশিষ্ট ত্রিভুজের ক্ষেত্রকল ভুলাও যাতার ভূমি উক্ত নিশিষ্ট ত্রিভুজের ভুলা।
- ৩৭। কোন বিভ্জের তিন্টী ভুজকে তিন বিভুতে সম্বিধণ্ড করিয়া যদি উক্ত বিভু সংযুক্ত কর। যার, তবে মধ্যে যে ত্রিভুজ উৎপন্ন ইইবে তাহ। কাদিন ত্রিভুজের চতুর্বাংশ ইইবে।

# ঘনজ্যামিতি ৷

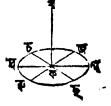
# পরিভাষা।

১। कर्भ ७ श घ पूर्वी ধরাতল যদি চ ছ রেখাতে পরস্পর অবচ্ছেদিত হয়, ভাহা इटेल थे (तथाक माधातन থণ্ড কছে।



২। একটী ধরাতলের উপর যদি এমন একটী সরল রেশা টানা যায় যে, উহার মূলদেশ দিয়া ঐ ধরাতলে যত অপের রেখা টানা যাইবে, ভাহাদের প্রভোকের স্ঠিত্ত শ্বেথার সংযোগে সমকোণ উৎপন্ন হয়, ভাষা हरेल के व्यथसोंक दर्शांक छेक ध्वांक्लव नम्र करा ষার। ক থ একটা ঋজুরেথা চ জ গ ছ ঝ ঘ ধরাতলের উপর এরপে অঙ্কিত হইরাছে

যে, উহার মূল ক দিয়া উক্ত ধরাতলের উপরে ক ঘ, ক চ্ व्यक्षि तिशा होनितन यणि थ क घ, ধ ক চ প্রভৃতি প্রভ্যেকে সম-



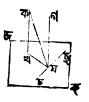
कोन इस, छोटा इटेरन क थ छेक धता उरलद लग्न इटेरत।

ও। কথ যদি ছইটা ধরাতলের সাধারণ খও হর,

থাবং চছ ও জাক যদি কঁথ বেথার উপর সমকোন ভাবে আজিত হয়, তাহা হইলে জা গ চ কোণই জুইটী ধরাভলের অবনতির মান হইবে।

৪। মনে কব, জ ক ধরাভলের উপর ক ঘ বেখা অবনত হইলছে, এইক্লণে ক বিন্দু দিয়া জ ল ধরা-ভলের উপর লম্ব পাত কবিয়া ঘ শংমুক্ত করিলে ক ঘ থ কোনাই ক ঘ রেখার অবনতির মান হইবে।





ধ। যে দকল ধরতিল এরপে ভাবে দংক্তিত থাকে থে,
 ভাগাদের হই দিক অবিশাস্ত বৃদ্ধি করিলে কোন দিকেই
 পরস্পারের সহিত্ত দংস্পর্শ হয় না, ভাহার। সমান্তর ধরতিল।

৬। যে বস্তর দৈখ্য, বিস্তার ও বেধ আছে ভাহাকে মনবানিটন বস্ত কছে।

া। পছল নিটন বস্ত অর্থাৎ
বৈ বস্তর সীমাগুলি সমাস্তরাল,
নমান এবং সদৃশ সরলরৈথিক ক্ষেত্র;
এবং বাহার পার্যগুলি সমাস্তরাল
চতুর্জ্জ। পহলের দিকের সংখ্যান্ত্রনারে ভাহার নামের নির্দেশ হইরা
বাকে। যদি পহলের ভিন দিক্
বাকে, ভবে ভাহাকে ত্রিপাহল কহে;

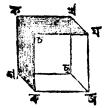


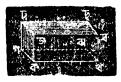
চারি দিক থাকিলে চৌপল বা চৌপহল, পাঁচ দিক্ থাকিলে পঞ্পহল কছে,

हेडामि।

৮। চৌপল বন্ধর ছয়টী দিক প্রভাকে সমচত্ত্জ इरेल मगवाहक घन क्या কহে।

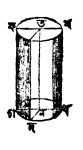
৯। যে ঘন বস্তুর ছয়টী আয়তাকার দিক আছে এবং প্রত্যেক সমুধস্থ যুগ্যদিক সমান ও সমান্তরাল, তা-





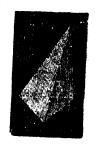
হাকে সমকোণিক সমান্তরাল ঘন বা নিটন বস্তু কহে।

১০। সমচতুকোণ ক্ষেত্র একটা ভূজের উপর দণ্ডায়মান থাকিয়া একবার চতুদ্দিকে ঘূণিত হইলে যে আকারটী হয়, ভাহার নাম স্তম্ভ। স্মান ব্যাদবিশিষ্ট কডকগুলি বুস্ত উপর্বপরি স্থাপিত ইইলে



একটা ন্তম্ভ হয়। পাছের ওঁড়ি, বাঁশ ও কূপের আকার ন্তম্ভ।

১১। ঘাহার তলটী দরল রৈথিক ক্ষেত্রবিশেষের ন্যায়. भृष्ठेश्वनि जिल्लाम् नार्तात. धरः थे जिल्लाश्वनित मुक्र धकरी বিস্তুতে শেষ হইয়া একটা স্থচীর আকার হইয়াছে, ভাহার নাম দকোণস্চী। দকোণস্চীর
ভবস্থ ক্ষেত্রের আকারাস্থ্যারে
নামের নির্দেশ হইরা থাকে।
যদি সকোণস্চীর ভবস্থ ক্ষেত্র জ্ঞিকোণাকার হয়, ভাহা হইলে
ক্রিকোণাকার সকোণস্চী কহে,
বর্গ হইলে চতুকোণাকার সকোণস্থাটী কহে, ইভাাদি।



১২। সমকোণ কিতৃত্ব,
সমকোণপার্শবর্তী ছুইটা ভূব্লের একটার উপর দণ্ডায়মান
ইইয়া, আর একটার চারিদিকে
ঘূর্ণিত হইলে যে আকার হয়,
ভাহার নাম স্থাটা নৈবেদ্যের
, আকার স্থাটীর মত।



১০। অর্জন্বত্ত আপন
বাদের উপর দণ্ডায়মান
ইইরা সকল দিকে ঘ্রিয়া
আদিলে যে আকারটী হয়,
ভাহার নাম বর্তুল। কামানের গোলার আকার বর্তুল,
কদম ফুলের আকার বর্তুল।



১৪ ৷ ঘন বস্তর এক পার্খের মধ্য হটতে অপর পার্খের মধ্য পর্যান্ত যে রেখা কল্লনা করা বার, ভাহাকে অক্ষদণ্ড কহে। পকোণসূচীর শুদ্ধ হইতে ভূমির মধ্য পর্যান্ত ষে রেখা টানা যায়, ভাহাকে ভাহার অব্দরত কছে। বর্ত্ত লের ব্যাস অর্থাৎ যে রেখাটা কেন্দ্রের মধ্য দিয়া গিয়া উভয় প্রাক্তে সমাপ্ত হয়. ভাহাকে উহার অক্ষণ ও কছে।

- ১৫। ঘন বন্ধর শুঙ্গ বা মন্তক হইতে ভূমিতে লম্ব পাছ করিলে **উহাকে** উহার উন্নতি কহে।
- ১৬। কোন সকোণস্চী, বর্ত্র বা অন্য কোন ঘন বস্তুর ছলত্ব ক্ষেত্রের সমান্তরালে থাকিয়া যদি কোন সমতল ক্ষেত্র উক্ত বস্তুকে তুই ভাগে বিভক্ত করে, তাহা হইলে ঐ ভাগ-ছয়কে থণ্ড কছে। এই খণ্ডদ্বের উপরের খণ্ডটী যদি পরিতা<del>ক</del> হয়, ভাষা হইলে নিমের খণ্ডটীকে প্রকাণ্ড কছে।
- ১৭। কোন ঘন বস্তুর অন্তর্গত তুই সমান্তরাল সমতল কেত্রের মধ্যবন্তী স্থানকে তাহার মণ্ডল কহে। ঐ নমন্তল ক্ষেত্র সুইটী যদি উক্ত ঘন বস্তুর কেন্দ্রের উভয় দিক্ হইতে সমান দূরে স্থাপিত হয়, তাহা হইলে ঐ মওলকে মধামণ্ডল কছে।

১৮। বুত্থও আপন জার উপর দতায়মান হইয়া সকল **मित्क चु**तिश्रो कामित्न (य আকারটী হয়, ভাহার নাম গোলাকার টকু।



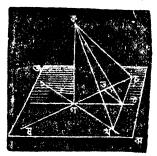
# ধারাতলিক ও ঘন জ্যাগিতি সম্বন্ধীয় উপপাদ্য।

# ১ম প্রতিজ্ঞ। উপপাদ্য।

জ ক ধরাতলে স্থিত ঘচ ও গথ তৃইটী রেগার সম্পাত বিন্দু গ হইতে উক্ত তৃই রেধার উপর লম্ম উদ্রোলন করিলো ইহা জ ক ধরাতলেরও লম্ম হইবে।

গ বিন্দু দির। জব্ধ ধরাতলে আর একটী রেথা গট জন্ধিত কর, পট রেথাতে স্থিত কোন বিন্দু ট দিয়া চটথ এরিপে টান যে টথ, টচ-র সমান হয়। এইক্ষণে থচগ ও ধচক জিভুজে (বাবহারিক জ্যামিতির ৪০শ প্রতিজ্ঞান্দারে) গথ<sup>8</sup> + গচ<sup>8</sup> - ২ গট<sup>8</sup> +

े छ है ; क थै + क है - २ क छै + २ छ है ? ; फैंडे ज़ड़ेजीत अथसी थिडीन टेंट विद्यांग कतित्न, क थै - ग थे + क है - ग है = २ क छै - २ ग छै ; किन्क क ग थ



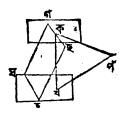
অনুমান ১। প্রস্তাবিত উপপাদ্য দারা প্রতীয়মান হইতেছে যে, কোন ধরাতলের উপর একটী নিশিষ্ট বিন্দু হইতে কেবল একটা লম্ব অন্ধিত হইতে পারে, এবং সেই লম্ব ঐ বিন্দ ও ধরতিলের লঘুতম দূর্থ রেথা।

২। যদিক গ রেখা গ খ, গ ট ও গ চ প্রত্যেক রেখার স্থিত সমকোণ উৎপন্ন করে, তবে এই ভিন্টী সরল রেখা একই ধরাতলে থাকিবে।

### ২য় প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক থ একটী সরল রেখা, যদি ইহা ক ও ধ এই ছই ধরাতলের লম্ব হয়, ভাহা হইলে এই ডুইটী ধরাউল সমা-स्त्राल इहेर्त ।

यनि क ७ थ ममास्रतान ना रुव, छत्व छेराता दुक्ति পাইলে অবশ্য এক দিকে দংলগ্ন হইবে। বৃদ্ধি পাইয়া প বিন্দুতে সংলগ্ন হউক। ক প ও খ প সংস্কু কর। যেহেতুক কথ রেখা



ক ও ধ উভয় ধরাতনের উপর লম্বভাবে আছে, প কথ ও পথক প্রভ্যেকে সমকোণ, অত্তাব কপ্ থপ ধরা-তলের সমান্তরাল থাহা কল্পনার বিপরীত, স্মৃতরাং অসম্ভব, এবং ক ও ধ বৃদ্ধি পাইলে কোন দিকেই সংলগ্ন হইবে না ও কাষে কাষেই সমাস্তরাল।

অনুমান। কথ রেখা ক ও ধ ছুইটা সমাস্তরাল ধরা-তলের একটীর লম্ব হটলে অপর্টীরও লম্ব হটবে।

### ৩য় প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক ও ও তৃইটা সমান্তরাল ধরাতল গছ চ ব অপের একটা ধরাতল ভারা ছিন্ন হইলে, গছ ও ঘ চ ছেদ রেখা পরস্পর দমান্তরাল হইবে (পূর্ব্ব প্রতিকৃতি দেখ)।

যেহেতুক ক ও ধ ছইটী সমাত্রাল ধরতিল বন্ধিত হইলে কোন দিকে সংলগ্ন হইতে পারে না, গছ ও ঘছ রেধা ঐ ছই ধরাতলে অবন্থিত বলিয়া, ইহারাও বন্ধিত হইলে সংলগ্ন ইইতে পারে না, অভএব ইহারা স্মাত্রাল।

#### 8र्थ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক থ রেখা জ ক ধরাতলের (৪র্গ পরিভাষার প্রতিকৃতি দেখ) লক্ষ হইলে, যে যে রেখা (যথা গছ) ক থ রেখার স্মান্তরাল করিয়া অভিতে হইবে, ভাহারাও ঐ ধরাতলের শৃষ্ম হইবে।

ক থ ও গ ঘ রেখা দিয়া একটী ধরাতল ভান্ধিত কর, নবাহা জ ক ধরাতলকে থ ঘ রেখাতে ছিল্ল করিবে, জ্ঞান্ধ ধরাতলে চছ রেখা থ ঘ রেখার লম্ম ভান্ধিত কর, এবং ক ঘ সংযুক্ত কর।

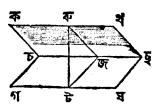
চ ছ রেথা ক থ ঘ ধরাতলের লম্ব, অভএব চ ঘ গ কোণ সমকোণ, কিন্তু গ ঘ থ কোণও সমকোণ, যেহেভূ ক থ রেথা থ ঘ রেথার লম্ব, এবং গ ঘ, ক থ-র সমান্তরাল। এই-কণে গ ঘ রেথা চ ঘ ও ঘ থ ছুইটা রেথার লম্ব, আভএব এই রেথা জ বা ধরাতলেরও লম।

শহুমান। কথ ও গঘ ছুইটা রেখা জাক ধরাতলের শঘ হইলে, উহারা নমাভরাল হইবে।

# মে প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক ধ ও গ ঘ ছইটী রেখা চছ অপর একটী দরল রেখার সমান্তরাল হইলে, ভাহারাও পরস্পর সমান্তরাল হইবে।

জ বাট ধরাতল এ রূপে অন্ধিত কর যে, উহা চছ রেথার লম্ব হয়। ক ক ও গ ট রেখা চ জ রেখার সমাতরাল বলিয়া পূর্ব্বোক্ত উপ-



**পাদ্যের অন্ন্যানান্ন্যা**রে ভাহারা পরস্পার স্মান্তরালও ইইবে।

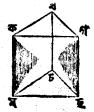
# ৬ষ্ঠ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

े **ক ধ গ ও ঘ** চ ছ কোণধয়ের যদি ক থ রেথা **ঘ** চ-র শ্মাভরাল ও ধ্র রেখা চছ-র স্মাভরাল হয়, ভবে ক থ গ কোণ ঘ চ ছ কোণের সমান হইবে।

क थ, च ह-त नभान छ थ श, ह छ-त नमान कतिया ক গ, ঘছ, ক ঘ, খ চ ও গছ দংযুক্ত কর।

ব্যবহারিক জ্যামিতির ২৫শ প্রতিজ্ঞান্ত্রসারে কর্ম চ ঘ সমান্তরাল চভুত্ত, অভএব ক যু-च ठ ; **এইরপে च গ ছ চ সমা**ভরাল **ठकुर्य करः शह=च छ। এইका**व ক ঘ ও গ ছ প্রত্যেকে ধ চ-র সমা-

खतान ७ नमान वितिष्ठ ( शूर्व्हाक প্রতিজ্ঞান্ত্রারে) ক ঘ, গছ-র



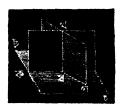
সমান ও সমাস্থরাল, স্তরাং কগছ সমাস্থরাল চতুর্জ, এবং ঘছ – কগ। অভএব কথগ ও ঘচছ গুইটী ত্রিভূজ স্কভোভাবে সমান এবং <কথগ – <ঘচছ।

### ৭ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যদি থ ঘ সরল রেখা চ ছ ধরাভলের উপর লক্ষভাবে দণ্ডায়মান থাকে, তবে ঐ সরল রেখার উপর দিয়া ধে ধরাভল গমন করিবে (বথা ক থ ঘ) ভাহাও চ ছ ধরাভলের লক্ষ হইবে।

চছ ও কথ চইটী ধরাতলের কঘ রেথাতে সম্পাত

হউক: চছ ধরাতলে ঘণ রেথা ক ঘ-র লম্ব করিয়া টান; এইক্ষণে ধ ঘ, চছ ধরাতলের লম্ব, এজন্য ধ ঘ গ সমকোণ হইবে, এবং (৩য় পরিভাষা-

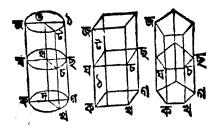


স্থারে) এই কোণ চছ ও কথ ধরাতলের অবন্তির মান; স্থাতরাং এই ধরাতলম্বয় পরস্পার লম্বভাবে অবস্থিত ইট্যাছে।

শর্মান। যদি কথ ও গথ ছইটী ধরাতল চছ একটী ধরাতলের উপর লমভাবে অবস্থিত হয়, তবে উক্ত ছুই ধরা-জলের সম্পাত রেখা থম, চছ ধরাতলের লম হইবে।

### ৮ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক ধ গ জ প্রলের ভূমির সমান্তরাল একটা ধরাতল বদি ঐ প্রলকে ছেদ করে, ভাষা হইলে ঐ ছেদনে বে ৰুতন ধরাতলের উৎপত্তি হর, ভাহা পহলের ভূমির শমান হইবে।



চ ছ ব সমান্তরাল ধরাতল যদারা পহল ছেদিত হই-🕶 🛊 🕶 খ গ ও চ ছ ঘ ছুইটা সমান্তরাল ধরাতল क 4 5 घ अन्तर এकी ध्रांडल बारा हिम्छ इटेशाह, আজন্য (এর প্রতিজ্ঞানুসারে) ঘচ রেখা কথ রেখার नमाख्यान ; अहे क्राल ह ह, ह हे छ हे च द्रिश यथाय थ ग, গঠ ও ঠক-র সমান্তরাল প্রভীত হইবে। অপর পহলের পরিভাষাত্মসারে উপলব্ধি হইতেছে যে, কম ও ও চ পরস্পর সমাভ্রাল; ভলিমিত ক থ চ ঘ সমাভ্রাল চতুর্ত্তন, এবং (ব্যবহারিক জ্যামিতির ২৪শ প্রতিক্তাহ্নসারে) घठ - क ब ; बारे जान ठ ह - ध श, ह छ - श र्ठ धारः ঘট = কঠ: অধ্থ ঘচছ ও ক্রমণ প্রক্রমর সমানবাহক। পুনশ্চ (৬ঠ প্রতিজ্ঞান্ত্র্যারে) ঘ চ ছ কোণ = कथन कान, हहाँ कान = धनर्ठ कान, हेकानि। অভএব প্রতিপর হইতেছে যে, ঘচছ ধরাতল ক ব গ ভূমির সর্বভোভাবে স্থান।

# ৯ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

ক থ গ জ স্তান্তের ভূমির সমাস্তরাল একটা ধরাতল ফদি ঐ ক্তানে ছেদ করে, ভবে ঐ ছেদনে যে ধরাতল উৎপন্ন হয়, ভাহা উক্ত ভূমির সমান একটা বৃদ্ধ হইবে।

ক গ ঠ জ ও থ ট ত দ ছুইটী (পূর্ব্ব প্রভিজ্ঞার ১ম প্রতিকৃতি দেখ) ধরাতল, ত দ মেকদণ্ড দিয়া গমন করুক ও ঘ চ ছ ধরাতলকে চ, ছ, থ বিন্দৃতে ছেদ করুক। এই-কৃণে কৃত্তের পরিভাগা ছারা প্রতীরমান ইইতেছে বে, থ চ রেখা দ থ রেখার সমাস্তরাল, এবং (৩য় প্রতিজ্ঞামুদারে) থ চ. দ থ-র সমাস্তরাল, অভএব থ চ থ দ সমাস্তরাল চভুভু জ এবং থ চ = দ ধ; এইরুপে থ ছ, দ গ-র এবং থ ঘ, দ ক-র সমান প্রদর্শিত হইতে পারে। কিন্তু দ ধ, ক থ গ বুজের বাাসার্দ্ধ, স্থভরাং ঘ চ ছ বুক্তটীও ক থ গ বুজের দমান।

# ১০ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

গ চ ঘ ক একটা সকোণস্থাীর ভূমির সমান্তরাল কোন ধরাতল যদি ঐ স্থাকৈ ছেদ করে, ভাষা হইলে ঐ ছেদন ঘারা যে ধরাতল উৎপন্ন হয়, ভাষা ঐ ভূমির সদৃশ হইবে এবং ভূমি উক্ত ছেদনজ ধরাতলের যত গুণ হইবে, শীর্ষ কোণ হইতে ভূমির উপর পতিত লম্বের বর্গ, ছেদনজ্ব ধরাতলের উপর পতিত লম্বের তত গুণ হইবে।

্ছ জ্ব ভূমির সমান্তরালে এক ধরাতল; কুম ধ একটী লম্বরেখা ভূমি ও ঐ ধরাতলের উপর টানিরা জ্ব ম ও

( ৩য় প্রতিজ্ঞান্ত্র ) ছ জ ও গ চ পরস্পর সমান্তরাল धवः (७४ श्रिष्ठाञ्चारत) গ চ ঘ কোণ ছ জ বা কোণের সমান। এই রূপে ঘ কোণ



কা কোণের সমান ইত্যাদি; অর্থাৎ ছ জ কা ছেলনজ ধরাতল গ চ । ভূমির সহিত তুল্যকে পিক।

কগচ ও কছজ সদৃশ তিভুকে,

किठ:किछ::গठ:इछ।

এই রূপে ক চ ঘ ও ক জান সদৃশ ত্রিভূজে,

कि 5: कि छ :: ह घ : छ त

ু গুচ:ছজ::চ্ঘ:জ্বা।

এই রূপে প্রদিশিত হইতে পারে যে, ছ জ ঝ ধরাতকের সমুদার বাছ গচঘ ভূমির স্বগীর বাছর স্হিভ অনুপাতীয়, এই জন্ম বাবহারিক জ্ঞামিতির ৪৮শ প্রতিজ্ঞান্ত্রসারে, গুচ ঘ-র পরিমাণকল: ছ জ ক-র পরিমাণকল:: গ চ ै: ছ छ ।

किशुग्ठ: ছ छ : : क छ : क छ ; অপের ক ধ চ ও ক ন জ ছইটী সদৃশ তিতুকে,

किहःकिषः: तथः कन

ে গুচ:ছ জা:: ক খ: ক ন, ইহার ভুই পক্ষ বর্গ করিলে; ग हरे: इक्टें: क सरे: क सरे,

ে গচ্ছ-র পরিমাণ্কল : ছ জ ব-র পরিমাণ্কল :: क परे: क बर ।

### ্য ১ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক ধ গ ঘ স্টীর ভূমির সমাস্তরাল কোন ধরাতল বিদ ঐ স্টীকে ছেল করে, তাহা হইলে ঐ ছেলন ছারা বে ধরাত্রল উৎপন্ন হইবে তাহা একটা বৃদ্ত হইবে। এবং ভূমি উক্ত ছেলনজ ধরাতলের যত গুণ হইবে, শীর্ষ কোণ হইতে ভূমির উপর পতিত লম্বের বর্গ, ছেদনজ ধরাতলের উপর পতিত লম্বের তত গুণ হইবে।

ক থ গ ৩ চ ছ জ গুইটা সমান্তরাল ধরাভলের উপর ঘ ন ম একটা লম্ব টান, এবং থ ক ঘ ও গ ক ঘ দুইটা ধরাতল ঘ ত ক মেকদণ্ড দিয়া গমন করুক, এই ছুই ধরাজল চ ছ জ ধরাতলকে ত ছ ও ভ জ রেখাতে ছেদ করিয়াছে। এই জ্পণে (তর প্রতিজ্ঞান্ত্রারে) ত ছ, কা থ-র



সমাজরাল, ও ড জ, ক গ-র সমাজরাল, স্মৃতরাং দক্ষ ও ঘডছ ছইটী ত্রিভূজ সদৃশ আবে ঘকাগ ও ঘডজ ছইটী ত্রিভূজও সদৃশ, এইজজ্ঞ ঘকা: ঘড:: ক্ষ: ভছ, এবং ঘকা: ঘড:: কাগ: ডজা;

ं.वंथ:उह::वंश:इख।

কিছ ব খ, ব গ, ক খ গ বৃদ্ধের ব্যাসার্থ বলিরা পরস্পর সমান, অভএব ভ ছ = ভ জ, এই রূপে চ ছ জ পরিধিতে জন্ত কোন বিশু সইরা ভ বিলুর সহিত সংযুক্ত করিলে, ভাহাও ভ ছ বা ভ জ-র সমান প্ররূপ প্রদর্শিত ছইতে পারে; স্তরাং চ ছ জ একটা বৃদ্ধ।

্অপর, **ঘঝ্ম ও ঘতন<sub>ি ই</sub>ইট**ি সদৃশ তিতুৰে च भ : घ न : : घ न : घ छ ष्यथा : : न ग : ७ छ.

∴ घम रे: घ सरे :: বা গ रे: ত জ रे; কিছে ( ব্যব হারিক জ্যামিতির ৭৯ তি প্রতিজ্ঞানুসারে) কথ গ-পরিমাণকল : চ ছ জ-র পরিমাণকল :: ব গ ২ : ভ জ ২ ় ক ধ গ-র ক্ষেত্রফল : চ ছ জ-র ক্ষেত্রফল :

घ सरे: घ सरे।

যদি একটা স্থচী অপর কোন ধরাতল হারা এরেগে ছেদিভ হয় যে, ঐ ধরাতলটী ঐ স্চীর কোন পৃষ্ঠের সমান্ত রাল হর, তাহা হইলে ঐ ছেদনে যে আকার উৎপন্ন হ সেইটা কেপবীর আকার।

# ১২শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ুবর্জুরে কোন অংশ দিয়া যদি অপর কোন ধরাতক গমন করে, অথবা বর্ভুলকে যথেচ্ছা কাটিয়া দিখও করা যায়, ভাষা হইৰে উভয় থণ্ডেরই ছেদমুখ গোলাকার অৰ্থাৎ বুদ্ধ হইবে।

্ৰ গ্ৰম্ম বৰ্ত লের কছ খ ্**ভাগটী ছেদ করা হই**য়াছে। এইক্ষণে বর্জ লের কেন্ত্র ্ম হইভে কছ'ব ধরাতলের উপর মচ ল**খ** টান, ছাহা হইলে গ্যুচ্ছ বর্তের ्राकृत्व इरेर्टर। म क चर्च ও মছম তুইটা ধরাভাল 🕬



এই মেরুদণ্ড দিলা গমন করুক; ক চ ম ও ছ চ ম ছুইটা সমকোণিক ত্রিভূজে, ম ক, ম ছ প্রভাবে বর্তুনের ব্যাসার্জ বলিয়া পরস্পর সমান এবং ম চ এই ছুই ত্রিভূজের সাধারণ বাছ, অভএব চ ক = চ ছ। এইরূপে অল্প কোন রেখা চ বিন্দু দিয়া ক ছ থ ছেদনজ ধর্জেলের পরিধি পর্যন্ত নিকাশিত করিলে যে চ ক-র সহিত সমান ছইবে ভাহা প্রদৰ্শিত হইতে পারে; স্থভরাং ক ছ খ এই ছেদনজ ধরাতলটী বৃত্ত ও ইহার ব্যাসার্জ চ ক।

# \*১৩শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

সমান ভূমি ও উরতিবিশিষ্ট পহল ও **ভভ প**র্জার ক্মান।

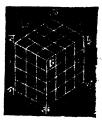
মনে কর ৮ম প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতিতে পহল ও ন্তন্ত একই বর্গাভনের উপর দণ্ডায়মান আছে, এবং ইহারা ইহাদের ছমির সমান্তরাল ঘ চ ছ ধরাতল ঘারা ছেদিত হই-বাছে। এইকণে এই ছেদনজ ধরাতলগুলি প্রভারে পরস্পারের সমান, কারণ (৮ম প্রতিজ্ঞান্ত্রসারে) ভালারা কর্মার ভূমির সহিত সমান। আর ভূমিগুলি যে পরস্পার সমান তাহা করিত হইরাছে। এইরূপে ইহাদের ভূমিন্ত সমান বালাশিত করিলে, ভাহা-বাজি পরস্পার সমান হইবে। এইকণে এই পহল ও জ্ঞান্ত্রপার সমান থও বা ধরাতলবিশিত্র, এবং ইয়্লান্ডিপার উদ্ভেরের উল্লান্ড সমান বলিয়া ইহার একটিতে বতগুলি স্কল্প কংশ বা ধরাতল থাকিছে পারে, জ্ঞান্ত্রপার ক্রিলে বা ধরাতল থাকিছে পারে জ্ঞান ক্রিলে বা ধরাতল থাকিছে বা ধরাতল থাকিছে বা ধরাতল বা ধর্ম ক্রিলে বা ধরাতল বা ধর্ম ক্রিলে বা ধরাতল বা ধর বা ধরাতল বা ধরাতল বা ধরাতল বা ধরাতল বা ধরাতল বা ধরাতল বা ধরাতল

টীতেও ডভগুলি ধরাতল থাকিবে, স্মৃতরাং পছল ও ভগু শমান ভূমির উপর স্থাপিত ও শমান উল্লভ হইলে যে পরস্পর नमान स्टेर्प छारा श्रिजिन स्टेरिह ।

প্রােগ। বনি চছ লব আয়ত অর্থাৎ সমচত্তােণ ধরাত্তল ক্ষেত্রের ( ৭৬ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দেব ) অস্তর্গত এক এক বর্গহাত পরিমিত ক্ষেত্রের উপর এক ঘনহাত পরি-মিত এক এক থানি ইটক ছাপিত করা বার, তাহা হইলে বে ঘন কেত্রটী হইবে ভাহা এক হাত উচ্চ হইবে; এবং ভাহার তলস্থ সমচত কোণ ক্ষেত্রে যতগুলি বর্গহাত আছে উক্ত ঘনকেত্রের মধ্যে ভতগুলি ঘনহাত হইবে। যদি 🌢 ইউকের শুরের উপর একাপ আর একটা স্তর ছাপন করা যায়, ভাছা ছইলে সমুদায় ঘনক্ষেত্রটী ২ রৈথিক ছাঙ উচ্চ হইবে, এবং তাহার তলে যতগুলি বর্ণহাত আছে छेशात मध्य जाशात २ ७१ घनशाफ इहेरव। अंतरण छेशी ৩ হাত উচ্চ হইলে, তলে যতগুলি বর্গহাত, উহার মধ্যে ভাছার ৩ ৩৭ ঘনহাত হইবে ইত্যাদি। স্বভরাং কোন नम्राकानिक चनाक्का यक दिश्विक शक्त क्रिक्ट इहेरन. **ভাষার ভলম্ব কেতের** বর্গহাতের সংখ্যাকে ভড়<del>ঙ</del>ণ করিলে ৩৭কন উক্ত বনকেত্রের অন্তর্গত ঘনহাতের সংব্যা चरी फाहात कालि हहेता। धहेकत छन्छ वर्ग क्वामित कानि निर्देश कतिए रहेल. जारात रेपरी ७ शास्त्र ७५ कतिए सा. प्रख्यार धनत्कवित धनकन कवीर कानि चित्र कतिए स्टेरन, छात्रात रेपर्या, आप अवर केळला अहे ভিনকে ৩৭ করিতে হয়।

छेनाइत्रम् । कथ इक्ष च भ चन क्लाब्बर रेन्सा कथ 8 হাড, বিস্তার কণ ৩ হাড ও উচ্চতা কচঃ হাত হইলে. ভাহার কালি কত গ **डि:। ८৮ घनका** ।

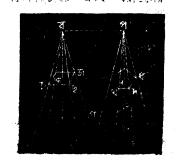
এই সমকোণিক ঘন কেত্ৰটী ৪ হাত উচ্চ বলিয়া, উহার তলম্ব ক্ষেত্রের বর্গহাতের সংখ্যা ১২কে ৪ ৩৭ করিলে. গুণ্ফল ৪৮ খনহাত, উক্ত খনকেত্রটীর কালি इट्टें(व ।



২। যে প্রস্তর্থতের দৈর্ঘা, বিস্তার ও উচ্চতা যথাক্রমে ७, ० ७ २ कृष्ठे, তाहात कानि कर ? है: । ७५ घनकृष्ठे । 🥆 ৩। যে পছলের ভূমির পরিমাণফল ২৪ বর্গফুট ও উন্নতিঃ পরিমাণ ৩ ফুট, ভাহার কালি কভ? উ:। ৭২ খনফুট। ১৪শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদা।

সমান ভূমি ও সমান উল্লিটিবিশিষ্ট স্থচী বা সকোণসূচী পরস্পর সমান।

मत्म कत अहे भार्षक मत्कानक ही एवं अकहे धता इत्लंब উপর দ্রার্মান আছে. धेवः हेशास्त्र अभित नमा-ছরাল দিয়া যে ধরতল প্ৰন করিয়াছে ভদারা कि स ७ श म स शता-**उगक्रम** छेर शङ्ग इहे-রাছে। চছজাও কথগ



ছইটা ধরাতলের উপর ঘাঝাট লম্ম নিকাশিত কর, আর খ দ ধ 💩 ঠ ড ৭ ছইটা ধরাতলের উপর প ন ফ লম্ম নিকাশিত কর। এইক্ষণে ঘট = পফ, সুতরাং ঘক 🖚 প न। किंक > म ७ > > म श्री छिछा सूत्रादत.

ক ধ গ-র পরিমাণকল : চ ছ জ-র পরিমাণকল :: च है : च कर, धवः ठे छ ग-त পরিমাণফল : थ म ध-त পরিমাণকল:: श करे: श नरे.

ু : ক ধ গার পরিমাণফল : চ ছ জা-র পরিমাণফল : : ঠ ড ণ-র পরিমাণফল: থ দ ধ-র পরিমাণফল; কিছ ক থ গ-র পরিমাণক ল ঠ ড গ-র পরিমাণকলের সহিত সমান করিত হইয়াছে; অতএব চ ছ জ-র পরিমাণফল 🛥 খ দ ধ-র পরিমাণফল। এই রূপে ইহাদের ভূমির সমান্ত-রালৈ খনা কোন ধরাতল গমন করিলে ভাহারাও সমান হটবে। অভএব এই সকোণস্ফীগুলি এই সকল সমান সমান্তরাল ধরাতলবিশিষ্ট বলিয়া ইছারা প্রস্পুর সমান।

# ১৫শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

বে সকল সকোণস্চীর ভূমি ত্রিকোণাকার ভাহার ক্ষান ভূমির উপর ছাপিত ও সমান উল্লভিবিশিট भरतत पृष्ठीवाः त्यत्र धकाः ।

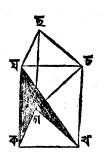
ক্রাপ ভাষ্ট ছ প্রলের ছই পার্ব। মনে কর হে 🛊 न व 🌞 व नै क करें बताबन এই পছলের মধ্য দিয়। প্রন ভারিরাছে: ভাষা **বউলে** পহলটা তিন**টা প্**কোপ্**স্টাচে** विकास प्रदेशीय काम कामीक हरेत्य ।

পূর্ক প্রতিজ্ঞান্ত সাহ ব গ ছ

ও ধাচ ছ সমান ভূমির উপর

দণ্ডারমান ও সমান উন্নতিবিশিষ্ট

ভওরাতে পরস্পর সমান। এই রূপে
ক ধাছ গ ও ছ ছ চ গ সকোণস্চী
ছর ক ধাগ ও ছ ছ চ সমান

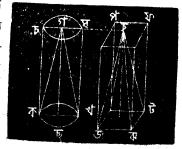


্ভূমির উপের দণ্ডায়মান ও সমান উচ্চতিবিশিষ্ট বলির। ভাষারাও পরস্পার সমান; স্মৃত্রাং ক থ গ ঘ সকোণ-স্টী, ক থ গ ছ পছলের একড়ভীয়াংখ।

আহমান। স্টা ও স্তম্ভ অথবা পহল যদি এক ভূমির উপর স্থাপিত ও সমান উন্নতিবিশিষ্ট হয়, তাহা হইলে স্টাটা স্তম্ভ বা পহলের তৃতীরাংশের একাংশ হইবে।

ইতিপূর্বে প্রদর্শিত হইয়াছে যে, ক ধ ঘ চ কত ও আন ব ট প পছল এবং ক থ গ স্চী ও আন ব ট চ সকোণ-

स्की नमान क्यित खेलत प्रशासन ७ नमान केंग्रेकिविनिष्ठे इहेरन लेत-स्मान नमान इत । किछ् स त हे क नरकाल-हैके स त हे क ल भहरनत कृकीतारम्पत



আকাংশ, স্থতরাং ক ধ গ স্চীও ল ব ট ক প পাইলের ছতীরাংশের একাংশ।

প্রয়োগ। পূর্ব্বোক্ত প্রতিজ্ঞা হইতে স্থূচী বা সকোণ-সূচীর ঘনকল স্থির করিবার যুক্তিটী উৎপন্ন হইয়াছে; যথা, ভূমির ক্ষেত্রফল উচ্চতার পরিমাণ দারা ৩৭ করিয়া ভাহার ভূতীয়াংশের একাংশ লইলেই ঘনফল স্থির হয়।

উলাহরণ ১। বে স্থচীর ভলম্ব ক্লেকের পরিমাণফল ৬ বর্গফুট ও উচ্চতা ৭ ফুট, তাহার ঘনফল কত ?

छै:। ४८ घनकृष्टे।

২। যে সকোণসূচীর তলম্ব ক্ষেত্র ৩ ফুট ভূজবিশিষ্ট সমচতুর্জ ও উচ্চতা ৮ কুট, তাহার ঘনকল কত ?

**डे:। २८ पनकृ** है।

### ১৬শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

বর্ত্তল স্তম্ভের অন্তর্গত হইলে উহা স্তম্ভের সৃতীয়াংশের একাংশ হয়।

় গঠঘট বৰ্জুল ও ইহার বেটনকারী স্তম্ভ খচছক धाबर के ह म रुठी याहात नीर्थ विम् वर्ड लात किसा में विकार नव रहेग्राइ। घ भ तथा हेरारेनत त्मकन्छ হউক। ৰচ ভূমির সমাভরাল আন বা একটী ধরাতল উক্ত ডিনটী খন বস্তু ছেদ করিয়া গমন করুক। ইহা ভাতকে म विमूख, वर्डनाक छ विमूख ७ श्रीक व विमूख नार्न করিভেছে; এই বিকৃত্তলি হইতে বর্তুলের কেন্দ্র ম বিকৃ भर्वाच त्रथा होन अवः म विक् निर्धा थ छ-त नमाचतान है में है द्रिश होन।

कषम ७ धनम नम्न जिज्ञास, कघ:घम::थान: नम: किडास म — कघ, ∴ मन — थान।

পুনশ্চ, ম দ ত সমকো-ণিক ত্রিভুলে ম ড<sup>২</sup> = ত দ<sup>২</sup> + ম দ<sup>২</sup>. কিন্তু ম ত – জ দ,



. এবং ম দ — ধ দ ; .`. জ দু<sup>২</sup> — ত দু<sup>২</sup> + ম দু<sup>২</sup>। এইকণে ব্যবহারিক জ্যামিতির ৭৮ প্রতিজ্ঞাল্পারে,

म × छ परे -- म × छ परे + म × थ परे; धर्थार छ ते इएछत क्कारम -- ए म इएछत क्कारम -- थ ध तर्छत क्कारम -- ए म इएछत क्कारम -- थ ध तर्छत क्कारम -- ए पर्वे एएछत थए, वर्छन छ मरकान- एटित मंदिर क्कारम -- एटित मंदिर क्कारम -- एटित मंदिर के प्रकार माहिर्म -- एटित के प्रकार माहिर्म -- एटित के प्रकार माहिर्म -- एटित के प्रकार माहिर्म -- के माहिर्म -

हें उड़ व ह ह क - छ च ई ग वर्ड् न ।

# দ্বিতীয় ভাগ।

# ৈরিখিক পরিমাণ।

রৈথিক, বর্গ এবং ঘনপরিমাণ নিরূপণ করা গণিত শার্মের বে অংশের উদ্দেশ্য, ভাহার নাম পরিমাপক বিদ্যা বা ক্ষেত্রবাবহার।

 ক্ষেত্রবাবহার তিন ভাগে বিভক্ত; যথা, রৈথিক পরি-মান, ধারাতলিক অর্থাৎ বর্গপরিমাণ ও ঘনপরিমাণ।

কোন পদার্থের পরিমাণ নিরূপণ করিতে ছইলে, ভাহার বর্গ অথবা ঘনফল একবারে কোন উপার ঘারা নির্ণয় হর না। অরীপী ফিতা বা গজ ইত্যাদি ঘারা তাহার রৈথিক পরিমাণ লইয়া, পশ্চাৎ যে সকল নিয়মাবলী প্রাদত ছইবেক, ভদ্ধারা সরল রৈথিক পরিমাণ হইতে বর্গ ও ঘনফল নিরূপিত হয়, যথা একটা বর্গয় কেত্রের পরিমাণ নিরূপণ করিছে হইলে ভাহার দৈর্ঘ্য ও প্রাদ্ধের অর্থাৎ কিরুপণ করিছে হইলে ভাহার দৈর্ঘ্য ও প্রাদ্ধের অর্থাৎ কিরুপি পরিমাণ একরে ওণ করিলে ভাহার বর্গফল নিরূপিত হয়। একটা বাজের দৈর্ঘা, প্রেছ ও উচ্চতার পরিমাণের ধারাবাহিক গুণন ছারা ঘনফল ছির করা যায়, কিছ এই ভিনটীর প্রত্যেকটাই প্রাজের রৈথিক পরিমাণ।

রৈথিক পরিমাণ কখন বর্গ জ্বিব। ঘন হইতে পারে না। ছুইটী রৈথিক প্রিমাণের ওপন দারা বর্গ ও ডিন্টীর ওপন ছারা ঘনকল উৎপন্ন হয়। 'কোন ক্লেতের বর্গকল । হাত হটলে তাহা ৪ বর্গ হাত ছারা নির্দেশ করা যায়; খনকল ৪ হাত হইলে উক্ত কলকে ৪ ঘন হাত বলা যায়; কিছ ইহা যদি কোন ক্লেতের বৈথিক পরিমাণ হয়, ভাহা হুইলে বর্গ বা ঘন বলিয়া কেবল ৪ হাত বলিতে হয়।

ছুইটী রৈথিক পরিমাণের গুণন ছারা বে ফল উৎপন্ন হয়, তাহাকে বর্গপরিমাণ বা ক্লেকেল কহে।

তিনটী রৈথিক পরিমাণের অর্থাৎ দৈর্ঘা, বিস্তার ও বেধের ধারাবাহিক গুণনে যে কল উৎপন্ন হয়, ভাহাকে ঘন পরিমাণ বা ঘনকল কহে।

কোন বৰ্গ পরিমাণকে বৈধিক পরিমাণ ছারা গুণ করিলে যে ফল লব্ধ হয়, ভাহাকে ঘনফল কছে। স্মৃত্রাং কোন ঘনফলকে বৰ্গফল ছারা বিভাজিত করিলে ভাহার ভাগফল রৈথিক পরিমাণ ছারা ভাগ করিলে ভাগফল বর্গফল হয়।

### वक्ष ७ जात्वत्र देमर्घामि माशिवात धाता ।

₹8	অঙ্গুলে ···	১ হাভ	د ا	হা, (সাঙ্কে	ভক চিহ্ন )
8	হাতে …	•••	د نب	ধমু ।	১ ধ,
2000	ধহুতে বা ৮	۰•۰ <b>হ</b>	তে ১	ক্রোশ।	३ द्वा,
8	কোশে ···	• • •	د	যোজন।	১ বো,
75	इंकर्ड …		۷	कृष्टे ।	১ জূ,
১৮	<b>३कडि</b>	• • •	۷	হাত।	১ হা,
૭	कृष्टि ···		3	शक जबना २१	ভি ৷ ১ স.
	<b>क</b> €	A A	s	কেখন ৷	5 CB

39 OC

· e;	े शब्द	•••	১ পোল বা ক্ছ। ১ পো,	
8	পোলে	•••	১ क्टिन वा मुख्यन। ३ क,	
٠ د	চেইনে	•••	५ कर्नः। ५ कः,	
90	গ <b>ৰে</b> বা	<b>&gt;</b>		
২ •	হাত কিয়া ৮	कर्मात्र 🕽	১ माहेल। ১ मा,	
		•	· ইঙ্গরেজী ১ ক্রোশ,	

৩ মাইলে · · · · ১ লিগ্। ১ লি.

७ महिता ... ... > ७ विधी। > ७.

এখন ৮০০০ হাতে কোশ না ধরিয়া, অনেকে ২ মাইলে আৰ্থাৎ ৭০৪০ হাতে কোশ ধরিয়া থাকে। কাপড়ের মাপে হাত ও গজ, রাজমিল্লী ও ছুতারমিল্লীর হিসাবে ফুট ও ইঞ্চ বাব-ভাব হয়।

ভুমির দৈর্ঘ্য ও বিস্তার মাপিবার সময় আরও এক প্রশালী অবলম্বন করা গিয়া থাকে। সে প্রণালী এই।

৪ হাতে ১ বৈথিক কাঠা অথবা এক কাঠা লক্ষা ... ৮০ হাতে বা ) ... ১ রৈখিক বিঘা অথবা ১ বিষা লম্বা ১/• ২০ বৈখিক কাঠার

### সেকেন্দ্রী গজের পরিমাণ।

১। नाक्षि कृत्व भाक्षि। २। क् काशका नाक्षि।

शा बनन का नाक्छि। ९। छुँ त्व (कान नाता।

वृद्ध पर्जित्म नावा।
 ५। কোন কামকাওরাস্তে।

१। शब बानातिका अग्रास्त्र। ৮। कान शब।

> : (मरक्यती शक्र ।

संब मुहैएक श्रिक्याती शक दश मात्र शाकियात मृतिशात क्रम क्रिक या निक्कित नार्यंत्र नाम त्रकात निमिष्ठ व्हेक .

এক একটা মৃষ্টির এক এক বচন অথবা পদ রচিত হইরাছে।
এই গল দারা থলিদা অর্থাৎ রাজদম্পকীয় থাদের জমির জরীপ
হইরা থাকে, এবং অই মৃষ্টি গল দারা লাখেরাজ, জন্মোত্তর
ইত্যাদি জমির জরীপ হইরা থাকে। ইহাকে হস্তবোধ জরীপ
কচে।

এই প্রকার ৫৫ পজ অর্থাৎ ১১০ হন্ত দীর্ঘ রক্ষুর নাম রশি। ঐ রশিকে ২০ তি ভাগে বিভক্ত করিলে এক এক ভাগকে কাঠা কহে। এই রশির অগ্রপশ্চাতে হাডাকামা বলিরা এক এক হন্ত রক্ষু থাকে।

#### ३य मन्त्रीमा।

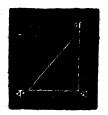
নমকোণিক ত্রিভূজের ভূমি, কোটি ও কর্ণ এই ভিন্টীর কোন ছুইটী পরিজ্ঞাত থাকিলে,অপরটী কিরুপে নির্ণর করিতে হইবে।

সমকোণিক ত্রিভূজের সমকোণ সমুধীন ভূজের বর্গ জপর ছই বাহর অর্থাৎ ভূজ এবং কোটির বর্গের বোগ-ভূস্য। (বা: জা: ৩৫শ প্রতিজ্ঞা) ::

- ১ নিয়ম। ভূমিকোটির বর্গনমষ্টির মূল কর্ণ।
- ২ নিরম। ভূমিকর্ণের বর্গান্তরের মূল কোটি।
- ৩ নিয়ম। কোটিকর্ণের বর্ণাস্তরের মূল ভূমি।

ক ৰ গ সমকোণিক তিভুজ, বাহার কুৰ গ কোণ সমকোণ।

এই তিত্তোর ভূমি ক খ রেখা ড আজন হার৷ নির্দেশ কর, এবং কোটিও কর্ণ ধ গ ও ক গ



যথার ল এবং ক অক্ষর ছারা নির্দেশ কর। এইক্ষণে ব্যব-হারিক জ্যানিভির ৩৫ শ প্রতিজ্ঞা হইতে এই ভিন্টী স্ত্র উৎপন্ন হইতে পারে, যথা—

श्रेख। ( ১ ) क = 
$$\sqrt{3^2 + n^2}$$
,  
( २ ) च =  $\sqrt{3^2 - n^2}$ , ब्रवः  
( ७ ) म =  $\sqrt{3^2 - n^2}$ ।

উদাহরণ ১। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি ৪০ এবং কোটি ৩০ ফুট, ভাহার কর্ণ পরিমাণ কভ হইবে १

১ম নিরমাঞ্সারে। ১ম স্থারসারে।

৪০ ৩০ 

৪০ ২ + ৩০ ২ - ৫০ - ক সা।

১৬০০ ১০০
১৬০০

্ ২৫০০ (৫০ <del>- কৰ্</del> কগ। ২৫

২। কর্ণপরিমাণ ৬৫ এবং ভূমিপরিমাণ ৫৬ কুট, কোটি কত হইবে ?

५११**० के के - ३**२२६। १७ × १७ **-** ०७७७।

<sup>60)</sup> JEG

৩। একটা প্রাচীর ৩০% কুট উচ্চ, এবং ভারার নীচেই ১৮ ফুট বিস্তার একটী ধাল আছে, ন্যান করে কত কুট লম্বা এক থানা মৈ হইলে ভারার উপর উঠিজে পারা যাইবে ? জৈ:। ৩৮% ফুট।

৪। একটী বর্গ ক্ষেত্রের এক পার্ষের পরিমাণ ১০০ গল,
 ছাহার কর্ণ রেথার পরিমাণ কত হইবে ? উ:। ১৪১.৪ গল।
 ৫। একটী প্রাচীরের পার্য দিয়া একটা রাস্তা আছে।

ক রান্তার বিস্তার ৭ হাত। রাস্তার ধার হইতে ২ হাত ক্ষমতে ১৫ হাত দীর্ঘ এক থানা মৈ রাখিলে ঐ প্রাচীরের ঠিক উপরে লাগে। প্রাচীর কত হাত উচ্চ ৫ উঃ। ১২ হাত।

ঙা কোন সমবাছ ত্রিভুজের ভুজের পরিমাণ ১০ ফুট, ভাষার লম্ব পরিমাণ কভ হইবে ? উ:। প্রায় ৮ ফুট ৮ ইঞা। গাঁ কোন একটা সমন্বিবাছ ত্রিভুজের ভূমিপরিমাণ

२४ क्षे धरः चूजपत প্রত্যেকে ৩२३ कृष्टे, ভাষার सम्प्रितः सांग कछ ? উ:। ৩० कृष्टे।

্ৰিট। কোন বৰ্গ কেতেরে কণ্পরিমাণ ১০ গল, ভাহাব ৰাহপরিমাণ কভ হইবে ? উ:। ৭ গল ০ ফুট ২**३ ইঞ্**ন

সমকোণিক ত্রিভুজের সমকোণপার্থবর্তী ভুজ হুইট্রর
পরিমাণ ফদি ৩৩ হাত ও ৪৪ হাত হয়, তবে সমকোণ
শক্ষীন ভুজের পরিমাণ কত হইবে ?
উঃ । ৫৫ হাতঃ।

এক। এক বেওয়ানের ৩৫ কৃট অন্তর হইতে ৯১ কৃট্ট রাজ। একটী বাঁশ ঠিক ঐ দেওয়ানের উপরিভাগে লাগান্তরেই-যাছে, বেওয়ানটী কত উচ্চ ?

১১। এক থানি সিড়ি ১০০ হক্ত উক্ত অকটিঃ প্রান্থীরের

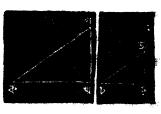
শহিত শ্বভাবে সংলগ্ন হইয়া ঠিক ভাহার মাধায় মাধায় ছিল; পরে ধর্মন আই সিঁড়ির নিম্ন ভাগ ১০ হস্ত সরান হর. ভ্ৰম ভাৰার অঞ্চভাগ প্রাচীরের কোন স্থানে দংলগ ছিল শ্বির কর ? छै:। श्रीत्र ३३ कृष्टे ७ हेका

२य मण्योषा ।

বদি চইটা বদুশ তিভুজ ক্ষেত্রের মধ্যে একটার হুইটা বাছর পরিমাণ নির্দিষ্ট থাকে ও অপর্টীর উক্ত নির্দিষ্ট ৰাছদমের দবগীয় কোন বাছর পরিমাণ জানা থাকে. ভারা ছইলে অবশিষ্ট স্বসীয় বাছর পরিমাণ কিরূপে নির্ণয় হইবে।

নিয়ম। ক খ প ও ৪ছ জ হুই সদৃশ ত্রিভূজ এখন (৪ + প্রতিকার্নারে)

कथ: थग: : ठठ: इ व. व्यवता ह ह : ह व ::



# 4: T 71

ः উদা ১। বনি ৪ ফুট বাঁশ ভূমিতে লম্ব ভাবে ধরিলে ভাষার ছারা ৫ ফুট হর, ভাহা হইলে বে বৃক্ষ বা সক্ষিরের খারা ৮৩ ফুট ভাহার উচ্চতা কত গ

্ৰ ছ জ রেধাকে বীশ ও ধ গ রেধাকে মন্দির বলিয়া নির্কেশ क्या. जात हु छ क व द्रवीवर्दक वीण ७ मिलादक छात्राच <del>অস্থ্যপ্রতির্যারে ইবার কর। এইকবে ইবিশের অঞ্জাপ ক</del> ছান্তার শেষ দীমা চ সংযুক্ত কর, এবং মন্দিরের অঞ্চাদ व द्वांबाब (तब नीमा क नःतृष्क कब ; खार्चा इट्रान क कन 🍅 😼 व नम्य जिल्ल हरेरा।

ভাগাতে চ ছ: ছ জ : : ক খ : খ গ, অৰ্থাৎ ৫ : ৪ : : ৮০ : ৬৬}

8

**८** ) ७७२

অভএব মন্দিরের উচ্চতা — ৬৬% কৃট।

বদি চারিটা রাশি সমান্ত্পাতিক হয়, ভাহা হইলে ভাহাদের অস্তা রাশি ছইটার গুণফল, মধ্যম রাশি ছইটার গুণফলের সমান হইবে।

ন্মান্ত্রপাতের এই ধর্ম থাকাতে অনায়াসে সপ্রমাণ হইতেছে বে, মধ্যম রাশি তুইটার গুণফলকে অন্ত্য রাশি তুইটার অন্তত্তর ভারা ভাগ করিলে অপর অন্ত্য রাশিটা লব্ধ হয়; এবং অন্ত্য কাশি তুইটার গুণফলকে মধ্যম রাশিষ্বরের অন্যতর হারা ভাগ করিশে অপর মধ্যম রাশিটা লব্ধ হয়।

ং। যদি একটা বৰ্গ ক্ষেত্রের বাছর পরিমাণ ৫ ফুট এবং কর্ণের পরিমাণ ৭.০৭১ ফুট হর, ছবে যে বর্গ ক্ষেত্রের কর্ণের পরিমাণ ৪ ফুট, ভাহার বাছর পরিমাণ কভ হইকে ?

छै:। आत्र २ कृष्टे ३० वेका

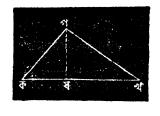
ি.ওঁ। চারি সুট লখা এমত একটা বীশের ছায়া যদি ও সুট হর, ভবে বে কীর্ভিভভের ছায়ার পরিমাণ ১৯৮২ সুট, ভাহার উচ্চভা কভ ?

ত্ত দশ ভূট লখা এমড একটা যটির ছারা যদিও ভূট হয় ভবে বে স্কোণস্চীর ছায়া ১৪০ ভূট, ভাছার উক্তৰা কড় চ

 ৫। ৩ই হাত মাল্লের ছায়া ৫ই হাত, স্পার একটা বাটীর ছায়া ৪৫ হাত, বাটীটী কড উচ্চ ? উ:। ৩০ হাত। ৩য় সম্পাদ্য।

কোন ত্রিভুজের বাছম্বয় এবং ভূমির পরিমাণ পরিজ্ঞাত আছে, তাহার লমপরিমাণ কত নির্ণয় করিতে হইবে।

ক থ গ একটী ত্রিভূম্বের ঋ প. ক গ বাছধ্য এবং ভূমি ক খ-র পরিমাণ নি-किष्ठे चाह्य, ভाषात लघ ग ঘ-র পরিমাণ ধার্বা করিতে क्रेदि ।



্নিরম। খঘ ও ঘক ভূমির দুই খণ্ডের প্রভাকের পরিমাণ কত অথে নির্ণয় করিতে ছইবে। <del>যদি ধগ</del> क्रेण वाबत माथा दृश्खत इत, छाश शहात अ च थवजित ছই খণ্ডের মধ্যে রুহত্তর হইবে। এইক্ষণে ভূমির সহিত ৰাছদবের যোগের যাদৃশ অন্তপাত, অর্থাৎ ক ধ: ধ গ 🕂 গ ক, বাহ্বয়ের অন্তরের সহিত ভূমিখণ্ডহয়ের বিয়েপ্তর डाइन बहुभार, वर्षार थग - गक : थघ - घक; भावताक थ : थ रा 🕂 रा क : : थ रा 🗕 रा क: च च क । कृमित्र थश्वरखत विद्याशकन ममुनाक ভূমির পরিমাথে যোগ করিয়া, তদ্ধি লইলেই বুহত্তর थे थे च-त शतिमान निर्नत इहेर्द ; आत के विद्यानकत ভূমিপরিমাণ হইতে অভর করিরা ভদ্র লইনেই কুত্র बार्खत (क वन्त्र) शतियान निर्गत हरेरत । शास के कृतिक

জনাতর থণ্ডের পরিষাণের বর্গ তৎসন্নিহিত স্থল্ন কোণ-সংলগ ভূজের বর্গ হইতে অন্তর করিলে যাহা হয়, ভাহার মূল লম্বের পরিমাণ হইবে।

নিয়মান্তর। ত্রিভূজ ক্ষেত্রের ছুই জুজের পরিমাণের সমষ্টিকে, সেই ভূজদ্বরের পরস্পার বিয়োগফল দারা গুণ করিয়া, গুণফলকে ভূমিপরিমাণ দারা ভাগ করিলে যে ফল হুইবে, ভাহা ভূমি পরিমাণে যোগ করিলে ভাহার আর্জ্জ ভূমির বৃহৎ অংশের পরিমাণ হুইবে; এবং ঐ ফল ভূমি-পরিমাণ হুইতে অন্তর করিলে, ভদর্জ ভূমির ক্ষুদ্রাংশের পরিমাণ হুইতে। এইক্ষণে প্রত্যেক ভূজ ও ভংসরিহিম্ব ভূমিও দারা এক একটা সমকোণিক ত্রিভূজ ক্ষেত্র উৎপন্ন হুইবে, ভাহা হুইলে ১ম সম্পাদ্যের ২য় নিয়ম দারা গ ঘলত্বের পরিমাণ নির্গর হুইবে।

ু গ ঘ লম্বের পরিমাণ ব্যবহারিক জ্যামিতির ৩৭ শ **প্রতি**-জ্ঞার ছারাও নির্ণয় হইতে পারে।

স্ত্র। যদি ক ধ, ধ গ ও ক গ ক্রমশঃ অ, আ এবং ই জক্তর ছারা নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে উপরি উক্ত অস্থপাভাস্থপারে,

$$(2)$$
  $4 = \frac{2}{3} \left\{ m + \frac{m(2-3)^2}{m} \right\}$ , and

(9) 
$$\forall \overline{a} = \frac{1}{2} \left\{ \overline{a} + \frac{\overline{a}|^2 - \overline{b}^2}{\overline{a}} \right\}$$

উনা: ১। কোন জিভুজের ভূলপরিমাণ ৪২, ৪০ ও ২৬ কুট।

ইনার দীর্মভাষ বাহর উপত্র পতিত লখের পরিমাণ কভ হইবে ?

कर्ष: ४१ + ११ क: १४१ - ११ क: ४४ - ४४, व्यर्गार, ४२ : ७७ : : ३४ : २२, धनः 🕏 (৪২–২২) = ১০ কৃট = ঘক। কিয়া শেষস্ত্রায়ূসারে  $\forall \ \overline{a} = \frac{1}{2} \left\{ 82 - \frac{80^2 - 20^2}{82} \right\} = 10 \quad \overline{4}, \quad \overline{6}, \quad \overline{6}$ भ म - V भ कर - म कर = V २५२- ३०२ = २८ कृते। ২। ভূমি ৩০ কূট এবং জুই বাছ ক্রমশঃ ২৫ এবং ৩৫ কুট এমত এক ত্রিভুক্ত নির্দিষ্ট আছে, তাহার লম্পরিমাণ छै:। अपि २८ कृते ७ हे≉। কত নির্ণয় কর ? ৩। ক ধ গ ত্রিভুজের গ ধ ১৫ হাত, ক গ ১৩ হাত ও ক ধ ১৪ ছাত হইলে, গঘ লম্বের পরিমাণ কত 🤊 🕏:। ১২ ছাত। 74+20-54170-72 + 5 + 5 + 5 + 6 + 78 = 81 78-8 - 20: 20+5 = 3 = 年日!

78+8= 74: 74+5= 9= 日本1 V ক ছ²-ক গৃ² - গ ঘ. কিয়া V ৫²-১৩² = ১২ = গ ঘ। ৪র্থ সম্পাদ্য।

একটা সমবাহক ও সমকোণিক বছভূজ কেলের বাহর পরিমাণ নিশিষ্ট আছে, তাহার অন্তর্গত ও বহির্গত বুল্লের ব্যাসার্দ্ধ নির্ণয় করিতে হইবে।

क इ है स च नमवाहक বছভূত্তের বাত্তর পরিমাণ ৰানা আছে, টুহার অন্তর্গত ও উপরি অন্ধিত বুতের ব্যাসার্থ ও ম ক-র পরি-मान निर्नत कतिए क्रहेरव ।



নিয়ম। নিয়লিখিত তালিকার বছত্ত্বের ভূজংসধানস্থানে, এই তালিকা হইতে জন্তর্গত বুত্তের ব্যালার্ছ পরিমাণ
লইরা, তাহা উক্ত বছত্ত্ত্বের বাছর পরিমাণ দারা ৩৭ করিলে,
উক্ত বছ ভূজের জন্তর্গত বুত্তের ব্যালার্ছ নির্ণয় হয়; এবং
লেই সংখ্যক ভূজের উপরি অন্ধিত বুত্তের ব্যালার্ছ পরিমাণ
লইরা, উক্ত বছভূজের বাছপরিমাণ দারা ৩৭ করিলে, ঐ বছভূজের উপরি অন্ধিত বুত্তের ব্যালার্ছের পরিমাণ জানা দারা।

### বহু ভুজসংক্রান্ত তালিকা।

বা <b>ৰ</b> সংখ্যা	সাকার	ষ্পন্তর্গত বুডের ব্যাসার্থ্ধ- পরিমাণ।	বছিরু ছের ব্যাসার্ছের পরিমাণ।	ক্রেফল
9	जित्काव	.२४४१	.#990	.800.
8	চতুৰ্ভ বা বৰ্গ	.0000	د۹۰۹.	٥.٠٠٠
•	পঞ্জু · · · ·	. <del>ધકક</del> ર	, <b>be.</b>	5.9264
•	त्र प्रकृष्ण ⋯ ⋯	.664.	٥.٠٠٠	2.4 <b>2</b> 50
	<b>শ্ৰভুক · · · · ·</b>	১.০৩৮৩	<b>3.2448</b>	৩,৬৩৩১
٠	षदेषुव	۵.२ <b>०</b> ٩১	১.৩০৬৬	8,5458
۵	नवकूब	১.৩৭৩৭	۵.8%) ۵	4.36.6
١.	नगङ्ख	১.৫৩৮৮	3.438.	1.6380
32	একাদশভূষ ···	ऽ. <b>१०२</b> ৮	١.٩٩8٩	5.9515
33	रावनसूच ···	১ ৮৬৬০	<b>۵.۵۵۵</b>	33.5 <b>3</b> %3

উদাহরণ ১। যে সমবাহক ও সমকোণিক পঞ্জুদ্ধ 🖛ত্রের বাহর পরিমাণ ৫ ফুট ১ ইঞ্চ, ভাহার অভর্গত ও উপরি শব্ধিত বৃত্তের ব্যাসার্কের পরিমাণ কড ?

্**উ:**। তথার ০ ফুট ৬ ইঞা, এবং ৪ ফুট ৪ ইঞা। <। কোন সমবাত্র অষ্ট ভূজাকার পুষ্পোল্যানের বাত্র পরিমাণ ২০৩ই পজ, উহার প্রত্যেক সমুধীন ভূজের মধ্য-স্থানে সংযোগ হারা যে চারিটা রাস্তা উৎপন্ন হয়, শেই চারিটা রাস্তার দৈর্ঘ্যপরিমাণের সমষ্টি কভ ?

खे:। ১৯৬৫.১৫bb श्र<mark>व</mark> ।

### ৫ম সম্পাতা।

কোন বৃত্তের ব্যাসার্ছের পরিমাণ জানা থাকিলে, ্রভাত্তর্গভ সমচভূত্র্জের বাছর পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

নিয়ম। ব্যাসার্ছকে বর্গ করিয়া দ্বিগুণ কর, পরে ভাহার বর্গ মূল লইলে সমচভুর্ভুলের বাহর পরিমাণ হইবে।

্ উদাহরণ। যে রুভের ব্যাসার্থ ৪ হাড, ভদস্কর্গত সম-চছুর্বের বাছর পরিমাণ কড ? উ:। প্রার ৫.৬ হাত।

### ৬ঠ সম্পাক্ত।

কোন বৃত্তক্ষেত্রের ব্যাদের পরিমাণ পরিজ্ঞাত থাকিলে পরিধির পরিমাণ নির্ণর করিতে হইবে, এবং পরিধির পরিমাণ পরিজ্ঞাত খাকিলে ব্যাদের পরিমাণ নির্ণয় করিতে इहेरव ।

नित्रम २म । १ : २२ :: वान : शतिथि। २२ : १ :: शतिष : बान्।

নিয়ম ২য়। ১ এর সহিত ৩.১৪১৬ **\* এর যে জন্ন** পাত, ব্যাসের সহিত পরিধির সেই অনুপাত।

 ৩.১৪১৬ এর সহিত ১ এর যে অন্পাত, পরিধির সহিত ব্যাদের সেই অনুপাত।



যদি ব অক্ষর ছারা ব্যাস, প

অক্ষর দারা পরিধি ও ত অক্ষর দারা ৩.১৪১৬ রাশি**টা** নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে নিম্ন স্ক্রন্ডলি প্রাপ্ত হওরা যাইবে।

रथा.—(১) প =  $4 \times 6$ , এবং (২)  $4 = \frac{9}{6}$ ,

উনঃ ১। যে রুভের ব্যাস ১০ হাত, ভাহার পরিধি কন্ত 📍 প্রথম নির্মাল্লসারে ৭: ২২ :: ১০ : ৩১ই

9) >>0

পরিধি = ৩১ই হাত ; কিম্বা ৩১.৪২৮৫৭ হাত।
বিতীয় নির্মানুসারে পরিধি = ৩১.৪১৬ হাত।

যদি গণনার অভাস্ত স্কাত। আবশুক না হর, ভাহা ইইলে প্রথম নিয়মটী অবলম্বন করিছে ইইবে; আর গণনার স্কাতা আবশুক ইইলে, ধিতীয় নিয়মটী অবলম্বন করিছে ইইবে।

ধদি বৃত্তের ব্যাদ এক সংখ্যাহারা নির্দেশ করা যায়, ছাহা
 ইংল পরিমি ৩.১৪১৫৯২৬৫৩৫৮৯৭৯ &c. হইবে। অস্ক কদিবার ইবিধার নির্মিত্ত কেবল ৪টা দশমিক অংশ গ্রহণ করা গেল।

২াবে বুতু ক্ষেত্রের পরিধি ৫০ ফুট, ভাহার ব্যাদ কভ গ व्यथम निव्रमाञ्चनारव, २२ : १ :: ৫०: १४<u>२</u> = ्रेड्डि 🛥 ३६ हेई = ५६,३०५० कृष्टे।

নিতীর নিরম বা ক্লাহুদারে, ব্যাদ — পু — ১৫.৯১৫৪ কুট

 । अपि पृथियोत यात्मत भत्रिमां १२०४ माहेन इत, ্ ভাহা হইলে পরিধির পরিমাণ কত গ

छै:। २००० , ४०२४ महिला

🔋। যে গাড়ির চাকা ১ মাইল পথ অভিবর্তন করিলে ৫০০ বার খুরে, ভাহার ব্যাসের পরিমাণ কভ 🤊

छै:। ७ कृते 8.७२ हैका

- 🜓 যে বান্দীয় শকটের চাকার বাাস ৬ ফুট, ভাছা এক হোরায় ৬০ মাইল পথ গমন করিলে এক সেকতে কভবার পুরিবে গ উ:। श्रीत 8 वात।
- 🖜। চল্লের পরিধিপরিমাণ ৬৮৫০ মাইল হইলে, উভার ব্যাসপরিমাণ কভ হইবে ? উ:। ২১৮০.৪ মাইল।
- ৰ। একটা ঘড়ীর কাঁটা ৩। মিনিটে ৫ ইঞ্চ সরিরা বার; কাটাটী কত লখা গ कें। ১৪.७३ हैक नक्।

#### १म मण्यामा ।

্কোন বুভচাপের জ্ঞা এবং শর জানা আছে, 🗳 বুভের ব্যাস ও চাপার্ছের জ্যার পরিমাণ নির্ণর করিছে হইবে।

ৰ'প ৰ'-একটী ব্ৰক্তের চাপ, উহার জ্ঞ্যা ৰ'ম 😸 শর প চ-র পরিমাণ জানা খাকিলে, ব্যাস ক প ও চাপার্ছের জ্ঞাধ প-র পরিমাণ নির্ণয় করিছে হইবে।

নিয়ম। জ্ঞার পরিমাণ যত হইবে, তাহার অর্দ্ধেকের বর্গ কবিরা তাহাকে শর পরিমাণ ধারা ভাগ কর। পরে ভাগফলে শর-পরিমাণ যোগ করিলে



বাদি পরিমাণ লন্ধ হউবেক। এবং ১ম সম্পাতান্থদারে প্রাক্রিশ। করিলে চাপার্দ্ধের জ্ঞাব পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়।

ধনি জ অক্ষর ছারা সন্দার চাপের অন্ধ জান, চ ছারা
াপার্দ্ধের জান, শ ছারা শর, আর ব ছারা রুত্তেব বাাদ নির্দেশ করা যায়, ভাহা হইলে নিম দিখিত স্ত্রগুলি প্রাপ্ত ইওরা যাইবে। যথা,—

উদা: ১। যদি কোন চাপের জ্ঞার পরিমাণ ৪৮ ফুট ও শ্বপরিমাণ ১৮ ফুট হয়, ভাহা হইলে ঐ চাপ যে বুঞ্জের ঋংশ শেই বুজের ব্যাসের পরিমাণ কড় ?

च्चा थ म वा वामाई - २० कृते।

২। কোন চাপের জ্যার পরিমাণ ২৪০ ফুট ও শর ২ উচ্চতার পরিমাণ ৩৪ ফুট হইলে, যে ব্যাসার্জ লইয়া ঐ চাগ আক্তিত হইয়াছে ভাহার পরিমাণ কত হইবে ?

স্থতরাং ব্যাসার্দ্ধ = ৪৫৭.৫৩ + ২ = ২২৮.৭৬৫ = ২২৮ ফুট ৯ ইফ।

৩। যদি কোন চাপের জ্যার পরিমাণ ৪৮ ফুট এবং উচ্চভার পরিমাণ ৭ ফুট হয়, ভাহা **হইলে এ**ই চাপার্দ্ধের জ্যার পরিমাণ কভ হইবে ৪

২য় স্তান্ত্ৰারে, চাপার্দের জ্যার পরিমাণ

্ । একটী বৃত্তাকার দুর্কাক্ষেত্র আছে, ভাহার বাাস-পরিমাণ ১০০, গজ, ঐ বৃত্তাকার ক্ষেত্রের মধ্য দিয়া একটী রাস্তা আছে এবং ঐ রাস্তার সহিত সমকোণিক হইয়া ব্যাসার্ক্ষের মধ্যস্থল দিয়া আর একটী রাস্তা গিয়াছে, এই শেষোক্ত রাস্তার পরিমাণ কত নির্ণয় করিতে হুইবে।

১ম স্ত্রটীর স্থীকরণকে অবস্থানন্তর করিলে,

ধ চ ম সমকোণিক ত্রিভূজ হইতেও উক্ত কলটী প্রার্থ হওর) ঘাইতে পারে। ৫। একটা সেতুর চাপার্ছের জ্যার পরিমাণ ২৪ ফুট,
 এবং চাপের উচ্চতার পরিমাণ ১৬ কুট হইলে, যে ব্যাসার্ছ
 শইয়। ঐ চাপ অভিত হইয়াছে, ভাহার পরিমাণ মত ?

**डे:**। ५४ कृष्टे ।

#### ५म मण्यामा ।

বুতের কোন চাপের দৈগা নির্ণয় করিতে হইবে।

প্রথমতঃ। চাপে যত অংশ আছে তাহার পরিমাণ ও বাাসার্কের পরিমাণ নিদিষ্ট থাকিলে, নিম্ন লিখিত নিয়ুমটী জবলম্বন করিতে হয়। যথা,—

১ম নিরম। ১৮০° এর সহিত যেমন চাপাংশের অস্থাত, ব্যাসার্জের ৩.১৪১৬ গুণের সহিত উহার দৈর্ঘ্যের সেইরূপ অনুপাত।

প্রকারাস্তর। রুত্তের পরিধি স্থির করিয়া রুত্তাংশের স্বংশপরিমাণ দ্বারা গুণ কর, পরে এই গুণফলকে ৩৬০ দ্বারা ভাগ করিলে ভাগফল রুত্তাংশের দৈর্ঘাপরিমাণ হইবে।

দিতীয়তঃ। সমুদায় চাপের এবং চাপার্চের জ্ঞার পরিমাণ নির্দিষ্ট থাকিলে, নিম্ন লিখিত নিয়ম্টী অবসম্বন করিতে হয়। যথা,—

ুর নিয়ম। চাপার্চ্চের জ্ঞার পরিমাণ যত ইইবেক ভাইাকে দুঙৰ করিয়া, সেই গুণফল ইইতে সমুদায় চাপের জ্ঞার পরিমাণ বিয়োগ কর: পরে বিয়োগফলের একভূতীয়াংশ নইনেই চাপের দৈর্গাপরিমাণ প্রাপ্ত হত্ত্বা যাইবে।

স্তা। যদি ব্যাদার্ক আ অক্ষর গারা, ১৮০° ব অক্ষর বারা, চাপের অংশপরিমাণ চ অক্ষর গারা, ৩.১৪১৬ ত অব্ধণ

ছারা, এবং চাপের দৈর্ঘ্য দ अक्यत ছার। নির্দেশ করা যায় जारा रहेल

**डेमा: ১। চাপ ००° এ**वং व्यामा**र्क ৯** कृष्टे इहेरन, চাপের দৈর্ঘ্য কভ গ

১ম নিয়মান্থলারে, ৩.১৪১৬

अष्ट : ७० : : २४.२१८८ : ४.१४२८ कृते। ১ম স্থ্রান্ত্রপারে, দ বা চাপের দৈঘা

২। চাপ ৩০° এবং জ্বা ৯ ফুট ৫ ইঞ্চ হইলে, ঐ চাপ ষে বৃত্তের অংশ, ভাহার ব্যাসার্জের পরিমাণ কত ?

উ:। দিতীয় স্ত্রাহ্নারে ব্যানার্ক 🗕 প্রায় ১৮ কৃট।

৩। যদি সমুদায় চাপের জ্যা ধ ঘ-র পরিমাণ ৪.৬৫৩৭৪ करे ७ हालार्कित का। थ भ-त लितिमान २.७८৯८१ कृष्टे इस, ভাৰা হইলে চাপের দৈর্ঘ্য কন্ত ?

ছিতীর নির্মান্ত্রারে,

₹.≎8৯89

>b,92095

,চাপের দৈর্ঘ্য = ৪.৭১৪০০ ফুট ‡

৪। চাপ ১২° ১০ বা ১২ — ও ব্যাসার্দ্ধ ১০ ফুট হইলে,

ক চাপের দৈর্ঘা কত ? উঃ। ১ম নিয়মান্ত্রপারে, ২.১০৩৪ কৃট। স্ত্র ৩য়। চাপ ৯০° অর্থাৎ রুত্তের চতুর্গাংশের বেশী হইলে নিম্ন লিখিত স্ত্রটী অবলম্বন করিতে হইবে। যথা.— থ গ্য চাপের (পূর্বে প্রেক্তিক্তি দেখ) চতুর্গাংশের জ্ঞা ভ

\$ द (द — √ व<sup>2</sup> — 5<sup>2</sup>)।

৫। যে গোল থিলানের জ্ঞা (খঘ) ১৮ ফুট এবং
 উচ্চতা(গচ)১৮ ফুট, ভাহার দৈগ্য কত ?

৭ম সম্পাতের ১ম ও ২য় স্তাল্সারে ব = ক থ-র পরিমাণ = ৫০ ফুট; এবংচ = থ গ = ০০ ফুট; এইক্ষণে উপরি উক্ত স্তাল্সারে, থ গ ঘ চাপের চতুথাংশের ফা; ⇒

>0 (00 - V 00 2 - 00 2) = >0.5550, 683

ছিতীয় নির্মান্নসারে, (১৫.৮১ ১৩ × ৮ — ৩০) → ৩ == ৩২.১৬৩৫ ফুট == থ গ চাপ।

हैहात विश्वन ५४.०२१० कृष्टे थ च हारायत देनशा।

এই প্রশ্নে কেবল দিতীয় নিয়ম অবলহন করিচা প্রক্রিয় করিলে চাপের পরিমাণ ৬৪ ফুট হইবে, অর্থাৎ প্রক্রেড পরি-মাণ অপেক্ষা প্রায় ৪ ইঞ্চ কুদ্র হইবে।

৬। চাপ ৪৫ অংশ ও ব্যাস ৪ ফুট হইলে, ঐ চাপের দৈগ্য কত ? ্ উটঃ ১.৫% দ ফ্ট

9। বুড়াংশ ৩৪° ২০ তি ব্যাস ৬ হাত হইলে, ঐ বুড়াংশের रिम्मा कछ १ छै। ১,१२१ इचि।

৮। রভের বাাস ৫ ফুট হইলে, ভাহার ৪ ফুট পরিমিভ চাপে কত জংশ থাকিতে পারে ?

ব্রন্তপরিধি ৩৬০ অংশের চাপ; স্মৃতরাং প্রশ্লোলিথিড

অভেএব নির্দিষ্ট চাপের অংশ সংখ্যা = 8 + ১° এর চাপ 6×3,5853

৯। রন্তের ব্যাস ১৫ হাত হইলে, যে চাপের দৈর্ঘ্য ১৪ হাত, তাহার অংশ প্রিমাণ কত ? উঃ। ১০০° ১৬´২´´।

#### **३**य मण्लामा ।

রভাত্তর্গত কোন জনার প্রায় হইতে কিয়দূর অভরে লম্ব উজোলন করিলে, তাহার পরিমাণ নির্কারিত করিছে इट्टें(व ।

ধ্য জ্যার ঘ প্রাস্ত হইতে (পূর্ব্ব প্রতিকৃতি দেখ) ঘছ **দূরে ছ অ একটা লম্ব টানা** হইয়াছে, ইহার পরিমাণ ভির করিতে হইবে।

্জ ছ রৃদ্ধি করিয়া ম ক-কে চছ-র সমাভ্রাল করিয়া होन अवः स क नःयुक्त कर। धहेकान स व क नमरकानिक बिजूरन, च वरे - म वरे - म वरे, किंद्र म क = यात्रार्क ওম ব - চছ : জ ব = { বাস } - ( চঘ-ছঘ ) = দুলাকর্বণ করিয়া,

क्य = 
$$\sqrt{\frac{4\pi \pi}{2}}$$
  $\frac{2}{\sqrt{5\pi}}$   $\frac{2}{$ 

হে মণ্ডলের সমাভরাল ছুইটী জ্ঞা ক থ, প ঘ এবং বিস্তার চ ছ পরিজ্ঞাত আছে, ভাষার ব্যাস কত নির্ণির করিতে হুইবে।

স্ত্র। যদি জ = ই ক থ

- ক চ, জা = ই গ ঘ =

গ ছ, প = চ ছ এবং

ব = বাাস, ট ঠ = ২ ×

ম থ বা ব্যাসার্জ, তাহা

ইইলে,



উদাঃ ১ কোন র্ভাকার কটিবদ্ধের ছুইটী সমাত্রাল বাহর পরিমাণ ৬ ও ৮ ফুট এবং বিস্তার ৭ ফুট হইলে, বুতব্যাসের পরিমাণ কত হইবে ৪

ৰ বা ব্যাস = 
$$\sqrt{\left\{9^2 + 2\left(8^2 + 3^2\right) + \left(\frac{8^2 - 3^2}{9}\right)^2\right\}}$$
  
=  $\sqrt{89 + 60 + 2} = 20$  ফট।

২। উপরি উক্ত উদাহরণে থ ঘ জ্যার, এবং জ কা উচ্চভার পরিমাণ কভ নিধ্য় কর গ

ু ১ম স্তুছার। বাসের পরিমাণ নির্ণয় করিয়া ২য় ও ওয় স্তু অববলয়ন কর।

चं च = 
$$\sqrt{(9^2 + 8 - 5)} = \sqrt{80 + 5} = 9.09$$
 कृष्टे,  
ध्वदः छ च =  $\frac{2}{5} \times 9 - \frac{2}{5} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{9} \times \frac{1}{9} \times \frac{1}{5}$   
=  $\alpha - \frac{2}{5} \times 80 + 5 = 5.890$  कृष्टे।

্ত। মণ্ডলের ছুইটা সমাজ্বাল জ্ঞার পরিমাণ ৬ ও ৮ কুট এবং বিস্তার ১ কুট হইলে ব্যাস কত হইবে ?

डें। ১० मृहे।

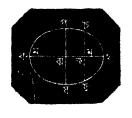
৪। যে র্ভাকার কটিবদ্ধের দুইটা সমান্তরাল জ্যার
 শরিমাণ ১৬ এবং ১২ ফুট, আর রভের ব্যাসের পরিমাণ
 ই॰ ফুট, ই কটিবছের বিস্তার কত १ উ। ১৪ ফুট।

#### ३३म मण्योषा ।

কোন র্ভাভাস ক্ষেত্রের নিম্ন লিখিত চারিটা অংশের মধ্যে কোন ভিনটীর পবিমাণ নিক্ষিষ্ট থাকিলে, অবশিষ্টটীর পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

ক থ গরিষ্ঠ ব্যাস, গ ঘ লঘিঠ ব্যাস, জ ঝ এব্সিসা এবং চ জ অডিনিট।

হত্ত। যদি গ অক্ষর ছারা গরিষ্ঠ ব্যাসার্জ ক থ, ল অক্ষর ছারা লঘিষ্ঠ ব্যাসার্জ গ ক, অ অক্ষর ছারা এব্সিসা এবং আ অক্ষর ছারা অভিনিট নির্দেশ করা যায়, ভাষা হইলে,



কে<del>ল্ল</del> ছইতে অধিশ্রয়ের অস্তর কম 🗕 🇸 গ<sup>২</sup>—ল<sup>২</sup>।

উদাঃ ১। সে বৃত্তাভাদ ক্ষেত্রের গরিষ্ঠ ব্যাস ৩০ ফুট, লবিষ্ট ব্যাস ২০ ফুট, এবং এব্সিসা ৩ ফুট, ভাষার অর্ডি-নেটের পরিমাণ কভ ? বিভীয় স্ক্রাক্সাবে,

শর্ডিনেট চ स = আ  $\frac{2}{6} \sqrt{3a^2-3^2} = 3.926 ফুট।$ ২। গরিষ্ঠ ব্যাস ৭০ ফুট, সঘিষ্ঠ ব্যাস ৫০ ফুট এবং
শর্ডিনেট ২০ ফুট হইলে, এব্ সিসা কম্ম হইবে ?

উ:। প্রথম স্ত্রাহ্নারে, এব্সিসাজ ঝ = ২১ কুট।

৩। গরিষ্ঠ ব্যাদ, অর্জিনেট এবং এব্ দিদা ক্রমশঃ ১৮০, ১৯ ও ৫৪ ইक इहेरन, निष्ठ वारात्र मान कछ इहेरव १

छै:। 8र्थ ख़्जासमात्त्र, मधिष्ठं वााम = 8० हेका

 ह। निष्ठ वाात्रत्र भान व॰ कृते, व्यक्तिं २० कृते अवः এব্সিদা ২১ ফুট হইলে, গরিষ্ঠ ব্যাদের মান কত হইবে ?

্উ:। ভৃতীয় স্ত্রাহ্নারে, গরিষ্ঠ ব্যান = १० ফট। e । गतिष्ठे वागि क थ ১०० शक, धवः निघष्ठे वागि श च ७० পঞ্চইলে, ব কেন্দ্র ইইতে ম অধিশ্র পর্যান্ত দূর্বপরিমাণ

কত হইবে ? উ:। শেষের স্তাহ্সারে কম = ৪০ গজ।

ি ৬। পৃথিবীর নিরক্ষরত্তম ব্যাসের পরিমাণ ৭৮৯১ मारेन এবং মেরুস্থ আদি ৭৯২% মাইল হইলে, যে বুতাভাস পরিধি পৃথিবীর উভয় মেক্ল দিয়া গমন করে, তাহার ছুই অধিশ্রয়ের দূরত্বপরিমাণ কভ ১

**छ**। ७৫८ माहेन; व्यथवा श्रीयवीत क<del>ता</del> हहेए। दुखा-ভাসের অধিশ্র পর্যন্ত ৩২৭ মাইন।

### ১২শ সম্পান্ত।

ব্রস্থান্তার ক্রের গরিষ্ঠ ও ব্রষ্টি ব্যাস-পরিমাণ জানা আছে. উহার পরিধিপরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

্রিম নিয়ম। পরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ বাসে চুইটীর সমষ্টির আর্কেককে ৩,১৪১৬ দিয়া গুণ কর। গুণফল পরিধিপরি-মাণের প্রায় সমান হইবে।

২র নিয়ম। গরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস সমষ্টির অক্টেকেব সহিত তত্ত্তরে বর্গ সমষ্টির অর্কেকের মূল যোগ করিয়া, দেই যোগফলের অর্দ্ধেককে ৩.১৪১৬ দিয়া **গুণ করিলে.** ভাকল পরিধি-পরিমাণের প্রায় সমান হটবে।

উদাঃ ১। যে রতাভাস ক্ষেত্রের গরিষ্ঠ ব্যাস ১৫ ফুট 🕏 লঘিষ্ঠ ব্যাস ১০ ফুট, ভাহার পরিধিপরিমাণ কত ?

উঃ। প্রথম নিয়মান্ত্রপারে ৩৯ ফুট ৩🛊 ইঞ্চ।

উঃ। দিতীয় নিয়মানুসারে প্রায় ৩৯ ফুট ৭ ইঞা।

যদি গরিষ্ঠ ব্যাদের থ প্রান্ত হইতে থজ অন্তরে জ্ব চ একটী লম্ব উত্তোলন করা যায়, ভাষা হইলে জ্ব চ-র পরি-মাণ নিম্নলিখিত সমামুপাতে নিরূপিত হটবে।

ধকা<sup>২</sup>:কাগ<sup>২</sup>:: ধজ × জ ক:জ চ<sup>২</sup>, সমানুপাডের নিয়মানুদারে থ  $a^2 \times \Phi b^2 = a n^2 \times a \Phi \times \Phi \Phi$ 

∴ আচু<sup>2</sup> — সুগ<sup>2</sup> × খড় × আক।

क्षवता क ह = तंश श श क × क क।

### ১৩শ সম্পাদ্য।

ক খ গ কেপ্ৰী কেত্ৰ, জ অধিশ্ৰয়, এই কেতের চ 😜 পারামিটার, ধ ঝ এবদিসা **অ**র্থাৎ সর্কাধিক বিস্তার ও

ৰূপ অভিনেট অৰ্থাৎ তলাছ রেখা: এই রেখাত্রয়ের মধ্যে

কোন হইটীর পরিমাণ জানা থাকিলে, জ্বাশ**ইটী**র পরি-মাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

যদি চ ছ পারামিটার প অক্ষর ছারা, ধরা এব্সিদা আন অক্ষর ছারা ও বা গ অভিনেট অ অক্ষর হারা নির্দেশ করা যায়, ভাহা হইলে স্ত্রগুলি এই রূপে লিখিড হইডে পারে। যথা, আ =  $\frac{\mathbf{w}^2}{\alpha}$ , জ =  $\sqrt{\gamma}$  প. আ, এবং  $\gamma = \frac{\mathbf{w}^2}{\omega}$ ।

উদাঃ ১। কথ গ ক্ষেপণী ক্ষেত্রের পারামিটার চ ছ ৫০ ফুট, এবং অভিনেট ক গ ৬০ ফুট, তাহার এব্সিদা উ:। ১ম স্তারুদারে থ ব-র পরিমাণ কত ? -র পার্মাণ কর।

এব্দিদা বা আ = আই ত্রু = १২ ফুট।

যে রেখা বুকাভাদের কেন্দ্র দিয়া না যাইয়া তাহার পরিধির উভয় পার্খে সমাপ্ত হয়, এবং উহার ব্যাস ছারা সম্ভিথত হয়, ভাহাকে এই ব্যাদের ডবল বা দিৎ অর্ডিনেট কহে। আর বুক্তাভাদের কেন্দ্র হইতে অর্ডিনেট পর্যন্ত দূরত্বপরিমাণকে এবসিদা কহে।

বুভাভাসের লঘিষ্ঠ ও গরিষ্ঠ ব্যাদের তৃতীয় অমুপাতীরকে পারামিটার কছে।

যে রেখার উভয় প্রাস্ত কেপনী কেত্রের কৃটিন রেখার দ্বার। সীমাবন্ধ হয়,এবং যাহা কোন বাাস দারা সম্বিধণ্ড হয়, ভাহাকে এই বাাদের দ্বিত্ব অর্ডিনেট কছে। আর ব্যাদের যে অংশ অর্ডিনেট দারা ছেদিত হয় ভাহাকে এবসিসা কছে।

২। বে কেপ**ৰ কেত্ৰের** পারামিটার ১০ হাত ও অর্ডিনেট ঃ হাত, ভাহার এবদিদার পরিমাণ কত ? উ:। ১.৬ হাত। ু বে কেপৰী কেতের এব্সিসা ৪ হাত এবং অডি-নেট ১০ হাত, তাহার পারামিটারের পরিমাণ কত গ

#### 38म मम्भामा।

কোন ক্ষেপনী ক্ষৈত্রের সর্কাধিক বিস্তাব ও তলার্ক বেশার পরিমাণ জানা আছে, ভাহার চাপের দৈর্ঘ্যপরিমাণ নির্ণয় করিতে ইইবে।

যদি অ অক্ষৰ ছারা তলান্ধি রেখা ও আ ছারা স্**র্কাধিক** বিস্তার নির্দ্ধেশ করা যায়, তাহা হইলে।

थ म हालाई = खार / है कार + खर

উলাচা খজাও ফুট ওজাছ ৬ ফুট হইলে, জেপেৰী কেনের চপোৰ্ভাষ চ-ব পরিমাণ কড়ে গ

度:1 42 =人名2, 十分= 3 全員 7731

- ২। যে ক্ষেপনী ক্ষেত্রের এব্সিসা ২ হাত ও অর্জিনেট ৬ হাত, তাহার চাপার্জের পরিমাণ কত ? উ:। ৬.৪২৯:। লীলাবতীর প্রশ্ন।
- ১। ভূজপরিমাণ ১২ হইলে কোটি এবং কর্ণ জকরনী\*
  ইয়, এমত কএক সমকোণিক ত্রিভুজ নির্দেশ কর।

है:। ३७, २०१२, २०१७८, ७१ हेनामि।

২। কর্ণপরিমাণ ৮৫ হইলে ভুজকোটি অকরণী হয়, এমত ক্তিপয় সমকোণিক ত্রিভুজ নির্দ্ধেশ কর।

€: 1 ७०, ७७ । ४०, १० ।

ু। ভূজ কোটি এবং কর্ণ জ্বরনী হয়, এমত কভিপদ্ধ ন্মকোণিক ত্রিভূজ নির্দেশ কর।

উ:। ७, ८, ०। ०, ১२, ১७। ১२, ১७, ३०।

ষে রাশির মূল আকর্ষণ করিতে হইলে কোন ভাগশের না

 গাকে ভালকে অকর্মী কছে।

- ৪। ৩২ হাত উচ্চ একটা বাঁশ ভূমির উপর দণ্ডায়মান আছে, বায়ুর বেগে অকম্মাৎ কোন স্থলে ভগ্ন হওয়াতে, ভগ্লাংশ নত হইয়া পড়িয়া বাঁশের মূলের ১৬ হক্ত দূরে ভূমিসংলগ্ন হইল, এইক্ষণে মূল হইতে কত হাত উচ্চে 🔄 বাশ ভগ হইয়াছে ? **डे:। ১२ इ**न्छ।
- ৫। ৯হাত উচ্চ এক স্তম্ভের মূলে একটা সর্পের গর্ভ আছে। স্তম্ভের যত পরিমাণ তাহার তিন গুণ দূর হইতে দর্প গর্ত্তে আদিতেছে, এমন দময়ে স্তস্তোপরি উপবিষ্ট এক ময়ুর তাহা দেখিয়া দর্পের উপরে আদিয়া পড়িল। যে ছলে ময়ুর দপকে ধরিল, তাহা স্তম্ভাগ্র হইতে যত দূর, তথা হইতে প্রথম লক্ষাভানও তত দুর। এখন গর্ভ হইতে কত দুরে দর্প ধরা পড়িল ? উঃ। ১২ হস্ত দূরে।
- ৬। একটা কমলকলিকা কোন হলের গর্ভ হইতে উঠিয়া জনের উপর বিতস্তি পরিমাণ উন্নত ছিল, পরে, বায়র মনদ মনদ সঞ্চালনে ক্রমশঃ নভ হইয়া ছুই হস্ত দূরে গিয়া জলমগ্ন হইল। এইক্ষণে ঐ জল কত গভীর ছিল ভাষা স্থির কর ? छ। 🥞 शंख।
- ৭। কোন কীর্ষ্টি স্তম্ভের তল হইতে এক শভ হস্ত উর্চ্চে ছই ব্যক্তি উপবিষ্ট ছিল, এবং সেই স্তন্তের মূলের হুই শত হস্ত দূরে এক জনাশয়ের কূলে একটী বড় যোলমাছ নড়িভেছে দেখিয়া, ঐ ছই বাক্তির মধ্যে এক জন নামিয়া জলাশক্তে মাছের নিকট আসিল, অপর হাজ্তি না নামিয়া ন্তন্তের উপর আরো কিয়দ্র পর্যন্ত সোজা উঠিয়া, কর্পথে

ঐ মাছকে লক্ষা করিয়া একটা শর নিক্ষেপ করিল: কিন্তু দিতীয় ব্যক্তির উর্দ্ধে উঠন ও শর্তীর গমন পথ এতত্বভ্যের সমষ্টি প্রথম ব্যক্তির গমন পথের সমান। এইক্ষণে দিতীয় ব্যক্তি স্তন্তের উপর কড় দূর পর্যন্ত উঠিয়াছিল ? উ:। ৫০ হস্ত।

৮। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূজ ও কোটি পরিমাণের অন্তর ৭ এবং কর্ণপরিমাণ ১৩ হইলে, ভূজ কোটির পৃথক পৃথক্ পরিমাণ কত ? উঃ। ৫, ১২।

১। তইটা বাঁশ পরম্পর ৫ হাত দূরে আছে, একটা
১৫ হস্ত উচ্চ অনাটা ১০ হস্ত উচ্চ, উভয়ের অগ্র-স্তা হারা
পরম্পারের মূলের দহিত সংযুক্ত হইলে, যে হলে তই স্থাতের
সম্পাত হইবে তাহার উন্নতি কত 

১০। যে ব্যতের বাাসপরিমাণ ২০০০, তাহার ভিতরে অভিত
সমবাহক তিভ্জের ভূজপরিমাণ কত 

উ:। ১৭০২ ইট।
১১। ঐ রূপ বুভ্রমধ্যে অভিত স্মবাহক চভুভুজির

পরিমাণকত ? উ:। ১৭১৪ है। ১৭১৪ है। ১২। ঐ রূপ বৃত্তমধ্যে অভিত সমবাহক প্রশত্ত ও বড়ভুজের পরিমাণ কত ? উ:। ১১৭৫ है। ১১•••।

১৩। ঐ রূপ র্ভ মধ্যে আছিত সমবাছক সপ্তভূজ, আইছুজ ও নবভূজ প্রত্যেকের পরিমাণ কত ?

উ:। ৮৬१5, १५९६, **५५५** ।

১৪। বৃত্তের ব্যাসপ্রিমাণ ২৪০ হস্ত নির্ন্নপিত আঁছে, এবং প্রিধি সমান অপ্টাদশ অংশে বিভক্ত **আছে, এইক্ল**ণে ভাহার এক্রাংশ, চুই অংশ, তিন অংশ ইত্যাদি নবাংশ প্রয়ন্ত পৃথক্ পৃথক্ চাপের জ্যার প্রিমাণ কি হইবে ?

**७**:। ४२, ५२, ১२०, ১४४, ১৮६, २०৮, २२७, २८५, १८०।

# ভূতীয় ভাগ।

# ভূমিপরিমাণ।

# ভূমি মাপিবার ধারা।

<b>৫</b> ৭৬ বৰ্গ সম্মূলিতে	•••	১ হাস্ত
৫ বৰ্গ হাতে	•••	১ কাচ্চা
২০ বৰ্গ ছাতে বা ৪ কাঁচচায়		২ ছটাক 🗸 •
৪ ছটাকে ৮০ বৰ্গ হাতে বা	}	১ পোয়া ।•
< বৰ্গ কাঠায়	)	- CHAILS
৪ পোয়াতে, ১৬ ছটাকে, ব	7	) कार्ता /•
৩২০ হাড়ে	}	
২০ বৰ্গ কাঠায় অথবা	)	<b>১</b> বি <b>ছা</b> ১/০
৬৪০০ বৰ্গ হাতে	}	3 1441 374
७२६ हेक्स्ट	•••	১ বৰ্গ হাভ
>८६ वर्ष हेटक	•••	১ বৰ্গ স্কৃট
৯ বৰ্গ ফুটে	•••	১ বৰ্গ গৰু
৪৮৪ - বর্গ পঞ্জে	•••	১ একর
७८० धकत्त्र	•••	১ বর্গ মাইল
১৪৪০০ বৰ্জ ফুটে	•••	১ বিষা
১৬০০ বৰ্গ গৰু বা )		\$ 100 miles
১৪৪০০ বৰ্গ ফুট 👌 🖚	৬৪০০ বগ	रिष्ठ - ১/ विष्

৭২০ বর্গজুট — ৩২০ বর্গ হস্ত — " স্ঠা কাঠা ৪৫ জ — ২০ জ — ৮০ ছটাক

বর্গ গজের নিয়ম এই বে, তিন ফুটে চলিভ যে গজ, ভাহার বর্গ হইলে অর্থাৎ দীর্ঘ প্রাণ করিলে (৩ × ৩ = ১ কুট) এক বর্গ গজ = ৪ বর্গ হস্ত।

অভএব ১৬০০ বর্গ গজ × ১ = ১৪৪০০ বর্গফুট। আবার ফি বিঘাতে ৮০ হস্ত × ৮০ হস্ত = ৬৪০০ বর্গ হস্ত।

কি হস্তে ১॥০ দেড় ফুট, এই জন্য ৮০ হস্ত 🗴 ১॥০ ফুট = ১২০ ফুট। আর ১২০ 🗴 ১২০ = ১৪৪০০ বর্গ ফুটে ৬৪০০ বর্গ হস্ত হইল।

২০০ সভ্যা ছই বর্গ কৃটে এক বর্গ হস্ত হয়, কারণ ১৫০ × ১৫০ — ২০০ সভ্যা ছই। বর্গ ফুটকে বর্গ হস্ত করিছে হইলে, যত ফুট থাকিবে, তাহাকে চতুগুল করিছে। ৯ দিয়া ভাগ করিতে হয়; এবং বর্গ হস্তকে ২০০ সভ্যা ছই ওপ করিলে বর্গ ফুট নিশ্য হয়। যেমন, ১ বিঘা অথবা ৬৪০০ বর্গ হস্ত × ২০০ — ১৪৪০০ বর্গ ফুট। এবং ১৪৪০০ বর্গ ফুট × ৪ — ৫৭৬০০, ৫৭৬০০ + ৯ — ৬৪০০ বর্গ হস্ত — ১৴০ বিঘা।

১ উদাহরণ। ইংরাজী ১ একর ভূমি বন্ধদেশীর কাঠাতে পরিবভিত কর।

১ একর - ৪০৫৬০ বর্গ ফুট; ইহাকে ১৪৪০০ ভাগ করিলে - ৩১৯৯৯ হয়। ৩৬০ বর্গফুট - অর্থ কাঠা। এক একর - ৩/০ বিদা 10 কাঠা।

২। ইংরাজী ১ এক রূড ভূমি বঙ্গদেশীয় কাঠাতে পরিবর্মিত কর।

এক রুড় 🖚 ১০৮৯০ বর্গ ফুট, ১০৮৯০ 🗙 ৪ 🛨 ৯ 😑 8৮8° दर्श इस्छ। 8৮8° + ७२° = ১৫ कार्टी + 8° छाद-শিষ্ট। ৪০ বৰ্গ হস্ত 🗕 🎤 ছটাক।

ं. এক রাড - ৸০ কাঠা ১০ ছটাক।

৩। ইংরাজী ১ পোল ভূমি বঙ্গদেশীয় কাঠাতে পরি-বৰ্ষিত কৰ।

এক পোল = ২৭২ বর্গ ফুট, ২৭২ 🕆 x + x = ১২১ वर्ग इस । ১२১ + २० = १४० इंडोक ১ वर्ग इस ।

 ইংরাজী ১২৩ একর ২ রুড ৩৭ পোল ৩ গজে বন্দানীর কত ভূমি হইবে ?

উ:। ৩৭৪ বিঘা। কাঠা দ ছটাক ৯ হস্ত।

- ে। বন্ধদেশীয় ১/০ বিঘা ভূমি ইংরাজী একরে পরি-ব্যক্তিত করিলে কত ভূমি হইবে ?
- ১ বিঘা = ৬৪০০ বৰ্গ হস্ত = ১৪৪০০ বৰ্গ ফুট। অভ-এব ঐ ১৪৪০০ বর্গ ফুট ইংরাজী বর্গ পরিমাণের মাপের हिमार्य = ) क्रष्ठ ३२ (शान २१ शक्र।
- ७। वक्रमिश्र ३१ विचा १८ काठी १/० हते। इंदाबी কভ ভূমি হইবে ?

উ:। ৫ একর ৩ রাড ৩ পোল ২৪ গল ২३ কুট। পণীরের চেইনের ছারা ভূমির মাপ হয়। 🏖 চেইন ৪ পোল, किया २२ গজ, অথবা ৬৬ ফুট দীর্ঘ, এবং ১০০ লিছতে বিভাজিত হওয়াতে **প্র**ভি লিছের পরিমাণ

<sup>९</sup>5<sup>8</sup> টক। ১ বর্গ চেইন প্রতি ৪৮৪ বর্গ গজ অথবা এক একরের দশাংশের একাংশ থাকে। এই মতে দশ বর্গ তেইনের কাত ৪৮৪০ বর্গ গজে এক একর হয়।

বঙ্গদেশীর মাপ ইংরাজী মাপে পরিবভিত।								
বিষা	कांश		একর	রুড্	পোল	গঙ্গ	कृष्टे	বৰ্গ ইঞ্চ
,,	ादाक ८८	-			2	۵۵	8	, 92
,,	/२ 🗳	-			a	ъ	৬	709
,,	/o &	=			٩	२४	२	৩৬
,,	/8 &	-			20	29	8	د ۹
,,	lo de	-			20	19	৬	7 0 8
"	lo à	-			२७	30	8	<b>٩</b> ২
3	বিঘা	-	1	7	3.5	२१	,,	,,
2 9	de S	-		2	₹ @	२७	৬	704
8	de S	272	- 1	9	96	२०	8	93
	\$ \$ \$ \$		٥	2	22	۶۹	2	৩৬
q	<b>4</b> 7		٥	२	28	>8	,,	,,
7.	<b>a</b>		9	)	ъ	२४	,,	,,
२०	4		. 6	2	29	20	હ	704
90	खें ।			9	२७	२७	8	9 2
80	8		- 1	,,	૭૯	35	ર	છ
e.	اد	-	i	3	8	29	<b>,</b> , [	.]
300	থ  -	-	<b>૭</b> ૯ ,	,,	>	9	<b>u</b> /	الأه ز

🕝 ১ম সম্পাদ্য। সমচতুভুজি, আরত, রম্বস ও রবৈড ক্তের ক্তেকল স্থির করিবার নিয়ম।

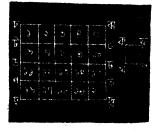
১ম নিয়ম। কেতা সমচভূর্জ হইলে, ভাহার বাছর পরিমাণকে বর্গ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হর।

২য়। ক্ষেত্র রম্বদ হইলে, ভুক্তপরিমাণকে লম্পরিমাণ ৰারা গুণ করিলে ক্ষেত্রফল দ্বির হয়।

৩য়। ক্ষেত্র স্থায়ত হইলে, দৈর্ঘ্যপরিমাণকে প্রস্থ-পরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

**এর্থ। ক্ষেত্র র**থৈড় হইলে, ভাহার দীর্ঘ ভূজের সমুধীন কোণ হইতে তত্তপরি লম্বপাড় করিয়া, সেই ভূজ ও লম্বের পরিমাণকে পরস্পর ওণ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

य क्का वा कृषित रिम्धा > रख ७ विस्तृत > रख. ভাহার ক্ষেত্রফল ১ বর্গহন্ত, **অথবা ভাহার কালি ১ হাত** কহা যার। ঐরপ, যে ক্ষেত্র वा ভূমির দৈর্ঘ্য ১ অঙ্গুলি



ও বিস্তার ১ অকুলি হইবে, তাহার কেত্রকল ১ বর্গ অসুনি ্ছর। বুদি ক**খ**াও কাঘ উভয় রেধার পরিমাণ**্ঠ অভূ**লি করিয়া হয়, ভাহা হইলে ক ধ গ ঘ চিহ্রিত ক্ষেত্রটার ক্ষেত্রকল ১ বর্গ অঙ্গুলি ইইবে। চ ছ হা বা চিহ্লিড **(कर**ाउँ रेमर्स) १ अनुनि ७ विखात ८ अनुनि इहेल শাইই দেখা যাইছেছে বে, উহার ক্ষেত্রফল ২০ বর্গ অন্ধূলি হুইবে; কারণ উহাকে ক খ গ ঘ চিক্লিড ক্ষেত্রের সমান ২০ টী ক্ষেত্রে বিভাগ করা যাইছে পারে। অভএব, শাই প্রভীয়মান হুইভেছে যে, সমচভূর্তুজ বা আরত ভূমিব ক্ষেত্রকল দ্বির করিতে হুইলে দৈর্ঘ্যকে বিস্তার দিয়া গুণ করিতে হুর।

ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও ক্ষেত্রকল দ, ব ও ফ ক্ষর নারা নির্দেশ করিলে, স্থতত্ত্বর এইরূপে লেখা বাইডে

পারে। যথা, ফ — দ 
$$\times$$
 ব, দ —  $\frac{x_0}{-}$ , এবং ব —  $\frac{x_0}{-}$ ।

উলাহরণ ১। বে আরত কোত্রের দৈর্ঘা ৭ কুট ও বিস্তার ৪ কুট, তাহার কোত্রকল দ্বির করিতে হইবে। প্রথম স্থ্রাহ্নারে ৭ × ৪ - ২৮ বর্গ কৃট - কোত্রকল। ২। যে সমচতুর্ভ কোত্রের ভূজ ১৮ ইক তাহার কোত্র-ক্লাকত ?

**ক্ষেত্ৰকল — ঃ : বৰ্ণকৃট**া

ত। বে ক্লেরের দৈর্ঘ্য ৭ ফুট ৮ ইঞ্চ ও বিস্তার ৩ ফুট ১০ ইঞ্চ, ভাহার ক্লেত্রফল কভ গ

> ৭ ফুট ৮ ইঞ্চ ৩ ১০

<u> ۲۰</u>۰

৬ ৪ ৮ অংশ

4 8 F

কোন ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য গু প্রস্থ মিশ্র রাশির ধারা প্রকাশিত হইলে, দেই রাশিদ্যকে বৈথিক হাতে আনিয়া পরস্পার গুণ কর, গুণফল যত বর্গ হাত হইবে ভত গণ্ডা ধরিয়া পরিবর্ত্তিত কর. করিলে যত পণ ভত ছটাক, যত চোক তত পোয়া, যত কাহন তত কাঠা কালি হইবে; পরে কাঠাকে বিঘায় আনিলেই হইবে। যদি দৈর্ঘ্যে বা উভয়েতেই ছটাক থাকে, ভাহা হইলে উভয়েকেই ছটাকে আনিয়া গুণ কর, গুণফল যত বর্গ ছটাক হইবে. ডত কাক কালি ধরিয়া কড়ায় পরে গণ্ডায় আন, তৎপরে গণ্ডার সংখ্যার সংখ্যাকে পূর্কবৎ পরিবর্ত্তিত কর।

৪। যে ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ১॥২ ও বিস্তার ১॥•, ভাছার
 ক্ষেত্রকল কত ?

থগানে, ক্ষেত্রকল — ১॥২ × ১॥০ — ১২৮ হাত × ১২০ — ১৫৩৬০ বর্গ হস্ত — ৪৮ কাহন — ৪৮ কাঠা — ২ । ৩; কিম্বা ১৫৩৬০ বর্গহাত — ১৫৩৬০ পঞা কালি; এখন ১৫৩৬০ গণ্ডাকে পণ, চোক, কাহনে আনিলেই হইবে। অধবা, ৬৪০০ বর্গ হাতে ১ বিঘা, ৩২০ বর্গ হাতে ১ কঠি।, ৮০ বর্গ হাতে ১ পোরা, এবং ২০ বর্গ হাতে ১ ছটাক; অতএব ১৫৩৬০ কে ৬৪০০ দিরা ভাগ করিলে, ভাগকল বিঘা এবং ভাগশেব বর্গ হাত হইবে; পরে ভাগ-শেষকে ৩২০ দিয়া ভাগ করিলে ভাগকল কাঠা এবং ভাগশেব বর্গ হাত হইবে, ইভ্যাদি। যথা—

২০ ) ১৫৩৬০ গণ্ডা অথবা ৬৪০০ ) ১৫৩৬০ (২ বিছা ——————

৪ ) ১৬৮ পণ ... ০ গঃ

७२०) २०७० ( ५ कार्वा

8 ) ১৯২ চোক ... • পঃ

2000

२०) ৪৮ কাহন ··· o চৌ:

২ বিঘা · · · ৮ কাছ:

ে ব্দত্তএব উত্তর বিঃ ২। ৩ ব্র্পাৎ ২ বিদা ৮ কাঠা।

ভূমির এত হাত দৈর্য্য এত হাত বিস্তার কত কালি

ইইবে প্রশ্ন হইলে, যে কেবল বর্গহস্ত দারা কালি নির্দেশ
করিতে হয় এমত নহে, বিহা, কাঠা, ছটাক দারা কালি
নির্দেশ করাই রীতি। এখন এক বর্গ বিঘাতে ৬৪০০ বর্গ

হাত। যদি এক বর্গ হস্তকে ১ গণ্ডা ধরা বায়, তাহা হইলে

১ বিঘার ৬৪০০ গণ্ডা হইবেক। কিন্ধ ৬৪০০ গণ্ডার ২০
কাহন। স্মৃতরাং ১ বিঘার ২০ কাহন হইবে।
ভাহা হইলেই, প্রেরপ এক কাহনকে ১ কাঠা ও

১ পণকে ১ ছটাক ধরা ঘাইতে পারে। বর্গহস্ত

धतिहा कालि कतिवात ममन्न यमि रेमचा छ विस्तात विचा ও काठीय निधिज थारक. ध्वर कानि वर्ग इन्छ हावा নির্দেশ করিতে হয়, ভাষা হইলে প্রথমত: বিঘা ও কাঠা প্রভাতিকে রৈথিক হাতে পরিবর্ত্তিত করিতে হয়।

আর্ঘ্যাতেই লিখিত হইয়াছে যে, ভূমি ৮০ হাত লম্বা হইলেই ভাহাকে রৈধিক এক বিঘা কছে। যে ভূমির ৮০ ছাত্ত দৈর্ঘা ও ৮০ হাত বিস্তার, তাহার কালি এক বিষা কহিয়া থাকে: স্থভরাং ৮০ 🗴 ৮০ 🗕 ৬৪০০ বর্গ क्छ इटेल এक विधा कालि कथीए अक वर्ग दिया इस । পুনশ্চ, ৪ হাত লখা হইলেই এক কাঠা কছে ; এবং এক বিদ্যা দৈর্ঘা ও এক বিঘা বিস্তার হইলে বেরূপ এক বিঘা কালি কহিয়া থাকে: এক কাঠা দৈশ্য ও এক কাঠা বিস্তার ছইলে সেই রূপে ৪০০ বর্গ কাঠার এক বর্গ বিদ্যা হইত: कातन २० कोठी रिल्मा ७ २० कोठी विखात इंडेल अक वंश विचा अथवा अक विचा कालि हरा। किन्छ दिश्यिक २० कार्राष्ट्र ষেমন বৈথিক ১ বিঘা ধরা যায়, তেমনি ২০ কাঠা কালিতেও ১ বিখা কালি ধরা রীভি। স্থভরাং ১ কাঠা কালির পরিমাণ 😘 - ৩২০ বর্গ হস্ত হইল। তাজা হইলেই যে জুনির ১ विषा देश ७ ३ काठी विष्ठात, छारात कानि ১ काठी कहा ষাইছে পারে: কার্ণ ৮০ 🗙 ৪ 🛥 ৩২০।

ক্ষেত্রফল ভিব করিবার সঙ্কেত শুভন্করের কাঠাকালি ও বিখাকালির আর্ব্যান্তে পরিন্ধাররূপে নিন্দিট আছে। তভঙ্করের काँगेकालि । विधाकालित महिक अहे ;--

কাঠা কালি। কাঠার কাঠার গ্লপরিমাণ।

বিংশতি \* গণ্ডার কাঠার প্রমাণ।

বিঘাকালি। কুড়ো † বা কুড়োবা কুড়োবা লীজ্যে।

কাঠার ক্ডোবার কাঠা লীজ্যে।

কাঠার কাঠার গ্লপরিমাণ।

বিংশতি গণ্ডার কাঠার প্রমাণ।

নিয়ম ১ম। গুণকের প্রত্যেক শ্রেণীস্থ রাশি দ্বারা গুণোর প্রত্যেক শ্রেণীস্থ রাশিকে গুণ কর, এবং ঐ রাশিদ্বয়ের একটা অথবা উভরটীই বিদা হইলে ২য় নিয়মামুসারে গুণফল নির্ণর করিয়া বামে লিখ, অন্তথা ৩য় নিয়মামুসারে গুণফল নির্ণর করিয়া ভাইনে লিখ।

২য়। বিঘার বিঘার গুণ করিয়া বিঘা, বিঘার কাঠার গুণ করিয়া কাঠা, বিঘার পোরার পোরা, বিঘার ছটাকে ছটাক ইত্যাদি ধর।

তর। কাঠার কাঠার শুণ করিয়া যত তত গণ্ডা, কাঠার পোরার যত তত কড়া, কাঠার ছটাকে যত তত কাকৃ, পোরার পোরার যত তত কাকৃ, পোরার ছটাকে যত তত শিকি কাকৃ বা ৫ তিল, ছটাকে ছটাকে যত তত সওয়া তিল। ৪র্ম। পোরার পোরার অথবা পোরার ছটাকে শুণ না

<sup>\*</sup> এই সংস্কৃত অবলম্বন করিয়া এ প্রদেশে জমির কালি চির ছইরা থাকে। পূর্বে ''দশ বিশ গণ্ডায়'' বলা রীতি ছিল; এইক্ষণে ওভন্ধর ব্যবসারী গুরুমহাশয়ের। প্রায় সকলেই বিশ প্রভায় বলিয়া থাকেন।

<sup>†</sup> কোন কোন অঞ্চল বিঘাকে কুড়ো কছে।

করিয়া, পোরা ও ছটাক্কে ছটাকে আনিয়া একবারে ছটাকে ছটাকে গুণ করা স্থাবিধা, এবং শুণকল বত হইবে তত বার সওয়া তিল ধরিয়া ডাইনে না লিখিয়া, তত কাক্ কালি ধরিয়া একবারে বামে লেখা স্থাবিধা। পরে ভৃতীর নিয়মালুলারে বে সকল গুণকল উৎপন্ন হইয়াছে, সেই সকলকে একত্র যোগ করিয়া যাহা হইবে, ভালার পণ প্রতি কাঠা, বুড়ি প্রতি পোরা, গণ্ডা প্রতি ১৬ গণ্ডা, কড়া প্রতি গণ্ডা, কাক্ প্রতি গণ্ডা, প্রতি ৫ তিলে কড়া ধরিয়া বামের গুণকল সমৃহে যোগ করিছেই যোগকল নির্ণেয় ক্লেক্ত

উদাহরণ ৫ম। বে সমচভূজোণ ভূমির দৈর্ঘ্য বিদা ১১ বিদা ২/২৮/ ভাহার ক্লেত্রফল কড?

778 7 19	
ション	120
रेश्र	کرو
5/2	bud
nd	106
5198	
1 and	
enJ	
/k dse	
Se 1 shots 98d	

১১ বি: × २ বি: —
२२ বি:, २ विघा ×
১১ কাঠা — २२ কাঠা —
১ বি: ২ কাঃ, २ বি: ×
१ ছ: — ১৪ ছ, বামে
লিখ। পরে ৩ কাঠা ×
১১ বি: — ৩০ কাঠা —
১ বি: ১৩ কা: বামে লিখ।
পরে ৩ কাঃ × ১১ কা —
৩০ গণ্ডা — ১ পণ ১৩
গণ্ডা ভাইনে লিখ। পরে
৩কাঃ × ৭ ছ: — ২১ কাক্

·= ১ গণ্ডা ৫ কাক ভাইনে লিখ। পরে ১৩ ছ × ১১ বিং 🕳 ১৪৩ ছ: (১৪৩ পণ 🕳 ৮ কাছন ১৫ পণ, স্বভরাং) ১ ९ ० हा: - ৮ को: ১৫ हा: वास्म निष् । পরে ১০ हा: x ১১ কাঠা - ১৪৩ ফাক (১০০ পণে ৬ কাহন ৪ পণ, আর 89 পে र काइस ১১ প্র. ৮ काइस ১৫ প্র. खुड्दार ১৪৩ কাক) - ৮ গণ্ডা ১৫ কাক ডাইনে লিখ। অবশেৰে ১৩ ছ: × ৭ ছ: - ১১ বৰ্গ ছটাক - ১১ কাক কালি (১১ পৰ ৫ কাহন ১১ পৰ, স্বভরাং ) ১১ কাক -- ৫ গঙা "১১ কাক একবারে বামে লিখ। ডানিদিকের ভণফলভন্মি বোগ করায় ১০। হইল, যাহার ২ পণে ২ কাঠা, ৩ গভার ৪৮ গণা 🗸 পণ ৮ গণা, ১ কড়ার ১ 🗙 ৪ 🗕 ৪ গণা ধরিবো ২ কাঠা আৰু পোয়া ১২ গণ্ডা হয়, যাহাকে বামের গুণক্র नमृद्ध (योश कर ।

#### উক্ত প্রক্রিয়া এরপে আরও সংক্রেপ করা যার।

331 3 100 ₹ /en/• 20/ 24de وليها: ال 6140 1 3975 20 12Nd 39 10

প্রথমে ২ বিঘা× গছঃ 🖛 **>८ इ. ১८ इ. जारमः शए**क শৃষ্ঠা পরে ২ বি × ১১ का = २२ का, अवि: २ का; ২ কাঠা নাবে, হাভে 🖘 বি:; ২বি: × ১১ বি = ः । १२ वि भाव ५ वि 🗕 २७ ্ বি। ভৎপরে ঐক্সপে ১১ वि × ३० छ, धवर ३३ वि . X ७ कोठी ७व कब्रिटन वि २/३५८/ इत्र। (३५ वि x

২ বি আর ধরা হইবে না, কারণ একবার ধরা হইরাছে)। অবশিষ্ট প্রক্রিরা পূর্বের মন্ত তাহা দৃষ্ট হইতেছে।

যে সমচকুকোণ দৈর্ব্যে ১১ বিঘা ও প্রক্ষে ২ বিঘা, ভাহার कालि २२ वर्ग विषा; बाबात रेलर्ग >> विषा किन्त अन् २ कोठी डाहात कानि वर्ग विषा ना हहेग्रा २२ काठी हहेरव। **ইলার বৃক্তি ক্ষেত্র অন্ধিত** করিরা দেখিলেই প্রতীভ হইবে। **ক** ধ**াৰ ঘ একটা আ**রত কেত্র, ইহার দৈর্ঘ্য ১১ বিদা, व्यक्त २ कार्रा । हेरात रिमीटक २२ छात्र कत, छाटा इटेल অভ্যেক ৰণ্ড দৈৰ্ঘ্যে ১ বিঘা ও প্ৰন্থে ২ কাঠা হইবে। ্র্রাইক্ট**েও বিঘার রৈথিক পরিমাণ ৮০ হা**ভ ও <del>ছ</del>ুই কাঁঠার রৈথিক পরিমাণ ৪ হাত করিরা ৮ হাত; অনস্তর শিক্তি বণ্ডের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থপরিমাণ গুণ করিলে প্রভীরমান क्हेरव रव, প্রভ্যেকের কালি ২ কাঠা করিয়া সমুদার क्लाबर कानि २२ कार्श इटेरव ; यथा ৮० x ৮ = ७४० = २ दर्ब কাঠা, বেছেড় ৩২০ বৰ্গ ছাতে এক কাঠা হয়। এক খণ্ডে **एरे कांग्र** एरेरन >> थए कार्य कार्यर २२ कांग्र एहेरर। **अज्ञाल दि नमरुक्**रकारनंत निर्मा ७ विचा धवः श्राप्त । होंगिक, खंत्राक्षा ७ × € = ७० ही वर्ग होंगिक हहेरत। च्चछताः ভारात कानि ७० हत्रोक रेजानि। এই निमिक्त "কুড়োবা কুড়োবা কুড়োবা নীজ্যে, কাঠার কুড়োবা, কাঠ। লীজো " অর্থাৎ বিষায় বিষার বিষা, বিষায় কাঠার काठी रेखानि श्विष्क क्य ।

অপর, বেছেড়ু ২০ গণ্ডার ১ পণ, এবং ২০ ধূলে জর্ধাৎ ২০ বর্গ কাঠার ১ কাঠা কালি, এই নিমিন্ত যত বর্গ কাঠা ছর, ওভন্ধর ব্যবসায়ীর। লঘুকরণ সহজ হইবে বলিয়া ভঙ্
গণ্ডা ধরিয়া পণে পরিবর্ত্তিভ করেন, পরে যত পণ হয় ভঙ্
কাঠা কালি ধরেন। যথা ৪ কাঠা × ১০ কাঠা কভ কালি ৪
৪ × ১০ = ৪০ বর্গ কাঠা (বা ধূল) ৪০ গণ্ডার ২ পণ,
ছডরাং ২ কাঠা উত্তর। এই নিমিত্ত "কাঠায় কাঠায়
ধূল পরিমাণ, বিংশতি গণ্ডায় কাঠার প্রমাণ" অথবা "কাঠায়
কাঠায় যত তত পণ্ডা" এবং তত গণ্ডার "পণ প্রতি কাঠা"
ধরিতে হয়। অপর, যেহেতু ২০ বর্গ কাঠায় ১ কাঠা কালি,
অতএব ৫ বর্গ কাঠায় ১ পোয়া কালি, এই মিমিত্ত উলিপিত
রূপ ৫ গণ্ডায় ১ পোয়া, বা "বৃড়ি প্রতি পোয়া" ধরিছে
হয়। ১ বর্গ কাঠায় ১৬ বর্গ হাত = ১৬ গণ্ডা কালি, এই
নিমিত্ত "গণ্ডা প্রতি ১৬ গণ্ডা" (বা গণ্ডা প্রতি ১৬ জিল)
হয়।

পূৰ্ববং ক্ষেত্ৰ অন্ধিত করিয়া দেখিলে প্রভীয়মান ছইবে যে, ৫ কাঠা × ৪ পোয়া = ২০ বর্গ পোয়া, ৩ কাঠা × ९ ছ = ২১ বর্গ ছটাক, ইভ্যাদি, এখন বে কারণে এক এক বর্গ কাঠাকে এক এক গণ্ডা ধরা যায়, সেই কারণেই এক এক বর্গ পোয়াকে এক এক কড়া ধরিতে হয়, কেননা ৪ বর্গ পোয়ার ১ বর্গ কাঠা হয় এবং ৪ কড়ার ১ গণ্ডা হয়; এবং ঐ হিসাবে এক এক বর্গ ছটাকে এক এক কাক্ মরিছে হয়, কেননা ৪ কাকে ১ কড়া এবং ৪ টা বর্গ ছটাকেও ১ টা বর্গ পোয়া হয়, এই নিমিত "কাঠার পোয়ায় যত ভত কড়া। কাঠার ছটাকে বত তত কাক্" ইভ্যাদি।

া ব্দপর, বেহেডু ১ বর্গ পোরা 🗕 ৪ বর্গ হাড 😑 ৪ গুড়া

কালি, এবং যত বর্গ পোয়া হয় তত কড়া ধরা ধার, এই নিমিত্ত "কড়া প্রতি ৪ গণ্ডা" ধরিতে হয়, এবং ঐ হিসাবে "কাক্ প্রতি গণ্ডা" ধরিতে হয় ইত্যাদি।

ু ক্ষেত্র অস্কিত করিয়া দেখ, যে সমচতুকোণ দৈর্ঘ্যে ৮ বিঘা ৬ কাঠা ৭ ছটাক, এবং প্রান্থে ও বিঘা তাহার মধ্যে এই রূপ তিনটী সমচতুকোণ হয়;—একটীর কালি ৪ বিঘা 🗴 ৮ বিঘা, আর একটীর কালি ৪ বি 🗴 ৬ কা, আর একটীর **कानि** ९ वि × १ ছ। यनि व्यथसाक नमठकूकालित व्यव् **जात ७ का**ठी दुन्नि कता गांग, जाहा इहेटन मृष्टे इहेटव (य, শমুলীয় বন্ধিত সমচতুকোণের মধ্যে ঐ তিন্টী সমচতুকোণ হইয়া আরও এই রূপ তিনটা সমচতুদ্ধোণ হয়; একটার কাৰি ওকা×৮বি, আর একটীর কালি ওকা × ৬ কাঠা. জার একটীর কালি ৩ কা 🗴 ৭ ছ। অতএব বন্ধিত সমচজু-কোণ ঐ ছয়টী সমচতকোণের সমষ্টি। কি নিমিত ভণকের প্রভ্যেক শ্রেণীয় রাশিঘারা গুণোর প্রভ্যেক শ্রেণীয় রাশিকে 😻 করিতে হয়, ভাহার যুক্তি এখন স্পষ্ট প্রভীয়মান হট-ছেছে। এরণ গুণ করিলে বস্তুতঃ কোন প্রস্তাবিত সম-চ টুছোণকে কভক গুলি সমচত কোণে বিভাগ পূৰ্বক প্ৰান্ত্যে-কের কেত্রফল পৃথক পৃথক করিয়া নির্ণয় করা হয়; পরে সেই কলগুলির সমষ্টি লইলেই প্রস্তাবিত কেত্রের কালি লব্ধ হর।

৬। যে জমির দৈর্ঘ্য ধহাত ২ অঙ্গুলি, বিস্তার ২ হাত ৪ অঙ্গুলি, তাহার পরিমাণ কত বর্গ হস্ত ?

<sup>्</sup>र ६ हाउँ, २ अकृति = ১२२ अकृति, ००० ं ८ व्यो ८ व्यो = ১०० ्व्ये

স্থান্তরাং, জমির পরিমাণ - ১২২ × ১০০ - ১২২০০ বর্গ জঙ্গুলি - ইন্দ্রীত্ব \* বর্গহন্ত - ২১ ট্রাইট্ট বর্গহন্ত - ২১ ট্রাইট্ট বর্গহন্ত।

এই প্রশানীর আর এক প্রকারে সমাধান করা হাইতে পারে। যথা,

₹:—₩: «—₹ 8—8 ₹•—₩ ₹•—₩ 2• %

৭। একটী ঘরের মেজে ১৫ ফুট ১০ ইঞ্চল মা ও৮ ফুট ৪ ইঞ্চ প্রায়ঃ প্রেমির মেজে কড ফুট কালি ?

দপকানি করিবার দময় ১৩ হাত লক্ষা ও ১ হাত প্রস্থ ইইলে ১ হাত ধরে।

> "দীর্ঘে সপ যত হাত, প্রান্থ দিরা পুর ভাত। ডেরো দিরা হরে আন, সপকালি ভবে জান।"

ু ৮। যে বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ৫০০ বর্গ হস্ত, ভাহার বাছর পরিমাণ কভ १

এখানে, বর্গক্ষেত্রের বাহু = V দৈর্ঘ্য × বিস্তার, ক্ষর্থাৎ বর্গক্ষেত্রের বাহু = V ৫০০ = ২২.৩৬০৭ ফুট = প্রায় ২২ ফুট ৪৯ ইঞ্চ।

- ৯। যে বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল এক একর, তাহার বাছর পরিমাণ কভ ? উ:। প্রায় ৬৯.৬ গজ।
- ১ । বর্গ ক্ষেত্রের পার্থ সকল কত পরিমাণের হইলে, উহার ক্ষেত্রফল ২ । ২ দীর্ঘ ও ১ ৮০ বিস্তৃত সমস্বারত ক্ষেত্রের সমান হইবে ? উ: । ১৬১. ০৪৪ হাত ।
- ১১। এক ব্যক্তির ২৫০ হাত দীর্ঘ ৭২ হাত বিস্তৃত এক খণ্ড ভূমি ছিল, সে ৩০০ হাত দীর্ঘ এক খণ্ড সমান দরের ভূমির বহিত ঐ ভূমি বিনিময় করিল, ভাহার ন্তন ভূমির বিস্তার কত? উ:। ৬০ হাত।
- ১২। যে উঠানের দৈর্ঘ্য ২৩ ফুট ও বিস্তার ১৪ই ফুট ভাষার ক্ষেত্রক কভ ? উ:। ৩৭৯৮ বর্গ গল।
- ১৩। সকোণস্চীর ভূমি সমচভুরস্ন হইলে, ধদি তাহার পার্বের পরিমাণ ৬৯০ ফুট হর, তাহা হইলে ঐ সকোণস্চী বে ভূমির উপর দ্বার্মান আছে, তাহার ক্ষেত্রফল কন্ত একর ?

  উটা ১১ একার ৪ পোল।

১৪। যে দীর্ঘিকা ৬ৡ একর ভূমি ব্যাপ্ত, ভাহার এক দিকের পরিমাণ কড ? উ:। ১৭৩.৯২ গঞা।

১৫। যদি কোন মেজেতে প্রস্তর বদাইবার ধরচ প্রস্তোক বর্গ গজে ৪ সিলিং ১০ পেন্স পড়ে, ভাহা হইলে যে ঘরের দৈর্দা ৪২ ফুট এবং প্রস্থা ২০ ফুট ১০২ ইঞ্চ ভাহাতে প্রস্তর বসাইতে কত বার হইবেক ?

উ:। ২৬ পাউও ১৮ সিলিং ৬} পেন্দ।

১৬। যে ভারত কেত্রের পার্শবিরের পরিমাণ বর্ষার্থ ৩০০ হাত ও ২৭ হাত, তাহার সমান বর্গ কেত্রের এক পার্শের পরিমাণ কত ?

১৭। একটা চত্রত্র প্রাক্ষনের পরিসর যদি ২৬ গজ ইংশ হর, এবং উহার ক্ষেত্রফল ৬৮০ বর্গ গজ ২ ফুট ২৫ ইংশ হর, ভাহা হইলে প্রাক্ষনটা যে সমচত্রত্রাকার ভাহা প্রমাণ কর।

উ:। উহার দৈর্ঘ্য ২৬ গজ ৫ ইংশ।

্ ১৮। এক থণ্ড গালিচার দৈর্ঘ্য ২৪ হাত ও প্রস্ত ই হাত; আর এক থণ্ড গালিচার দৈর্ঘ্য ৮ হাত; এখন ইহার প্রস্ত কত হাত হইলে পূর্বোক্ত গালিচার সমান হইবে।

छै:। ३ ई श्रष्ट।

১৯। একটা কুঠরির পরিমাণ ২৬ ফুট × ৩৫ ফুট; ২ ফুট ঃ ইঞ্চ চৌড়া বহরের গালিচা কড গল ছইলে ভাহাকে চাফিডে পারা ঘাইবে ? উ:। ১৩০ গল।

२०। अकी नमरुष्ट्रत्य पत्रत्र देनचा ४४ क्र के हैक

যে মাহর ২ জুট ৩ ইঞ্চ চৌড়া ভাহার কভ গল্প হইলে উহা আন্দোদিত হইবে ? উ:। ৫২ গল্প ৩ ইঞা।

২১। ষদি উজ ঘর ১৩ ফুট ৪ ইঞ্চ উচ্চ হয়, আর উহার দেওয়াল কাগন্দে মুড়িতে হয়, ভাহা হইলে যে কাগদ ১ ফুট ৪ ইঞ্চ চৌড়া ভাহার কন্ত গদ্ম আবশ্যক হইবে ?

ष्टेः। २**१० त्रव**ा

২২ বিদি দরওয়ালা প্রস্তুত করিবার মজুরি প্রতি রুর্গ কুটে ২ দিনিং ৩ পেন্দ করিয়া পড়ে, তবে যে ছার ৭ ফুট ৩ ইঞ্চ লম্বা ও ৩ ফুট ৬ ইঞ্চ চৌড়া তাহার মজুরি কড ছইবে ? আর ঞ্চ দরওয়ালার গলনের কালি কড় ?

উ:। কালি ২৫ টুবর্গ ফুট।

২৩। বে সমচতুকোণ ভূমির কালি এক বিঘা ১৬ কাঠা ১৩ ছটাক এবং প্রস্থা ৯ কাঠা ৮ ছটাক, ভাহার দৈর্ঘ্য কত ? ৩ গুণা ২ কড়া কালিকে বর্গ ফুট কর ?

উ:। ৩ বিঘা ১৭ কাঠা ৮ ছটাক। ৭ বৰ্গ কৃট ১২৬ ইঞ্চ।
২৪। ৩ বিঘা ১২ কাঠা দীৰ্ঘ এমন এক সমচতুকোণ
ভূমির মধান্তলে একটা সমচভূরত্র পুকরিবী আহে, এবং ঐ
পুকরিবীর প্রত্যেক পাড়ে যে জমি আছে ভাহার প্রস্থা
১৮৮ সাভ কাঠা ভিন পুরা; ঐ পুকরিবীর জনকর কড
এবং পাড় কত ?
উ:। ৭ গঙা /১৬; ৪গ্রিছ /৮
২৫। "চারি হাভ বর্গ 'ও "৪ বর্ম হাড, ইহাদের
আত্তর কত ?

২৬। এক খণ্ড সায়তাকার ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ১৩৭৫ বিছ প্রস্তুত ১ বিছা; উহাজে কভ একর ভূমি সাছে ?

উ:। ১ धक्त ১ क्र ७ २ (भान।

২৭। যদি প্রান্তি বর্গ ফুটের মূল্য ও দিলিং ৬ পেস্স হর, ভবে যে ভূমির দৈর্ঘ্য ২৪ ফুট ও ইঞ্চ ও বিস্তার ৭ ফুট ৬ ইঞ্চ, ভাহার দাম কত ? উ:। ৩১ পা: ১৬ দি: ৬ পি:।

# ২য় সম্পাদ্য। ত্রিভুজ ক্ষেত্রের কালি।

১ম নিয়ম। ত্রিভুজ কেত্রের ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হইলে উহার যে দিক হয় এক দিক মাপ কর, এবং ঐ দিকের সমুখীন কোণ হইতে উহার উপর একটা লম্ব টানিরা ভাহার পরিমাণ স্থির কর; ভাহার পরে, ঐ স্থায়ের গুণকলের অর্ক্কে ল্টলেই ক্ষেত্রকল স্থির হইবে।

ক্ষেত্র সমকোণিক ত্রিভুজ হইলে ভুক্সপরিমাণকে কোটি পরিমাণ ধারা গুণ করিয়া যাহা হয়, তদর্জ লইলে ক্ষেত্রকল

<sup>্</sup>ৰৰ্গ ক্ষেত্ৰের কৰ্ণ ব্যক্ত থাকিলে ভাহার ক্ষেত্ৰকণ নিৰ্ণন্ন করিতে হইবে।

নিরম। কর্ণপরিমাণকে বর্গ করিরা ভাহার **অর্থেক নইলেই** ক্ষেত্রকল স্থির হয়।

ৰদি কোন বৰ্গ ক্ষেত্ৰ বা রহসের ছইটা কৰ্ণ নিৰ্দিষ্ট থাকে. ভাছা কইলে ঐ বৰ্গ ক্ষেত্ৰ বা রহসের ক্ষেত্ৰফল এইরপে নিৰ্ণীত ছইবে।

নিরম। কর্ণব্রের গুণফলের অর্থেক নইলেই ক্ষেত্রকল ছিব হব।

ছির হর। যথা ক ধ শ সমকোণিক ত্রিভুজের (১৮১ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দেখ) থ গ কোটি ছারা ক খ গুণ করিরা অদ্যাংশ লইনে ক্ষেত্রকল ছির হয়।

ক্ষেত্র স্মকোণিক ত্রিভুজ না ছইরা জন্ত কোন আকারের ছইলে, লম্বাধার ভুজের পরিমাণকে লম্বপরিমাণ দারা গুণ করিরা যাহা হর তদর্জ লইলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়। যথা, কথ গ স্ক্ষকোণিক ত্রিভুজ ক্ষেত্রের লম্ব গ ঘ দারা কথ গুণ করিরা অর্জাংশ হইলে কালি হয়।

হয় নিয়ম। ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ভিনটী দিকের পরিমাণ জ্বানা থাকিলেও ক্ষেত্রকল হির হইভে পারে। তিন দিকের পরিমাণ একত্রে যোগ করিয়া ভাহার অর্জেক যাহা হইবে, ভাহা সভস্প করিয়া রাখ। ভাহার পরে, ঐ অর্জেক হইডে প্রত্যেক দিকের পরিমাণ সভস্ত স্বভন্ত বিরোগ করিলে বে ভিনটী রাশি হইবে, সেই রাশিত্রের ও ঐ অর্জেককে পরস্পর ধারাবাহিক গুণ করিয়া, গুণফলের বর্গ মূল হির কর। ঐ বর্গমূল ত্রিভুজের ক্ষেত্রকল হইবে।

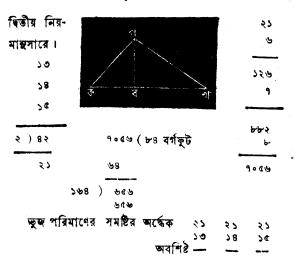
উদাহরণ ১। ক খ গ ত্রিভুজের ভূমি ক খ ৪২ ফুট এবং লম্ব গ ঘ ৩০ ফুট ; উহার ক্ষেত্রকল কভ হইবে গ

প্রথম নিরমান্ত্রনারে ৪২ × ৩৩ → ২ = ৬৯৩; এবং ১৯৬ → ৯ = ৭৭ বর্গগঞ্জ।

২। কোন জিভুজের কেন্তের ভূজ পরিমাণ বধা∻ ক্ষমে ১৩, ১৪ এবং ১৫ ছুট, উহার কেন্তকল কর্ত হইবে ?

### ভূমিপরিমাণ /

2.8%



অভএব, কেন্দ্রকল - ৮৪ বর্গ ফুট + ১ - ১ বর্গগজ।

৩। কোন ত্রিভুজ কেত্রের ভূজপরিমাণ, ৩০, ৪০ ও ৫০ হস্ত, উহার ক্ষেত্রকল কত হইবে ?

এই উদাহরণে, ভুজপরিমাণের **সমষ্টি**র **অর্দ্ধেক =** ৩০ + ৪০ + ৫০

\_\_\_\_ = ৬• হস্ত ;

৪। কোন ত্রিজ্জ ক্ষেত্রের ভূমিপরিমাণ ৪০ ফুট, এবং কোটিপরিমাণ ৩০ ফুট হইলে, উহার ক্ষেত্রকল ক্ষ ইইবে ? উ:। ৬৬% বর্গ গল।

৫। যে ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ভুজপরিমার ২০ ৩০ এবং ৪০ কট, ভাহাব ক্ষেত্ৰকল কম্ভ হইরে ? উঃ । ৩২.২৭ বর্গ সজ।

ভা যে তিভু**ল কোৱের এক ভুল ২**৮৪, ও শীর্ষ কোণ হুটতে ভতুপরি **লম্পরিমাণ ১া•, ভাছার ক্ষেত্রফল হি**র छै:। विषा ३॥३॥४०। **あす**り

্ণ। ৩২, ৪৮, ৬৪ হাত পরিমিত তিন ভুজবিশিষ্ট ত্রিভ্রের ক্ষেত্রফল অপেক্ষা, ১৫০ হাত দীর্ঘ ও ৪৫ হাত বিস্তুত আয়ত ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত শুকু বা লয় ?

উ:। ৬০ • ৩.৪ ইঞ্চ বর্গছন্ত শুরু।

৮। य ममकांगिक जिल्ला कर्णशतिमान २०२३ कृषे, ও ভূমিপরিমাণ ১০০ ফুট, ভাহার ক্ষেত্রফল কভ ?

है:। ३२० वर्ग शका

৯। যে ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ভূমিপরিমাণ ১২১ গজ এবং কালি এক একর, ভাহার কোটিপরিমাণ কভ ? উ:। ৮০ থক। ১০। কখগ তিভ্জের ভূমি কথ ৯৪৫ নিঙ্ক, এবং লম্ব গ হ ১৮০ লিক্ক, উহার ক্ষেত্রফল কত ?

উঃ। ২ একর ১ রুড ২ পোল।

১১। যদি এক একর ভূমির দাম ৩৭০ পাউও হয়, ভাহা হট্টের যে ত্রিকোণাকার কেত্রের ভূজপরিমাণ ১৪৬.৫, ১১৯.৫, এবং ৯২ ৫ প্রস্থ ভাষ্র মূল্য কত গ

উ:। ৪১১ পা: ১৩ শি: ১০ পে:।

া ১২। বেল বর্গ কেতের কর্ণপরিমাণ ৬ ফুট, ভাহার **《李道节司·本变》** উ:। ১৮ বর্গফুট।

্১৩া বে মায়ত্ত ক্ষেত্রের কর্ণপরিমাণ ১০ সূট এবং

আকটা বাহর পরিমাণ ৮ কুট, ভাহার কেত্রফল কত ? উঃ। ৪৮ বর্গ ফুট।

## ৩য় সপ্রাস্থা <u>ট্রাপিজৈড্ কেতের</u> কালি।

নিয়ম। ট্রাপিজৈডেব্র যে সুই বাছ সমান্তরাল সেই বাহন্বরের সমষ্টিকে, তাহাদিগের অন্তর্গত লম্ব বেগার পরি-মাণ দারা শুদ করিলে যাহা হয়, তাহার অর্জেক লাইলেই ক্ষেত্রকল দ্বির হইবে।

সমান্তরাল ভূজদ্বরে মধ্যে একটীর প্রাক্ত হইতে অপরটীর উপর লম্পাত করিয়া, সমান্তরাল বাত্তবের সমষ্টির অর্থ্ডেককে লম্বছারা গুণ করিলে গুণকল ক্ষেত্তের পরিমাণ হইবে।

উদাহরণ ১। ক থ প ছ ট্রাপিজৈড; গগ ও ক ছ ছইটী সমাস্তরাল ভূজ প্রস্পর ৭.৫ এবং ১২.২৫ ফুট, জার থ গ ও ক ছ রেথাছয়ের জাস্তর গঘ ১৫.৪ ফুট, উলাব জেঅফল কভ হইবে?

20.9¢ 20.9¢ 20.9¢ 30.9¢



र ) ७०४,५४० ( ५०२,०१० वर्ग कृते।

২। যে টাপিজৈড্ কেত্রের সমান্তরাল বাহৰরের পরিমাণ ক্রমশঃ ২১ ফুট ৩ ইঞ্চ ও ১৮ ফুট ৬ ইঞ্চ আর উহাদের শস্তর ৮ ফুট ৫ ইঞ্চ, ভাহার ক্ষেত্রকল কত গ

**डि:। ১৯१ वर्ग झ्टे, ॐ 8″ ७**″।

৩। কখগছ টাপিজৈড কেতে খগ ও কছ হুইটা नमाबदान जूब यथाकारम ३.७ (हरून ७० (हरून এवः भ घ ৯.০৩৭ চেইন, উহার ক্ষেত্রফল কভ গ

फेः। २ धकत ३ क्रफ १ (शाम ।

৪। বে টাপিজৈড় কেত্রের ন্মান্তরাল বাছৰয়ের **श्रिमान मधाकत्म ৮० धदः ७० निष्क धदः अस्त ৮৪० निष्क** ভাহার ক্ষেত্রফল কত ? है:। २ ऋछ ३८ (शान।

৪র্থ সম্পান্ত। ট্রাপিজিয়ম অর্থাৎ বিষম চর্ভুত্ত কেত্রের কালি।

প্রথমত:। ট্রাপিজিয়ম কেত্রকে কর্ণ রেখা ছারা ত্রিভুত্তকেত্রে বিভাগ করিয়া, ঐ ত্রিভুত্তকেত্রদিগের কেত্র-कन, भूर्मनिथि इरे नियमात य कान नियमात बाता হির করিরা শ**ন্তি** করিলেই, ঐ কেত্রের বা ভূমির কেত্রফল चित्र एत ।

কিমা, কর্ণ রেশার উপর অপর হুইটা সমূ্থীন কোণ হইতে ছইটা লম্ব টানিয়া, ঐ ছই লম্বের সমষ্টিকে কর্ণ রেখা দারা গুণ করিলে যে গুণফল প্রাপ্ত হওয়া যায়, ভাছার অর্কেক লইলেই ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

বিতীয়ত:। টাপিবিরম কেতের সমুখীন ছুইটা কোণ

ষদি পরক্ষার পরক্ষারের ক্রোড়স্থ কোণ হয়, অর্থাৎ উভ্রের যোগে যদি হই সমকোণ তুলা হয়; ভাহা হইলে উহার চারিটি বাছর পরিমাণ যোগ করিয়া তার অর্থেক হইতে প্রত্যেক দিকের পরিমাণ হতত্র সভত্র বিয়োগ করিয়া যে চারিটা রাশি হইবেক, ভাহাদের ধারাবাহিক শুনফলের বর্গ মূল ছির কর। ঐ বর্গ মূল ট্রাপিঞ্জিরমের ক্রেফল হইবেক।

উদাহরণ ১। ক গ থ ছ বিষম চভূভূজ কে ত্রের কণরেখা ক খ ৪২ হক্ত এবং গুছ ও চ ছ ছইটী লম্ম্পাক্রমে ১৮ ও ১৬ হক্ত। উহার কেক্তফল কভ ৪

>	त्र ज
ুচ সম্ <b>ষ্টি,</b> ৪২	
₩ <b>&gt;</b>	
<u> १८७</u> (केंद्रकत =	
২ ) ১৪২৮ ( ৭১৪ বর্গহন্ত	D2

উদাহরণ ২। ক গ থ ছ বিষম চতুর্জ কেরের ক গ, গ থ, থ ছ ও ছ ক যথাক্রমে ১৫, ১৩, ১৪ এবং ১২ ছাত, এবং কর্ণরেথা ক থ ১৬ ছাত। উহার ক্রেড্র-ক্র ক্র

ক <b>ধ</b> ক গ গ ঘ	39 38 30	■	5 章 『58 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
4,	২) ৪৪ সমষ্টি ২২২২২ ১৬১৫১৩		২) ৪২ শমষ্টি ২১ ২১ ২১ আর্দ্ধক ১৬ ১৪ ১২
	৬ ৭ ৯ <u>৭</u>		9 12 22
	85	**	<b>૭</b> ૯ ৯
eser 🦠	<b>৩</b> ৭৮ ২২	,	52
* <b>V</b>	969	V	৩১৫ <b>= ৮১</b> .৩ <b>৩</b> ২৬
<b>*</b> ¶ ,	ণ বিভিন্নের বে		

ক ছ ধ তিত্বের কেত্রকল = ৮১.৩৩২৬

আডএব, ক গ ধ ছ বিনম

চতুত্বির কেত্রকল = ১৭২.৫২৪৭ বর্গ হস্ত।

৩। যে বিনম চতুত্বি কেত্রের চারিটা বাছ ষধাক্রমে

২৪, ২৬, ২৮ ও ৩০ হস্ত এবং সমুখীন ছইটা কোণ পরস্পার পরস্পারের ক্রোড়স্থ কোণ, ভাছার ক্ষেত্রফল কড ?

. । वि**डीव निवमाञ्**नात्त १२०,३৮३ इस

৪। কোন বিষম চতুর্ভ ক্ষেত্রের দক্ষিণ দিকের পরিমাণ ২৭.৪০ চেইন, পূর্ব দিকের পরিমাণ ৩৫.৭৫ চেইন, উত্তর দিকের পরিমাণ ৩৭.৫৫ চেইন, পশ্চিম 10 To 12

দিকের পরিমাণ ৪১.০৫ চেইন, এবং দক্ষিণ-পশ্চিম কোণ হইতে উত্তর-পূর্ব কোণ পর্যান্ত অভিত কর্ণ রেখার পরিমাণ ৪৮.৩৫ চেইন, ভাষার ক্ষেত্রফল স্থির কর ?

উ:। ১২৩ একর ১১.৮৮৫৬ পোন।

৫। যে বিষম চতুর্জ কেত্রের কর্ণ পরিমাণ ১০৮ই ক্ট,
 গ্রহার কর্ণের উপর পশ্জিত ছইটা লামের পরিমাণ ৬৫ই ও
 ৯০ই ক্ট, ভাহার ক্রেকল কত ?
 ৬০ই ক্ট, ভাহার ক্রেকল কত ?
 ৬০ কান বিষম চতুর্জ ক্রেরের চারিটা ভূজপরিমাণ
 ৯২, ১৩, ১৪ ও ১৫ হস্ত এবং সমুখীন কোণ্ডর পরক্ষার

পরস্পরের ক্রোড়স্থ কোণ। উহার ক্ষেত্রফল কড ?

छै:। ३४०.३३१ इस्ह।

প। ক গ খ ছ বিষম চতুর্জ কেতের ক গ-র
পরিমাণ = ৩১৪ কূট, গ থ-র পরিমাণ = ২৩২ কুট,
খ ছ-র পরিমাণ = ২২৮ই ফুট, ছ ক-র পরিমাণ =
২৬৬ই ফুট এবং ক থ কর্ণের পরিমাণ = ৪১৭ই ফুট, উহার
কেত্রকল কত?
উ:। ৭০৭২ই বর্গ গজ।

৮। কগথছ ট্রাণিজিয়ম কেতের কর্ণ কথ = ২০ গল, এবং ছচ ওগঘ লব ছইটা বধাক্রমে ৪.২ গল ও ৩.৮ গল; এইকণে ঐ কেত্রটাতে পাথর বসাইতে হইলে কত বর্গ গল পাথর লাগিবে ? উ:। ৮০ বর্গ গল।

### ৫ম সম্পান্ত। বিষম বহুভুজ কেত্রের কালি।

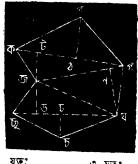
নিয়ম। বিষম বছভুজ ক্ষেত্ৰকে ত্ৰিভুজ চছুৰ্ভুজাদি ক্ষেত্ৰে বিভক্ত করিয়া, ভত্তৎ ক্ষেত্ৰের কল্জাপক স্কুত্ৰ ছারা প্রত্যেকের ফল নির্ণয় পূর্বক নমষ্টি করিলে কালি क्ट्रेट्ट ।

উদাহরণ ১ম। ক । श । इ. इ. इ. विवस বছভুজ কেতের নির লিখিত কর্ণ ও লম্বের পরিমাণ নির্দিষ্ট আছে, উহার ক্ষেত্ৰকল কভাগ

			¢.¢
•	¥	===	4.2
9	গ	***	8.8
	ট	===	٥,٥
ঝ	ð	<b></b>	٦,৮
•	797	_	

Б २.७

১ মতঃ



২ য়তঃ

৩ যুক্তঃ

\$	커	গ	•	বিষ্ম
PÁ	Q.	<b>•</b> 4	١,	<b>কেত্ৰ</b> -
40	ৰ স	मा	กล	কর।

0.5 3.44

St. 6

ৰ ঘ চছ বিষম চতুর্ভরে কেত্র-ফল সমাধান কর।

30 . 80

জ গ ঘ ত্রিভূ-(জর ক্লেত্রচল

সমাধান কর।

২.৩

59.00 = ২ ক খ গ জ কেত্রের কালি।

50.80 = ২ জ খ চ ছ - গ্রিছজের কালি।

२) ७१.११ 😑 २ कथ शघ इ व क विश्म वह्यू एकत कालि।

১৮.৭৮৫ ক শ প শ চ ছ জ বিষম বহুজ্জের কালি।

২ ৷ ক শ প শ জ পথকোপিক ক্ষেত্রের বলি ক প
কর্ণের পরিমাণ ৪০ হাত এবং উহার উপর পতিত থ ঠ
ত জ ট হুইটা লম্বের পরিমাণ ক্রমশঃ ৮ ও ৯ হাত, জার
ক প কর্ণ ও তহুপরি পতিত ঘ ম লম্বের পরিমাণ ক্রমশঃ

১৮ ও হাত হর, ভাহা হুইলে ঐ পঞ্কোণিক ক্ষেত্রের
কালি কত ?

০। কোন একটা বিষম বহুজুল কোত্রের প্রথম জুজের পরিমাণ ৪০ হাড, বিতীর ভূজ ১০০ হাড, ভূতীর ভূজ ৬০ হাড, চতুর্ব ভূজ ৭০ হাড, ও পঞ্চম ভূজ ৮০ হাড়, এবং ভাহার প্রথম ও পঞ্চম ভূজের অন্তর্মন্ত্রী কোণ দইতে, বিতীয় ও ভূতীর ভূজের অন্তর্মন্ত্রী কোণ পর্যাত্ত বে রেখা টানা যার ভাহার পরিমাণ ১৫০ হাড, ও শেরোক্ত কোণ হইডে চতুর্ব ও পঞ্চম ভূজের অন্তর্মন্ত্রী কোণ পর্যাত্ত যে রেখা টানা যার ভাহার পরিমাণ ১২০ হাড়। ক্ষেত্রটার ক্ষেত্রকল কভ ভির কর। উঃ। ৭৯৯২, ১ বর্ম হক্ত।

৬ঠ সম্পাদ্য। সমবাহ এবং সমকোণিক বছ-ভুজ ক্ষেত্রের কালি।

১ম নিরম। বছভুজ ক্ষেত্রের সমুদার দিকের পরিমাণ

একত্রে যোগ ছরিয়া, সেই বোগফলকে বছভুলের কেন্দ্র হইতে ভাহার কোন বাহর উপর পতিত লম্বের পরিমাণের कार्करकत्र दाता ७१ कत्, के अनुकृत नमवाह्क ७ नमरकानिक বছভূদের ক্ষেত্রফল হইবে।

২য় নিয়ম। ২য় ভাগ । ৪ব সম্পালের নীয়ে বুভাতর্গছ বছভূজের ক্ষেত্রফলের ব্যে তালিকা দেওয়া গিয়াছে. रमरे छानिका रहेए উल्लिथिक क्काव्यक्त नहेंग्रा मधाकानिक ও সমবাৰক কেত্ৰের বাৰপরিমাণ ছারা ভাহাকে গুণ কর, धरे एनकल नेमकानिक । नेमवाहक क्लाखंत क्लाखंत क्ट्रेंचि ।

স্তা। যদি ব অক্র দারা বহতুকের এক বাহ, যথা ছ ক নির্দেশ করা যায়, বছভূজের কেন্দ্র ম হইতে ছ ঝ বাছতে পতিত মাক লম্ব ক্ষর ছারা নির্দেশ করা যার, সাক্ষর ছারা বছভুজের বাহসংখ্যা নির্দেশ করা যায়, এবং অ অঞ্চর ছারা বছভুজ যত সংখ্যক হইবেক সেই সংখ্যার (২ ভাগ ৪র্থ শৃশাদ্যের ভার্নিকার লিখিত) ক্ষেত্রফল ব্যক্ত করা যায়; ष्टाका श्रहेतन.

क्विकन = हे म×न×व, धदः क्विकन = अ×वरेः 

বছতুজের কেত্রকল, ভাহার পরিমিতির জায়ত অধবা বাছ সকলের সমষ্টি ও বহুজুজের ভিতরে অভিত রুতের কর্কটের অর্ছেকের গুণফল ভুল্য।

ম ক যদি অন্তৰ্গত বুভের ব্যালাই হয়, ভাষা হইলে মছক তিভুজের ক্ষেত্রফল — ছব × ইম ক।

এইক্ষণে বহুভূজ কেজের মু বিন্দু হুইতে ভাহার প্রত্যেক কোণে রেখা টানিলে প্রভীয়মান হুইবে যে, কেজে যত বাহ আছে তত্তলৈ ত্রিভূজ ও ভাহারা প্রভ্যেকে ম হ ক ত্রিভূজের সদৃশ হুইবে: অভএব বহুভূজের ক্ষেত্রকল = বাহসংখ্যা × হ ক × ই ম ক; কিছা বাহুসংখ্যা × হ ক = প্রিমিতি।

🗠 বহভুজের ক্ষেত্রফল 🚎 পরিমিতি 🗴 🕏 ম क।

উলাহরণ ১। যে সমবাতক ও সমকোণিক পঞ্জুজের ছ ক ৰাজর পরিমাণ ২৫ ফুট ও ততুপরিস্থ ম ক লম্বের পরিমাণ ১৭.২০৫, তাহার ক্ষেত্রফল কত ৪

भ नियमाञ्चलातः ।

১ ৭. ২ ০ ৫ ২ ৫ × ৫ = ১ ২ ৫ = সমুদার বাছর সমষ্টি।.



(क्किक्न = २०१ c. ७ ३ २ वर्ग कृते।

# ংর নির্মান্ত্রারে। তালিকা অন্ত্রারে পঞ্চ ভূজের ক্ষেত্রফল = ১০৭২ ০ ৫

32 C = 263

**▶ ₩ • २ ¢** 

9887

300200

#### ক্তেফল = ১০৭৫.৩১২৫ বর্গ কুটা

হ। যে বড়ভুকের বাছর পরিমাণ ২০ ফুট, তাহার
 কেত্রফল কত?
 উ:। ১০৩৯.২৪ বর্গ ফুট।

ত। বে সমবাছক ত্রিভুজের ভুজপরিমাণ ২০ ফুট,
 ভাহার ক্ষেত্রকল কত ?
 উং। ১৭৩.২০ বর্গ ফুট।

৪। এক দমবাছক অষ্টভুজের বাহর পরিমাণ ২০ কুট,
 ভাহার ক্ষেত্রকল কত ?
 উ:। ১৯০১.৩৬ বর্গ কুট।

৫। ষে অষ্টভুজের বাছর পরিমাণ ৪.৯৭০৫ ও তত্ত্পরি
 পাডিভ লম্বের পরিমাণ ৬, তাহার ক্ষেত্রফল কত ?

छै:। ५५३.२३२।

শ। বে বড়ভুজের বাহর পরিমাণ ১৭ কুট ৬ ইঞ্চ ও

ভিছানরি পতিত লভের পরিমাণ ১৮ ফুট, তাহার কেল্রেফল

উঃ। ১১০২,৫ বর্গ ফুট।

া বে সমন্তিভূজের ভূজ এবং কোট ৮ ও ৬ হাত. ভাষার ভিতরে অভিত রুভের ব্যাসার্জের পরিমাণ কত ? উ:। ২ হাত। ৮। বে জিতুজের ভূমি ১৮ হাত ও কর্ণ ৩০ হাত, ভাহার ভিতরে জড়িত বুভের ব্যাসার্জ কত ? উ:। ৬ হাত।

 ব ভুল্যকোণিক ও সমবাছক দশভুলের বাছর পরিমাণ ২০ ফুট, ভাহার ক্লেত্রকল কভ ?

छै:। ७०११.७৮ वर्ग कृते।

২০। বে সমবাছক ও তুলাকোণিক দশভুজের ক্ষেত্রকল
 ১৬ বর্গ কুট, তাহার বাছর পরিমাণ কত?

ছডীর স্ত্রাহ্নারে, বাছ বা ব = 1 <u>ক্ষেত্রফল</u>, অর্থাৎ,

१.७৯१ = १.८८२ क्टे = १ क्टे ८.७ हेक।

১১। কি কৃট বেড়া দিতে কৃট করা ৪ সিলিং ৮ পেজা ধৰচে বে সমবাহক অষ্টভুজাকতি বাগানের বেড়া দিছে ৮৪০ পাউণ্ড পড়িয়াছে, তাহার অন্তর্গত ভূমিতে কম্বর দিতে কভ বায় হইবে, যদি খোয়া দিবার খরচ প্রাভি বর্গ গলা পিছু ১০ই পেজা হয়।

উ:। ৪৭৫২ পাউও ১> সিলিং ১ই পেন্স।

### ৭ম সম্পাদ্য। রভক্ষেত্রের কালি।

কোন বৃত্তক্ষেত্ৰের ব্যাস বা ব্যাসার্থ জানা আছে, উহার ক্ষেত্রকল হির করিতে ইইবে।

্ম নিরম। ব্যাসকে বর্গ করিরা ভাষাকে ৩,১৪১৬ দিরা ৩৭ করিলে, ভণকলের চতুর্বাংশ বৃত্তক্তের কাশি ধ্বনে।

নিয়মান্তর। ব্যাসার্কের বর্গকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিনে উহা বৃদ্ধক্ষেরে কালি হইবে। যদি গণনার অভ্যন্ত সুন্মত चावगाक ना इत. छाहा हरेला के वर्गक २२ मित्रा छ। করিয়া ৭ দিয়া ভাগ করিলে কালি স্থির চইবে।

কোন বুস্তক্ষেত্রের পরিধি পরিজ্ঞাত আছে, উহার ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

२য় নিয়ম। পরিধির বর্গকে . • १৯৫৮ দিয়া ৩৩৭ করিলে বৃত্তক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল হইবে; কিম্বা পরিধিকে বর্গ করিয়া ভাহার চতুর্থাংশকে ৩.১৪১৬ দিয়া ভাগ করিলে, ভাগকন বুদ্ধক্ষেত্রের কালি হইবে।

নিয়মান্তর। পরিধি য**ভ হইবেক, ভাহার অর্জে**কের বর্গ করিয়া, ভাহাকে ৩.১৪১৬ দিয়া ভাগ কর। ভাগকন ব্যস্তের ক্ষেত্রকল হইবে। যদি গণনার অভ্যন্ত স্ক্রভা भारगाक ना इह, छाङा इहेटल, धै वर्गटक १ निहा ७० कतिहा २२ मिरा जाग कवित्वर श्रवाश रहेता।

কোন বৃত্তকেত্রের পরিধি ও ব্যাস জানা আছে, উহার ক্ষেক্ত ছির করিতে হইবে।

७व निवय । পরিধিকে ব্যাস দিবা ৩৭ করিবা, ৩৭-कालत रुख्यांश्म मंख ; छेश तुरखत क्लाकन रहेरत।

্রুভের ব্যাসার্ছ ও পরিধি ম ও প অক্ষর খারা ুনির্দেশ কর ে আর ব্যাসের ৩.১৪১৬ ৩৭ পরিধি ড অক্র ার্ निर्मा कर छारा स्ट्रेल अहे प्यवस्ति सार रहत शहेता वध-

ফ বা ক্ষেত্ৰকল = ড × ঋ², এবং ঋ = । ক ;

জার ফ  $-\frac{9^2}{8\times 9}$  — ই জ  $\times$  প, এবং প  $-\sqrt{8}$  ক  $\times$  ভ,

উদাহরণ ১ম। বে বৃত্তক্ষেত্রের ব্যাসার্ক ৎ কৃট, ভারার ক্ষেত্রফল কভ ?

্যম নিয়মান্ত্ৰপারে ক্ষেত্রফল = ৩.১৪১৬ × ৫২ = ৩.১৪১৬ × ২৫ = ৭৮.৫৪ বর্গ ফুট।

ংর। যে বৃত্তক্ষেত্রের পরিধি ১৩২ হাড, তাহার ক্ষেত্র-ফল কভ ?

স্থাপনা করিতে হইলে, ২য় নিয়মাস্পারে,

<u> २.১৪১५</u> = ১७৮५.६६ वर्गह्छ।

ছুল গণনা করিলে, ক্লেত্রফল  $= \left\{\frac{500}{2}\right\}^2 \times \frac{9}{22} =$ 

७७१ × र = 800 × × २२ - २२ - २०७७ वर्गवस । १

অতএব, স্থুল গণনা ও হ'ল গণনায় বিস্তর প্রভেদ নাই।
তর । বে বুড্জেত্রের পরিধি ৮০ হাত ও ব্যাস ২৫.৪৬৪

কাত, ভাহার ক্ষেত্রক কত ?

এখানে ক্ষেত্ৰফল = পরিধি × ব্যাস <u>৮০ × ২৫.৪৯%</u> ৪

= 2. × 20.848 = 0.3.25 49 50 1

৪র্জা বে বুক্তক্ষেত্রের পরিধি ১০.৯১৫৬ পজ, ভাষার **स्थ्यक**न कंछ वर्ग कृष्ठे ? छै:। ৮५.६৯৩०।

ংম। ৩৯, ৪৮ ও ৬০ হাত ভুজপরিমিত একটী ত্রিভূজ ক্ষেত্র, ৩০ হাত দীর্ঘ ও ২৮ হাত বিস্তৃত একটা বর্গ ক্ষেত্র, এবং ৩০ ছাত ব্যাসবিশিষ্ট একটা বৃত্তক্ষেত্র, এই তিনটীর याथा कान्त्रीत क्लबकन छक ? छः। अथमणित।

৬ঠ। বে বৃত্তক্ষেত্রের পরিধি ১৩২ হাত, ভাহার উঃ। ১৩৫৪.৭ বর্গহন্ত। ক্তেফন কড?

৭ম। যে বুত্তক্ষেত্রের ব্যাস ২৮ হাত এবং পরিধি ৮৮ ছাত, তাহার ক্ষেত্রকল কড ? উ:। ৬১৬ বর্গ হস্ত।

৮ম। বে বুডকেত্রের কেত্রফল এক একর, ভাহার छे:। २८७ श**ब** ५ कृष्टे २० € हैं का পরিধি কড় ?

৯ম। যে সমচতুর্ভুন্তের ক্ষেত্রফল ১৮ বর্গ হাত ভর্ছাইছ বুছের ব্যাস কত হইবে ?

क म थ ब्रुष्ट्य (एवं क्युक्त - क थ होन x है म क ; ∴ ক ধ অংশ বুভুপরিধিতে বত বার ধারণ করে × ম ক ধ-র ক্ষেত্রকল - ক থ অংশ বুত্তপরিধিতে যত বার ধারণ করে × कथ × हे म क, क्यां ० कथ न दुख्ड क्यांकन -ক ৰ প পরিধি × ই ম ক।

अञ्चान। (व दुरखत रागि धक धकक, यनि छोरात পরিধি ড অক্ষর ছারা নির্কেশ করা যার, ভাহা হইলে ৰ্যবহারিক জ্যামিতির ৭১ডি প্রতিজ্ঞান্ত্রপারে,

্ড:ক্ৰপ প্রিধি::১:২ম ক; ..ক্ৰপ প্রিৰি - २ छ × म क ; ध्वरः शृत्कीक व्यक्तित्रा वाता क् व अ

ৰুভারে ক্লেকল — কথগ পরিধি × ইমক — ২ জা × মক × ইমক — ভ × মক <sup>2</sup>।

৮ম সম্পাদ্য। ছুই ঐককেন্দ্রিক রন্তের পরি-ধির অন্তর্গত অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির ক্ষেত্র-ফল স্থির করিতে হইবে।

১ম নিরম। বহির্বেষ্টন ও অন্তর্বেষ্টনের সমষ্টিকে বিস্তা-রের অর্ক্ষেক দারা ওণ কর।

২য় নিয়ম। বহির্তির ও অন্তর্ভের বাাস ছইটীর সমষ্টিকে ভাহাদের বিরোগফল দিয়া ৩৪৭ করিয়া ৩৪৭-কলকে ৭৮৫৪ দিয়া ৩৪৭ কর ।

৩র নিয়ম। বহিবেঁঠন ও বিস্তারের **ভণফল হইছে,** ৩.১৪১৬ ও বিস্তারের বর্গের ভণফল বিয়োগ কর।

৪র্থ নিয়ম। অক্তর্বেষ্টন ও বিস্তারের **গুণফল** ৩.১৪১৬ ও বিস্তারের বর্গের গুণফল যোগ কর।

৫ম নিরম। বহির্ভের ও অন্তর্ভের ব্যাস ছুইটার বর্গের বিশ্বোগঞ্চলের চতুর্থাংশকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ কর।

শঠ নিরম। বহির তের ও অন্তর্গতের ব্যাসাদ্ধ ছইটার। বর্গের অন্তরকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ কর; কিছা বহির তের ক্ষেত্রকার হইতে অন্তর্গতের ক্ষেত্রকার বিয়োগ কর।

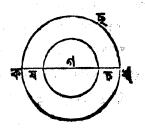
গম নিয়ম। বহিত্ব ডের

 অন্তর্ব ডের ব্যাসার্ক ছই
 টার সমষ্টিকে ভাহাদের বিরোগকন দিয়া গুণ করিয়া,

 ভণকলকে ৩.১৪১৬ গুণ

করিলে অন্তুরীয় আকারের

 ভূমির ক্লেঅফল স্থির ছইবে।



উদাহরণ ১। ছইটা ঐককেন্দ্রিক বৃত্তের কাথ ও ঘাচ ব্যাসহর ২০ ও ১২ ফুট, ঐ ছই বৃত্তপরিধির মধ্যপত অনুনীর আকারের ভূমির ক্ষেত্রকল কভ ?

क १ -	٥٠ .	S. 282#
घग -	<b>5</b>	₩8
-		
<b>বোগফল</b>	29	ઽેર. <b>૯</b> ৬ <b>৬</b> 8
বিয়ো <b>গফল</b>	8	>>+.89 <del>.</del>
শুণফল	৬৪	२०५.०७२८ 🖚 🖚 जिथ्ना।

২। ছইটা ঐককেন্দ্রিক রতের ব্যাসধর ষধাক্রমে ২০ ৩ ১০ হস্ত, ঐ ছইটা বৃত্তপরিধির মধ্যগত অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির কালি কত? ডি:। ২০৫.৬২ বর্গ হস্ত।

থ অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির বহির্বেষ্টনের ব্যাদ
 कृট ও অস্তর্বেষ্টনের ব্যাদ ৪ কৃট, ভাহার ক্ষেত্রফল কড।
 উ:। ১৫.৭০৮।

উদাহরণ ৪। যদি চ ছ জ
ও ক থ গ ছই সমকেন্দ্রিক
রুন্তের বহির্বেষ্টন জ ছ চ ৬৬
হাত, জন্তর্বেষ্টন ক থ গ ৪৪
হাত এবং বিস্তার ক চ ৩
ই



হাত হয়, ভবে ঐ বেটনগরের অন্তর্গত ভূমির কালি কত ?
এখানে, ক্ষেত্রকল — (বহির্বেটন + অন্তর্বেটন)× বিজ্ঞার

= (১৬ + ৪৪) × ট্র = ১১০ × ট্র = १३° = ১৯২২
বর্গ হস্ত।

- ৫। একটা অনুবীর আকার ক্লেত্রের বহিবেইন ৮৮
   হাড, অন্তর্বেইন ৪৪ হাড এবং বিস্তার ৭ হাড, উহার ক্লেত্রকল কড দ্বির কর।
   উ:। ৪৬২ বর্গ হস্ত।
- একটা বাশ্দীর ষজের পিইন প্রস্তুত করিতে হইবে
   মাহার ফাঁড়ের ক্ষেত্রফল ১১৯২ বর্গ গজ হইবে; এখন যদি
   পিইনের ধাতৃ ১ ইঞ্চ পুরু হয়, তবে উহার জন্তর্ব্যাদ ভ
   বহুর্বেইনের পরিমাণ কত ভির কর।

উ:। } অন্তর্বাসপ্রায় ৩৯ ইঞ্চ।
বহির্বেষ্টন ১০ ফুট ৮ই ইঞ্চ।

 १। একটা গোলাকার মন্দিরের ভিত্তির চৌড়া ১ কুট,
 শুলাস্তরীণ মেন্দের পরিলর ৪৮ ফুট, উহার ভিত্তির কালি কত ?
 উঃ। ১৫৩.৯:৮৪ বর্গ ফুট।

১ম সম্পাদ্য। কোন রন্তচ্ছেদকের ক্ষেত্রফল বির করিতে হইবে।

্রম নিরম। ব্যাসার্জকে বৃত্তচ্ছেদকের চাপের অর্জেক দিরা ৩৭ করিলে ক্ষেত্রফল ছির হয়; কিছা ব্যাসকে বৃত্ত-ক্ষেদকের পরিমাণ দিয়া ৩৭ করিয়া, ৩৭ফলের চতুর্থাংশ লওঃ উহা বৃত্তচ্ছেদকের ক্ষেত্রফল হইবে।

২ন্ন নিরম। ৩৬০ অংশের সহিত ব্রন্তচ্চেদকের চাপের পরিমাণগত অংশে যাদৃশ অন্থপাত; ব্রন্তের ক্ষেত্রকলের সহিদ্ধ ব্রন্তচ্চেদকের ক্ষেত্রফল তাদৃশ অন্থপাত।

্ত্র। ক অর্থাৎ ক্রেক্ল = ই জ × চাপ, এবং জ = ২ ক। চাপ উদাহরণ। গ কাম গারুভচ্ছেদকের ব্যাদার্ক ১০ হস্ত ও জ্যা ক খ ১৬ হস্ত, উহার ক্ষেত্রফল কড় গ





> = 11 A

8 == 5 %

74 = E E

48 = 20 P3

b. (p.988537) = 4 A

93.0083902

7.8

·) cc.cc859c2

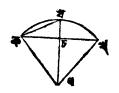
२) ১৮.৫১৮०৫৮৪ कघर होन

১ = ব্যাসার্ছ

শতএব গক্ষণ বৃত্ত-)

(क्लाक्त क्लाक्त) = 3२.৫3.२३१ वर्ग हरा।

২। কোন বৃত্তচ্চেদকের চাপের পরিমাণ ১৬ জংশ এবং ব্যাস । কুট; উহার ক্ষেত্রফল কড ?



#### .१४९८= है ७ (७.১৪১७ धन्न हर्ज़्यारण) । > = ७१

৭.০৮৮৬ = সমুদার বৃত্তের ক্লেজকল।

এইক্লনে, ২র নিরমান্থসারে, ৩৮০°:১১°::৭.০৬৮৬, সভএব
বৃত্তচেদকের ক্লেজকল,

৩০°:৮°:: ৭.০৬৮৬: ১.৮৮৪৯৬ বর্গ হস্ত।

ও। বে বৃত্তচ্ছেদকের চাপ ২০ এবং ব্যাসার্ছ ১০ কৃট, ভালার ক্ষেত্রকল কভ ? উ:। ১১৯ বর্গ সভা।

৪। একটা বুল্ডচ্ছেদকের চাপের জ্ঞা ১২ ফুট, এবং
 ব্যাসার্থ ১৮ ফুট, উহার ক্ষেত্রফল কড ভির কর।

छै:। ১১० दे वर्ष कृते।

ই। বুল্ডের ব্যাসার্ক ২৮৯ কৃট চকলে ঐ বুল্ডের
 ১৮৭° ৩৭´পরিমিড ছেদকের ক্ষেত্রকল কড চইবে?

छै:। ১৫১৯8 वर्ग श<del>ण</del> ।

 ৬। বে বৃত্তক্ষেদকের ব্যাসার্ছ ২৫ ফুট এবং চাপের পরিমাণ ১৪৭° ২৯, ভাহার কালি কত ছির কর।

উ:। প্রার ৮-৪.৪ বর্গ কুট।

१। বদি একটা বৃত্তক্ষেদকের চাপের জ্ঞার পরিমাণ
 ২০ কৃট ও চাপের শর বা উচ্চতা ৬ কৃট হর, তাহা হইলে
 উহার ক্ষেত্রকল কড হইবে ?
 উ: । ২০৮.৫৭২ বর্গ কৃট।

 । বদি বৃত্তচ্ছেদক বৃত্তার্ছ অপেকা বৃহৎ হর, ও ভাহার ল্যার পরিমাণ ১২ কৃট এবং ব্যাদের পরিমাণ ১৫ কৃট হর,
 ভাহা হইলে উহার ক্ষেত্রফল কড হইবে ? উঃ। ১২৪ই বর্গ কৃট।

कान वृद्धाञ्चलकत (क्वकन > वर्त कृष्ठे अवः

২০। বে ব্রুচ্ছেদকের ক্ষেত্রফল ১৮ বর্গ ফুট, ও ব্যাস
 কুট, ভাহার অংশপরিমাণ কত । উ:। ১০১° ৫১´৩২´।
 ১০ম সম্পাদ্য। কোন ব্রভ্রখণ্ডের ক্ষেত্রফল
 হির করিতে হইবে।

১ম নিয়ম। বৃত্তথণ্ডের চাপ ছারা যে বৃত্তচ্ছেদক হইডে পারে, ভাহার ক্ষেত্রকল পূর্ক সম্পাদের ছারা সমাধান কর; পরে বৃত্তথণ্ডের জ্ঞা ও বৃত্তচ্ছেদকের সুইটা ব্যাস ছারা যে ক্রিভূজ ক্ষেত্র উৎপন্ন হর, ভাহার কালি করিয়া পূর্ক লব্ধ ক্ষেত্রকল ইইডে বিরোগ কর, বিয়োগফল বৃত্তথণ্ডের ক্ষেত্রকল হইবে।

২। রতথণ্ড সামির্ভ অপেকা বৃহৎ হইলে অবশিষ্ট বৃত্তথণ্ডের কালি নির্ণর করিব। সমুদার বৃভের কালি হইতে বিরোগ কর, বিরোগকল উক্ত বৃহৎ থণ্ডের কালি হইবে।

উদাহরণ ১। য জ গ থ চ য বৃত্তথণ্ডের জ্ঞা ঘ থ-র পরিমাণ ১২ ফুট এবং ব্যাসাগ গ ম বা থ ম ১০ ফুট হইলে, উহার ক্ষেত্রকল কভ হইবে ? এথানে, তাষ্মে গ চ ও খ গ-র
পরিমাণ স্থির কর, জার দিতীর
ভাগের ৮ম সম্পাদ্যের দারা
দ গ ধ চাপের দীর্ঘভার পরি—
মাণ নির্দেশ কর। পরে ১ম
নির্মান্ত্রসারে দ গ থ বৃত্থত্তের
পরিমাণ স্থির করিতে হইবে, যথা; —



চম - √ থম² - থচ² = √ ১০² - ৬² = ৮, গচ = গম - চম = ১০ - ৮ = ২, এবং থগ = √ থচ² + গচ² = √ ৬² + ২² = ৬.০২৪৫৫৫; এডদারা ঘ গ থ চাপের দীর্ঘভা ১৯০২৪৫৫৫ × ৮ - ১১ - ১৯৬৪

ই। গাধাম আ শ্বভথণেত্র নাগাধা ক্রিল রেথার পরি-মান ৩৭° ও ব্যাসার্থ ২৪ কুট হইলে, উহার ক্রেক্ত ক্র জইবে গ

ত। একটা বৃত্ত অভিড কর বাহার ব্যালার ৮ । অন-ভর ১৫ ব্যালার্ক লইর। আর একটা বৃত্ত এলপে অভিভ কর বে, ইছার পরিধি পূর্ব অভিভ বৃত্তের ক্রেল ভিয়াও গ্রন করে; একণে মুইটা বুজের পরিধির অন্তর্গত ছানের বর্গ পরিমাণ কড় ? छै: । ea • 9 ।

৪। যে বৃত্তথত্তের শর-পরিমাণ ২ ফুট এবং জ্ঞা ২০ कृष्ठे, खाद्यात्र कानि कछ द्वित कत । 🔻 🐯: । २७.৮१०১৮ ।

ে। একটা বৃত্তগণ্ডের শর ১৮ ফুট, এবং ব্যাস ৫০ ফুট, ভিহার ক্ষেত্রফল কভ। छै:। ७०५ ७२०।

৬। যদি একটা বৃত্তবণ্ডের জ্ঞার পরিমাণ ১৬ কৃট 🗷 ব্যাদের পরিমাণ ২০ ফুট হয়, তাহা হইলে উহার ক্ষেত্রফল ৰুত হইবে। र्छः। ४८.१२३२।

🧻 । 🛮 রন্তপরিধি ২৫ ফুট হইলে যদি রক্ত খণ্ডের চাপ 🏕 রুভের বড়াংশ হয়, তাহ। হইলে বুত খণ্ডের কালি কত ?

**डि:। ১.8७**১२ वर्ग करे।

৮। একটী বৃত্থতের জ্যা ৪০ ফুট ৩ শর ৮ ফুট হইলে, 🗣 होत्र (क्लब्बकन करू हरेरव ? 💮 है:। २०৯,१७ वर्श कृते।

১১শ সম্পাদ্য। রভাকার মণ্ডলের ক্রেফল স্থির করিতে ইইবে।

( ষিডীর ভাগের ১০ম সম্পাদ্যের প্রতিকৃতি দেধ )

নিরম। মণ্ডলকে একটা বিষম চতুত্বি কেত্রে বিভাগ कत, यथा क ब घ ग। भारत क ब घ ग विवस उफूर्याद ক্ষেত্ৰৰ ও ৰ ৰ ছ ও ক গ ছইটা বুতখণ্ডের কালি, ৩র ও ১ম শশাদ্যের হারা সমাধান করিয়া ক্ষেত্রকলগুলি হোগ কর, ৰোগকৰ মগুলের কালি হইবে।

केमारतम् । त्व द्रशाकातं क्रियस्ततं विखातं १२ कृष्टे

এবং হ**ইটা শুমাভরাল জ্যার** পরিমাণ এ৮ ৩৯ জুট, ভাহার ক্ষেত্রকল কড ? উ:। ২৫০,৫১ রুর্ম গ্রহ

২। একটা মণ্ডলের ছইটা সমান্তরাল জ্যার প্রভ্যেকের পরিমাণ ১০০ গল্প. এবং ব্যাসার্কের পরিমাণ ৭২ গল্প, ভাষার ক্ষেত্রফল কভ ? উ:। ১৩৫০০ ট্রুবর্গ গল্প।

৩। যে বৃত্তাকার কটিবছের ছুইটা সমান্তরাল জারির বাতাকের পরিমাণ ২ই ফুট, এবং বাছার ব্যাসার্থ পরিমাণ ১৬ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত ছির কর।

উ:। প্রায় ৬ রু বর্ণ কৃট। ১২শ সম্পাদ্য। ক গখ্য ক অদ্ধিচন্দ্রাকৃতি

ভূমির ক্রেফল স্থির করিতে হইবে।

ক গ থ ঘ ক অর্কচন্দ্রাকৃতির চুইটা চাপের জ্ঞান ক থ ঘারা বে ক গ থ ও ক ঘ থ বৃত্তথ ও উৎপন্ন চুইরাছে ভাছাদের ক্ষেত্রকল ১ম



সম্পাদার ধারা সমাধান কর। পরে বহিংছ বৃত্তথণ্ডের ক্ষেত্রকল হইতে অন্তর্ম বৃত্তথণ্ডের ক্ষেত্রকর্ল বিরোগ করিলে স্ক্রিক্সাক্ষতি ভূমির কালি হইবে।

উলাইরণ ১। বে আর্কচন্দ্রাকৃতি ভূমির জ্ঞান ব ২৪ ফুট, এবং বাহার সুইটী চাপের শর্মর ৫ ও ৩২ ফুট ভাহার ক্ষেত্রকল কত্ত উ:। ২০৯ বর্গ ফুট।

ে বে অর্ছচন্দ্রাকৃতি ভূমির জ্ঞান ৪০ কূট, এবং বাহার ইইট চাপের শরহর ৪ ও ২০ কূট ভাহার ক্ষেত্রকল কড় ?

छै:। ४१.८७१ दर्भ गणाः

# ১৩শ সম্বাদ্য । তিস্কুজের স্বান্তর্গত ও বঁহিঃস্থ রভক্তেরে কালি।

১ম নিরম। বিজ্ঞার বিভবিত ক্ষেক্তনকে ভিনটী বাহর সমষ্টি ছারা ভাগ করিলে, ভাগকল ঐ জিভুক্তর ক্ষর্থক ব্রহ্মক্ষেত্রর ব্যাসার্কের সমান হইবে। স্থভরাং ক্ষর্থক ব্রহার ক্রেক্তন হরবে।

্র নিরম। তিতুদের বাছতারকে পরস্পার গুণ করির। গুণকলকে তিতুদের দিগুণিত কেত্রকল বারা ভাগ করিলে, ভাগকল ঐ তিতুদ্ধের বহিঃস্থ বুত্তকেত্রের ব্যাসের সমান হইবে। স্থভরাং ব্যাসার্কের বর্গকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিলে গুণফল তিতুদ্ধের বহিঃস্থ বুড্ডকেত্রের কালি হইবে।

প্রশ উদাহরণ। যে ত্রিভুজের ভুজ এবং কোটি বধাক্রমে ৮.ও ৬ হাত, ভাহার ভিতরে অভিত বৃত্তের কালি কড় ?

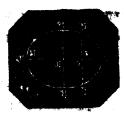
ত্রিভূজের ক্ষেত্রকল = ৮ x ৬ + ২ = ২৪: ত্রিভূজের অভগত রভের ব্যাসার্ছ = ২৪ x ২ + (৬/৮/৮ /১০) = ২, বুজের কালি = ২<sup>2</sup> x ৩,১৯১৬ = ১৯ ৫৬৬৪ বর্গহস্ত :

্ব । ্বৃষ ব্রিভ্জের ভূমি ১৮ হাত ও কর্ণ ০০ হাত, ভাহাব ভিত্তরে অভিত কৃত্তের কাকি কড় ? উ: । এ১৩,০১৭৬ হাত। তর্গ ব্রিভ্জের কাজিক ব্যাক্রমে ৩, ৪৯ ও ৫ হইকে উহার বহিঃছ রুত্তের কালি কড় হইবে ? উ: । ১৫.৭০৮০।

# ১৪। সন্পাদ্য । ব্রভাডার কেত্রের কালি।

১ম নিয়ম। বৃত্তাভাবের ক্ষেত্রফল ছিব্র করিতে হুইলে উছার গরিষ্ঠ ও অঘিষ্ঠ ব্যাসের গুণকলকে '৭৮৯৪ দিয়া গুণ ক্ষরিলেই হয়।

নির্মান্তর। বৃদ্ধান্তান ক্ষে-ত্তার লখিঠ ব্যাসার্থকে গ্রিঠ ব্যাসার্থ দিরা ৩৭ করিয়া ৩৭-কলকে ৩.১৪১৬ দিরা ৩৭ করি-ত্তা, উচার ক্ষেত্রকল দ্বির হয়।



উদাহরণ ১। যে বৃজ্ঞাভাস কেন্দ্রের পরিষ্ঠ ব্যাদ প্রত্থাত ও দারিষ্ঠ ব্যাদ ৪ হাড়, ডাহার কালি কড় ?

्र विश्वास्त्र, कांनि = शतिकं गांचः × नृशिकं गांन् ×ः १५७० । = ৬ × 8 × १९৮৫ = ১৮.৮৪৯५ वर्षस्ख । ः

২% প্রার্থনার ক্রিয়ার প্রার্থনার প্রার্থিকার গরিষ্ঠ প্রায়েশ্রের প্রার্থিকার ব্যাস ২০০ কৃট, জ প্রার্থিকার কালি

ু ক্রিক্টি ব্যক্তি বাজি প্রকার ৩৯৬ বর্গ সভী।

এন ক্রে প্রকার্তিক পরিট বালি ২১ট হাত এবং
প্রিটি বালি ১৯২ হাত, ভাহার ক্রেফন কড় ?

## #22#0.45C1

ে । েরে ব্রভাভানের গরিষ্ঠ বয়াস ৭ শরক একং বরিষ্ঠ ব্যাস ইত গল, ভাহার কেত্রকস কলে ৮ উঃ। ২৫৪৮৮ বর্গ গল ৮ সূট।

ে । কোন বৃত্তাভালের গরিষ্ঠ ও লম্মির্ক ব্যানার্ক বধা-**ক্লমে ৪৯ ও ২৫, যে রভে**র পরিমাণ এই রুতাভাদের সমান, ভাহার শামিব্যাসের পরিমাণ কভ ? छै:। उदा

 বে র্ভাভাসের গরিষ্ঠিও লঘিষ্ঠ ব্যাস যথাক্রমে ৪৪ ও ৩০ হাত, তাহার কেত্রফল কভ ? এবং যদি গরিষ্ঠ ব্যানার 🐗 আভ হইতে ১০ হাড দূরে পরিধি পর্যান্ত 👼 বৰ অভিত করা যার, তাহা হইলে ঐ লম্বেরই বা क्रिकेट क्ष क्रेट्र ?

कि:। ৮०১.১ वर्ग इन्छ। **नय**=३৮७.৮৫ इन्छ। <del>গ্রহণ সম্পাদ্য। কে</del>পণী • আকারের ভূষির ক্ষেক্স হিন্ন করিতে হইবে।

১ম নিরম। অক্টাতের পরিমাণকে ভূমিপরিমাণ ভারা খণ করিয়া, খণকলের অংশত্ররের ছই খংশ সইলেই ক্ষেপণী শাকারের ভূমির ক্ষেত্রকণ দ্বির হণ।

BRIDEN SI TE MEN কেশৰী ভাকারের ভূমির चक्रव वा नकीधिक विखात क्र-न ६ कृष्टे धवर सेवात कृषि क म १३ कृते, छेकात (कार्य-क्त क्छ १



• কেপৰী ক্ষৰীয়, স্বভরাং ভাহার কালি নিরূপণ করা হংশাধা; অভএক কেপণী ক্ষেত্রের কালি করিতে হইবে এ প্রায়ে জেপদীর এক খণ্ডের পরিষাণ বুকাইবে।

এথানে, ক্ষেত্রকল = ই × ১২ × ২ = ১৬ বর্গ কৃট।

২। বে ক্ষেপণীর ভলবেথা ২০ কৃট প্রবং ক্ষমণ্ড বা সর্কাধিক বিস্তার ১৮ কৃট, তাহার ক্ষেত্রকল কত ?উ:। ২৪-বর্গ কুট।

৩। যে ক্ষেপণীর ভলবেথা ১২০ হাত এবং সর্কাধিক
বিস্তার ১০ হাত, তাহার ক্ষেত্রকল কত ? উ:। ৮০০ বর্গ হস্ত।

১৬শ সম্পাদ্য। ক গছ ঘ ক্ষেপণীমগুলের

কালি করিতে হইবে।

নিরম। ক্ষেপণীমণ্ডলের উভর পার্দ্ধের পরিমাণকে বিহাত করিয়া একটা বিঘাত হইতে অপরটা বিরোগ কর। পরে ঐ বিয়োগফলকে ক্ষেপণীমণ্ডলের বিভারের বিশুল পরিমাণ ছারা গুণ কর, এবং ঐ গুণফলকে পার্দ্ধবিষের বর্গাস্তরের ভিন গুণ দিয়া ভাগ কর। ভাগফল ক্ষেপণীমণ্ডলের কালি হইবে।

১। ক গছ ভ কেপণীয়ওলের ক গ ও ছ ভ পাৰ বীয় বথাক্রমে ৬ ও ১০ ছাভ এবং বিস্তার থ চ ৪ ছাত, উহার ক্রেক্ষা হড়।

২। বে ক্ষেপ্দীমণ্ডবের প্রার্থবর বর্ষাস্থ ও ২০ কূট এবং দর্কাধিক বিস্তার ৩ কুট, ভাহার ক্ষেত্রফল কড? উ:। ২৪३ বর্গ ফুট।

১৭শ সম্পাদ্য। সরল বা বক্রাকার রেখা দারা বেষ্টিত বিষম ক্ষেত্রের কালি করিতে रुहेरव ।

🦂 **প্রথমত: ৷ কে**ত্র অপ্রশস্ত এবং লম্বা হইলে নিম্নলিখিড ্রিয়মটী **অবলয়ন করিতে হইবে।** যথা—

🌼 কেতের দৈর্ঘ্যকে সমাভূর কতিপয় লম্ব রেথা ছার্গ বিভাগ করিয়া, প্রথম ও শেষ লম রেথার যোগার্ছপরি-- **বাণের** সহিত ঐ তুই রেথার মধ্যগত সমস্ত অভিত লম্ব রেখার পরিমাণ যোগ কর। পরে ঐ সোগফলকে বিস্তাব **অধাৎ লম্ব রেথাগুলির সাধারণ ব্যবধানপরিমাণ ছারা গুণ** করিলে, অপ্রকল বিষম ক্ষেত্রের কালি হইবে।

विভীরত:। কেত্র অপ্রশস্ত ও লহা এবং উহার দৈখা অসমান্তর রেগানারা বিভাজিত হইলে, নিম্নলিখিত নির্ম-ত্তর অব**লম্বন** করিতে হইবে।

১ম ৷ ক্ষেত্রের অন্তর্গত বিষয় চতুর্ভ ও ত্রিভুলাদি ক্ষেত্রের পৃথক্ পৃথক্ কালি করিয়া সমষ্টি করিলে ক্ষেত্রকল चित्र स्था

্র ১য় । কৈজের সমুদার বিস্তার অর্থাৎ লম্ব রেখাগুলির পরিষাণ ক্লৌগ, ক্রিরা, বোগফলকে বিস্তার রেখার সংখ্যার **ঘারা ভাগ করিলে, ভাগফল উক্ত ক্লেত্রের বিস্তারের** গড় ছইবে; পরে ঐ গড় বিস্তারকৈ কেত্রের দৈর্ঘ্য দিয়। গুণ করিলে যাহা ছইবে ভাহাই কেত্রের কালি।

উদাহরণ ১। ক খ গ ঘ একটা বিষম ক্ষেত্র, ইহা

য় ক, চ ছ, জ ব, ট ঠ ও প থ পাঁচটা সমান্তর রেখা ছারা
বিভাজিত হইয়াছে। যদি ঘ ক ৮.২ ফুট, চ ছ ৭.৪ ফুট,

য় ব ৯.২ ফুট, ট ঠ ১০.২ ফুট, গ ব ৮.৬ ফুট এবং ইছাদের
মধাগত বাবধান ৫০ ফুট হর, তাহা হইলে উক্ত ক্ষেত্রের
কালি কত দ্বির কর।

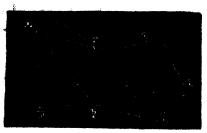
व्यथम व्यवालीत भ्रम नियम धारा

काति = ১ १४०.० वर्गक्छै।

<sup>ং।</sup> এক থানি অসরস তক্তা নামে ২৫ কুট এবং উছার জনী নমান্তর সম বিভারের পার্মিনার ১৭.৪, ২৮.৬, ১৪.২,

১৬.৫, ২০.১ এবং ২৪.৪ **ইঞ্ছইলে, উক্ত অন**রল জ্বার কালি কড স্থির কর। উ:। ৩০**३**ৡ বর্গকুট।

ভৃতীরতঃ। কেত্রের বিস্তার অধিক ও তাহার ধার অসরল হইলে, তাহাকে এরপ চতুর্জ অথবা ত্রিভুজাদি কেত্রে
বিভাগ কর যাহাতে কার্য্যাকর্ব্য হয়; অনস্তর ঐ চতুর্ভূল বা ত্রিভুজ সম্দারের কালি কর। পশ্চাৎ ঐ চতুর্ভ ও ত্রিভুজাদির বাহ হইতে কেত্রের বকাকার সীমাভাগে
কভিপর লম্ব পাত করিয়া যে কএক থণ্ড ভূমি হইবে; সে
সম্দারের কালি একত্র করিয়া উক্ত চতুর্ভ ও ত্রিভুজাদি
কেত্রের কালিতে যোগ করিলে প্রকৃত কেত্রের কালি হইবে।
অত্যক্ত শুলা হিসাব করিতে না হইলে ভূমির দশ পনর
জারপার দৈর্ঘ্যের গড়ও দশ পনর জারপার বিস্তারের গড় ধরিয়া,
পরশার গুলা করিলে যে গুণফল হয়, তাহাই ধরা গিয়া থাকে।



উদাহরণ। কথ গঘচছ জ চিহ্নিত ভূমির কালি করিতে ছইলে, উহাকে কথ ছ জ ও থ গচছ ছুইটা বিষম চতুর্জ ক্ষেত্রে এবং গঘচ ত্রিভূজ ক্ষেত্রে বিভাগ কর। পরে কথ, ক'জ, চঘও গঘ হইতে ক্ষেত্রের বক্র নীমা পর্যন্ত কভিগর- লক রেখা পাত কর। জনস্তর ৪র্থ সম্পাদ্য দারা ক ছ এ বচ কর্ণ রেখার উপর লক পাত করিরা ক থ ছ জ ও ব গ চ ছ বিবম চতুর্ভুজের কালি, এবং বিতীর সম্পাদ্য দারা গ খ চ অভুজের কালি, পরে ১৭শ সম্পাদ্য দারা অবশিষ্ট ভুজ ভুজ অংশের ক্ষেত্রকল দির করিয়া, সমুদার স্মৃত্তি করিলে ক ব গ ঘ চ ছ জ চিত্রিড ভূমির কালি হইবে।

#### ১৮শ मण्णामा । यद्राजिया कानि ।

প্রতি বরজে ছুইটা দারি অর্থাৎ স্তম্ভ থাকে এবং প্রত্যেক দারিতে বতগুলি পাণবৃক্ষশ্রেণী থাকে ভাহাকে মীরি অর্থাৎ থাম কহে। ভাহা প্রস্তেছ ছুই মৃষ্টি ও দৈর্ঘ্যে ১০ হাত ৫ মৃষ্টি হুইয়া থাকে। প্র মীরি সকলের মধ্য দিরা পাণবৃক্ষ ভূলিয়া দিবার অন্য এক হাভ পরিদর ক্ষুত্র পথ থাকে ভাহাকে পিলী বলে। দশ্টী মীরির পর এক বড় পথ রাখে। দশ্ মিরীতে এক আনা হয়। সারিষর মধ্য দিরা বে বড় পথ রাখে ভাহাকে পোরা করে, ভাষার পরিন্দর ১ হাত ও মৃষ্টি অর্থাৎ ১ হাভ ।

মীরির মধ্যে দৈশ্য প্রশেষ ছই বৃষ্টি চকুকোল ছলের চারি কোণে চারিট্র শালাকা পুঁকিরা থাকে, তাহাকে বর বনে। প্রভাক শীরিকে, এই ক্ষল ১০ ট্রী দর সমান ব্যবহানে অর্থাৎ ৫ বৃষ্টি অন্তর এক একটা দর স্থাপন করিয়া, নেই প্রোধিত শলাকা সমুদায়ের মন্তকে একটা দীর্ঘ কাটি বাঁধা বার: প্রহং ঐ পাঁচ বৃষ্টি ব্যবধানে প্রভ্যেক পার্বে চারিটা শলাকা সমান অন্তর, অর্থাৎ এক এক বৃষ্টি অন্তরে এক এক শলাকা পুঁজিয়া তাহাদের অগ্র, উপরিস্থ কাটির দহিত সংযোগ করিয়া দেওকা যার। প্রত্যেক পলাকার মূলে এক একটী পাণর্ক রোপণ করিয়া ঐ শলার দহিত বান্ধে। তাহাতে প্রত্যেক মীরিতে ১১২ টা পাণর্ক থাকিয়া বোল সানা বর্ষে ১৭১২ টী পাণর্ক রোপিত হইয়া থাকে।

#### বরজ পরিমাণ।

১০ দরে<sup>জিল</sup> সমীর । সাক্ষরতা জানা

১০ মীরিতে ১ জানা কিছা পণ।

্ ৪ আনাতে ১ চৌক।

৪ চৌকে ১ কাহন কিয়া বোল স্থানায় বরস্ক। বরজ কালি।

বরজ মাপের কালি শুন সর্বজন।

দাগ সারি থাম আগে করিবে পাড়ন ।

এ ভিন ক্ষেতে শুণ ষত থাম হবে।

থাম থাড়ি দুই গণ্ডা ধরিয়া লইবে ।

আসল যতেক গণ্ডা একুন করিয়া।

- বিশ্বপঞ্জ কি আমান লিখিবে বৃথিয়া।

্ উদাই। হ'বলি ভিন্নটা বরখের প্রভাননীতে এটা নারি ও প্রক্রিনারিভে ও টা থাব থাকে, ভালা হইলে ফড জানা বর্ষা হইবে ?

>२०० + >२ = ७० भन = ०५० छिन काइन यात्र भन।

# চতুর্থ ভাগ।

#### ঘন পরিমাণ।

ভূমি পরিমাণ কালে কেবল দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ধরিলেই চলে, কিন্তু পুক্রিণী প্রস্তুত কালে কভ পরিমাণে মৃত্তিকা ধনন করা হইল, ভাহা নির্ণয় করিছে হইলে, কেবল দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ধরিলেই চলেনা, দৈর্ঘ্য, প্রস্তুত্ব, গভীরভা এই ভিনই ধরা আবশ্যক; যাহার দৈর্ঘ্য প্রস্তুত্ব এই ভিনই ধরিছে হয় ভাহাকে ঘনক্ষেত্র কহে। যে ঘনক্ষেত্রের ছর্টী পৃষ্ঠ সমচভূকোণ ধরাতল ক্ষেত্র, এবং যাহার দৈর্ঘ্য ১ হাত, পরিমিত ক্ষেত্র কহে।

# ঘন পরিমাণের ধারা।

२६×२६×२६ वा २४०२६ । धन अनुरक २००४ धन रखा। २२×५२ ४५२ वा २५१४ ः चन हरण १४४५ १४७५ धन पृष्टे। १७×७×७ वा १४० ः धन सूरहे २४४४ ५ चन श्राही।

> २११.२१८ चन हेटक ...... ५ त्रमन।

## ১ম সম্পাদ্য। একটি সমকোণীক ও সমবাহক খন বস্তুর খনকল স্থির করিতে হইবে।

নিয়ম। সমকোণিক ও সমবাছক ঘন বস্তুর দৈর্ঘ্য বিস্তার 🗷 বেধের ধারাবাহিক গুণফল করিলে ঘনফল ভির হয়। ः अक अञ्चलिः रिर्मा ७ अक अञ्चलि तिस्नात रहेला रा রূপ এক বর্গজন্মূলি হয়, সেই রূপ এক জন্মূলি দৈর্ঘ্য এক অঙ্গলি বিস্তার ও এক অঞ্পূলি বেধ হইলে এক ঘন অঙ্গুলি कहा बात । अकठा कार्ड थल वाहात नकन शृष्टेहे नमह्जू कार, বৃদ্দি এক অনুদি দীৰ্ঘ, এক অনুদি বিস্তৃত ও এক আকৃতি উচ্চ হয়, ভাহা হইলে উহার পরিমাণ এক ঘন অভুলি কহা যাইতে পারে। ঐ রূপ যে বন্ধর দৈর্ঘ্য এক হন্ত, বিভার এক হন্ত, ও বেধ এক হন্ত ভাহার পরিমাণ এক चन हरा। य बच्चत रेमर्ग इहे हरा, विखात इहे हरा, अ বেধ ছুই হল্ত, ভাহাকে প্রথমতঃ সমান ছুই খণ্ডে ছেদ कतिता, धक धक बालव रिमी पूरे रख, विखात पूरे रख ब (यथ अक इस इत। शूनकात के शक्कात काखाकरक नयां इहे अट विजाभ कतिरम, अक अक श्राप्त रेनर्पा इस् इस, विस्तात अक इस ६ (तथ अक इस इत ; अवः नर्तास ৪টী খণ্ড হয়। ঐ ৪ পণ্ডের প্রভেক্ষকে সাবার সমান ছই খণ্ডে विकाम कतिरम, अक अक चरखत रेमचा > इन्त. विश्वात अक হস্ত ও বেধ ১ হস্ত হয়, অর্থাৎ প্রত্যেক থণ্ডের পরিমাণ र बनव्छ वत्र. अवः गर्बालक्ष ৮ ही थल वत्र । एका बहेरलवे. खुरे रख रेमर्पा बुरे रख विखात ७ बुरे रख व्यथ, ज

ঘনহন্ত হইল। প্রিরপ, ষে বন্ধর ও হন্ত দৈর্ঘ্য, ও হন্ত বিস্তার ও গহন্ত বেধ, তাহাকে ১ হন্ত দীর্ঘ, ১ হন্ত বিস্তৃত এ ১ হন্ত উচ্চ, ২৭টী সমান থণ্ডে বিভক্ত করা ঘাইতে পারে, কর্মাণ যে বন্ধর দৈর্ঘ্য ও হন্ত, বিস্তার ও হন্ত ও বেধ ও হন্ত তাহার পরিমাণ ২৭ ঘন হন্ত। অত এব, স্পষ্ট প্রভীয়মান হইতেছে যে, দৈর্ঘ্য বিস্তার ও বেধের ধারাবাহিক গুণফল হির করিলেই, ঘনফল অর্থাৎ কালি স্থির করা হইল। তাহা হইলেই এক ঘন হন্তে, ২৪ × ২৪ × ২৪ = ১৩৮২৪ ঘন অঙ্কুল হইল; এবং এক ঘন ফুটে, ১২ × ১২ × ১২ = ১৭২৮ ঘন ইঞ্চ হইল।

কোন প্রাচীর অথবা কোন বস্তুর ঘনফল স্থির করিছে ইইলে, প্রথমতঃ তাহার দৈর্ঘ্য বিস্তার ও উচ্চতার পরিমাণকে এক শ্রেণীস্থ রাশি করিতে হয়। যদি ঘনফল এত 
ঘন অকুলি হয়, তবে তাহাকে ১০৮২৪ দিয়া ভাগ করিলেই 
কালি কভ হস্ত তাহা স্থির হইবে। কালি যন ইক্ষ হইলে, 
ভাহাকে ১৭২৮ দিয়া ভাগ করিলেই ঘন কুট হইবে।

স্তা। যদি দ জক্ষর ভারা ঘন বস্তুর পার্থের দৈর্ঘাতা, ঘ জক্ষর ভারা ঘনকল এবং প ভারা উহার পৃষ্ঠ নির্দেশ করা যার, ভাহা হইলে,

च = म. म = १ च. धदः भ = ७ × म।

উদাহরণ ১। একটা কাঠের গুঁড়ি যাহার সকল পৃষ্ঠই স্মচভূরন্ধ, যদি ২৪ ইঞ্চ দীর্ঘ, ২৪ ইঞ্চ বিজ্ঞ, এবং ২৪ ইঞ্চ উচ্চ হয়, ভাহা হইলে উহার পরিমাণ কড হইবে ? 9**4**(9.



चनकल = ১৩৮२८ हेक

5368

২। যে সমবাছক ও সমকোণিক ঘন বন্ধর পার্বের পরিমাণ
২২ ফুট, ভাহার ঘনফল কত ? উ:। ৩৯৪ ঘন গজ ১০ ফুট।
৩। যদি সমবাহক ও সমকোণিক ঘন বন্ধর পার্বের
পরিমাণ ১৮ ইঞ্চ হর, ভাহা হইলে ভাহার পরিমাণ কভ

পরিমাণ ১৮ ইঞ্চ হর, তাহা হইলে তাহার পরিমাণ ফুট হইবে ? উ:

৪। একটা চতুকোণাকার ওঁড়ির প্রত্যেক দিবের পরিমাণ ৬ কুট ৮ ইঞ্চ হইলে, উহার পরিমাণ কন্ত খন ঠুট হইবে হির কর। উ:। ২৯৬ খন ফুট ৩ ৬ ৮

বে চতুকোণ বান্ধের পরিমাণকল ৩৪৩ ঘন কুট
 ভাহার পার্থের দৈর্ঘ্য পরিমাণ কভ ?

শেষ স্থান্নারে প = ৬ × দ = ৬ × ০ = ৫৪ বর্গকূট।

৭। দৈর্ঘ্যে ৫ হাড, প্রস্থে ৩।। হাড, এবং উর্দ্ধে ৪ হাড একটা মশারি প্রস্তুত করিডে হইলে, ২ হাড বহরের কড কাপড় লাগিবে ? উ:। ৪২৸ হাড।

৮। কোন সমকোণিক ও সবাহক ঘন বন্ধর এক দিকের পরিমাণ ২ ফুট ৬ ইঞ্চ হইলে, উহার ঘনফল কত হইবে ?

छे:। ऽ८.७२८ धनक्रें।

৯। যে ঘনপ্রস্তারের পার্স ৪ হাত, তাহার মৃন্য অপেকা হাহার পার্ম ৮ হাত, তাহার মৃল্য কত অধিক? যদি প্রক্রি ঘনহস্তের মৃল্য আটি আনা করিয়া হয়। ইঃ। ২২৪ টাকা।

## ২য় সুলাদ্য। আয়ত আকার ঘন বস্তুর কালি।

নিরম। দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও উচ্চতা বা গভীরতার ধারা-বাছিক গুণফল স্থির করিলেই কালি বা ঘনফল স্থির হয়।

ত্ত্ত। যদি দ অক্ষর দারা দৈর্ঘ্য ৰ দারা বিস্তার, উ দারা উচ্চতা বা গভীরতা, ঘ দারা দনকল, এবং প দারা পুঠ নির্দেশ করা যার, ভাইা হইলে,

 $\mathbf{v} = \mathbf{v} \times \mathbf{v} \times \mathbf{v}, \ \mathbf{v} = \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v} \times \mathbf{v}}, \ \mathbf{v} = \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v} \times \mathbf{v}}, \ \mathbf{v} = \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v} \times \mathbf{v}}, \ \mathbf{v} = \mathbf{v} \times \mathbf{v} \times \mathbf{v} \times \mathbf{v}$ 

উলাহরণ ১। একটা চতুকোণ থাম ২ হাত ২ অলুনি উক্ত, ১ হাত ১৬ অলুনি দীর্ঘ ও ১ হাছ ৬ অলুনি বিভৃত, ভাহার পরিমাণ কভ ঘন হস্ত ? এথানে, ঘনফল ঘ = দ×ব × উ = ১ হাঃ ১৬ অঃ × ১ হাঃ ৬ অঃ × ২ হাঃ ২ অঃ = ৪০ আঃ × ৩০ আঃ × ৫০ আ =৬০০০ ঘন অঙ্গুলি = ইউট্টঃ ঘন হস্ত = ৪৯৪ট্টঃ ঘন হস্ত = থার ৪৯ ঘন হস্ত ।

এই প্রশ্নের সমাধান নিম লিখিত প্রকারেও হইতে পারে। ২ হাত — ২ অসুলি

٠, ز	>& ,,
3	- <b>ર</b>
<b>د</b> د د	৮३ <u>३</u>
<b>.</b>	>>}
١,	<u> </u>
	-178
	74.95

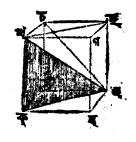


8 — ५ = थांग्र ३ वे वन इस ।

ভূমি মাপে বেরপ করা যায়, এই প্রক্রিয়াতে প্রথমতঃ সেইরপ করা গিয়াছে। ভাষার পরে উচ্চতা ও দৈর্দার পরিমাণের গুণফলকে, বিস্তারের পরিমাণ দিয়া গুণ করাতে ঘনফল দ্বির ইইরাছে। ১ হাত দৈর্ঘ্য ও ১ হাত বিস্তার ইইলে ১ বর্গ হস্ত ধরা গিয়াছে। ১ হাত দৈর্ঘ্য ও এক জঙ্গুলি এই বর্গ হস্ত ধরা গিয়াছে। ১ হাত দৈর্ঘ্য ও এক জঙ্গুলি এই বিস্তারে ভার্ব দৈর্ঘ্য, ২ অঙ্গুলি ধরা গিয়াছে। অঙ্গুলি শব্দে গুণ ই অঙ্গুলি কুট ২৪ ভাগের ১ ভাগ। জার ২ অঙ্গুলি দীর্ঘ এখানে হাতের

১৬ অনুনি বিভৃত হইলে ৩২ বর্গ অনুনি হয়, এবং ২৪ ২২৪ বর্গ অনুনে এক বর্গ হস্ত হয়, এই নিমিত্তে ২৪ অনুনের হাতে উহাতে ইট্র অনুনি ধরা গিয়াছে। এইরূপ করিয়া যে বর্গফল হির হইয়াছে, তাহাকে আবার বিস্তার নিয়া ৩০ করিয়া ঘনকল ছির করা গিয়াছে। ১ বর্গ হস্তকে ১ হাত দিয়া ৩০ করিলে ১ ছনহস্ত হয়, এই নিমিত্তে ০ হাতে ও হাত ও হাত ধরা গিয়াছে। ১ বর্গ হস্তকে ১ অনুনি দিয়া ৩০ করিলে ১ ঘন হস্তের ১৯ হয়, এই নিমিত্তে ১ হাত ও ১ অনুনি এবং ৩ হাত ও ৬ অনুনে ১৮ অনুনি ধরা গিয়াছে। আর এক বর্গহস্তের ১৯ কে ১ অনুনি দিয়া ৩০ করিলে, ১ হস্তের ২৪ ভাগের ১ ভাগ হয়, এই নিমিত্তে ১১৯ অনুনি ও ৬ অনুনে ২৪ অনুনের হয়, এই নিমিত্তে ১১৯ অনুনি ও ৬ অনুনে ২৪ অনুনের হয়, এই নিমিত্তে ১১৯ অনুনি ও ৬ অনুনে ২৪ অনুনের হয়, এই নিমিত্তে ১১৯ অনুনি ও ৬ অনুনের ১ ভাগ হয়, এই নিমিত্তে ১১৯ অনুনি ও ৬ অনুনে ২৪ অনুনের হয়তের ১৯ আনুনি ধরা গিয়াছে।

২। একটা চতুৰোণ কাঠের গুড়ির দৈর্ঘ্য ক থ ৬ কৃট (পূর্ব প্রতিকৃতি দেধ) বিস্তার ক গ ২ই ক্ট, এবং উচ্চত। ধ ঘ ১ ট্রু কৃট, তাহার পরিমাণ কড ?



- ৩। একটা চভুজোণ থাম ৩.৪ উচ্চ, ১০:৫ দীর্ঘ ও ৪.২ বিভাত, তাহার কালি কত ? উ:। ১৪৯.৯৪।
- ৪। যদি একটা চতুছোণ প্রস্তর থতের দৈর্ঘ্য ৩ কৃট 
  ইকা, বিভার ২ কৃট ৮ ইকা ও উচ্চতা ২ কৃট ৬ ইকা হয়,
  ভাহা হইলে উহার পরিমাণ কভ ঘন ফুট হইবে ? উঃ। ২১৯।
  ৫। একটা বর্গ পুছরিণীর এক বাছ ১২ গজ, উহা
  খনন করিতে ৩৩৬ ঘন গজ মৃতিকা উঠাইতে হইয়াছিল।
- ু । যে চেয়ো ৫ ফুট ৬ ইঞ্চ গভীর, এবং ১০ ফুট ৮ ইঞ্চ চৌড়া, ভাহা দৈর্ঘ্যে কভ হইলে ভাহার কালি ৭০৪০ ঘন ফুট ইইবে ? উঃ। ১২০ রৈথিক ফুট।
- १। একটা কাটা থাল ৭ ফু: ৩ ই: গভীর, ২০ ফ:
   ६ ই: চৌড়া এবং ১০ মাইল লম্বা, ভাহাতে কত ঘন ফুট
   জল আছে?
   উ:। ৭৭৮৩৬০০ ঘনফুট।
- ৮। ছর ফুট উচ্চ, এবং ৪ ফুট চৌড়া, একটা দার রাধিয়া দৈর্ঘ্য ১৫ গজ, উচ্চভা ৭ ফুট এবং বেধ ১৩ ইঞ্চ এমন একটা প্রাচীর প্রস্তুত করিতে হইলে, যে ইটের এক এক থানির আর্ভন ১০৮ ঘন ইঞ্চ, তাহার কতগুলি লাগিবে ১

छै:। ४०४४ थाना हेते।

৯। প্রতি ঘন ফুটের ম্লা । সিলিং ৪ পেন্স হইলে, বে কড়িকার্ঠ ৮ ফুট লমা, ১ ফুট ৮ ইঞ্চ প্রেম্ব, এবং যাহার দল ১ ফুট ৬ ইঞ্চ, তাহার মূল্য কড়?

ष्टेः। e शाउँ e शिनिः।

১০। যদি এক বর্গ গল মাটি কাটিতে ৮ পেন্স মন্ত্রি পড়ে, ৬০ ফুট লম্বা, ৫ ফুট ৬ ইঞ্চ চৌড়া এবং ১০ ফুট ৪ ইঞ্চ গভীর একটী ধাল ধনন করিতে কত মন্ত্রি লাগিবে দ

উ:। ও পাউত ৪ দিনিং ২র পেশ।

১১। ক ঘছ ধ সমকোণিক ও সমবাহক হন ব**ভার** কর্ণ জ ও ছাত (পূর্ব প্রতিকৃতি দেখ), উহার ঘনকল কত ?

∴ ৩ কঘ² = ৩², এবং কঘ=√৩;

∴ কঘ°, কিসা ঘনকেত্রের কালি = ৩√০।

১২। একটা চৌবাচনা ৭ ফুট ৬ ইঞ্চ লম্বা, ১ ফুট ৯ ইঞ্চ চৌড়া এবং ৩ ফুট ৬ ইঞ্চ গভীর, ইহাতে কড ধারী জল আছে ৭

১৩। দীর্ঘ প্রস্থ ও গভীর প্রভ্যেক দিক্ ১৬ হাত একটী গর্ভ আছে, এবং দীর্ঘ প্রস্থ ও গভীর প্রভ্যেক দিক্ ৪ হাত আর একটা গর্ভ আছে, শেষোক্ত গর্ভটী পূর্ব্বোক্ত গর্ভের অপেকা কত ক্ষুদ্র ?

১৪। এক রাজমিন্ত্রীর সহিত এই বন্দোবস্ত হইন্নাছিল বে হলর হাত অর্থাৎ ১০০ ঘন হাত (১ হাত ওপার ১ হাত উচ্চ ও ১০০ হাত লখা) গাঁধনি হইলে ১ টাকা পাইবে। এখন ৪০ হাত দীর্ঘ, ১৩ হাত প্রস্থা, ভিত ১॥ হাত, উচ্চ ১০ হাত একটা ঘর প্রস্তুত হইন্নাছে। ভাহার মধ্যে ৫ হাত উচ্চ, ২ হাত ওপার ১০ টা হার আছে। রাজমিত্রী কত টাকা পাইবে ? উ:। ১৩॥ টাকা।

১৫। কোন পদার্থের দৈর্ঘ্য প্রস্থান্ত বেধ প্রড্যেকেই

৯ কুট, ভাহার সম্পার পৃষ্ঠকল কড ? উ:। ৪৮৬ বর্গকৃট।
১৬। যদি এক কিউবিটের পরিমাণ ১৮ ইঞ্চ হয়, ভাহা

ইইলে ৬৪ ঘন কিউবিটের মধ্যে কড ঘন ফুট থাকিবে ?

উ:। ২৬৮ ঘন ফুট।

্ ১৭। কতকগুলি মজ্বের সহিত এই চুক্তি হইয়া-ছিল বে, ভাহারা ১৬ কিউবিট লম্বা ১৬ কিউবিট চৌড়া ৩ ১৬ কিউবিট গভীর এরপ চারিটী চৌবাচ্চা নীল দিয়া পরিপূর্ণ করিবে; কিন্তু তাহা না করিয়া ভাহারা ৪ ঘন কিউবিট ৮ টী চৌবাচ্চা পরিপূর্ণ করিয়াছে। ভাহারা কি চুক্তির সমুদায় কার্য্য সম্পন্ন করিয়াছিল ? যদি না করিয়া থাকে তবে কভ কর্মবাকিছিল ? উ:। है।

১৮। ভূমি ১ কাঠা দীঘ ও এক কাঠা প্রস্থ হইলে এক বর্গ কাঠা হয়, কিন্ত ২০ কাঠা দীর্ঘ ২০ কাঠা বিভূত হইলে কেন ২০ বর্গ কাঠা কালি না হয় ভাহা প্রমাণ কয় ?

১৯। যে লোহ চতুকোণ থামের দৈর্ঘ্য ৩৬ ফুট, বিল্ডার ১৪ ফুট এবং বেষ ১২ ফুট, ভাহার পরিমাণ কভ ঘন ফুট? এবং প্রভ্যেক ঘনফুটের ওজন ১৮০ পাউও হইলে সমুদার খামের ওজন কভ হইবে?

উ:। ১১০৮৮ ঘনকুট এবং ওজনে ৮৯১ টন । ২০। দৈৰ্ঘ্যে ৩২ কুট, বিস্তাবে ১২ কুট এমভ এক আর- ভাকার চৌরাঞ্চাঃক্ত কুট গভীর হইলে ১৯২০ ঘনকুট জল ধরিভে পারে ?

্য স্ত্রান্ত্রনারে পভীরভা =  $\frac{\pi}{\pi \times \pi} = \frac{5>0}{900} = 0$  ফুট।

ে ২১। ংৰে সিন্দুক ৩ই ফুট দীৰ্ঘ, ২ ফুট বিভূত এবং ১ ই সুট গভীর, ভাহাতে কভ বৰ্গ ফুট সেগুণ কাঠ লাগিয়াছে ? 🕬 🦠

শেক কুত্রাকুদারে পৃষ্ঠ (প)

= २ { ७ ३ (२+) ३)+२× ১ ३ } = ৩০ ३ বর্গ ফুট।

२२। যে প্রাচীরের দৈর্ঘা ১৫২ হাড, বিভার ১ হাড
১৮ অঙ্গুলি ও উচ্চতা ১০ হাড ৮ অঙ্গুলি তাহার ঘনকল

কত ?

উ:। ২৭৪৮ ও ঘনহন্ত।

২৩। হন্দর ফুট অর্থাৎ ১০০ ঘনফুট গাঁথনী হইলে
১৮০ বেডন দিতে হইবে যদি এই রূপ নিয়ম থাকে;
ভাষা হইলে ২৫২ ফুট দীর্ঘ, ২ ফুট ৪ ইঞ্ বিজ্ঞৃত ও
১৮ ফুট উচ্চ প্রাচীর গাঁথনীর কত বেডন দিতে হইবে ?
উ:। ১৭১৮/১৬%।

২৪। ১২৫ ফুট দীর্ঘ, ও ফুট বিস্তৃত, ৯ ফুট ১০ ইঞ্চ উচ্চ প্রাচীরের মধ্যে যদি ৫। ফুট উচ্চ ৩। ফুট ওসার ৮ টা জানালা থাকে, তাহা হইলে কড ফুট গাঁধনি ইইয়াছে?

ুর সম্পাদ্য। পুইল বা শুস্তের ঘনফল

নির্ণয় করিতে হইবে ৷

मित्रम। शनर वा खाखत घनकन चित्र कतिए स्टेरन,

ভাহার নিমন্থ বা পার্মন্থ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল স্থির করির। উচ্চতা বা দীর্ঘের পরিমাণ দিয়া গুণ করিছে হর।

স্থান্তর বেষ্টনের বর্গের চতুর্বাংশকে ৩.১৪১৬ অথবা জতান্ত স্ক্রতা আবশ্যক না হইলে <sup>2</sup> দিয়া ভাগ করিলে যাহা হয়, তাহাকে উচ্চভার পরিয়াণ দিয়া শুণ করিলেও হয়।

পছল বা শুস্তের পৃষ্ঠফল স্থির করিতে ছইবে।

িনিরম। পহল বা স্তন্তের ভূমি বা পার্মের বেইমের পরিমাণকে দৈর্ঘ্য আ উচ্চতার পরিমাণ ছারা গুণ করিলে উহার পুঠদেশের কালি হয়।

বিদি শুলের উভর প্রান্ত ও পৃঠের ফল ছির করি-বার জাবশাকতা হয়, তাহা হইলে পূর্ক নির্মাল্লারে যে পূর্তকল ছির হইবে, তাহাতে তুই প্রান্তের পরিমাণ যোগ করিতে হইবে।

কল; ব অক্ষর ছারা বেইন, ঘ অক্ষর ছারা কেজ-কল; ব অক্ষর ছারা বেইন, ঘ অক্ষর ছারা ঘনকল ও প অক্ষর ছারা পুঠ নির্দ্ধেশ করা যায় ছাহা হইলে,

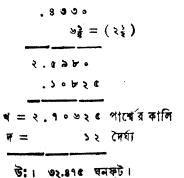
$$\frac{3^2 \times r}{8 \times 8} = \frac{\pi}{4} \text{ act } 9 = 3 \times r + \frac{\pi}{4}$$

২ ব = পহলের পৃষ্ঠ মার ছই পায়ার্চ; আনর প = ভ 🗴 জ (ভূমির ব্যসাজ) ×দ = ভভের ন্যকারুতি পৃষ্ঠ—ছই পার্য।

আরত কেত্রের কালি আর স্তন্তের পৃঠকল ছির কর। উভয়ই সমান, কারণ একটা নলকে চিরিয়া সমধ্রাতন করিলে নেই সমধরাত্তন একটা জায়ত ক্ষেত্রের সমান হইবে। জতএব জায়তক্ষেত্রের ছই পার্শস্থ বাহ স্তন্তের উদ্ধ পরিমাণ ও ভূমির পরিধির সমান হইবে।

উদাহরণ ১। ক ধ গ ত্রিপ্রত্ন বন্ধর ক ধ দৈর্ঘ্যের পরিমাণ ১২ কুট এবং সমবাত্ক ভূমির প্রত্যেক ভূমের পরি-মাণ ১২ কুট, উহার ক্ষেত্রফল কত ? ১ ম স্থ্রাম্পারে,

(১৮৯ পৃষ্ঠার ডালিকামুদাবে দমবাছ ত্রিভুক্ত কেত্রের কালি।)





২। পলহের তলম্বক্ষেত্র ৫, ৪ ও ৩ ফুট ভুজবিশিষ্ট ত্রিভূজ, এবং উচ্চতা ১০ ফুট, তাহার ঘনফল কত ?

छै:। ७० धनकृष्टे।

ও। ৰট্ পলহের ডলম্কেত্র ১কুট ৬ ইঞ্জুজবিশিষ্ট তিজ্জ, এবং দৈধ্য ৮ কুট, ভাহার খনকল কড ?

**डे:। ८७.१७७ घनकृते।** 

৪। বে গোল থানের বেটন ৫३ ফুট ও উচ্চতা ২০ ফুট তাহার ঘনফল কড় ? দিতীয় স্ত্রাহ্নারে, ঘ =  $\frac{3^2 \times \vec{r}}{8 \times 8}$ 

। বিক্নদ ৬৪८.५৪ = ২১৫৮ . × ০১ × ³( ६३ )

ে। যে পাতক্ষার নিমন্থ রভের ব্যাস ২ হাত, ও গভীরতা ৮ হাত, তাহার ঘমকল কত ? এথানে, রভের ক্লেক্রকল = (১²) × ০.১৪১৬ = ৩.১৪১৬ বর্গহন্ত, সূত্রাং কুপের ঘনকল = ৩.১৪১৬ × ৮ = ২৫.১৩২৮ ঘনহন্ত।

ঙা একজন রাজমিন্ত্রীর দহিত এই বন্দোবস্ত হইয়া ছিল, বে ইট্ শুর্কি, চুণ দে দিবে, এবং ১০০ ঘন ফুট গাঁথনি হইলে ১০০০ টাকা পাইবে। ৫০০ ফুট দীর্ঘ, ২॥ ফুট বিস্তৃত, ১৪॥ ফুট উচ্চ প্রাচীর গাঁথনি হইয়াছে। ভাহার মধ্যে ৫ ফুট উচ্চ, ৩ ফুট প্রসার ২২টা জানালা এবং ৬॥ ফুট উর্ক্ত, ৪ ফুট প্রসার ১০ টা দরজা; অপর গোল থাম ২৫ টাও গাঁথনি হইয়াছে, এক একটীর বেষ্টন ৬ ফুট ও উক্তরা ২২ ফুট। রাজমিন্ত্রী কত টাকা পাইবে ০

\$1 2920Nd3035 \$1

৭। ১৫ ছাত উচ্চ ও ছাত বেষ্টন একটা গোল থাম মুড়িতে ই ছাত ও অস্থূলি ওসারের কত কাপড় লাগিবে ?

ष्टेः। २५<mark>५६</mark> शख।

৮। বে গোল থামের তলত্ব রুতের ব্যাস ২ ফুট ৩ ইঞ্ছ ও উক্তভা ১৬ ফুট, ভাহার নুক্তোকৃতি গাত্তের ঘনফল কত ? এথানে, শেষ স্কাল্পারে প = ত x অ x দ = ৩.১৪১৬ x ২ৡ x ১৬ = ১১৩.০৯৭৬ বর্গফুট।



১০। প্রতি ঘনকুটের মজুরি ও শিলিং ৭ই পেকা হইলে, বে ক্পের ব্যাস ৩.৭৫ ফুট এবং গভীরতা ২২.৫ ফুট, তাহা খনন করিতে কত মজুরি লাগিবে ? জি:। ১ পাঃ ১৩ শিঃ ৪ই পোঃ।

১১। বে ক্পের পরিধি থা হাত, গভীরতা ২০ হাত, ভাহাতে কত থারী জল আছে ? উ:। ৪৮ৡ থারী।

৪ র্থ সম্পাদ্য। স্থচী বা সকোণস্থচীর ঘন-ফল স্থির করিতে হইবে।

১ম নিরম। তলস্থ কেতের কেত্রফলকে উচ্চভার পরি: মাণ ছারা গুণ করিয়া, গুণফলের ভৃতীয়াংশ লইকেই স্টী বা সকোণ স্টীর ঘনফল দ্বির হয়।

নিরমান্তর। স্থচীর ভূমির বর্গপরিমাণকে উচ্চভার ভূজী-বাংশ বারা গুণ করিলে গুণফল স্থচীর ঘনফল হইবে।

২র নিয়ম। স্থচী বা সকোণস্চীর পৃষ্ঠকল ছির করিছে ইউনে, অপ্রতাগ হওঁতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠদেশের যে পরি-মান, তাহার বারা তুলার প্রধিকে গুণ করিয়া গুণফলের মধাংশ লউতে হয়। रुख। च = हे थं × म, थ = —, म = —, धवः

প= ই ব × দ ( শীৰ্ম কোণ হইতে পৃষ্ঠদেশক্ৰমে ভূমির দূরত্ব)

উদাহরণ ১। যে স্চীর তলস্থ বৃত্তের ব্যাস ক গ ২३ ফুট এবং উচ্চতা ঘ চ ১২ ই ফুট, তাহার ঘনকল কত ?

धर्यात, २३  $\times$  २३ =  $\S \times \S \times \S = 5 = 5$  क  $9^2$ ,

পরে ভূমির কালি ৪.৯০৮ ১ २३ = 🛮 🗗 চ

७) ७ ३. ७ ६ ৯ ७ १ ६ ( २०.४६७)२६ = ऋहीत्र

২। বে সকোণস্চীর ভলস্থ ক্ষেত্র ১৮, ২৪ ও ৩০ হাড ভুলবিশিষ্ট ত্রিভুল, এবং উচ্চতা ৩৬ হাত, ভাহার ঘনকল কত ? এখানে ভলস্থ সরল রৈথিক ত্রিভুজ ক্ষেত্রর ক্ষেত্রকল =

$$\times \left(\frac{2}{2p+58+20} - 58\right) \times \left(\frac{3}{2p+58+20} - 20\right)$$

**√০৬×১৮×১২×৬ বর্গহন্ত = √০৬ × ০৬ × ০৬**বর্গহন্ত = ৬×৬×৬= ২১৬ বর্গহন্ত ;

ষত এব, প্রশ্নোলিথিত সকোণস্চীর ঘনকণ = ২ ১ ৬ × উচ্চতার পরিমাণ ৩৬ = ২১৬ × = ২১৬ × ১২ = ২৫১২ ঘন হতু।

৩। যে সকোণস্চীর তলম্ব কেত্র ২ <u>ক্ট ভুজবিশিট</u> পঞ্জুজ কেত্র ও উচ্চতা ১২ কৃট, ডাহার ঘনকল কড় ?

ভারিকাহুসারে পঞ্জুত্র কেতের কেত্রফল 🖚

১.৭২**০৫** ১৯৯ - বাহর বর্গ = ৪

ভাষা কেতের কলি = ৩.৮৮২ ভাষা ক্রিছভার ভূতীয়াংশ = ৪

সকোণস্তীর ঘনফল = ২৭.৫২৮ ১ ব ঘদি স্চীর ভলন্থ বুন্ডের পরিধি

G 1973

अ कृष्टे ७ डिक्का ३०३ कृष्टे इत्र, छारा दहेल छारात प्रस्कल अक चित्र कृत्र। है: । २२.৫७১ घन कृति।

বে সকোণ স্থার ভূমি ওইক ভূজবিশিষ্ট বড়ভূজ
 কেত্র, ও উচ্চতা ৬ ৪, তাহার ঘনফল কত ।

है:। ১:०৮ प्रस्ते

৬। যে স্চীর ভলম্ব রভের ব্যাদ কগাং ফুট, এবং কাহার চালুদিকের দৈখ্য বা শীর্ষকোণ হইতে পৃষ্ঠদেশক্রমে স্মির দূরত্ব চাগা ১৮ ফুট, ভাহার পৃষ্ঠদল কত।

WE?

৩.১৪১৬ ৫ ব্যাস ১৫.৭০৮০ পরিধি ১৮

২) ২৮২.৭৪৪ (১৪১.৩৭২ বর্গ ফুট = পৃষ্ঠকন।

৭। বে স্থানীর অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যান্ত পৃষ্ঠদেশের
পরিমাণ ২০ ফুট, এবং তলম্ব রতের পরিধি ৯ ফুট, ভাষার
পৃষ্ঠকল কঁও ?

উ:। ১০ বর্গ ফুট।

৮। একটা স্থচীর অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠ-লেশের পরিমাণ ৫০ ফুট, ও তলম্ব রভের ব্যাস ৮ ফুট ৬ ইঞ্চ, ভাহার পৃষ্ঠকল কড ? উ:। ৬৬৭.৫৯ বর্গ ফুট। ১। বে নকোণস্থচীর তলম্ব ক্ষেত্র ৫ ফুট ভ্রবিশিষ্ট, লক্ষ্যান্তক বিজ্ঞা ও ঘনফল ৬২২ ঘন ফুট, ভাহার উচ্চতা

১০। বে স্চীর ঘনফল ৮ ঘনকুট, এবং উচ্চতা ২ কুট, ভাছার ভলম রুভের পরিধি কড ? টঃ। প্রায় ১২.২৮ কুট।

উ:। व्यात ३१ क्छे क रे#ा

১১। বদি প্রভাকে ঘন ফুটের ওজন ১৭০ পাউও হয়,
ভাষা হইলে বে প্রভাবনির্দিত স্থানীর ভলস্থ ক্ষেত্র ১ কুট ৩ ইক ভূমবিশিট ত্রিকুল ও বাহার উচ্চতা ১০ কুট, ভাহার ওজন কড হইবে ? উ:। ১ টন ১৮ই পাউও।

### **६म मण्यामा । ज्हीत वा मरकानज्हीत अकारख**त

#### ঘনফল স্থির করিতে হইবে।

স্থানির বা সকোণস্থান উপরিভাগে কডকটা না থাকিলে, অর্থাৎ ভাহার উপরিভাগ হইতে ভূমির সমান্তরাল করিয়া কিয়দংশ কাটিয়া কেলিলে যে ধণ্ড অবশিষ্ট থাকে, ভাহারু নাম প্রকাণ্ড অথবা মস্তকশ্ন্য স্থানী বা সকোণস্থানী।

নিয়ম। তলম্ব ও উপরিম্ব ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকলের সমষ্টিতে ঐ হুইটী ক্ষেত্রকলের গুণফলের বর্গ মূল যোগ কর, এবং বোগফলকে উচ্চতার পরিমাণ দিয়া গুণ করিয়া ভাহার চুতীয়াংশ লও। গৃহীত তৃতীয়াংশ প্রকাণ্ডের অর্থাৎ মন্তকশ্ন্য স্তীর বা সকোণস্চীর ঘনফল হইবে।

নিয়ম। তলস্থ ও উপরিস্থ রুত্তের ব্যাসার্থকরের বৃর্ণের সমষ্টিতে ঐ কুই ব্যাসার্থকরের ওণকল যোগ কর, এবং বোগ-কলকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিয়া যাহা হটবে, ছাছাকে পুনন্দ উচ্চতার ভৃতীরাংশ দারা গুণ কর, ভণকন করীয় প্রকাণ্ডের অনকল হইবে।

সকোণস্চীর তলস্থ ক্ষেত্র সমবা**ছক বহুত্ত্র** ক্ষেত্র হইলে, তাহার প্রকাণের বনকল বিষ্ট লিখিত নিয়ম্<mark>টীর দ্বারাও স্থির</mark> হইবে।

ি নিয়ম । তর্ত্ত ও উপরিস্থ ক্ষেত্রের বাছ্ছয়ের বর্গের শমষ্টিতে উহাদের গুণক্ষ যোগ কর, এবং যোগক্ষত বছভূমসংক্রান্ত তালিকার লিখিত বছসংখ্যক ক্ষেত্রের ক্ষেত্র-কল দারা গুণ করিয়া যাহা হইবে, তাহাকে পুনশ্চ উপ্তভার ভূতীয়াংশ দারা গুণ কর, গুণকল সকোণস্চীর ঘনফল হইবে।

স্চীর বা সকোণস্থাীর প্রকাণ্ডের পৃষ্ঠকল স্থির করিতে হইবে।

নিরম। স্টীর বা দকোণস্টীর প্রকাণ্ডের পৃষ্ঠকল ছির করিতে হইলে, অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠদেশের যে পরিমাণ, ভদর্জ দারা তলস্থ ও উপরিস্থ ক্ষেত্রের বেষ্টনের লমষ্টিকে ভণ করিলেই হয়।

উনাহরণ ১। যে স্চীর প্রকাণ্ডের তলন্ধ বৃত্তের ব্যাস ২৮ ইক, উপরিস্থ বৃত্তের ব্যাস ২০ ইঞ্চ এবং উচ্চতা ২০ ইঞ্চ, ভাহার ঘনক্ষণ কড় ?

₹ ►	₹ ₩	₹ •
	<b>\$ 6</b>	₹ •
3.48		8
<b>( 6</b>	9 7 8	
168	8 • •	
	3 4 8 8	
	. 2 ⊌ 3 ⊬ = <del>3</del>	\$ 0.585 <b>0</b>
	30365	
	3988	
	) o \$ 20 8	
	2866	
	8 0 4.0 9 3 3	
	3 · == 12x	everi ·

२० = छेकडां बनकृत = ३२०२.६৮४० घन हेका প্রকারান্তর : ১৪ (ব্যাসার্ক) × ১৪ = ১৯৬, ১৪ × ১০ = ১৪০, ১০ (ব্যাসার্ক) × ১০ = ১০০, ১৪১ + ১৯৬ + ১০০ = ৪০৮; ৪০৬ × ০,১৪১৬ = ১০৬৯, ৭৩৭৬; ১০৮৯,৭০৭৬ × ২০ + ০ = ১১০১,৫৮৪০ ঘনইশ্ব।

২। বে সকোণস্চীর প্রকাণ্ডের নিরস্থ ও উপরিস্থ ভাগটী সমবাহক পঞ্জুজ ক্ষেত্র, উপরিস্থ ক্ষেত্রের বাহর পরিমাণ ৬ ইঞ্চ, নিয়ের ক্ষেত্রের বাহর পরিমাণ ১ ফুট ৬ ইঞ্চ, এবং উচ্চতা ব ম ৫ ফুট, তাহার ঘনফল কত ?

5 b-	78	•	
26	<b>&amp;</b>	, •	1
-			
\$88	\$ o b−	<b>૭%</b>	
2 br	· ৩২ <b>৪</b>	•	
<b>€</b> 8	<b>৬</b> ৬		
	७) ४७४		
		 	a



১৫৬ যোগ পরিমাণের ভৃতীরাংশ। ১.৭২০৫ ভালিকায় লিখিত ক্ষেত্রকর।

₩9•₹@

२४४.०३४० शक् क्विक्त

১৯৯ ১১১১৮৬২৫ **অকাভের ব্যক্ত**। ১৯৯১১৮৬২৫ বিকাভের ব্যক্ত। ১৯৯১১৪ বিকাভের ব্যক্ত। প্রকারান্তর। ১.৫ × ১.৫ = ২.২৫, ১.৫ × .৫ = .96,
.৫ × .৫ = .২৫; ২.২৫ + .9৫ + .২৫ = ৩.২৫,
৩.২৫ × ১.9২০৫ (তালিকার লিখিত কেল্রেকন) = ৫.৫৯১৬২৫,
এখন ৫.৫৯১৬২৫ × ৫ + ৩ = ৯.৩১৯৩৭৫ ঘন কুট।

ত। যে স্টীর প্রকাণ্ডের ডলম্থ বৃত্তের ক্ষেত্রকল ৮ বর্গ হাড, উপরিম্থ বৃত্তের ক্ষেত্রকল ২ বর্গ হাড এবং উচ্চতা উ হাড, তাহার ঘনকল কভ ?

এখানে, তলম্ব বৃত্তের ক্ষেত্রফল = ৮ বর্গহন্ত,

উপরিস্থ ব্রভের কেত্রকল = ২ বর্গহন্ত, উহাদের শুণক্ষের বর্গ মূল = √৮×২= ৪ বর্গ হন্ত ;

### वस क्षा = १६ व्यवस्य ।

া বে প্তরিশীর উপরিভাগটী সমচত্কোণ, এবং ভবালীও সমচত্কোণ, সকল দিক্ চাল, উপরের ক্ষেত্রকল ৯০ বর্ষ হয়, ভলার ক্ষেত্রকল ৪০ বর্গ হস্ত এবং গভীরভা ১২ ছাত, জাহার কালি কড?

উ: । ৭৬০ খন হস্ত ।

ব্যক্তিশিশ্বতীর উপরি ভাগ কভকটা বাদ গেলে বেরূপ হর, বে সকল পুষ্ঠিণীর সকল দিক্ ঢাল ভাহারও আকার ইরূপ, কেবল উপরিভাগ নীচে ও ভলা উপরে, এই আজেদ। অভএব, ঐরূপ পুষ্ঠিণীর কালি করিভে হইলে সংক্রিণ্টীর কালির মত করিলেই হর। ৫। যে পৃষ্
রিণীর সকল দিক্ ঢাল, উপরি ভাগ ও
ভলা সমচত্কোণ, উপরি ভাগের একদিকের পরিমাণ ২০
হাত এবং গভীরতা ১৫ হাত, তাহার ঘনকল কড ?

छै:। ११৮१५.३१ धन रखा

পুন্ধরিণীর কালির অপর একটা নির্ম **আছে** ভাহা এই,—

উপরিশ্ব ও তলম্ব ভাগের দৈর্ঘ্যের বোগকলকে উত্তথ-ভাগের বিস্তারের যোগকল হারা ওণ কর, পরে উপরের ও তলার ধারাতলিক কেত্রকল দ্বির করিরা, ভাহার যোগ সমষ্টিতে পুর্ব্বোক্ত ওণকল যোগ কর, এই বোগকল ৬ হারা ভাগ করিরা গভীরতা হারা ওণ করিলে পুত্রিণীর কালি হয়।

৬। বে পৃছরিণীর উপরিভাগেল দৈহ্য ক খ ১২ হাত, ও
প্রেছ ক গ ১• হাত, তলাটীর দৈহ্য
চ ছ ৬ হাত, ও প্রেছ চ ল ৫ হাত
প্রবং গভারতা ট ঠ ৭ হাত, ভাহার
কালি ব জ ৪

And the second s

ইটের পাজার ইট নির্ণয় করিবার জন্ত পূর্ব্বোক্ত নিয়ম

ৰারা পাঁজার কালি করিয়া, এক থানি ইটের দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতাকে পরস্পর গুণ করিয়া যে ফল হইবে, ভদারা পাঁজার কালিকে ভাগ করিলে বে কল হইবে, ভাহাই ইটের সংখ্যা।

ম। যদি ইটের দৈর্ঘ্য ১৮ অনুনি, প্রস্তু ১১ অনুনি ও উচ্চতা ও অনুনি হয়, তাহা হইলে যে পাজার উদ্ধতঃ ১০ হাত, তলার দৈর্ঘ্য ৮ হাত ও প্রস্তু ৫ হাত, আর উপরের দৈর্ঘ্য ৬ হাত ও প্রস্তু ৪ হাত, তাহাতে উক্ত প্রকার কত শুনি ইট আছে ? উ:। ১৮২৬ বান।

# বাঁধ মাপিতে হইলে নিয়লিখিত নিয়মও

## ব্যবহৃত হইয়া থাকে।

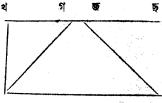
বিভারে করা ও উপারের ওসার বা বিস্তারের সমষ্টিকে করিলে যে ভাগকল হইবে, ভাহা আর বীক্তির নৈপা ও উচ্চভার ধাবাবাহিক গুণকল নির্ণয় করিলে কেনি হইবে, ভাহাই বাঁধের কালি।

ি বে বাঁথের দৈগা ৩০০ হাড, ডলার বিভার ১২ বাহ, ডপারের বিভার ও হাড এবং উচ্চডা ১০ হাড, ডাহার কালি কড ? উ:। ২৪০০০ হাড।

আনেক ছলে প্তরিণী, রান্তা, নদীতীরত্ব বাঁধের ধারে বে নিরমে চাল হইরা আইলে, ভাহা এক প্রকার অন্ত্পাভ বারা প্রকাশিত হর।

मान कत शक्त वीष, शक ও व्याठ करम हान इहेना क ও

চ বিন্দুতে ভূমি সংলগ্ধ হইয়াছে। বাঁধের ভূমির ক ও চ বিন্দু হইতে ক থ বা চছ বাঁধের উচ্চ-



তার সমান হুই লম্ব উদ্ভো- ক

নন কর। এইক্ষণে গথ ও কথ এই সুইটা অনুপাত লইরঃ
গ ক ঢাল প্রকাশিত হইরা থাকে। ক চ ভূমি যদি সমতল
হয়, তাহা হইলে গ ক ও জ চ ঢাল সমান হইবে, কারণ
বাঁধের সূই পার্বাই এক প্রকার পদার্থ ভারা নির্মিত হইরাছে।
পরীক্ষাভারা দেখা গিরাছে যে, যদি কোন বাঁধ অথবা রাস্তা থোরা
ভারা প্রস্কৃত হয়, তাহা হইলে গ ক চ কোণ = 200° হইবে।

गांठि ··· ,, ··· & = ३৮° ,, कर्कम ··· ,, ··· & = 54° ,,

यिन वानि बाता श्रन्छा हत्र, लाहा हहेतन < श क ह = २२° ,,

প্রভার ⋯ ,, ⋯ वे ≔ ৪৫%

কিছ < গ ক চ = < ক গ থ, ∴ ক গ থ কোণ ৰ ক গ কোণ অপেক্ষা প্রায়ই লঘু, কথন কথন সমান হয়; ভুতরাং থ গ, ক থ অপেক্ষা প্রায়ই বড়, কচিৎ সমান হয়। বিদি গ থ = ক থ, তাহা হইলে ঢালের অহুপাত ১:১ হইবে। ২ গ থ = ক থ, , , , ২:১ ,, ৩ গ থ = ক থ, , , ১ই:১ ,,

本5=9 新十4 9十四 夏=2 时(两页 可配列医×4本十9年)

। বে বাঁধের ছই দিকই চাল, তলার বিস্তার ১৬ হাত,
 উপরের বিস্তার ৩ হাত, উচ্চতা ১২ হাত এবং দৈর্ঘ্য ৫১২ হাত,
 ভাহার ঘনকল কত?
 উ: । ৫৮৩৬৮ ঘনহস্ত।

ছই দিকেই চাল, এমন বাঁধের কালি স্থির করিতে 
ক্ইলে, ভলা ও উপরের বিস্তারের সমষ্টির অর্ধাংশকে উচ্চতার 
বারা গুণ করিরা, গুণফলকে দৈর্ঘ্যের পরিমাণ হারা গুণ 
করিতে হয়।

২০। যে বাঁধের তলার বিস্তার ২৫ হাত, উপরের বিস্তার হোত, উচ্চতা ২০ হাত ও দৈর্ঘা ৫৯৫৬ হাত, তাহা প্রস্তুত্ত করিছে যদি ৫০০০ টাকা লাগিয়া থাকে; তাহা হইলে. ২১৯২ হাত দীর্ঘ, ১৬ হাত উচ্চ, ১৫ হাত তলা ও উপরে ওহাত বিস্তৃত এমন বাঁধ প্রস্তুত করিতে দেই হারে কত লাগিবে?

১১। বে স্চীর প্রকাণ্ডের তলন্থ রুতের পরিধি ২০ ফুট, উপরিম্ব বুতের পরিধি ১০ ফুট, ও উচ্চতা ২৫ ফুট, ভাহার বনকর করত।
উ:। ৪৮৪.২১৬ ঘনকুট।

३२ । त श्रीत श्रेकाल्डित छनञ्च तृत्छत त्राम ४ कृषे, উপরিছ বৃত্তের রাাम ৪ कृषे, ও উচ্চতা ১৮ কৃषे, তাহার चनकन कछ ।

১৩। বে গোল পুছরিণীর সকল দিক চাল, ও দাহার উপরের পরিধি ৫০০ হাত, ও নীচের পরিধি ৩২০ হাত, এবং গভীরতা ১৮ হাত, ভাহার কালি কত ঘন হস্ত ?

छै:। २६८७८० यन इछ।

১৪ | ১০ হাত উচ্চ ১৪ হাত আৰু ও ১ মাইল দীৰ্ঘ একটা বাঁধ প্রস্তুত হইল ; যদি ইহার ছুই দিকের ঢালের 🛎 ছপাত ১ই: ১ হয়, তাহা হইলে এই বাঁধ প্রস্তুত করিবার নিমিত্ত কত বিঘা জমি জ্বয় করিতে হইয়াছিল ? বাঁধের ভূমিদংলগ্ন প্রান্থ= ১৪ + ২ × ১ই × ১০ = ৪৪ হাত।

∴ ৪৪ × ৩৫২০ বর্গহস্ত জমি ক্রম করিতে **হটবে,** ∴

88× • • • • विषा = २8.२ विषा = २8/३ । ক্ৰমির পরিমাণ =

১৫। যে সকোণস্চীর প্রকাণ্ডের তলস্থ ষড়ভূজের বাছর পরি-নাণ ১৮ ইঞ্, ও উপরিম্থ বড়ভুজের বাহর পরিমাণ ১২ ইঞ্চ, এবং উচ্চতা ৯ কুট, ভাহার ঘনফল কত ? উ:। ২৪.৬৮ ঘনকুট।

১৬। কখগচছ বর্গ সকোণস্**চীর প্রকাণ্ডে**র উ**নছ** সমচভুকোণ ভূমির বাছ ক খ-র পরিমাণ ৬ ফুট, ও উপরিস্থ সমচতুকোণ ভূমির বাছ ছ জ-র প্রিমাণ ৪ ফুট, এবং অঞ্চাগ

হইতে তলা পর্যান্ত জ ক পৃষ্ঠদেশের পরিমাণ

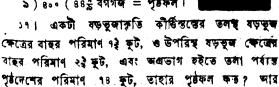
२० कृष्टे, इंशांत्र शृष्ठकन कड ?

তলম্ব ও উপরিম্ব 5 X 8 = 38 🕽 ক্লেত্রের বেষ্টন।

৪০ = যোগকল

>• = <del>ই</del> উচ্চন্তা

३) ४०० ( ४४ ई वर्शशब्द = शृक्ष्म्म ।



যদি প্রতি বর্গকৃট রঙ্গ করিতে ১ শিলিং ৩ পেন্স পড়ে, ভাহা হুইলে উক্ত কীর্ভিন্ত রঙ্গ করিতে কত ব্যয় হুইবে ?

উ:। २२२० বর্গফুট, এবং ১৫ পাউও ৮ শিলিং ৪ পেন্স।

## ৬ঠ সম্পাদ্য। কাজ্লার ঘনপরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

নিরম। ঢালদিকের বিস্তার ও পৃষ্ঠ দেশের দ্বিগুণ পরি-মাণ একতা যোগ করিয়া স্বতন্ত রাখ, তাহার পরে কাজলার উঠিতাকৈ ভূমির বিস্তার দিয়া গুণ করিয়া যাছা হইবে, ভাছাকে উপরিউক্ত যোগফল ছারা গুণ করিলে গুণফলের বড়াংশ কাজ্লার ঘনফল হইবে।

উদাহরণ ১। যে কাজ্লার উন্নতি ক ছ ১৪ ইঞ্, পার্ব ক খ ২১ ইঞ্চ, ও ভূমির দৈর্ঘ্য ঘ চ ৩২ ইঞ্চ, ও বিস্তার গ ঘ ৪৯ ইঞ্চ, তাহার ঘনপরিমাণ কত ঘনকুট।

२) ७२	8 <b>∮</b> . 78
<del>- 32</del>	49
<b>14</b>	9
	ॐ ४€
4.44	৩১৫
	A - 0



2924

२ ५३२.६ चन **देश छै:।** 

2 4.25952

.१३७१३७ घन कृष्टे छै:।

২। যে কাজ্লার মুখের দৈর্ঘ্য ও উচ্চতা এবং ভূমির দৈর্ঘ্য ও বিস্তার প্রত্যেকে ২ ফুট, তাহার ঘনকল কত?

**উ:। 8 चनकृ**ष्ठे।

৩। থপ ধদ আয়ভাকার ক জিলার ভূমির দৈয়্য থপ ১০ হাত, বিস্তার প ন বা ত ধ ৭ হাত, ও উল্লভিপ ত বা থফ ৮ হাত, উহার বনকৰ কত?



এই প্রশ্নে, প্রশাধ দ কাজ্ল। একটী প্রশাহন ইউবে ও থ প ন ব ক

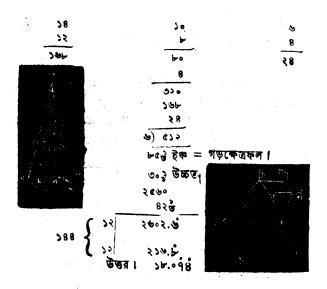
চতুকোণাকার খন বন্ধন অর্থেক হইবে, স্বতরাং, শাস্তিক করিছিছি খনবন্ধর খনকাশ = ১০ × ৭ × ৮ = ৫৬০ ; ∴ থ প ধ দ কালুৱাহ জনকাশ = ३৫ ৬০ = ২৮০ হাত।

## ব্য সম্পাদ্য। কাজ্লার প্রকাণ্ডের ঘনফল স্থির করিতে হইবে।

কাৰ্নার উপরিভাগে কতকটা না থাকিলে অর্থাৎ উপরি-ভাগ হইতে একটা কাৰ্না বাদ গেলে বেরুপ, আকারটা হয়, ভাষার মুনকুল ছির করিবার নিয়ম এই।—

নিয়ম। তলত্ব ও উপরিস্থ ধারাতলিক ক্ষেত্রকলের ব্যুক্তিতে তত্বভারের মধ্যত্ম সমান্তরাল ছেলকের ক্ষেত্রকলের চত্ত্বি বোগ কর, এবং বোগকলের ষড়াংশকে উচ্চতা দিয়া ওপ করিলে কাজ্লার প্রকাণ্ডের ঘনফল স্থির হইবে।

উদাহরণ ১। বে প্রস্তারের উপরিভাগটী ১৪ ইক দীর্ব ও
.১২ ইক বিভূত একটা আরত কেত্র, ও ভলাটা ও ইক দীর্ব ও
৪ ইক বিভূত একটা আরতকেত্র, এবং বাছার উচ্চতা
৩০২ কুট, ও মধাস্থ সমাস্তবান কেত্রের দৈল্য ১০ ইক ও
বিভার ৮ ইক, ভাহার কেত্রকল কত?



উলাহরণ ২ ৷ ক ধ প জ চ আরতাকার কাজ্লার প্রকা-তের ভূমির দৈর্ঘ্য ক ধ বা চ ব ১২ হাত, এবং কিন্তার ক চ বা ধ ব ৭ হাত, আর উপরিস্থ ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ছ জ বা ধ গ ৮ হাত, ও বিস্তার গ জ বা ঘ ছ ৪ হাত, এবং উক্তা ব জ ৯ হাত, তাহার ঘনকল কত ?

च श । काम्नात घनकन = ह × १ × ७ (৮ + १ × ১१) = २२६; ছ व গ । काम्नात घनकन = ह × १ × ७ (১२ + २ × ৮) = ১১२; ... क थ श व । ।
 काम्नात व्यकार । व काम्ना = २२६ + ১১२ = ৩०० घनशा ।

৩। ক থ গ জ চ স্চীর প্রকাণ্ডের তলন্থ বৃদ্ধের ব্যাস ক গ ৪ ছট, উপরিছ বৃদ্ধের ব্যাস চ জ ২ কুট, এবং উন্নতি ন ম ১৮ ফুট, ইহার ঘনকল কত ৪



এখানে, তলহ বুভের কালি  $= 8^2 \times .9$ ৮৫৫,

উপরিস্থ বৃত্তের কালি = ২<sup>2</sup> × . ৭৮৫৪, তুই পার্শ্বের মধ্যস্থ ছেদকের কালি = ৩<sup>2</sup> × . ৭৮৫৪;

∴ স্চীর প্রকাত্তের ঘনকল = ভ × ১৮ (৪²+ং³+১।। ১৭৮৫৪ = ১৩১.৯৪৭ ঘন ফুট।

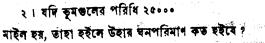
৮ম সম্পাদ্য। বর্জুলের ঘনফল স্থির করিতে **ছইকে**র

নিয়ম। বর্জুলের ব্যাসের ঘনপরিমাণকে .৫২০৯ দিয়া ভব করিতে হয়; অথবা উহার ব্যাসার্কের ঘনকে ৪.১৮৮৮ দিরা ভণ করিতে হয়। গণনার স্থাতা আবভাক না ইইবো ইই দিয়া ভণ করিলেই হয়।

নিয়মান্তর। বর্জুলের ব্যাদের ঘন পরিমাণের ঘঠাংশকে ৩.১৪১৬ দিয়া ৩৭ করিলে, গুণফল ঐ পদার্থের ঘনকল হইবে। এই নিয়ম হইতে প্রতীত হইতেছে যে, ব্যাদার্জের ঘনকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিয়া গুণফলের ই লইলে ঘনকল নিজারিত হইবে।

উদাহরণ ১। যে বর্তুলের ব্যাস ১২ কুট, ভাহার ঘনকল কভ ?

১২♥ × .৫২৩৬ = ৯০৪. ৭৮০৮ ঘনকুটা



छ:। १७७७ वर अवक्षा वन बहिन।

ত। বে বর্জুবের ব্যাস ৪ হাত, ভাষার ঘনকল কড? উ:। ৪৩.৫২ ঘনহয়ঃ ৪। ১০ ইঞ্চ ব্যাসবিশিষ্ট ৫০০ কামানের গোলা প্রস্তুত করিতে হইবে, এইক্ষণে ২৪ কূট ২ ইঞ্চ দীর্ঘ, ৩ কূট ৪ ইঞ্চ বিস্তৃত ও ২ কূট ৬ ইঞ্চ উচ্চ একটা লোহার চাপ গলাইলে, উক্তনংখ্যক গোলা প্রস্তুত করিতে লোহার অকুলান পড়িবে কি কিছু অবশিষ্ট থাকিবে। যদি অবশিষ্ট থাকে, ভাহা হইলে ইহার ছারা দৈখ্য বিস্তার ও বেধ ভিনেই ২ ইঞ্চ এমন ক্ষটা লোহ খণ্ড প্রস্তুত হইতে পারিবে ?

উ:। ৫০০ টা গোলা প্রস্তুত হইয়া প্রস্তাবিভর্মপ ১০৭৭৫টা লোহধণ্ড হইবে ও যৎকিঞ্চিৎ অবশিষ্ট থাকিবে। ৫। যে বর্জুলের ব্যাস ৫০ ইঞ্চ, ভাহার ঘনফল কভ ? উ:। ৬৫৪৫০ ঘন ইঞ্চ।

ও। বে কাঁপা গোলকের বহিঃছ ব্যাস ৯ ফুট ও যাহার লল ২ ইক, ভাহার ঘন পরিমাণ কত ?

এখানে অন্ধ্রীস = ১ — ট্ট = ট্ট কুট। বহিঃস্থ বর্তু নের খনকল = ১ × .৫২৩৬, অন্তরন্থ বর্তু নের খনকল = (১) × .৫২৩৬, অন্তএব কাপা গোলকের খনকল = (১) (১) ) ,৫২২৬ = ৪০,৮৬ খনকুট।

१। ৩, ৪ ও ৫ অনুনি ব্যাসবিশিষ্ট ভিনটা লোহ বর্জু গলা-ইয়া একটা বর্জু ল প্রস্তুত হইল, ইহার ব্যাস কত? উঃ। ৬ অসুনি।

৮। **৩ ইক ব্যাস্বিশিষ্ট একটা দীদের পোনা গলাই**য়া 🔒 ইক ব্যাস্থিশিষ্ট কর্মী ছিটাঞ্জনি প্রস্তুত হইতে পারে ? উ:। ১৭২৮।

১। একটা বর্জুল বেটন করিয়া ভন্জ নির্মাণ করিলে বর্জুলটার ঘনকল বে ভন্তের ভৃতীয়াংশ হয় তাহা প্রমাণ কর ?

## ৯ম সম্পাদ্য। বর্জু লখণ্ডের খনকল স্থির করিতে হইবে।

নিয়ম। ভূমির ব্যাসার্জের বর্গকে তিন গুণ করিয়া ভাহাতে উচ্চভার বর্গ যোগ কর, পরে যোগফলকে উচ্চভার পরিমাণ দিয়া গুণ করিয়া, গুণফলকে .৫২৩৬ দিয়া গুণ করিলে ঘনফল ছির হয়।

নিরমান্তর। বর্জুলের ব্যাসের তিন শুণ হইতে বর্জুলখণ্ডের উন্নতির বিশুণ অন্তর কর, পরে অবশিষ্টকে উন্নতির বর্গ দার। গুণ করিয়া গুণকলকে '৫২০৯ দিয়া শুণ করিলে ঘনফল ছির হয়।

উদাহরণ ১। যে বর্জুলথণ্ডের ভূমির ব্যাসার্দ্ধ ৮ ফুট, এবং উচ্চতা ৪ ইঞ্চ, তাহার ঘনফল কত ?

ъ	2	°৫২ <i>৩</i> ৬	<u>.                                    </u>
•	8	<b>५</b> ८२	80.4 T. F. C.
~	-	•	W. W. L.
₩8.	200	\$ 8 9 9	् च
৩	<b>\$</b> \$\$	J@90F	श्री ने ने प्रा
-		87 <b>44</b> 5	A Section of the second
ッタジ	२०५	<del></del>	₹(
	8	= 5000.008	উত্তর।
	-		
	<b>४-७</b> २		• • • • • • • • • • • • • • • • • • •

২। যে বর্ত্রপণ্ডের ভূমির ব্যাস ২০ ফুট, ও উচ্চতা ৯ ফুট, ভাছার খনকল কড স্থির কর ? উ: 1 ১৭৯৫.৪২৪৪ খনজুট। ৩। বর্তুলের ব্যাস ১২ ফুট হইলে উছার বে থণ্ডের উল্লিড

<sup>৩</sup> কৃট, ভাহার ঘনকল কভ ?

**डि:। ১**८५.७१२ चनकृते।

- ৪। যে বর্ত্ত্রপণণ্ডের ভূমির ব্যাস ৮.৬১৬৮৪ ও উচ্চতা
   ২ই কুট, তাহার ঘনকল কত ? উ:। ৭১.৫৬৯৫ ঘনফুট।
- । যদি বর্তুলের ব্যাস ৪০ হাত হয়, তাহা হইলে উহার
   ধে খণ্ডের উন্নতি ৫ হাত, তাহার ঘনকল কত ?

উ:। ১৪৩৯.৯ हाउ ।

### **১০ম সম্পাদ্য। বর্ত্তুলমগুলের ঘনফল স্থির** করিতে হইবে।

নিরম। তলম্ব ও উপরিম্ব র্ভাকার ক্ষেত্রের ব্যালার্চ্চের বর্গ ও উচ্চতার তৃতীয়াংশ একত্রে সমষ্টি করির। উচ্চতা-পরিমাণ দারা ওণ কর, পরে ঐ ওণফলকে পুনক্চ ১.৫৭০৮ দিরা ওণ করিলে বর্জুলমওলের ঘনফল দ্বির হর।

উদাহরণ ১। যে বর্জু লমগুলের তলন্থ রুত্তের ব্যাস ১২ ইঞ্চ, ও উপরিষ্ রুত্তেব ব্যাস ৮ ইঞ্চ, এবং উচ্চত। ১০ ইঞ্চ, ভাষার ঘনকল কভ ?

বর্ত্রমণ্ডলের ঘনকল = ৮০% × ১০ × ১.৫৭০৮ = ১৩৪০.৪১৬ ঘনইক।

২। বে বর্জুনমগুরের তলম্ব রুত্তের ব্যাস ১২ কুট, ও উপরিম্ব রুত্তের ব্যাস ১০ কুট, এবং উচ্চতা ২ কুট, তাহার বনকা কড ? ও। বে পিপের আকার বর্তুবের মধ্যমওলের মত, যদি
ভাহার উদ্ধ ও অধঃ ছ ব্যাসদরের প্রত্যেকের পরিমাণ ৫ ফুট
৮ ইঞ্চ, এবং গভীরতা ৫ ফুট হয়, তাহা হইলে ঐ পিপেতে
কত গেলন ফল ধরিতে পারে ?

উ: । ১১৯৩ই বেলন।
১১শ সম্পাদ্য । বর্তুল ও বর্তুল্পত্রের হ্যজ্পৃষ্ঠ-ঃ

১১-। গ গান্য। বভুগ ও বভুগবেওম হাজ্য ফল • ছির করিতে হইবে।

নিরম। বর্জুলের পৃষ্ঠকল স্থির করিতে ছইলে, ব্যাদের বর্গকে ৩.১৪১৬ দিয়া ৩৭ করিতে হয়। দর্কাধিক পরিধিকে ব্যাদের ছারা ৩৭ করিলেও হয়।

নিয়ম। বর্ত্রপথতের বা বর্ত্তুলমণ্ডলের পৃষ্ঠকল ছির করিতে হইলে, সর্কাধিক পরিধিকে বর্ত্তুলথণ্ড বা বর্ত্তুলমণ্ডলের উচ্চতা ছারা ৩৭ করিতে হয়।

উদাহরণ ১। যে বর্জুলের ব্যাস ২ কুট, ভালার পৃঠ কল কভ ? পৃঠকল = ২<sup>২</sup> × ৩.১৪১৬ = ১২.৫৬৬৪ বর্গকুট। ২। যে গোলকের ব্যাস ২ কুট ১০ ইঞ্চ, ভালার পৃঠকল কভ ? উ:। ২৫.২২ বর্গকুট।

- ৩। যে গোল প্রস্তরণিপ্রের পরিধি ও কুট, ভাহার পৃষ্ঠকন কড ? এখানে, পৃষ্ঠকল = ৪<sup>২</sup> + ৩.১৪১৬ = ৫.০৯২৮ বর্গকুট।
- 8। यनि भूमश्रालंद स्मानंश वा गान १३०१ माहेन ७ পরিধি २००० माहेन हम्न, जाहा हहेरन उहान शृक्षेकन क्छ हहेरत १ है:। ১৯৮৯৪৩१० वर्ग महिन।

শরা অধায়ৄধ হইয়া থাকিলে য়য়ড় পৃষ্ঠ হয়; উয়ভালে

দৃষ্টি করিলে আকাশকে কৃজ দেখায়।

৪র্থ ভাঃ

৫। যদি বর্ত্তুদের ব্যাস ৪২ ইঞ্চ হয়, তাহা হইলে ব্যে খণ্ডের উচ্চতা ১ ইঞ্চ তাহার পুঠফল কত ?

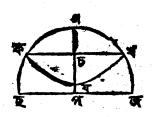
**डि:। ১১৮१.**৫२८৮ दर्गहेक।

७। यपि वर्ष्ट्रामत वराम ১२३ कूंगे रस, ठारा रहेता বে में अति विकास २ कुँछे, जाहात शृष्टेकन कर ?

উ:। ৭৮.৫৪ বর্গফুট।

### <sup>্</sup>১২শ সম্পাদ্য**। গোলাকার উক্তুর ঘনক**ল ছির করিতে হইবে।

नित्रम। हेक्ट्र रेप्स ক ধ-কে ত্রিঘাত করিয়া **जर्मात्र** येकाःम मन् পরে ক প ধ বৃত্তথভের (कवरन ७ देवन क्स হইডে ব্রছের কেন্দ্রের



দূরখণরিবাণ ৩৭ করির। অভর কর। অনভর বিরোগফলকে <sup>৩.১৯১৯</sup> দিয়া **৩**শ করিলে গোলাকার টকুর ঘনকল ছির হয়।

উদাহরণ ১। যে গোলাকার টকুর দৈর্ঘ্য কথ ২৪ ফুট 🗢 मनाइ नान न घ 🔑 कुँठे, छाहात धनकन कछ 🔊

পরে, ৩র ভাপের ১০ম সম্পাদ্যের দারা, শর বা উচ্চত। = ১ + ২৫ = .৩৬; ইহার স্বর্গীয় খণ্ডের ক্লেত্রফল -<e8ee, .<e8ee × 夏南² (==2e²) == 3e3.0309g == ক গ থ থতের কেত্রফল।

এইক্ৰেচণ = গণ — গচ = <sup>টুৰ</sup> — ১ = ৩.৫, জাধবা ২চণ = ৭1

অভএব ঘনফল = ( है क थ । — ২ চপ × ক গ থ থণ্ডের ক্ষেত্রফল ) ড = ( है ২৪ । — १ × ১৫৯. • ১৯৭৫ ) × ৩.১৪১৬ = ৩৭৩৯ ই ঘনফুট।

২। যে চক্রাকার টকুর দৈর্ঘ্য ৬ ফ্ট, এবং মধ্যস্থ ব্যাস ২ই ফ্ট, ভাহার ঘনফল কড ? উ:। প্রায় ১৬ই ঘনফুট ঃ

১৩শ সম্পাদ্য। কুলালচক্রাকার বস্তুর ঘন-

#### कल स्ति कतिए श्रेट ।

নিয়ম। কুলালচক্রের বেধ ও আছের তের ব্যাসের সম-টিকে বেধের বর্গের ছারা ওণ করিয়া, ওণকলকে পুনশ্চ ২.৪৬৭৪, অধ্বা ৩.১৪১৬ এর বর্গের চছুর্থাংশ দিয়া ওণ কর।

উদাহরণ ১। যে চাকের বেধ ২ ই**ঞ্ ও অন্তর্গুতের** বাদ ১২ ইঞ্চ, ভাহার খনকল কত ?

এথানে ঘনফল = (১২ + ২) × ২<sup>2</sup> × ২.৪৬৭৪ ক ১৩৮.১৭৪৪ বর্গ ইঞ।

২। যে অঙ্গুরীয়ের বেধ ৪ ফুট, ও অভবৃত্তির ব্যাস ১৬
ফুট, ভাহার বনকল কত? উ:। ৭৮৯.৫৬৮ বর্গ ফুট।

১৪শ সম্পাদ্য। কুলালচক্রাকার বস্তর পৃষ্ঠ-

#### ফল স্থির করিতে হইবে।

নিয়ম। অন্তর্গতের ও বহির্গতের ব্যাসার্ছ হইটার সমষ্টিকে ভাহাদের অন্তর অথবা অঙ্গুরীরকের বেধ দিয়া গুণ করিনা, গুণফলকে ৯.৮৬৯৬ অর্থাৎ ৩.১৪১৬ এর বর্গ দিয়া গুণ কর। উদাহরণ ১। যে কুলালচক্রের অস্তরন্থ ও বহিঃস্থ ব্যাসার্থ বধাক্রমে ৬ ও ৮ ইঞ্চ, ভাহার পৃষ্ঠকল কভ ?

ধ্যথানে পৃষ্ঠকল = (৮+৬) (৮ — ৬) x ১.৮৬১৬ = ২৭৬.৩৭৮৮ বৰ্গ ইক।

২। যে অন্ধুরীয়ের বেধ ৪ ইক ও অন্তর্ভুত্তির ব্যাস ১৬ ইক, ভাহার ফনকল কভ ?

ष्टे:। १४२.१७४ वर्ग हेका

১৫শ সম্পাদ্য। বর্জুলাভাসের ঘনফল স্থির করিতে হইবে।

অর্চরন্তাভাদকে বাাদের উপর রাথিয়া দকল দিকে সুরিয়া আনিলে যে আকারটী হয়, ভাহার নাম বর্জুলাভাস \*। ভিষের আকার বর্জুলাভাদ।

নিরম। অর্দ্ধর্ত্তাভাস যে ব্যাসের উপর দণ্ডায়মান শাকিরা সকল দিকে খুরিরা আইসে ভাহাকে বর্গ করিয়া অপর ব্যাস দারা ওণ কর, পরে গুণফলকে .৫২৩৬ দিরা গুণ ক্ষরিলে ঘনফল দ্বির হর।

্ উদাহরণ ১। বে অধর্ত্তাভাস আপন লঘিঠ বাাসের উপর দণ্ডায়মান হইয়া সকলদিকে ঘুরির। আসিলে একটা

বর্ত্ত্বাভাগ ছই প্রকার;—বৃত্তাভাগ আপন গরিষ্ঠ ব্যাসের উপর দণ্ডারমান থাকিয়া ঘূরিয়া আসিলে যে আকারটী হর, তাহাকে অব্লেট বর্ত্ত্ব্যাভাগ কহে; বৃত্তাভাগ আপন লখিষ্ঠ ব্যাক্তার উপর দণ্ডারমান থাকিয়া ঘূরিয়া আসিলে বে আকারটী হর, তাহাকে প্রোনেট বর্ত্ত্বাভাগ কহে।

বর্জুলাভাদ জন্মে, যদি ভাহার গরিষ্ঠ ব্যাস ৫০ হাত ও লিখিষ্ঠ ব্যাদ ৩০ হাত হয়, ভাহা হইলে ভাহার ঘনকল কত?

<b>3</b> 3	. ૯૨ ૭৬		4
అం	8 6 0 0 0	i de	A Comment
200	\$9;b1000		
<b>( •</b>	२०৯४४		व
86000	<del></del>	উত্তর।	

২। যে অর্দ্ধ বৃত্তাভাস গরিষ্ঠ ব্যাসের উপর দণ্ডারমান থাকিরা সকল দিকে ঘ্রিরা আসিলে একটা বর্জুলাভাস জন্মে, যদি ভাহার গরিষ্ঠ ব্যাস ৫০ ইঞ্চ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস ৬০ ইঞ্চ হয়, ভাহা হইলে ভাহার ঘনফল কভ?

खेः। २२.१२**०१ घन कृ**ष्टे।\_\_\_

#### ১৬শ সম্পাদ্য। কেপণীস্তস্তের ঘনফল স্থির করিতে হইবে।

ক্ষেপনী ক্ষেত্র আপন মেকদণ্ডের উপর দণ্ডারমান থাকিরা দকল দিকে ঘূরিয়া আদিলে যে আকারটী উৎপর হয়, ভাহাকে ক্ষেপনী স্বস্তু কহে।

নিরম। ভালস্থ বৃত্তের ব্যাসের বর্গকে সর্কাধিক বিস্তার বা মেকুলগুলারা গুণ করিয়া গুণফলকে .৩৯২৭ দিয়া গুণ কর।

উদাহরণ। যে ক্ষেপনীস্তান্তের নিমন্থ ব্রভের ব্যাস ২৪ হাত, ও সর্কাধিক বিস্তার ৪২ হাত, তাহার ঘনকল কড ?

B: | 3000, 53481

১৭শ সম্পাদ্য। কোন গুম্বুজের উচ্চতা এবং ভূমির পরিমাণ পরিজ্ঞাত থাকিলে, তাহার পৃষ্ঠফল ও ঘনফল নিরূপণ করিতে হইবে।

নিয়ম। ভূমির পরিমাণকলকে দিগুণ করিলে পৃষ্ঠকল নিরূপিত হয়, এবং তাহাকে উচ্চতার তুই তৃতীয়াংশ দারা গুণ করিলে ঘনফল নিরূপিত হয়।

উদাহরণ। যে গুলুজের ভূমির ব্যাস ৬০ ফুট, ভাহার পৃষ্ঠফল ও ঘনফল কত ? উ:। পৃষ্ঠফল ৬২৮.৩২ বর্গগঞ্জ। ঘনফল ২০৯৪.৪ ঘনগঞ্জ।

রত্তাকার, গথিক অথবা রত্তাভাসাকার থিলান ছাদের কুক্ত পৃষ্ঠের পৃষ্ঠকল নিরূপণ করিতে হইবে।

নিরম। দৈখ্যপরিমাণকে প্রস্থপরিমাণ দারা গুণ করিলে থিলানের পৃষ্ঠকল নির্ণয় হয়।

উদাহরণ। যে ব্লভাকার সেত্র দৈর্ঘা ১৪০, উচ্চতা ৩৫ ও বিস্তার ১২ কুট, ভাহার কুক্ত পৃষ্ঠের পৃষ্ঠকল কভ হইবে ?

ष्टेः। ১৯৪৪.३ वर्ग कृते।

### **১৮শ সম্পা**দ্য। জাহাজের বোৰাই নিরূপণ করিতে হইবে।

নিরম। জাহাজের মেরুদণ্ড অর্থাৎ দৈর্ঘাপরিমাণ বত ফুট হইবে, ভাহাকে আড়কাঠ অর্থাৎ প্রস্থপরিমাণ দার। তুণ করিয়া, তুণকলকে পুনশ্চ আড়কাঠের এইপরিমাণ দার। ্রণ করিয়া ৯৪ দারা ভাগ করিলে যে ফল হইবে, ভঙ টন বোঝাই জানিবে।

উদাহরণ ১। কোন অর্থবেপাতের মেরুদণ্ড ৭২ কৃট ও আড়-কাঠ ২৪ কৃট, ঐ পোতের বোঝাই কড ? উ:। ২২০ ই টন। ২। যদি কোন আহাজের মেরুদণ্ড ৩০ কৃট ও আড়কাঠ ২০ কৃট হয়, তবে উহাতে কড টন বোঝাই ধরিতে পারে ?

छः। ३२१३३ हैन।

### নৌকা মাপ কালি।

"দীর্ঘে নৌকা যত হাত, প্রস্থ দিয়া পূর তত।

চাড়া বিগুণ করিয়া একুন, হাত প্রতি মন পরিমাণ।"

১৯শ সম্পাদ্য । রর্জ্জুর ওজন নিরূপণ করিবার

নিরম ।

নিয়ম। রক্ষুর বেড়ের বর্গ দৈর্ঘ্যপরিমাণ দারা গুণ করিয়া, গুণকলকে ৪৮০ দিয়া ভাগ করিলে যত হয়, তত হৃদ্যর রক্ষুর গুলন দানিবে। রক্ষুপরিমাণ তাহার বেড়ের দারা নির্দেশিত হয়, যথা সুই ইঞ্চের রক্ষুবলিলে রক্ষুর বেড় সুই ইঞ্চ দানিবে।

উদাহরণ ১। এক শত কেথম লমা, তিন ইঞ্ব বেড়, এমত রক্ষুর ওজন কত ? উঃ। ৩<sup>২</sup>=৯×১০০=৯০০+৪৮০ => হান্দর, ৩ কোরাটর ১৪ পৌও।

२। ১२० क्वथम लघा, ७ हेश दरए त तब्बूत ७ बने .कर १ ए. ३ इसत ।

২০ শ সম্পাদ্য। ধান্য রাশির মাপ। নিরম। ধান্ত রাশির পরিধির পরিমাণকে ৯ ছারা ভাগ করিলে বে ভাগফল প্রাপ্ত হওয়া যার, ভাহা ধান্ত রাশির মধ্যের উচ্চতা, পুনর্কার পরিধিকে ৬ ছারা ভাগ করিয়া, ভাগফলের বর্গ উচ্চতাপরিমাণ ছারা ওপ করিলে বে কল প্রাপ্ত হওয়া যায়, তাহা ধান্তের \* থারী।

উদাহরণ। এক ধাস্ত রাশির পরিধি ৫৪ হাত, ইহাডে কড ধারী ধাস্ত আছে ?

ে উ:। ৫৪ + ৯ = ৬ হাত উচ্চ। পুনৰ্কার ৫৪+৬=৯; শাস্ত রাশি = ৯ × ৯ = ৮১ × ৬ = ৪৮৬ হাত।

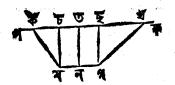
### ২১শ সম্পাদ্য। অসরল ঘন বস্তুর ঘনফল নির্ণয় করিবার নিয়ম।

অসরল ঘন বস্তকে সমান্তরাল থও ছারা কভিপর অংশে বিভাগ করিয়া নিম লিথিত প্রণালীতে প্রক্রিয়া করিলে ঘন-কল স্থির হয়।

শেষের খণ্ডদ্বয়ের সমষ্টিতে, মাঝের খণ্ডগুলির সমষ্টির দিশুণ যোগ কর, এবং ঐ যোগফলে শেষ ও মাঝের খণ্ড সম্ভের মধ্যখণ্ডগুলির সমষ্টির চতুগুণি যোগ কর, পুনশ্চ এই বোগ-ফলকে, কোন খণ্ড ও ভাহার অব্যবহিত পরের মধ্যখণ্ডেব সাধারণ দূরদ্বের ভৃতীয়াংশ দারা গুণ করিলে দ্বকল দ্বির হয়।

উদাহরণ ১। যে থাতের ৩০ হাত অস্তর তিনটী তির ভিন্ন স্থানের পরিমাণ যথাক্রমে ৪,০০ ও ৫ হাত, এবং ঐ ভিন্ন স্থানের গভীরতা যথাক্রমে ৩,২৪৪ হাত, স্থার ঐ ভিন্ন থণ্ডের ভলস্থ বিকার ২ হাত, তাহার ঘনকল কত ?

থারীর দীর্ঘ প্রস্থ ও গভার সকল দিকেই এক হাত থাকে।



এই প্রশা, প্রভাকে খণ্ডগুলি ট্রাপিজৈড হওরাডে; ১ম খণ্ডের ক্ষেত্রকল =  $\frac{1}{2}$  (8 + 2)  $\times$  ৩ =  $\infty$ , ২য় খণ্ডের ক্ষেত্রকল =  $\frac{1}{2}$  (0 + 2)  $\times$  2 =  $\infty$ , ৩য় খণ্ডের ক্ষেত্রকল =  $\frac{1}{2}$  ( $\infty$  + 2)  $\times$  8 =  $\infty$ 8,

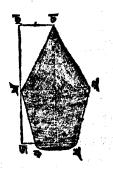
১ম মধ্যগভের ক্ষেত্রফল =  $\frac{3}{2}\left(\frac{8+9}{2}+2\right) \times \frac{9+2}{2} = 9\frac{6}{5}$ 

ংর মধ্যথণ্ডের ক্ষেত্রফল = ই  $\left(\frac{s+c}{2}+2\right) \times \frac{2+c}{2} = a$ ;

আর সাধারণ দূরত্ব = ৩০ + ২ = ১৫ হাত;

∴ সমুদার থাতের ঘনফল = 😽 (১+১৪+৪(৬‡ +১)২ × ৫ = ৪৮২.৫ ঘন হাত।

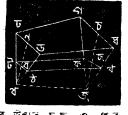
উদাহরণ ২। ক থ গ চ ঘ
একটা ঘাদের গাদা, ইহার
ভলন্থ বৃত্ত ক থ-র পরিধি ৪০
হাত, গ ঘ ছাইচের নিকটের
পরিধি ৬০ হাত, তলা হইতে
ছাইচ পর্যান্ত ও ছাইচ হইতে
চূড়াপ্র পর্যান্ত উভরের পরিমাণ প্রভাবেক ১৫ হাত,
এইক্ষণে প্র গাদার ঘনকল কত ই





এই প্রশ্নে, ৩য় ভাগের ৭ম সম্পাদ্যের নিয়মান্থসারে ক থ থণ্ডের পরিমাণকল প্রায় ১২৮ হাত; ভ গ থণ্ডের পরিমাণকল প্রায় ২৮৮ হাত, এবং চ চিফ্লিড থণ্ডের ক্ষেত্রকল শ্না। ক থ ও গ ঘ থণ্ডছরের মধ্যবর্তী থণ্ডের পরিধি = ই (৬০ + ০) = ৩০; এই হেতু ক থ গ ঘ-র ঘনকল = প্রায় ২০০ হাত, ও ঘ গ চ-র ঘনকল = প্রায় ৭২ হাত। শাসের গাদার ঘনকল = १३ ১২৮ + ০ + এ (২০০ + ৭২) + ২ × ২৮৮ } = ৪৪৮০ ঘন হাত।

ু । মনে কর, ক থ গ ড ট ঠ লোহবন্ধের এক থণ্ড, ইহার ভূমি গ ঘ ড ঢ, ক থ ঠ ট লোহবন্ধের ধরাতলের দমান্তবাল। লোহবন্ধের বিস্তার ক থ বা ট ঠ ৩০ ফুট, দৈখ্য



খঠ ১ চেইন বা ৬৬ চুট, মস্তকের উরাত চছ ও প ব যথাক্রমে ৮ ও ৬ চুট, আর ঢাল ১३ চুট : ১ চুট। এইক্ণে এই লোহবক্স থণ্ডের ঘনফল কত ?

এই প্রান্নে, গঘ = ৩০ + ১২৮ × ২ = ৫৪, আডএব ক ধ্ ঘ গার ক্ষেত্রকল = ২০০ + ৫৪)৮ = ৩০৬।
এরপে টঠড চ-র ক্ষেত্রকল = ২০৪। এইক্ষণে মধ্যথণ্ডের
ক্ষেত্রকল ছির করিতে হইলে, গড় উচ্চতা = ২ (৮ + ৬) =
৭, ও মস্তকের গড় বিস্তার = ৩০ + ১২ × ৭ × ২ = ৫১,
∴ মধ্যথণ্ডের ক্ষেত্রকল = ২ (৩০ + ৫১) ৭ = ২৮৩.৫।
ক্ষেত্রএব ৪র্থ ভাগের এম সম্পাদ্য দারা সম্পার লোহবন্ধ্রিত্র

ক্ষেত্ৰকল = % { ৩৩৫ + ২৩৪ + ৪ × ২৮৩.৫ } = ১৮৭৪ ছ

৪। যে লোহবন্ধ থণ্ডের উচ্চতা ২ চেইন অন্তর হইলে, •,
১০, ৩০, ৪০ ৪০ কূট, বন্ধের বিস্তার ৩০ কূট, এবং ঢাল ৪ কূট।
১ কূট হয়, তাহার ঘনফল কত ? উ:। ১৪৯৬০০০ ঘনকুট।

#### ২৩শ সম্পাদ্য।

যাহার পরমাণু সমস্তের সলিবেশ নিবিড় সেই দ্রব্য অধিক ঘন। কোন নির্দিষ্ট পরিমিত স্থানের মধ্যে কোন কোন দ্রব্যের অধিক প্রমাণু থাকিতে পারে, কাহারো বা অপেকা-কুত কম থাকে। একটা বোতলের মধ্যে যত পারা থাকে. শেই বোভলের মধ্যে ভত জল থাকিতে পারে না; **ভা**র ৰল যত থাকিতে পারে, তৈল তাহা অপেকাও অল্প থাকে। অভএব, ইহা অনায়াদেই দিদ্ধান্ত করা ঘাইতে পারে যে. बै जिन जारवात मधा পার। সর্বাপেকা অধিক সাল্র, ভাহার নীচে জল, ভাছার নীচে তৈল। এক ঘন ইঞ্চ প্রমাণ স্বৰ্ণ যত ভারী, সেই প্রমাণ ভাষ তত ভারী নর, এবং নৌহ ভাষ অপেকাও অল ভারী। অত্তাব সর্পে প্রমাণু সমস্ত যত নিবিড তামে তেমন নয়, এবং লৌহে তাহা **অপেকাও** অর। স্তরাং, ঐ তিন ধাতুর মধ্যে, স্বর্ণ সর্ব্বাপেক। অধিক শাস্ত্র, ডাম শাস্ত্রভার দিতীর, এবং লোহ ভৃতীর। কোন বস্থ অপেকা কোন বস্ত ভারী, ভাহা অবগত হইবার নিমিত এক স্থলর নিরম নির্দারিত হইয়াছে। ৪০ ভাপাংশ প্রমাণ নির্মাণ জলের প্রভাকে ঘনকুট ওজন করিলে ডাক্তরি মাপের ১০০০ আউন্ভর, স্ভরাং অন্ত বস্তর প্রত্যেক ঘনকট ১০০০

আউল অপেকা যত ৩৭ ভারী হয়, তাহা তত হাজার অহ ছারা নির্দেশ করা বায়। নিমে ৪০ তাপাংশ প্রমাণ নির্দ্ধন ছলের এক ঘনফুট ১০০০ অন্ধারা নির্দেশ করিয়া, অস্তাস্ত দ্রুবাকে তাহাদের গুরুত্ব প্রানাধিক্য অনুসারে ভদক্তরপ অন্ধারা নির্দেশ করা গিয়াছে।

शाहिनम	२ ५८ १०	থড়ী	२२६२   २७६१
79	<b>১৯</b> २७०	বেলে মৃত্তিকা	>>>8
পারদ	70800	গৰুদম্ভ	<b>५</b> ५२७
नीमक	22005	বারুদ	598¢
রৌপ্য	>0890	दानि	३ (१२०
ভাষ	2000	পাথুরেকয়লা	2050   7200
চালাপিত্ৰ	P800	তার	2200
ইস্পাত	9600	বুক্ব।ঠ	هې د
<b>ट</b> लीक	9900	সমুদ্রের জল	>000
ঢালালোহ	9056	নিৰ্মালজল	2000
টিন	9020	মেহগ্নি কাৰ্চ	১৽৬৩
গ্রানাইট প্রস্তর	ean.	ওক 🗳	<b>3</b> 38
কাচ	9000	বিচ ঐ	৬৯০
খেত প্রস্তর	२ १००	কার ঐ	400
মৃত্তিক।	२५७०	ছিপি	₹ \$ 0
<b>रे</b> डेक	2000	বার্	١.٤

১। এক খণ্ড খেড প্রস্তুর ১২ ফিট দীর্ষে, ৩ ফিট প্রক্ষে, এবং এক কৃট উচ্চে, উহা ওজনে কড ?

ध्याम श्रेखात चनकन = ১२ × ० × ५} = €8

चनकृष्ठे। প্রান্তরের প্রতি चनकृष्ठे ওজনে ২৭০০ আউল হইলে, সমুদায় প্রান্তরের ওজন = ৫৪ ঘনকৃষ্ট = ৫৪ × ২৭০০ আউল = ১১১২.৫ পাউও।

২। এক থানি কার কাঠের কড়ির দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও বেশ ব্যাক্রমে ২০ কুট, ৩ ইঞ্চ, ও ১ ইঞ্চ, ভাহা ওজনে কভ ?

ष्टेः। ১२৯.७ **भाष्टेख**।

থ শীসকের নল ই ইঞ্পুক, ও যাহার ভিতরের
 ছিল্রের ব্যাস ২ ইঞ্, তাহার এক ফুট ওজনে কত হইবে ?

छै:। ४.१ शांडेखा

- হ। যে ঢালা লোহ ১ ইঞ্প পুরু, ও যাহার ভিতরের ছিল্লের
   ব্যাদ ৬ ইঞ্, ভাহার এক কুটের ওজন কত ? উ:। ৬৭.৪৫ পাউত।
- এক খণ্ড বিচ কাঠ ওজনে ৩০০ পাউণ্ড হইলে
   ভাহার ঘনফল কভ হইবে ?

এক ঘনফুট বিচ কাষ্টের ওজন = ৬৯০ আউজ।

- :. উক্ত কাষ্ট্রপত্তে ঘনকুটের সংখ্যা = ৩০০ x ১৬ ৬৯০ = প্রায়ণ ঘনকুট।
- ৬। যে লৌহ খণ্ডের ওজন ১ টন, তাহাতে কভ খন-ফুট লৌহ আছে। উ: । ৪.৯৫৫ ।
- १। যে পরনালার দৈর্ঘ্য, প্রস্তু ও বেধ ষথাক্রমে ১০, ৩ ও ২ ফুট, তাহা খনন করিতে কত গাড়ী মৃত্তিকা উঠি-রাছে? মনে কর প্রত্যেক গাড়ীতে ১ই টন মৃত্তিকা ধরিতে পারে।
  উ:। ২৬.০৩।
- ৮। যে ঘোড়া ১ই টন বোকাই লইয়া ঘাইতে পারে, সে কভ ঘনকুট ওক কাঠ লইয়া যাইতে পারে ? উ: । ৫৭.৫৫ ।

#### নানা বিষয়িণী উদাহরণমালা।

প্রতি কুটের মূল্য ২ই পেন্স হইলে, যে ভব্জার দৈর্ম্ম ১২ কুট ৯ ইঞ্চ, এবং প্রস্থা ১ কুট ৩ ইঞ্চ, তাহার মূল্য কড ? উ:। ৩ সিলিং ৩ই পেন্স।

ভক্তা অসরল হইলে দৈর্ঘ্যপরিমাণকে, গড় বিস্তারপরিমাণ মারা গুণ করিলে কালি ছির হয়।

- ২। বে কড়ি কাঠের দৈর্ঘ্য ১৮ ফুট ৬ ইঞ্চ, মোটা ও সর্
  দিকের বিস্তার যথাক্রমে ১ ফু: ৬ ই: ও ১ ফু: ৩ ই: ভাহার
  দনক্ষ কত ?
  উং। ২৮.৬১৭১৮৭৫ ফুট।
- ৩। যে কড়িকাঠের দৈর্ঘ্য ২৪ই কুট, এবং গড় বিস্তার এ বেধ প্রভ্যেকে ১.০৪ কুট, তাহার ঘনফল কভ ? উ:। ২৬ই কুট।

কড়িকাঠের প্রস্থ ও বেধ অসরল হইলে, গড় বিস্তার, এ গড় বেধ পরস্পর গুণ করিয়া, গুণফলকে পুনশ্চ দৈর্ঘ্যপরিমাণ ছারা গুণ করিলে ঘনফল ছির হয়।

 । বে বৃক্তের ও জি দৈর্ঘে ৩২ ফুট, ও ছাল বাদে মধ্যের পরিধির পরিমাণ ৫ ফুট, ভাহার ঘনকল কত ?

্ এথানে গড় পরিধির চতুর্থাংশের বর্গ = (ৼৢ) ঽ = ঽৠৄ ে.: ঘনফল = ঽৠৄ × ৩২ = ৫০ ঘন ফুট,

৫। বে বৃক্ষের ভঁড়ির দৈর্ঘ্য ২৪ ফুট, এবং মোটা ও সক্র

কিকের পরিধি বথাক্রমে ১৪ ও ২ ফুট, ভাহার ঘনকল কত ?

উং। ৯৬ ফুট।

ুরক্ষের ও ডির মধ্য স্থানের বা গড় পরিধির চতুর্থাংশের স্বর্গকে দৈর্ঘ্যপরিমাণ ধারা ওণ করিলে ঘনফল স্থির ইয়।

- ७। यनि जिन्छन मिळी ७ चुटे छन मसूरत ১२ वर्गगङ পরিমিত স্থানে পাথর বদাইতে পারে, আর মিশ্রীর রোক <sup>8</sup> সিলিং ও মজুরের রোজ ৩ সিলিং হয়, ভাহ। **হইলে** এক বর্গগজ স্থানে পাথর বসাইতে কত থরচ পড়িবে গ
  - ৫ জন লোকের প্রাতাহিক বায় = ১৮ সিলিং।
  - :. ১২ বর্গ গজ পাথর বসাইবার বায় = ১৮ সিলিং 1
  - .. এক বর্গ গজের বাার = 👯 = ১ দিঃ ৬ পে:।

পাথর বদাইবার মিল্লীর হিদাব বর্গ গজ বা বর্গ ফুটে ধরা হইয়া থাকে।

৭। যদি প্রতিগদ রঙ্গ করিতে ১॥১ বার হর, ভাহা হইলে रें गृहित डेकेंडा, रिपर्या ও विस्तात यथाकरम ১७ कृते ७ हेंक. ৩১ ফুট ৪ ইঞ্চ ও ২০ ফুট, সেই ঘরের ভিত্তি ও ছাদ রক্ষ করিতে কত ধরচ হইবে ? छै:। ४००४ हाका।

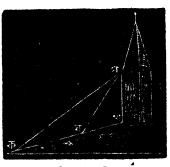
রক্ষের কাজ বর্গপজে ধরা হইয়া থাকে।

- ৮। প্রতিবর্গ গলে বদি ১৮ মজুরি হয়, তবে বে দেওন बीलाब পরিমাণ ১৮ 🕏 🗴 ১२ हे कृते, তাহা बन्न कतिएक कछ ব্যন্ত হইবে গ **डे:।** २४/८१
- ১। একটা ভিনতলা বাটার এক দিকে প্রভিত্তে ভিনটা করিয়া জানালা আছে, ইহাদের বিস্তার ৩ ফুট ১১ ইঞ। প্রথম তলের জানালার দৈর্ঘা ৭ ফুট ১০ ইঞ্চ, বিভীয় ভলের रेमर्ग ७ कृष्ठे ৮ हेक, ७ कृष्टीय जलात रेमर्ग ८ करें 8 हैक। **धरेका** पनि धाउँवर्गकृष्ठे काठ वनाहै एउ ५३ लिख धन्न हत्र, छोर। रहेल थे करतकी बानानात्र काठ बनाहेख कड बात छै:। ১० পाउँ७ ১<u>२</u> मिनिर ১०≩ शिका। रहेरव १

💮 কাচ বসাইবার মিল্লীর হিদাব ফুট, ইঞ্চ বা সংখ্যার হিসাবে श्रद्धा क्रेश बादक ।

্যতা প্রত্যেক বর্গ গলে ৮০ আনা ধরচ হইলে, ২৫ ফুট এইক দীর্বে, ও ১২ ফুট প্রন্থে, একটা ঘরের মেজেতে পাধর छै:। २०१० छोका। বসাইতে কত খরচ পড়িবে ? পাথর বসাইবার মিন্ত্রীর হিসাব বর্গ গজে ধরা হইয়া থাকে। ্যুয়। যদ্ভি প্রতি বর্গ গজে । ১০ আনে। বায় হয়, ভবে 🤹 মাইল দীর্ঘ ও ৪৭ ফুট প্রস্থে, একটা রাস্তার থোয়া দিতে छै:। ७३१० छाका। কত ধরচ পড়িবে গ

১২। ধগ একটী পর্বভোপরি এক কীর্ত্ত-ন্তম্ভ, উহার উচ্চতা নিরু-পণ করিতে হইবে। खतील जामिन. मान কর, খ হইতে ঘ পর্যান্ত ৫০ ফট পরিমাণ করি-

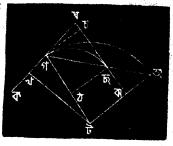


য়াছে এবং ঘ হইতে ক ৭৫ ফুট পরিমাণ করিয়াছে, এবং কোণমান যন্ত্ৰারা গছ থ কোণ ও গ ক থ কোণ যথাস ৪১° ও ২৪° পরিমাণ করিরাছে। এইক্লণে ঐ কীর্ভিস্তস্তের উচ্চতা কড় ? छै:। १५ कृते।

্ ১৩। তিনটা বৰ্গ কেতের পার্যপরিমাণ ষধাক্রমে ৬,৮ 🗢 २८ कृष्टे, हेशामत स्कब्रकालत नमित्र जुना स्कब्रकन বিশিষ্ট বৰ্গ ক্ষেত্ৰের পাৰ্য পরিমাণ কড হইবে ? উ:। ২৬ ফুট।

্ৰাও । "আট হন্ত বৰ্গ " ও "৮ বৰ্গ হল্ত " ইহাদেব উ:। ৫৬ বর্গ ছাত। অস্ব কত ?

ু ১৫ | কগ ও কাছ कुड़े मिक फिश्र। त्नीइ-বন্ধ গিয়াছে, এইক্ষণে এই ছইটী দিক অন-বছিন্ন কু**টিল** রেখার দারা সংযুক্ত করিতে क्टेर्य।



১৬ ৷ ১২ ছাত উচ্চ দেওয়ালের নীচে এক নৰ্দ্দা আছে. উহাৰ বিহুতি ৯ হাত, নৰ্দমা ছাড়িয়া কত হাত দুৱে মই কেনিনে উহার ঠিক মাথার উপরে পড়িবে ? 💍 উঃ। ১৫ হাত। ১৭ বি আয়ত ক্ষেত্রের দৈশ্য ৩৬ কুট ও প্রস্থ ২৫ কুট, ভাষার ক্ষেত্রফলের সমান ক্ষেত্রফলবিশিষ্ট যে বর্গ ক্ষে ভাহার পার্ব পরিমাণ কত ? छै:। ७० कृते अ

্রা একটা ১০ অসুনি পরিমিত কাটি ভূমিতে ঠিক নোজাভাবে প্রোধিত করা গেল, উহার ৬ অঙ্গুলি মৃত্তিকার মধ্যে থাকিলে, বেলা একটার সময় উহার অর্ধ অনুদি शांश निष्त, अवेक्टर्ग स वेबेकालस्त्रत शांश के नमस्त्र ে হাত হইরাছিল, তাহার উচ্চতা কত ? উ:। ৪০ হাড ।

ু ১৯ ৷ একটা চোক্ষের বাসে ৫ ফুট, এই চোক্ষটা কড় পভীর ইইলে ৮০ পেলন জল ধরিতে পারে ? মনে কর শ্রন্তি भिनास्त २१ १.२१८ वन हैक जन शरत। है: | १.५८१ हैक। ২০। যে বৃত্তের ক্ষেত্রফল ৩৯.২৭ বর্গ ফুট, ভাহার বাছিবে এবং ভিতরে অক্ষিত বর্গ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের অন্তর্ কতে ৮ উ:। ২৫ বর্গ ফুট।

২১। একটা ট্রাপিজৈড ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ২৮ বর্গ কূট, একং ভাহার ছইটা সমান্তরাল বাহর পরিমাণ যথাক্রমে ৬ ও ৮ ফুট, এই ছইটা বাহর অন্তর কত ৪ উঃ। ৪ ফুট।

২২। কদি পৃথিবীর ব্যাস ৮০০০ মাইল হয়, এবং ইহাক অভ্যন্তরে ৫ মাইলের পর সমুদায় পদার্থ তরল হয়, ভাই। হইলে পৃথিবীর কতে অংশ দৃঢ় পদার্থে পূর্ণ আছে। উঃ। প্রায় ৮৪% ।

২৩। এক ঘন হস্ত পরিমিত স্থানে যদি ১ মণ জল ধরে, তবে যে ঘন পাত্রের জাভান্তরেব এক পার্ষের পরিমাণ ২ হাঃ ৬ অঃ, তাহাতে কত জল ধরিবে । উঃ। মণ ১৮/১।

২৪। এক বৃত্তাকার ছর্ণের চতুম্পার্কে ১৩ গজ বিস্তৃত একটা থাত আছে, এখন ছর্ণের পরিধিপরিমাণ ৭০৪ গজ চউলে, ঐ খাতেব ক্ষেত্রফল কড় হইবে ৪ উঃ। প্রায় ২ একর।

২৬। ৩ ইঞ্চ ব্যাসবিশিষ্ট একটা দীদের গোলা হইভে 🛔 ইঞ্চ ব্যাস্বিশিষ্ট কষ্টা ছিটা প্রস্তুত হইভে পারে ? 🐯ঃ। ১৭২৮।

২৭। যে গৃহের দৈর্ঘা, বিস্তার ও উচ্চতা যথাক্রমে
ত ফু:, ২৪ কু: ও ২০ কুট, দেই ঘর মুড়িতে কভ বর্গ গর্জ
মধ্যাল লাগিবে । ঘরেব মধ্যে একটী জানাল। আছে, তাহাব

উ:। २∤ हाङ।

দৈশ্য ৬ ফুং, ও বিস্থার ৫ই ফুং ও ছুইটা ছার আছে তাহাদের উভয়ের পরিমাণ ( १३ × ৩° ) কুট। উঃ। ২৫৬% বর্গ গল । २४। हेक = ) महिन (इतन 8 दर्ग कृष्टे 8 दर्ग हैक এক থানি কাগজে কোন গ্রামের মানচিত্র অন্ধিত হইল। 🖝 আমের বর্গ পরিমাণ কভ বিঘা? উ:। ১১২২৮৮০/০ বিঘা। ২৯। যে প্রাচীরের দৈর্ঘ্য ২০ গজ, প্রস্থ 🛟 কুট, 🕏 ভিত বা বেধ ১৪ ইঞ্চ, দেই প্রাচীর গাঁথিতে ৯ ইঞ্চ দীর্ঘ ৩३ ইঞ্চ **धार, ७** २ ई हेक व्यव्यत कंड हेहेक नागित १ छै। ১১ १३० अ ৩০। ৪০ ছাত বাাদবিশিষ্ট একটা গোলাকার **ছর্গের** চভূদিকে, ১০ হাত প্রস্থ ২ হাত গভীর একটা গড়ধাই भनन कता हहेल। यनि ध गड़ थाहेरसव घुटेनिरकत जास्नव **অস্ত্রপাত ১**ই: ১ হয়, ভাহা হইলে ঐ গড়ের চ**ভূদিকে ক**ভ ঘন হাত মৃত্তিকা খনন করা হইল ? উ:। ২১৯৯.১২ ঘন হাত। ৩১। যে চৌৰাচচা দৈৰ্ঘোং৪ ফুট ৮ ইঞা, প্রান্থে ১২ ফুট ৯ हैक, ভাহ। হইভে কভ ঘন ফুট জল বাহির করিয়া দিলে সম্ভ को बाक्यात > कृष्ठे अल कमिश शहरव ? छै:। ७১৪≩ धन कृष्टे। ৩২। একটী বর্গ ক্ষেত্রের পার্ছ পরিমাণ ৫০ গঞ্জ, ভদ্ভর্গত আই ভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কভ হইবে ? উঃ। ২০৭১ বর্গ গঞ্জ। ৩০। যে চতুকোণ গৰ্ভ দীৰ্ঘে ১০ই হাত, প্ৰেছে ত হাত ১৮ **অসু**লি, ও গভীরে ৩১ হাত, তাহাতে যত **লল** ধরে, আর একটী গর্ভেও ভত জল ধরে, শেষোক্ত গ<del>র্</del>ভটী দৈর্ঘ্যে ১১ টু হাত, প্রেছে ৪ই হাত; স্থির কর উহার গভীরতা कड़ ?

ত । যে ইছালোগ বাবে ১৯১৮ জন কট বাব, ভাছাতে কছ কট নজা নামাইলে যাটী পাওৱা নাইবে ? উ: ১২ং কট । তা । বে চৌপহলের উচ্চতা ৪১ কট, এবং ভ্ৰিব এক পাৰ্থের প্ৰতিষয়ে ৮২৩ কট, ভাহার পৃষ্ঠকল কত १ উ: । ৬৮.০৬২ বন কট । কিন্তুৰ ধ্ৰুতি, অবং ক্ষেত্ৰ ৪ ফুট ব্যাস্থিতিই বৃদ্ধ, অবং

ক্ষাৰ **সুট,** ভাষার পৃষ্ঠকল কত ? উঃ। ৩৭.৬৯৯ খন ফুট। বিশ্বাপ বিশ্বাপ বিশ্বাস্থিতি ভাষাৰ কর যে, কোন বর্তুলের ঘন প্রিমার বিশ্বাস্থিতি ভাষের অইত্তীয়াংশ।

ক্রিক । এক ছমির উপর সমান উচ্চ করিয়া একটা আছে, বিলিঞ্বৰ্শীৰ্ম অভিত হইল। স্চী ও বর্ত্ত লার্কির কর্ম ক্রিকেক ক্রমত শ্বর ?

ক্ষা চলের ব্যাস ২১৮০ মাইল হইলে, ভাহার স্বন্ধার উঃ। ৫৪২৪৬১৭৪৭**৫ ঘন মাইল।** ১৯৭০ যে গোলার পরিধি ১৫.৭০৮ ইঞা, ভাহার পুঠকন উঃ। ৭৮.৫৫ বর্গ ইঞা।

্রী কর্মার বিহিন্দিকের ব্যাস ১২ হাত **ও মধ্যক্ষাস** ক্ষাম প্রাক্তির ১৪ হাত, তাহা প্রা**ন্থত করিতে ১২** ক্ষাম ক্ষাম্ব্র ও অনুনি প্রেম্ব এবং ৩ অনুনি বেম বেম কট্র ক্ষাম ক্ষাম্বর । উ: । ২৩৪৮**ই ইইক** ।

# পঞ্মভাগ

## জরীপ।

ক্ষেত্রের মধ্যে কোন পদার্থ কি ভাবে অবস্থিত, সেই ক্ষেত্রের পরিমাণফল কত, এবং ভূপুষ্ঠের কোন স্থান কত উন্নত, এবং কোন হ'ন কত নিম্ন, এই সকল বিষয় যে উপাধ খারা স্থিনীকৃত হয়, তাহাকে জ্বনীপ কহা যায়।

কোন ক্ষেত্রের সীমা, তাহার উপরিস্থ পদার্থ সমূহের্
মবস্থিতি, এবং সেই ক্ষেত্রের অথবা তাহার এক এক
অংশের বর্গপরিমাণ নির্ণয় করিয়া, তৎসমুদার বড় মানদ্রভ মবস্থন করিয়া কাগজের উপর অঞ্জিত কবিলে যে প্রতিকৃতি প্রকাশিত হয়, তাহাকে প্রান্ অথবা নকা কতে। এই নকা স্থপতিদিগের কার্যো নিতান্ত আবন্ধক হয়। যদি ক্ষুদ্র মানদ্রভ দণ্ড ছারা এই নকা আন্ধিত হয়, তাহা হইলে তাহাকে মাধ্য অথবা মান্চিত্র কহা য়য়। ইহা ভুগোলপাঠক ও ভ্রমণ্ড কারিদিগের কায়ে লাগে।

এক স্থান হইতে অন্ত স্থান প্রয়ন্ত একটি রাজ। প্রস্তুত করিতে হইলে, তর যে সেই ভূমির প্রান প্রপ্রত করিছে। হয় এমত নহে, কোন স্থান কত উল্লুল বা অবন্যত ভাইছার জানা আবশুক; এবং জরীপ ছাবং ছিল করিয় তদলুসারে। কাগজের উপরে যে প্রতিরূপ অস্তিত হয় তাছাকে সেই ভূমির সেক্সন, থণ্ড) কহে।



কুষ্মল, রশি, কিতা, য**ি, কাড়যটি, ধ্বজা**, দিক্দর্শন যুদ্ধ, এই ক্ষেকটী যদ্রের সাহায্যে ভূমি জ্বরীপ করা বায়। ক্ষুদ্র ক্ষুদ্র ভূমি দকল জরীপ করিতে দিক্দর্শন বা কোণপ্রদর্শন যদ্রের সাহায্যের আবস্থাকত। হয় কেবল চেইন বা শৃষ্থাল ও জরীপাক্ষিত। দারা ভাষা সম্পন্ন হইয়া থাকে।

জরীপীকিতা, স্তা বা চন্ম ছারা নির্দিত হইয়া থাকে।
ইহা দৈর্ঘে ১০০ জুট, এবং প্রত্যেক জুট ১০ সমান জংশে
বিভাজিত। ইহার এক প্রান্তে একটা ধাতুনির্দ্ধিত অন্ধুরীয়
ও অপর প্রান্ত চন্ম বা ধাতুনিন্মিত কটুয়ার মধ্যে একটা
শলাকায় আবদ্ধ থাকে। ঐ শলাকা কটুয়া ভেদ করিয়া
একটা হাত্তদের বঙ্গে যুক্ত থাকে, তাহা খুরাইলে কিতা
কটুয়ার পার্যন্ত ছার দিয়া আধার মধ্যে প্রবিষ্ট হইয়া শলাকার জড়াইয়া যায়, এবং অন্ধুরীয়টা ধারণ প্রবিক টানিলেই
কটুয়া হইতে ফিতা বহিগত হইয়া থাকে।

অমিনারী রশি, রজ্জু বা চর্ম দারা নিমিত হইরা থাকে।
ইহা দৈর্ঘা ৪০ গজ বা ৮০ হাত, এবং ২০তি অংশে
বিভাজিত। প্রত্যেক অংশকে কাঠা কহে। রশির এক
প্রাক্ত হইতে প্রত্যেক ৪র্থ কাঠাতে ৮ বা ১০ অঙ্গুলি দীর্থ
এক এক থণ্ড চম্ম বা রজ্জু বুলান থাকে, তাহাকে ফুলি কহে।
কাঠার স্থানে ৫ টা অঙ্গুলিবিশিষ্ট মণিবন্ধের স্থার
এক এক থণ্ড চম্ম বাহা থাকে, তাহাকে পাচট কহে।
১০ কাঠাব হাতে, অর্থাৎ রশির মধ্যস্থলে, দশ অঙ্গুলি-



বিশিষ্ট করের স্থার এক থণ্ড চর্ম বুলান থাকে, ভাহাকে দশক কহে। বঙ্গদেশের প্রায় সর্ক্তরেই এই রশি ব্যবস্থাই হইয়া থাকে: যেথানে ঐ রশিব প্রচলন নাই, বাঁশের নল ছার) জরীপীকার্য্য সম্পন্ন হইয়া থাকে।

জরীপে গতীর্গ চেইন নামক এক প্রকার সচরাচর ব্যবহাত হয়, ইহা দৈর্ঘো ২২ গল, অর্থাৎ ৬৬ কুট্র এবং ১০০ অংশে বিভাঙ্গিত। প্রভাকে অংশকে नि কছে: এক একটা লিঙ্ক অপর্টীর সহিত হুইটা বা ভিন্ন অঙ্গরীয় দার। আবদ্ধ ইইয়া একটা শুলাল হয়। পুতরীয় এক একটা লিম্ব ও তাহার উভয় দিকের যোজক অনুরীয়ের অব্বেক লইয়া এক কুটের 💝 কিয়া ৬২৯১ = ৭.১২ ইক্ট্র শৃত্ধলের এক প্রান্ত হইতে প্রত্যেক দশম লিঙ্কে একটী বিতীয় দশম অৰ্থাৎ বিংশতি লিক্ষে ছুইটা, তিংশৎ নিক্ষে তিনটা, চতারিংশৎ লিঙ্কে চারিটা অঙ্গুলির আকারের চিক্ক मःलग्न शात्क. अकागर नित्क अर्थार मुख्यानत मधाकत একটা গোলাকার চিহ্ন আবদ্ধ থাকে। এই চিহ্নগুলি থাকাছে শৃষ্থলের লিঙ্ক দেথিবামাত্র একাদিক্রমে গণনা না করিয়াই ভাহার সংখ্যা বলা ঘাইতে পারে। শৃষ্থান ধরিবার স্থাবিধার নিমিত ভাহার ছইটা প্রায়স্থ লিকে ছইটা বৃহৎ অসুরীয় আৰক্ষ থাকে। এই ছুই নিস্ক অপর নিস্ক অপেক্ষা ক্ষুদ্র, ধরিবার অন্তুরীর বা কড়া সংযোগে অপর লিছের সমান হয়; স্বভরাং একটা ধরিবার কড়া হইছে অপর্টীর প্রান্ত পর্যান্ত ধরিলে ভাষা এক জরীপীশুমার বলিয়া অভিহিত হয়। জরিপীশুমার

শবিক দিন ব্যবহার করিলে বাড়িয়া ঘাইবার সম্ভাবনা আছে, স্থতরাং ইহাকে মধ্যে মধ্যে পরীক্ষা করিয়া দেখা আবিষ্ঠাক।

জরীপে অপর এক প্রকার শৃষ্থল ব্যবহৃত হইয়া থাকে।
ইহা দৈর্ঘ্যে ১০০ নিছ ও প্রতি নিজ ১ ফুট, স্মৃতরাং শৃষ্থলটী
১০০ ফুট লম্বা। ইহার চ্ই প্রান্তে ছইটী ধরিবার হাতল
আছে। যে চুইটী প্রান্তম্ব নিছ এই হাতলে সংযুক্ত থাকে,
ভাহা অপর গুলি অপেক্ষা এত ফুদ্র যে হাতলের সংযোগে
টিক এক নিছ পরিমিত হয়; স্মৃতরাং একটী ধরিবার হাতল
ইইতে অপরটীর প্রান্ত পর্যান্ত ধরিলে এক জরীপীশৃষ্থল
বিনিয়া অভিহিত হয়।

এই শৃত্যল অপেক। গণীরের শৃত্যন অধিক কার্য্যোপযোগী;
স্থতরাং ইহাবার। ভূমি পরিমিত হইলে ক্ষেত্রফল অনায়াদে
নির্মারিত হইতে পারে।

১ পার্চ = ৫३ গজ = ১৬३ ফুট।

৪ ঐ = ১৬ই × ৪ = ৬৬ ফুট = ১ শৃষ্খল

স্থতরাং যে বর্গক্ষেত্রের এক পার্শ্বের পরিমাণ ৪ পার্চ, ভাষার কালি এক বর্গ শৃত্যল।

e x e = ১৬ বর্গ পার্চ = ১ বর্গ শৃষ্থল।
কিন্তু ১ একর = ১৬০ বর্গ পার্চ = ১০ বর্গ শৃষ্থল।

এইরপে কোন ভূমিব ক্ষেত্রকল বর্গ শৃত্থল ধারা পরি-মিত হইর। ১০ সংখ্যার ধারা বিভাজিত হইলে একরে পরিণত

स्रेष्ड भारत।



#### COLUMN AND AND AND THE PARTY.

১ বর্গ শৃথ্যক = ... ১০০ × ১০০ = ১০, ১৯০ র স্থ্যক = ... ১০ বর্গ শৃথ্যক = ১০,০০০ × ১০ = ১০০,০০০ হারে। কোন সংখ্যাকে ১০০,০০০ হারে। বিভাজিত ইনিংস ১৯ কল উৎপন্ন হয়, ডাইন দিক হইতে পাঁচটী অভেন সঞ্জ কলিক চিয়ু দিনে সেই কলই উৎপন্ন হয়।

কোন ভূমির ক্ষেত্রফল বর্গ লিখেতে নিজিট পাজিত।
ভাইন দিক্ হইতে পঞ্চম ও যঠ অক্ষের মধ্যে দশ্মিক হি
নিবেশ্বিত করিলে, একরে পরিণত হইতে পারে ।
বিশ্বিক অংশকে যে উপায়ে রুড ও পার্চে পরিশ্বিক ভাইতে
হয়, ভাহা নিয়ে উদাহরণ দারা প্রদর্শিত হইতেছে।

উলা:। কোন ক্ষেত্র গণীরের চেইন ছারা পরিমিত ছইন বৈর্ব্যে ৯,৬৫ শৃত্যল, প্রেছে ৪.২৫ শৃত্যল হইলে, ভাহার ক্ষেত্র কল কত হইবে ?

৯.৬৫ শৃষ্থল = ৯৬৫ বিশ্ব দি ৪.২৫ ঐ = ৪২৫ ঐ ৪৮২৫ ১৯১০ ৮৬৬

৪১০১২৫ বর্গ লিস্ক।

এই ভণকবের ডাইন দিক্ হইতে পাঁচ আছের পারে ইশ্মিক চিহ্ন নিবেশিত করিলে ৪.১০১২৫ একর হয়। এই সম্মিক অংশকে ৪ দার। ভণ করিলে ৪

> ় ৪০৫০ **নত উৎসাহিত্য** হবিলে ৪০

श्वतः देशांक ८० शता ७१ कतिता

ভাতএব, ভূমির ক্লেজকল ৪ একর ০ রছ ; ১৬.২ পার্চ। বিক্তৃত্ব একর = ৪৩.৫৬০ বর্গ কুট। যদি প্রের্কাক্ত ভূমি ১০০ শত কুট শৃত্যল বারা পরিমিত হইত, তাল্তা হইলে উহার দৈর্ঘ্য প্রস্থাত ওলর গুল করিয়া, গুলকলকে এক শুরে পরিশত করিবার নিমিত্ত ৪০৫৬০ সংখ্যার হারা বিভক্ত কলন্ত্রিতে ইইড; কিছ ইহা প্রের্কাক্ত প্রক্রিয়ার, ভাগাৎ গন্টারের শৃত্যল বারা ভূমি পরিমাণ করিয়া ক্লেজকল নির্দেশ করিবার সমর ডাইন দিক্ হইতে পাঁচটী অল্কের পরে দশমিক্
চিন্ন নিবেশ করার ভায় সহজ নহে

## তদ শৃঙ্গলভারা জরীপ করিবার নিয়ম।

কোন কেত্র গুদ্ধ শৃদ্ধল দারা জরীপ করিতে হইলে, ঐ
ক্রেকে বহু গুলি ত্রিভূজ কিখা চভূভূজাকারে বিভক্ত করিছে
পারা যায়, গুল করিতে হয়। পরে সর্কাঞে ভূমির সীমা জরীপ
করিয়া ভাষার জন্তর্গত ত্রিভূজ সমূহের বাহুর পরিমাণ জরীপ
করিবে। কোন ক্রেত্র জরীপ করিছে হইলে, কোন নির্দিষ্ট
ভান হইতে জরীপ আরম্ভ করিয়া, ভূমি যতনূর সরল থাকিবে
ভভন্তর মাপ করিবে। পরে সেই স্থান হইতে জন্যদিকে মাপ
ভারন্ত করিছে হইবে; এই রূপে যতক্ষণে, প্রথম যে স্থান
হইতে কার্য্য আরম্ভ করা হইরাছিল, সেই স্থানে উপন্তিত না
হইবে, ততক্ষণ পূর্কোক্র প্রণালীতে কার্য্য করিতে হইবে। এই
সকল স্থানকে ইংরাজীতে টেশন করে; আমবা ইহাকে
নির্দান স্থান বা থাক বনিয়া উল্লেখ করিব। প্রথম নির্দান

ষ্ঠান হইতে অপর কোন নিদর্শন স্থান স্পষ্ট লক্ষিত হইবে বলিয়া প্রভাকে নিদর্শন স্থানে এক এক গাছি য**ি বা নিশান** (কাণ্ডা) প্রোথিত হয়। এই নিশানগুলি ভূমিতে ঠিক লম্ব-ভাবে নিহিত হইয়াছে কি না ভাহা জ্রীপ আমীনকে প্রীক্ষা করিয়া দেখিতে হইবে।

এক নিদুর্শন স্থান হইতে অপর নিদুর্শন স্থান স্থরীপ করিতে হইলে, অবীপ আমীনের এক জন প্রকারীর প্রয়োল জন হয়। জ্বীপ আমীন, জ্বীপাঁফিত। ব। শৃত্ধলের মূল ধারণ প্রস্তৃক, প্রথম নিদর্শন স্থানে দণ্ডায়মান থাকেন, এবং লহকারীকে শুঝালের অগ্রভাগ ধরিয়া ছিতীয় নিদর্শন স্থানকে mক্ষা করিয়া ভদভিম্থে সরল রেথাক্রমে যাইতে হয়। সহ-काরी ভাহার বাম হকে দশ গাছি শর ≉ শইয়। যায়। যথন 🚃 খাল সম্কেরণে প্রসাবিত হয়, সহকারী তাহার অগ্রভাগ অর্থাৎ কড়া লইয়া ভূমির উপর দৃঢ় রূপে ধরিয়া থাকে। শৃত্খল দিতীয় নিদর্শন স্থানের সহিত সমস্থতে পড়িল কি না. ভাহা দেখিবার জন্য জরীপ আমীন নহকারীকে ভাহার বাম অথবা দক্ষিণ দিকে সরিতে কছেন; অনন্তর শৃত্যল পাছটী ভূমির উপর সরলভাবে পড়িলে, সহকারী কড়ার প্রান্তে একটী শর ভূমির উপর লম্ভাবে নিহিত করে। ভদনত্তর জরীপ আমীন শরের কাছে আসিয়া শর গাছটা তুলিয়া লন, এবং

এই শরকে আমীনের। বলঙা বাফরঙা কহিয়া থাকে।
 ইহা দৈর্ঘ্যে এক হাতের কম। ইহার এক মুথ স্বচার, ও অপর মুথ বাকান ক্যাটোর মৃত।

অবশিষ্ট ভূমির পরিমাণার্থে পুনর্কার পূর্কমত প্রক্রিয়া করিতে থাকেন। যথন দেখেন যে নয় গাছি শর তাহার হস্তে আসিরছে, এবং দশম গাছটী অপর গুলির ন্যায় ভূমিতে নিহিত্ত হইরাছে, তথন সহকারীকে আর অগ্রসর হইতে না কহিলা, তাহার হস্তত্তিত শৃত্যালের এক প্রাস্ত আপনি ধরিষা দশম শরেব কাছে উপন্থিত হন, এবং সেই স্থান চিদ্লিত করিয়া চিঠাতে ১০০০ অর্থাৎ লিক্কের সংখ্যা লিখিয়া পুনরায় তাহার হাতে পূর্কমত শরগুলি দেন, এবং যতক্ষণ লক্ষ্যা নিদর্শন স্থানে উপন্থিত না হন, ততক্ষণ পূর্কোজন প্রণালীতে কার্যা করেন। জরীপ করিবার সময় শৃত্যালের পার্যন্ত পদার্থ ও ক্ষেত্রসীমার অবস্থিতি নিরূপণ করিবার জন্য, তৎসমুদায় পদার্থ হইতে শৃত্যালের উপর জরীপীফিত। ছারা লম্পাত করিতে হয়, এবং চিঠায় লম্বের পরিমাণ লিখিয়া রাখিলে, তদ্প্রে ক্ষেত্রের নক্ষা অনায়াসে প্রস্তুত হইতে পারে।

শৃঙ্খলকে সমত্ব ব্যবহার কথা কর্ত্র। অত্যস্ত টানিলে লিক্ক সকলের মধ্যগত অঙ্গুরীয় সকলের মুখগুলি প্রক্ষন্ত বিয়োজিত ইইয়া শৃঙ্খলের পরিমাণ বৃদ্ধি করে এবং ভূমিব পরিমাণের স্বর্জা হয়।

বদি শৃত্থালের পরিমাণ টানটোনি করিয়া এক ইঞ্ রৃদ্ধি হইয়া পড়ে, ভাষা হইলে ভূমির পরিমাণ মত শৃত্থাল হইবে, প্রভাকে শৃত্থালে ১ইঞ্চ পরিমিত অধিক ভূমি শৃত্থাল ভূক্ত হইয়া ভূমিব প্রকৃত পরিমাণের লাঘব করিবে। আবার মদি শৃত্থাল সমক্রেপে প্রশারিত না হয়, অর্থাৎ কিছুমার সঙ্চিত থাকে, ভাছা ইইলে পরিমের রেধার পরিমাণ বৃদ্ধি ইইবেক। ইহা নিম্নলিথিত উদাহরণ ছারা প্রদর্শিত হইভেছে।

যদি কোন শৃল্পালের পরিমাণ প্রাকৃত পরিমাণ জ্ঞাপেক।
১ ইক্ষ বৃদ্ধি প্রাপ্ত হয়, এবং তদ্ধারা কেবল হুইটী স্থানের
মধ্যগত দূরত্ব পরিমাণ করিয়া হুই মাইল হয়, ভাষা হইলে
এ দূরত্বের প্রেক্ষত পরিমাণ কত ?

২ মাইল = ৫.২৮০ × ২ = ১১.৫৬০ ফুট। প্রেকোক শত্-কুটে এক ইঞ্চ পরিমিত অধিক ভূমি ধরা হইলে, ১১.৫৬০ ফুট ভূমিতে কত অধিক ধরা হয় ?

১০০: ১১৫৬০ = ১: অতিরিক্ত ভূমির পরিমাণ।

ু: অতিবিক্ত ভূমির পরিমাণ = °-ই°° = ১১৫.৬ ইঞ্চ । = ১৪.৪৫ ফট।

এইরপ যদি শৃষ্ণানের পরিমাণ প্রকৃত পরিমাণ ক্সপেক্ষা কর হর, কিন্তা শৃষ্ণাল প্রকৃতরূপে প্রদারিত না হয়, তাহা হুইলে ভূমির পরিমাণ প্রকৃত পরিমাণ অপেক্ষা বৃদ্ধি প্রাপ্ত হয়। এই লোব সংশোধন করিতে হুইলে, ত্রান্তিমূলক পরিমাণের সমষ্টি নিরূপণ করিয়া, পরিমিত রেথার পরিমাণ হুইতে বিযোগ করিলে যাহা অবশিষ্ট থাকে, তাহাই ভূমির প্রকৃত পরিমাণ।

## শৃথল পরীক্ষা করিবার উপায়।

এই ভ্রম নিবারণ করিবার নিমিত্ত শৃষ্থালকে সর্বাদা পরীক্ষা করা কর্ত্তব্য। এই ভ্রম সংশোধন তিন প্রকারে হইতে পারে। প্রথমতঃ; দৈর্ঘে ৬ ফুট এবং দলে চারি দিকে এক ইঞ্চ স্কুল, ছই গাছি ইম্পাত নিৰ্দ্বিত দণ্ড, ফুট ও ইঞ্চির চিহু অভিত করিয়া মধ্যে মধ্যে ভদ্ধারা শৃত্থালের পরিমাণ পরীক্ষা করিতে হর। দিভীরভঃ; কোন সংশোধিত শৃত্ধলের সহিত ঐকঃ করিয়া দেশিতে হয়। তৃতীয়ত: ; কোন প্রাচীরে, কি ছাদে. কি ভূমির উপর ছুইটা গোঁজ এরূপে প্রোথিত করিতে হইবে ষে, ভাহাদের মধ্যপত দূরত ১০০ এক শত ফুট হয়। এবং ঐ ছই গোঁজের ঠিক মধাস্থানে অপর একটা গোঁজ প্রোথিত করিলে, একটা গোঁজ হইতে অপর্টীর দুরত ৫০ লিঙ্ক হয়। এইকণে শৃত্যলকে প্রতিদিন গোঁজ সকলের দরত্বের সহিত্ত ঐক। করিয়া দেখিতে হইবেক। কিছু দিন ব্যবহাত হইয়। भूतांकन क्हेरल जरः मयाज यायका कहिरल मुक्कारलय काय करिक সংশোধন আবশ্বক হয় না।

### চিঠার বিবরণ।

ভূমির পরিমাণ নির্ণয়ের কাগজকে চিঠা কছে। জ্ববীপ করিবার সময় যে আম অথবা স্থান জরীপ করা যায়, তাহার ব্দমন্ত্রপ চিত্র প্রস্তুত হইতে পারে না। তব্বন্য তৎকালে শুন্দাল বা কোণবীক্ষণ যন্ত্রছারা ভূমির কোণের যে অংশ ও দীর্ঘ প্রস্থাদির যে পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়, ভাহা চিঠাতে পরিষ্কার क्रां निधिष्ठ इस। भारत खतीभ ममाश्च इट्रांन এट हिठी হইতে নক্ষা প্রস্তুত হইতে পারে।

**ठिठांत कामर्न अन्छा० अमर्निक इहेरव। ठिठा विलास्य** পত্রারত হইয়া থাকে, অর্থাৎ ভাহার নিম্ন দেশ হইভে লিখিতে

আরম্ভ করিতে হয়; কারণ ভূমি মাণ কালে অবীপকর্ভাকে ক্রমশঃ অগ্রবন্ধী হইতে হয়: স্মৃতরাং চিঠার অঙ্কপান্ত সেই नियस कमनः नित्र इटेल्ड छेल्ड इटेसा थात्क। िर्ठाटक देश्ता-कौर् फिन्छ वक करहा এই পুস্তকেব প্রতি পৃষ্ঠার ভিন্টী করিয়া স্তম্ত থাকে, বিতীয় অর্থাৎ মধ্য স্তম্ভে ভূমির দৈশ্য-পরিমাণ লিখিত হইয়া থাকে; এবং চেইন ইইছে ভূমির দক্ষিণ ও বামদিকে যে সমস্ত লম্বপাত করা হয়, ভাহার পরিমাণ উজ্জ স্তান্তের দক্ষিণ ও বামদিকের অর্থাৎ প্রথম ও ভূডীয় হাছে লিখিত হয়। প্রতি পৃষ্ঠার নিম্নদেশ হইন্তে লিখিতে আরম্ভ করিয়া বেমন ক্রমশঃ জ্বীপ চলিতে থাকে. সেই রূপ ক্রমাগছ উद्धिमित्क ष्णक्रशाल कतिया याहेरल दय । क विद्वित ज्ञान, ध চিহ্নিত স্থান ইত্যাদি "● ক" "● ধ" এই রূপ সাভেডিক চিত্র ছারা লিখিত হইয়া থাকে। জ্বরীপের সময় চেইন বা শুখাল কোন দিকে যায় ভাষা দর্শাইবার জন্য চিঠাপুস্তকে '' পन्तिम, '' ''পূर्वा,'' ''পূर्वा। छत्र'' ''निक्वन-পশ্চিম,'' এই ऋश নিখিতে হয়। কোন কোন স্থলে "পূর্কোতর " ইত্যাদি ন। লিখিয়া এই রূপ চিহ্ন (৩২৯ পৃষ্ঠা ৭ ম প্রতিকৃতি দ্রষ্টবা") निश्चिक इडेश शांक।

কথন কথন চিঠায় জার একটী অভিরিক্ত স্তম্ভ বা্ছব থাকে, ইহাতে মন্তব্য কথা লিখিত হইয়া থাকে। যদি কোন থাকের সম্বন্ধে সংখ্যা ব্যবধানাদি বাভিরিক্ত জন্য কোন কথা লিখনের আবশ্রক হয়, ভবে ভাহা মন্তব্য ম্বে লিখা যায়, জ্বাৎ যদি কোন থাকের স্থান বিশেষরূপে নির্ণয় করিয়া লিখিতে হয়, তবে নিকটবন্তী কোন ইমারত বা বৃহৎ বৃক্ষ বা দীর্ঘিকার শহিত ভাহার যে কোণের অংশ পরিমাণ (বিয়ারিং) ও ব্যবধান তাহা মন্তব্য ঘরে লিখা যায়। যথা--''অমুক পংগাক থাকের নিকটে অমুক মন্দির বা বৃক্ষ বা বাটী আছে ভাহার ব্যবধান ও বিয়ারিং এত "।

ু যে জ্বমী জ্বীপ হইবে, ভাহার তুই দিকের সীমার সহিত শার্যক কুই মৌজার দীমার যে বিরারিং ভাহাও মন্তবা ঘবে লিখিত হয়। যথা—''এই থাক হইতে পাৰ্মত অমুক অমুক रमोकात मधा निया এक वियातिः मुद्दे मौमा हनियाह । " পার্যন্তিত প্রত্যেক মৌজার সীমা নিজ মৌজার যে থাক হইতে আৰক্ষ হইনা যত থাক পৰ্য্যন্ত বিস্তৃত আছে তাছাৰ বিবরণ। **ষধা—''ভাৰক মৌজা এ**ড সংখ্যক থাক হইতে এত সংখ্যক থাক পৰ্যান্ত বিস্তৃত আছে। "

্রারীপের সময় উত্তরাদি দিকের নাম সম্পূর্ণরূপে লিথিতে **ছইনে অধিক সময় ও অধিক কাগজ লাগে, এজনা সাঙ্কেতিক** ব্দকর বারা লিখিত হইয়া থাকে। যথা—উত্তর ছলে "উ" मिक्निक्टन "म" हैं जानि निथिष्ठ इहेग्रा थाकि। "उ" নিখিলে ভক্ত, অৰ্থাৎ অঞা যে জমী জরীপ হইল ভাছার; আর জ-র সহিত যে দিকের প্রথমাক্ষর যোগ হইবে, তাহার সেই পিক বুকাইবে। যদি দিকস্থচক দাক্ষেতিক অঞ্চরের नुर्द्ध "िष्ठ" कि " ना " तथा यात्र, हाहा इहेल जिल्लान কি পার, অর্থাৎ সেই ক্ষেত্র ডিঙ্গাইয়া বা পার হইয়া অমুকদিকে श्यम वृक्षेहित्। यथा-

ভ উ—অর্থাৎ যে জমী জ্ববীপ হইল ভাহার উক্তর।
ভ নৈ— ঐ ভাহার নৈগত।
ভিদ ঐ ভাহা ডিঙ্গাইয়া দক্ষিণ।
কোন কোন স্থানে ''ভউ,'' স্থলে ''ভছ'' ( অর্থাৎ ভং
রে ভছতুর) লেখারও বাবহার আছে। ডি দ, না লিথিয়া

উত্তর ভছ্তর ) লেথরেও বাবহার **আছে। ডি দ, না লিথিয়া** কিতা পার বা ছই কিতা পাব ও অধিক দ্ব হ**ইলে অলফা** দব এরপ**ও লিথা** যায়।

চিঠাতে যে দকল চিহ্ন ব্যবস্থত হয়, ভাহা এই। ৩ এই চিহ্ন থাকিলে নিদশন স্থান বৃশাইবে।

চিঠাতে একটা পশ্ম বা প্রভাক। চিক্ক থাকিলে ভাগকে নিনার অথাৎ তেসীমানার ভঞ্জ বুঝায়। (২য় ও ৩য় প্রতি-কৃতি জ্ঞান্তর)। ছুইটা পশ্ম বা প্রভাক। চিক্ক থাকিলে ভাগকে ভোথা অর্থাৎ চাবি সীমানাব ভঞ্জ বুঝায়। (৪র্থ ৪ ৫ম প্রতি-কৃতি জ্ঞান্তর)।

এক নিদর্শন শ্বান হইতে জুমির মধ্য দিয়া অপর নিদর্শন শ্বান পর্যাক্ত যে রেথা অক্টিড



হয়, অর্থাৎ যে বেথাখার। পরিমাণের দ**লেহ ভলন ইয়, ভাহাকে** আমাণিক রেথা কহে।

বে রেথা কেবল শৃষ্থল দারা পরিমিত হয়, তাহাকে জারীপী রেখা বা শৃষ্থল রেখা কছে। দিগুদর্শন যন্ত্রদারা বিয়ারিং লইয়া যে রেথার জরীপ হয়, তাছাকে বেয়ারিং রেথা কছে।

জরীপ করিতে করিতে যদি কোন রাস্তা, নদী, জগবা বাগানের উপর দিয়া চেইন যায়, তাহা হইলে চিঠাপুস্তকে স क्रां निथिए इटेरिंग, छोटा श्रमां अमर्गिक इटेरिंग।

অন্যন্দেশে জরীপীচিঠার শীর্ষদেশে অর্থাৎ মন্ত্রার উপবিভাগে **अव्यायकार जानामी, माग, मीर्ग, श्रेष्ठ, माता, जिनिम निधिएक** হয়। আসামীর নিমে যে প্রজার জমী তাহার নাম. ও দাগের নিমে যত সংখ্যক ভূমি জরীপ হয়, ক্রমশঃ ভাহার সংখ্যা; ভূমি যে পরিমাণে দীর্ঘ ভাষা দৈর্ঘোর নিমে এবং প্রস্তের যে পরিমাণ তাহা প্রস্তের নিমে লিখিতে হয়। সারা শব্দে ভূমিন পরিমাণ। কালি করিয়া যে মানের ভূমি তাহার অঙ্ক সার্থি भीत পড़ित, के ভূমি বাস্ত कि উषाय कि वाशां है जानि ्व প্রকারের হয়, ভাহা জিনিসের নিমে লিখিতে হইবে। আস্থানী ও দাগ নক্সার এক ঘরেও লিথা যাইতে পারে, ভূমির চতু:-সীয়া আসামীর নামের নিমে অথবা দর্ম নিমে লিখিবার বাঁতি।

कात समीत देश कि श्रेष्ठ '(भैठाकांग कि वक शकितन, ছট কি ভিন মাপে ভাষা জরীপ করিয়া, ঐ ছুই কি ভিন মাপের আৰু সমষ্টি করিয়া গড় হিসাবে (এব্রেজ মতে) দৈর্ঘ্য ও আছে ধরা হইয়া থাকে। এ প্রকার মাপকে লোভে शिक्षा (काफशिक्षा करह।

প্রথম জরীপের পর ছিতীয়বার যে জরীপ হয়, ভাহাকে

পরতল জরীপ কছে। কিতা শব্দে জমীর থও। জমাই জমী শব্দে সকর জমী। ছোভ শব্দে আবাদ। হৈমন্তিক ধান্ত ্য ভূমিতে হয়, ভাহাকে শালী জ্মী কহে। হরিৎখণ্ড, জ্বর্থাৎ ৈহমন্ত্ৰিক ধান্য ভিন্ন, আশু ধান্ত ও অন্ত শস্তাদি যে ভূমিতে হয়, তাহাকে স্থন। ভূমি কহে। শালি ও স্থন। জমী চাবি প্রকার; প্রথম, দিতীয়, ভৃতীয়, চতুর্থ শ্রেণীর ভূমিকে চলিভ পারক ভাষার, আউওল, গুরেম, স্বরেম, চাহারম কহে। বস-বাসের ভূমির নাম বাস্তঃ গো সমূহ যে ভূমিতে চরে, ভাহাকে ্গাচর কছে। পুন্ধরিণী, দীর্ঘিকা, ডোবা, প্রভৃতিকে জলকর, এবং মৃত গরু ফেলিবার স্থানকে ভাগাড় বলে। জনাবাদ ও পতিত জ্মী যাহার কর ধার্ঘা নাই ভাহাকে থাস্থামার কহে। রাজা থাস্থামার মধ্যে গ্ণা। বাহ্বর সংলগ্ন যে ভূমি ভাইাকে উল্লন্ধ, এবং বিপ্রস্থামিক নিজর ভূমিকে ব্রন্ধোত্তর কছে। এক গ্রামের জমী অপর গ্রামের মধ্যে ও শেষোক্ত গ্রামের জমী পর্কোক্ত প্রামের মধ্যে থাকিলে ঐ জনীকে পিতলগোলা কছে। বাগাৎ অর্থাৎ বাগান, বাঁশ থাকিলে বাঁশবাগাৎ লিথে।

## শৃখল ও ক্রেশযন্ত এবং শুদ্ধ লারা জরীপ। বিষমাকার ক্ষেত্রের জরীপ।

ক্ষেত্র বিষমাকার হইলে ভাহাকে ত্রিভুক্ত ক্ষেত্রে বিভাগ ক্রিয়া জ্রীপ কারতে হয়।

ক গ থ ছ একটা বিষ্মাকার ক্ষেত্র; ইহার জরীপ, নরা e ক্ষেত্রকল ছির করিতে হইবে। ক চিহ্নিত স্থানে মাপ

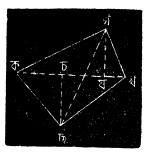
আনম্বস্থ করিয়া ক ধ অভিমুথে

কিয়ক্র যাইয়া তথায় কুশ

দণ্ডের একটা ছিদ্র ক থ রেখার

সমস্তে রাখিয়া অপর ছিদ্র

দিয়া দেখিলে, যদি ছ চিহ্নিত
স্থান ও এই দিতীয় ছিদ্র এক



রেথায় পতিত হয়, তাহা হইলে ঐ স্থানে কণ রেথার লস:

মনেকর, ক গ থ ছ ভূমির ক হইতে থ যে দূরহপরিমাণ ভাষা মাপিতে হইবে। ক গ-কে শৃঙ্খল রেথা কলনা করিয়া এই রেখা দিয়াই মাপ চালাইতে হইবে। ক থ শৃঙ্খল রেথা মাপিবার সময়ে ভূমির বাকগুলি নির্ণয় করিবার নিমিন্ত, প্রথমতঃ ঐ রেখার কোন্ কোন্ স্থানের বামে কি দক্ষিণে বাকগুলি আছে ভাষা নিরূপণ করিতে হইবে। পরে উহার সেই স্থানের কত বামে কি কভ দক্ষিণে বাকগুলি আছে ভাষা নিরূপণ করিতে হইবে। অতএব বাকগুলি নির্দেশ করিবার জন্ম অথে মাপটা শৃঙ্খল রেখার উপরে হইবে, জর্থাৎ ক হইতে যতদ্র মাপিয়া শৃঙ্খল রেখার উপরে হইবে, জর্থাৎ ক হইতে যতদ্র মাপিয়া আসিয়া বাকটাকে বামে কি দক্ষিণে দৃষ্ট হইল, ভাষা নিরূপণ করা; পরে মাপটা শৃঙ্খল রেখার সেই স্থান হইতে বাকের শেষ স্থামা পর্যান্ত মাপিলে যত, ভাষা নিরূপণ করা; এই রূপ ভূই ভূইটী মাপ লইতে হয় বলিয়া, ভূমির বাকগুলির ঠিকানা শৃঙ্খল রেখা মাপিবার সঙ্গে সঙ্গেন পরে ছয়ানে নির্দেশিত হইয়াছে ১০

<sup>\*</sup> শৃত্যল রেথার বামে কি ডাহিনে যে মাপ লইতে হয়, ভাহাকে লম্বাপ কহে।

চ ছ কর্মনা করিব। এ লংখর পরিমাণ নিরূপণ করিতে ইইবে।
বিদি এ স্থান ইইতে ছ স্থান জুশদণ্ড দারা সমস্ত্রে দৃষ্ট না ।
হয়. ভাছা হইলে জরীপকর্তা ক থ কর্ণ রেথার কিন্ধিৎ অর্থে
বা পশ্চাতে যাইয়া পরীক্ষা করিবে। পরে ক চ দ্রুত্বের
পরিমাণ স্থির করিরা চিঠা পুস্তকের মধ্যস্তস্তে লিখিতে হইবে,
ত ছ চ লংহের পরিমাণ নিরূপণ করিরা দক্ষিণ দিকের স্তর্ভে ।
বিখিতে ইইবে। এই রূপে ক ঘ-র দ্রুত্ব নিরূপণ করিরা
মধ্য স্তন্তে লিখিতে ইইবে; এবং গ ঘ লন্থের পরিমাণ বামপার্যন্ত স্তন্তে লিখিতে ইইবে। ইভ্যাদি—

যদি ক চ = ৮০, চ ছ = ১১০, ক ঘ = ২২০, ঘ গ = ১২০, এবং ক থ = ৩৪০ লিঙ্ক হয়, তাহা হইলে চিঠা পুস্তকে ।

কিন্তু লিখিত প্ৰণালীতে লিখিতে হইবে।

বাম লম্ব	কর্ণ রেথা	मिक्न सम
0	৩৪০ থ 👁 পধান্ত	•
250	२२०	
	b	220
•	क 🛭 हरेएड	•

পূর্ব্বোক্ত ক্ষেত্রের নক্স করিতে হইবে। একটী মানদণ্ড ক্ষণ্ড, লইরা ভাহার ছুই ইঞ্চে ১০০ লিক্ক ধরিরা ক চ একটী বেথাপাত কর, যাহা উক্ত পরিমাণে ঐ দণ্ডের ৮০ লিক্কের ক্মনি হুইবে। অপর, ঐ পরিমাণে চ স্থান হুইতে ১১০

লিঙ্ক পরিমিত চছ একটা লম্ব রেখা টান, ও ক ঘ রেখাকে ২২০ লিক্কের সমাম কর। পুনশ্চ, ১২০ লিক্ক পরিমিত ঘণ্ भात अकी तथ होन अवः क थ-(क ०३० लिक्क्ट ममान कता भारत क ह, हथ, थ श, ७ श क मः युक्त कतिला, क हथ श প্রতিকৃতিটী ক্ষেত্রের ঐ পরিমাণে অন্তরূপ চিত্র হইবে।

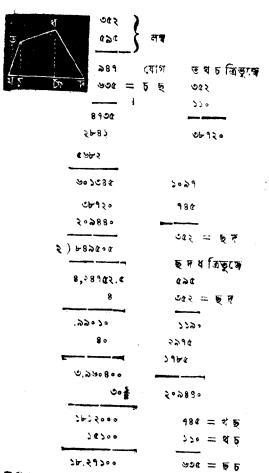
এতদারা, কছথ গ কেতের কালি ৩য় ভাগের ১র্থ সম্পাদ্য ছারা = ३৩৪০ × (১১০ + ১২০) = ৩৯২০০ वर्गनिक = > ऋष २२.৫७ (পान।

২। নিম লিখিত ক্ষেত্রের জরীপ 🛭 ক্ষেত্রফল স্থির করিছে। इहेर्य।

থ দ রেখার পরিমাণ শ্বির কর, এবং চ ও ছ স্থানছয়ের मृत्रष ठिठी भूखाक निथ, यथा,

	७ न পर्याञ्ड	
	थ म = ১०৯१	1.
हर्य = ६५६	थ 👿 = 980	
ठ ड = ७ <b>१</b> २	4 £ = 770	
া শস্থ	থ ● হইভে প্ৰাদিকে	

#### ठ ७ ४ इ दिवम स्कारक



🕏 খি দ ধ ক্লেত্রেব ক্লেজ্যল = ৪ একর । রুড ৩ পোল ১৮ গুজ।

## ত্রিভুজ ক্ষেত্রের জরীপ।

ত। নিম্ন লিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটী ক্ষেত্রের নক্ষাও ক্ষেত্রফল স্থির কর।

	and the second of the second o	
	🛭 অ পর্যান্ত	
প্রামাণিক	೨►8	্রথ1
	🕏 আ হইতে	-
	🛭 ক পৰ্য্যন্ত	
	2588	
🤵 অ	900	
	গ চিছের	বামদিকে
	🕶 ग अशिष्ठ	
	<b>⊬</b> €२	
	খ চিক্লের	বামদিকে
	🛮 থ পর্যান্ত	
	১৩৩৮	
	>000	
	<b>%00</b>	
আরম্ভ	ক চিক্লে	পূৰ্বে গমন
কেত	্ত <b>জাকা</b> র	_

ক্ষেত্র । বস্তুজাকার
কইলে, ভাহার প্রভ্যেক
কোণে এক একটা পালা
প্রোথিত করিরা, ভাহার
প্রভাতাক পার্থ পরিমাণ
কর। পবে অভন্ত: ভাহার



গমন

গ্ৰন

ছই পার্থে নিদর্শন সরপ ছইটা হল চিহ্নিত করিয়া, তাহা-দের পরস্পর দ্বত অর্থাৎ ব্যবধান নির্ণয় করিয়া, সেই নিদ-র্শন স্থানভ্যকে সংষ্ক্ত কর, এই রেখাকে প্রামাণিক রেখা কহে; কারণ ইছার দারা কালি বিশুদ্ধ হইয়াছে কি না তাহা প্রমাণ করা যায়।

ক ধ গ ত্রিভুজটী অন্ধিত হইলে যদি আ আ প্রামাণিক বেখা ৩৮৪ লিক্ক হয়, তাহা হইলে প্রভীত হইবে যে ক্ষরীপে কোন এম নাই; এবং গ ঘ লছের পরিমাণ ৭৭০ লিক্ক হইবে। অতএব ক খ গ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল = ১৩৬৮ × ৭৭০ + ২ = ৫.১৫১৩০ = ৫ একর ২৪ পোল।

জরীপ বিশুদ্ধ হইরাছে কিনা জানিবার নিমিন্ত, ত্রিস্থুজের শীর্ষ কোণ হইতে ভূমির মধ্যস্থান অথব। ইহার নিক্টস্থ কোন বিন্দু পর্যান্ত এক একটী মাপ দিবে। নক্সা আছিড করিবার সময়ে ত্রিভূজগুলি অঙ্কিত করিয়া, ঐ মাপগুলির সহিত মিলাইলে জারীপের বিশুদ্ধতা নির্মাপিত হইবে।

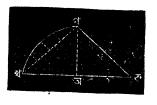
কোন ভূমির চতুংসীমা মাপ করিতে হইলে, প্রতি শৃত্যক রেখার শেষে এক একটা যোষক রেখা লইতে হয়। ধদি ভিনটা শৃত্যল রেখা দারা ভূমির চতুংসীমা পূর্ণ হয়, ভাহা হইলে একটা যোষক রেখা, চারিটা শৃত্যল রেখা দারা চতুং-শামা পূর্ণ হইলে ছুইটা ঘোষক রেখা, পাঁচটা হইলে তিনটা বোষক রেখা, লইলে চলে। শেষে যে যোষক রেখা এছণ করা বার, সেইটাকে প্রামাণিক রেখা কতে।

া নিম্ন লিখিত চিঠার সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে এক বিভুলাকার কেত্রের নয়। ও কেত্রকল ভি্র কর। **প্রা**মাণিক

	1	
০৫০ গ 🕲 পর্য্যস্ত ১৫০ ১৭০ ৮১ ৩ থ হইতে ডাইন দিকে ৫০০ ধ ৩ পর্য্যস্ত ২৫০ অ ৩ পর্য্যস্ত	1	
<ul> <li>२৫०</li> <li>১৭০</li> <li>৮১</li> <li>৩ থ হইতে ডাইন দিকে</li> <li>৫০০ খ ৩ পর্যান্ত</li> <li>২৫০ অ ৩ পর্যান্ত</li> </ul>	👽 গ হহডে	ডাইন দিকে
১৭০ ৮০ ৩ থ হইতে ডাইন দিকে ৫০০ খ ৩ পৰ্য্যন্ত ২৫০ অ ৩ পৰ্য্যন্ত	৩৫০ গ 😥	পর্য্যস্ত
৮১	<b>₹@</b> •	
<ul> <li>থ হইতে ডাইন দিকে</li> <li>৫০০ ধ ও পর্যান্ত</li> <li>২৫০ অ ও পর্যান্ত</li> </ul>	১৭০	
৫০০ ৠ � পর্য্যস্ত ২৫০ ৠ � পর্য্যস্ত	৮৽	
२०० 🕶 🌚 পर्याञ्च	৩ থ হইতে	ডাইন দিকে
	(00 A Q	পর্য্যন্ত
ক হইতে পশ্চিম দিকে	২৫০ অ 🌚	পর্যান্ত
		পশ্চিম দিকে

तिथा भाग = १७२

এই চিঠা পুস্তকে ভিনটা শৃষ্পল রেথা আছে। এক শৃষ্পল রেথার পরিমাণ সং -পুর্ণ হইলে মধ্যে স্তম্ভে একটা রেথা টান, ঘথা, কথ শৃষ্পল



বেধার ক ও থ হুই নিদর্শন স্থানের ব্যবধান পরিমাণ করিয়া
আন্ধিত হুইরাছে। জরীপ আমীন ক চিত্রিত দীমার উপনীত হুইরা ডাইনদিক দিয়া গ অভিমুখে গমন করে। ইহা
চিঠা পুস্তকে '' থ হুইতে ডাইন দিকে" লিখিত হুইয়াছে।
আমাণিক রেখার পরিমাণ, জরীপ বিশুদ্ধ হুইয়াছে কি না
ভাহা জানিবার জন্য লিখিত হুইরাছে।

প্রতিকৃতি নিদাশন। বে সমান অংশের মানদণ্ড ছই ইক ১০০ লিকের সমান, ভাষা দারা ক ধ গ একটা ত্রিভূক আন্থিত কর, ইহাতে ক ধ = ৫০০, খগ = ৩৫০ এবং কগ রেখা = ৩৩০ লিক্ক। পরে ধ গ পর রেখার উপর লম্মণ্ডলি টান দ্বরীণ বিশুদ্ধ হইয়াছে কি না জানিবার জনা ক হইতে ২৫০ লিঙ্ক লও. বথা, ক অ, এবং অ গ সংযুক্ত কর। যদি আ গ ২৩০ লিঙ্ক হয়, তাহা হইলে ক্ষেত্রের জরীপ ঠিক লিখা হইয়াছে। গণনা সৌকর্য্যের নিমিত্ত গ বিন্দু হইতে ক থ রেখার উপর একটী লম্বপাত কর; এই লম্ব ২৩০ লিঙ্ক।

গণনা। ২ △ ক থ গ = ৫০০ × ২৩০ = ১১৫০০০ থ গ বেপার উপর লম্ব ছারা যে সকল ত্রিভূজ ও বিষম ক্ষেত্র উৎপন্ন হইয়াছে ভাহাদের ক্ষেত্রফলের সমষ্টি = ১৬৬৮০

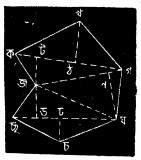
> ক্ষেক্ল = ২ রড ২৫.৩৪৪ পোল = ৬৫৮৪∙ বহুভুজ কেত্রের জরীপ।

। নিয়লিথিত পরিমাণ হইতে একটা কেত পাভ কর,
 এবং তাহার কেতফল ছির কর।

	🗨 থ পৰ্য্যস্ত	
	०२०	,
<b>B</b>	२৮৮	₽• B
<b>₩</b> >2•	२०७	•
	ছ চিহ্নে গমন	.5 <del>1</del>
	🛛 জ পৰ্যাম্ভ	1
	880	
<b>য</b> ২৩•	>02	9
• • •	গ চিছের বাম দিকে	
	👁 গ পর্যান্ত	11 12 12
	660	
4 >>-	87.	\$ 100 4,00
5	200	200
আরম্ভ	ক স্থানে •	পূৰ্ব্বদিকে গমন

প্রতিকৃতি নিকাশন। নিয়ন্ত ক্ষেত্রটী ঘুইটী বিষম ক্ষেত্র ও একটা ত্রিভুজ ক্ষেত্রে বিভাগকৃত হইয়াছে, যথা ক ধ গ জ, জ ঘ চ ছ ও গ জ ঘ । ক গ কর্ণ রেখা অভিডে কর; ইহার পরিমাণ ৫৫০ লিক্ষ। ক হইতে ১৩৫ লিক্ষ লইয়া ১৩০ লিক্ষ পরিমিত ট জ একটা লগ টান: ও ক হইতে ৪১০ লিক্ষ লইয়া ১৮০ লিক্ষ পরিমিত ঠ ধ একটা লফ্ষ টান। এইক্ষণে ক ধ, ধ গ, গ জ এবং জ ক সংযুক্ত কর; এতদ্বারা ক ধ গ জ প্রথম বিষম ক্ষেত্রটী উৎপন্ন হইবে।

পরে গজ বেখায় গ হইতে
১৫২ লিক্ক লইয়া ও ছানে
২৩০ লিক্ক পরিমিত একটা
লম্ব টান; গঘ ও ঘজ
স্মান্তিত করিলে গ জ ঘ
তিত্ত্বাটী নির্মিত হইবে।
পরিশেষে, জ-কে কেন্দ্র



করিয়া জ ড = ১২০ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া একটা চাপ নির্মাণ কর, এবং ঘ-কে কৈন্দ্র করিয়া ড ঘ = ৩১৪ (= ৫২০ — ২০৬) ব্যাসার্দ্ধ লইয়া জার একটা চাপ জান্ধিত কর, ইহা পূর্ব্ধ জান্ধিত চাপকে ড বিন্দুতে ছেদ করিবে। ড বিন্দু দিয়া ৫২০ লিক্ক পরিমিত একটা কর্ণ রেখা টান, যথা, ঘ ছ! এই স্থোর ২৮৮ লিক্ষের নিকট হইতে চ চ লঘটা টানিয়া, ঘ চ, চ ছ এবং ছ জ সংযুক্ত করিলে ক্ষেত্রপাত সমাধা কইবে।

	बद्री १	<b>5</b>		<b>~82</b>
500	8	8 •		
2F-0	₹:	೨۰		<b>b.</b> •
-				-
27.	205			<b>*••</b>
000	₽₽•			# <b>₹•</b>
>0000	>->>			\$ <b>8 • • •</b>
>000				
	ক্ষেত্রফলের	विकर	1	
290800	290600	ক ঘ	গ জ	वितम (क्का
	303200	ঘ গ	<b>9</b>	তিভুক।
	\$ <b>68 00 0</b>	घ 5	ह ब	वियम (क्ला।
	٤) ७.٩৫٩٠٠			

১.৮१৮৫० = ১ वः, ७ दः २०३ (शः।

৬। নিম্নলিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইডে একটা ক্ষেত্রের নক্ষা ও তাহার ক্ষেত্রফল স্থির কর।

	😡 क भर्गाञ्च		
	<b>٥٠</b> ٠٠		
89•	۶۶۰	ड	And the second
¥	৬১৽	e. p	
્ગર •	ere	₹	
90	98•	व्या	
•	950	৩৫০ খ	
<b>লারন্ত</b>	ক স্থানে	পূৰ্বে গমন	
	के १० १०	39. by. 37. de.d. 38. 39.	১০২০ ৪৭০ ৮৯০ উ ২০ ৫০ চ ১১০ ৫০ চ ১১০ জা ১০১৫ জা ১০১৫ ১৫০ ব প্রেক্ত গ্রমন

ক আন প ত্রিভূজ।	গ আমে ই ল	विवयं ठष्ट्रंब।
ক আ = ৪৪•	_ >	•
	•	<b>७२</b> ०
ष्माशः = १०	জাগ =	90
9000	যোগফল =	
च है के इ विषय हकूईब ।	· ·	<b>ు</b>
	षाह =	284
ष है = ७२• -		>>60
<b>ছ</b> উ = 890		3000
**************************************		৩৯০
যোগ = ৭৯০		
के <b>डे</b> = ७००		69000
· <del>- •</del> •	উ জ ত্রিভুজ।	ক অব্ব ক্রিভুজ ৷
		কৰ্ম = ৩১৫
২৩৭  চ	<b>डे</b> = 89∙	অ থ = ৩৫০
•		
₹80⊅€0	9700	>4960
ত্ৰ ধ চ ঈ বিষম চতুর্জ।	٥٤	28¢
च्च <b>थ = ೨৫</b> ०		***************************************
<b>₱</b> 5 = 00	62200	>>>>
के ठ ख	ত্রিভূজ। কো	टकलात विकास
(शंशकन= ४०० छ ने =	87.	30000
<b>क्षेत्र</b> = २३० हे जे =	C o	@ % @ & o
		₹80200
22p.o o o	₹ <b>00</b> 00	هه ۲۵۰۰
চ		27 0 5 60
য ্য		222000
		₹ 0 € 0 •
3 支 注		2) 2001
कर वा मार्च क		হ) <i>৬৩</i> ৮১৫ <b>•</b>
5		0.53096
	ক্ষেত্ৰফল =	৩ একর • রুড
A Company of the Company of the	८मध्ययः	৩০ই পোল।

## জরীপ 1

# কুটিল ক্ষেত্রের জরীপ।

 নিম্নলিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটা ক্ষেত্রের নক্ষা ও ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হইবে।

नक्रा	ও কে	একল । <b>ভ্</b> র ক। :	१८७ स्थाप ।	
		🛮 খ পর্য্যন্ত		
	•	200		
€	22	966	3/	
4	<b>4</b> 9	৬৩৪	<b>U</b>	D R
E	94	¢>•	5	
ড	90	<b>58</b> •	5	2 PY
र्ड	₽8	२२०	घ	7
ř	કર	80	গ	~ #
	۰	0.0		in 6
•	রস্ভ	ক স্থানে	গ্ৰন পূৰ্বে	
<b>4</b> ع	i = 8	ŧ	গট = ৬২	E 2 = 128
	=		ब १ = १८	₹ <b>७</b> = ९०
	\$	•	১৪৬	248
	290	গ	B = >90	च इः ≕ः ३२∙
				\\ 6 h.
	242	•	950	25-8P*
			२०२२	
			28.50	

₹ 60 € •

<b>488</b>	ন্তেব্যবহার।	৫ম ভাঃ
<b>७ ७ = ९• •</b>	5 5 = bb	ष् व = ०१
₹ ₽ = ₽₽	<b>4</b> 9 = 69	<b>₹ 5 = \$</b> )
-	genetic e etg.	<del>- Constant</del>
742	>04	786
₽ € = >9·	<b>हक</b> = ५२8	百 寸 = 5a5
disassis and the sale	<b>S</b>	-
<b>&gt;</b> >0.00	<b>46.</b>	28P
762	<b>२</b> ७०	980
Charles Charles and a shadow Published	>80	28≻
₹ <i>७</i> ₽%•	Chapter of the Chapte	***************************************
	2926	२२ <b>७</b> १৮
ক্ষেত্রফলের দিশুণ।		
२ १৯०		य थ = ১१∙
<b>2484</b> •		<b>₹55 = \$5</b>
7F8F+		No. of Contract of
<b>₹७</b> ₩%•		24.
2126.		; <b>4</b> 0•
<b>૨</b> ૨૭ <b>৪৮</b>		Construction and Assert
2684.		2484
	•	
२) ১.२৯৪१৮		

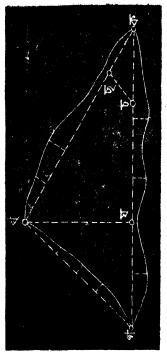
<sup>•.</sup>७८१०৯ = • এकत् २ ऋष २० (शान ।

## জরীপ ৷

# ৮। নিম লিখিত চিঠা হইতে একটী ক্ষেত্রের নকা ও ক্ষেত্রকল ছির কর।

1"	Consideration of Chapter and Community States of Community Community of Community Community Community Community	1
	ক প্র্যান্ত	
	२००४	•
	2000	98
প্রামাণিক	78-00	(तथा ह ह = ०१)
	১৬৫০	509
	\$8:30	۵۰
	३२२०	288
	400	• లం
	850	220
	000	•
	📵 গ হইভে	বামে
ľ	া গুণান্ত	
	১৩৪৬	
br a	<b>\$09</b> 2	
535	908	
46	864	
1	600	
•	💿 থ হইতে	বামে
	🛛 খ প্র্যান্ত	
	১৯৪৬	0
	<b>&gt;8</b> >	29
	>> •	203
	2000	\$ 2 \$
<b>●</b> 5	<b>3900</b>	
	৫२०	Q.
	900	
<b>অ</b> ্রন্ত	<ul><li>क मारग</li></ul>	गमन नेगान

ক্ষেত্রটী স্বস্তিত করিয়া চ ছ প্রামামিক রেখা माणिया एमिश्रल छेशह পরিমাণ ৩৫১ লিছ **हरेद ७ थ घ म**ापर পরিমাণ ১০৫৬ লিভ **হইবে; সু**তরাং ক খ গ ত্রিভূজের ক্ষেত্রকল = ক গ X 4 4+3 = 2055275 বৰ্গলিত। ইহাতে কুখ ও ক গ রেখাদ্বয়ের পার্শস্থ ভূমির ক্ষেত্র-দল ৩২৭৮০৮ বর্গলিক যোগ করিয়া, যোগফলে থ গ রেথার পার্শন্ত ভূমির ক্ষেত্রফল (১০০৩০৮)

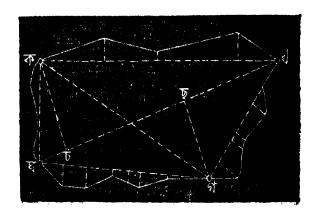


नाम माञ्ज, ভाषा बहेत्न ১৫৪৯৬৪২ বর্গলিক অবশিষ্ট शकित्व।

স্ত্রাং ক ধ গ ভূমির ক্লেত্রফল = ১৫.৪৯৬৪২ বর্গলিছ = ३० धक्र ७ क्षेत्र ३ क्छ।

১। নিম্নলিখিত নক্ষা দেখিয়া, আনুমানিক পরিমাণ দিরা. একটা চিঠা নিধিয়া ভাহার ক্ষেত্রফল স্থির কর।

এই ক্ষেত্র পরিমাণ করিতে হইলে, প্রথমতঃ ক ও গ স্ব বিষম চতুর্ভুদ্ধের বিশুণ ক্ষেত্রকল স্থির করিয়া, ভাহাতে

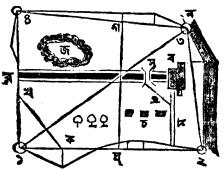


বহি: ছ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলগুলির দিগুণ যোগ করিলেই, এই ক্ষেত্রের দ্বিগুণ ক্ষেত্রফল প্রাপ্ত হওয়া যাইবে। ক গ রেখাটী দ্বারা: ক্ষেত্রটী ধ্বার্থরূপে জরীপ ও অঙ্কিত হইল কি না, ভাহা অনায়াসে জানা যাইতে পারে। যদি চিঠা পুস্তকে লিখিত ক গ রেখার পরিমাণ অঙ্কিত ক্ষেত্রের ক গ রেখার পরিমাণের সহিত মিলে, ভাহা হইলে জরীপ ঠিক হইয়াছে, অন্তর্পা পরতল জরীপ করা উচিত।

২০। নিম্নলিথিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটা ক্ষেত্রের নিমাও তাহার ক্ষেত্রফল ছিব করিছে হইবে।

বামদিকের লম্ব	मृष्यम (तथा	ডাইনদিকের লম্ব।
	৯৫০ 💩 ৩ পর্য্যন্ত	
স	090	— <b>म</b>
প্রামাণিক -	>8 €	द्रिया कथ = ७०१
	🛮 ५ इट्राइ	
	७२० 🕲 > পर्याञ्च	•   364
	৪০০ খ পদ্যম্ভ	0
	২৬০	০ ৪০ রাস্তাপধ্যন্ত
	>00	20 30
	9 ৪ হটতে বামে	:
	৮১० 🕲 ८ अग्राङ	المام
	٧٠٠	२8 — म
	240	80
	৩ হইতে বামে	
	৫৬- ৩ ৩ পৰ্যান্ত	
	8••	७०।१०। समीन्धाः
	🛛 ২ হইতে বামে	
	৮৬০ 💩 ; পধ্যস্ত	
8.	₩•	
8 •	000	
বেড়া মিলিভ	8j-•	
ৰেকা পাৰ	<b>૭</b> ૄ •	বাহিরে
	২০০ ক পৰ্যাস্থ	<b>b</b> c <b>&gt;</b>
	💩 ১ হইছে	<b>भू</b> र्द

এই চিঠা পুস্তকে জন্ধিত পাঁচটা শৃষ্থাল রেখা ৩ ১ ৩ ২ ৩ ৩ এবং এই ছইটা ত্রিভুজের ভুজস্থানীয় ছইরাছে। ক্ষেত্রের চতুদিকে বেড়া আছে এবং প্রথম লম্বের নিকট বেড়ার যে রূপ আকার হইরাছে ভাহা দর্শাইবার জন্ত > চিক্লু দেওরা হইবাছে। শৃষ্থাল রেখায় ৪৮০ লিক্ষের পার্যে "বেড়া মিলিত" বলিয়া যে লেখা আছে, ভদ্বারা বুঝিতে ইইবে যে, বামলিকে যে বেড়া আছে ভাহা উহার সহিত ঐ স্থানে মিলিত হইরাছে। যে স্থানে বেড়া পার হওয়া গিয়াছে, যথা ৩০০ ৪ এই নিদর্শন স্থানের মধ্যে গ ডিক্লিত স্থান, ভথায় শৃষ্থাল রেখার উভয় দিকে রেখা টানা ইইয়াছে। যেখানে বেড়ার এক প্রান্ত অবধি অপর প্রান্ত পর্যন্ত সরল ভাবে আছে,



তথার ঐ রেখাগুলির পার্বে দ এই অক্ষর প্রান্ত হইরাছে; যথা চিঠা পুস্তকে ৩০০ লিক্ষের উভরদিকে প্রদর্শিত হইরাছে। গ ও ঘ ছইটা স্থানের অবস্থিতি শৃন্ধাল রেখার নিরূপণ করিয়া গ ঘ দরল বেড়াটা নকাতে অক্ষিত হইতে পারে।

যেখানে ফাড়ঙলি মূঝন রেধার উপর লমভাবে উত্তো-

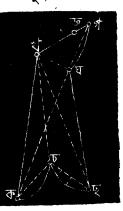
লন না করিয়া বেড়ার অভিমুখে অক্টিভ হয়, তথায় --- এই চিহ্ন প্রদত্ত হইয়া থাকে। যেমন ৩০ ৩৪ নিদর্শন স্থানে স্থিত ৩০০ **লিকের নিকট** ইন্ত ব্যবস্থত হইয়াছে। এই উদাহরবে क थ श्रीमानिक त्रथा; हेशत रेम्ग्र ७ हेश (यथात ७) ৩০ কর্ণ রেখা ছেদ করিয়াছে তাহার পরিমাণ শেষ শৃত্যল রেখায় লিখিত হইয়াছে।

📵১ 🗪 ৩০ ৩ 👁০ 👁১ 🗣 ছুইটী ত্রিভুজের 🐵১ 🗣 😑 ৮৬0, **@२ @১=৫৬0, @১** @8=৮১0, @8 @১=৬২0, এবং ৩১ ৩৩=৯৫০ লিক। ১০০ লিকে ২ ইঞ্চ কল্পনা করিয়া ঐ ছুইটা ত্রিভুজ অন্ধিত করিয়া ৩১ ৩০ কর্ণের উপর লম্বপাত করিলে, উহারা যে প্রভাকে ৫০১ ও ৫২৪ লিম্ক ভাহা প্রভীয়মান হইবে। এবং এতদারা ৩১ ৩২ ৩৩ ৩৪ টাপি-জিয়ম কেত্রের কালি অনায়াদে স্থিরীকৃত হইবে। এখন ৩১ ক ও ৩৪ থ, যথাস ২০০ ও ৪০০ লিক্ষের সমান করিয়া ক থ যক্ত কর । পরে কম্পাদ ছারা ক খ রেখা মাপিয়া নিদিই মানদ্র ছইতে ইহার পরিমাণ নির্ণয় কর। জরীপ ছারা ক থ রেখার পরিমাণ যে ৩০৭ লিঙ্ক স্থির হইয়াছে, মানদণ্ড ছারা যদি সেই পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়, ভাষা হইলে জ্বীপ বিশুদ্ধ হইয়াছে ইহা নিরূপিত হইবে। অন্তথা জরীপে ব্যতিক্রম ঘটিয়াছে ইহা অবশ্র স্বীকার করিতে इहेर्त। अमस्त्र ७) च=१४०, ७ ७७१=७०० निस्त्र ममान লাইয়া গাষ যুক্ত কর। তৎপরে প্রথম চারিটী শৃঞ্জল রেখা হইতে যে যে লম্ব উত্তোলন করা গিয়াছে তাহা ভত্তিত করিলে কেতের, নকা সমাধা হইবে।

১১। পা<del>র্যন্থ</del> ১ম প্রতিকৃতি ও

िक्री माडि अखीशमान इहेरव या, शूता-ভন প্রথান্ত্রদারে ক্ষেত্রটী জরীপ করিতে অনান ১১ টী রেখার প্রয়োজন হই-য়াছে; কিন্তু নৃতন উৎকৃষ্ট প্ৰথায়-সারে কেবল ৪ টী রেখা কল্পনা করিলে জরীপ কার্য্য সম্পন্ন হইতে পারে। যথাজ থ. থ গ ও গজ এই তিনটী রেখা দ্বারা যে জ খ গ ত্রিভুজ উৎপন্ন হইয়াছে ভাইা দর্কাগ্রে জরীপ করু এবং ছ কোণের অভিমুখে বা ও ন ছুইটা নিদুৰ্শন স্থান রাথিয়া যাও। পরে র চ ছ জরীপ কর। এই প্রামা-ণিক রেখা দারা জ থ গ ত্রিভুজ বিশুদ্ধ काल करील इहेन किना काना गाहरत. ও ঘ ছ বেড়া যে অভিমুখে চলিয়াছে ভাহাও নিরূপিত হইবে।কৃটিল বেড়ার গতি নির্ণয় করিতে হইলে, কতিপর লম রেখা অন্ধিত করিলেই হইবে। এই রূপে পুরাতন প্রথামুসারে জরীপ করিতে যত রেখার প্রয়োজন হয়, নৃতন প্রথামুসারে ভাহার তিন ভাগের এক ভাগ হইলে জরীপ প্রক্রিয়া সম্পন্ন হইতে পারে।

পুরাতন প্রথা।



नुख्न व्यथा।

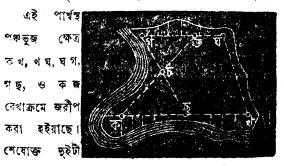


		1
	<ul><li>② গ পর্যান্ত</li><li>১৩২১</li><li>③ চ-ডে</li></ul>	কৰ্ণ প্ৰভ্যাগমন
	<ul><li>⊚ ছ পর্য্যন্ত</li><li>১৯৩৯</li><li>⊚ থ-র বামে</li></ul>	কৰ্
	<ul> <li>থ পর্যন্ত</li> <li>৩৬</li> <li>ঘ-র বামে</li> </ul>	कर्न
	<ul><li>ত ঘ পর্যান্ত</li><li>১৬৬৪</li><li>ত ক-র দক্ষিণে</li></ul>	<b>क</b> र्ग
<b>63</b>	<ul> <li>ক পর্যান্ত</li> <li> <ul> <li>ক পর্যান্ত</li> </ul> </li> <li>ত চ-র বামে</li> </ul>	
95 3 - 4 We	© চ পর্যান্ত ৭৬৭ ৬ ২০ © জ-র দক্ষিণে	
	<ul><li>ছ পর্যন্ত</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><li>।</li><l< th=""><th>( ত ছ পর্যান্ত ১৬০৭ বেড়ার দৈর্ঘ্য।</th></l<></ul>	( ত ছ পর্যান্ত ১৬০৭ বেড়ার দৈর্ঘ্য।
	<ul> <li>গ পর্ব্যন্ত</li> <li>৬:- <ul> <li>৬:- <ul> <li>জ খ-র দক্ষিণে</li> </ul> </li> </ul></li></ul>	
বি <b>ভ</b>	@ খ পৰ্য্যন্ত ১৬৯- ১০ © ক হইডে	উভৱে <del>প</del> মন ।
	and the second s	

ক্ষেত্রকন ১৩ একর্ ১রড ৭ পোল।

## নদীর উপকূল জরীপ।

১২। কোন ক্ষেত্র জ্বরীপ করিতে **হইলে সর্বাঞ্চে ঐ ক্ষেত্রে**র চতুদ্দিকে বেড়াইয়া কোন কোন স্থলে নিদর্শন স্থান করিলে স্থবিধা হইতে পারে এমত করিবে। যে যে স্থানে নিদর্শন স্থানের উপযুক্ত বলিয়া বোধ হইবে, সেই দেই স্থলে এক একটী ষষ্টি প্রোথিত করিবে। মনে কর, ক নিদর্শন স্থান হইতে ধ নিদর্শন স্থানের অভিমুখে শৃত্থল দারা জরীপ করিতে হইবে। ফ থ সরল রেথাক্রমে থ বষ্টির সম্মুখে বা পশ্চাতে নিশান প্রোথিত করিবে। যেমন ক হইতে ক্রমশঃ থ অভিমুথে জ্বরীপ করিতে করিতে অগ্রনর হইবে, দেই দক্ষে শৃত্থালের দক্ষিণ পার্যন্থ মদীর ভীর হইতে শৃত্থলের উপর লম্বণাত করিয়া তাহার পরিমাণ চিঠাতে নিপিবে। লম্বপাত এরূপে করিতে হইবে, অর্থাৎ প্রতি লম্বের মধ্যে এমন ব্যবধান রাখিবে যে, ভাহাদিগের অঞ্জভাগ যোগ করিলে একটা সরল রেখা হয়। নত্ন। অন্ধিত করিবার সময় চিঠা পুত্তক দেখিয়া লম্ব উত্তোলন করিলে, এবং সেই সকল লম্বের आष्ट्रक्षित मःयुक्त कतिया नितन, अदिकन मनीत आकात हरू।



রেখা চ স্থানে অবচ্ছেদিত হইরাছে। এই কেত্রটীর জ্রীপ ও নক্স। অন্তিত করিতে হইবে।

প্রথমতঃ নদীর কূলের সন্নিকটে ক চিহ্নিত স্থানে জরীপ আরম্ভ করিয়া থ অভিমুথে গমন কর। ছ চিহ্নিত নিদর্শন স্থানে উপস্থিত হইয়া ইহার পরিমাণ লিখ, এবং থ চিফ্লিড **স্থানে উপস্থিত হইয়া ক** থ-র দূরত ও কথ রেথার উপর বে লম্বপাত করা হইয়াছে ভাহার পরিমাণ লিথ। এই রূপে ধ হইতে থ ঘ রেখা মাপিয়া যাও এবং ঘ গ পরিমাণ কালে ষ জ-র পরিমাণও লিথিয়া রাথ। অনস্তর গ ছ পরিমাণ কর ও গ হইতে চ চিক্লিত স্থানের দূরত লিখিয়া রাখ। পরিশেষে ছ হইতে ক অভিমুখে যাইয়া ক জ পরিমাণ কর ও ক হইতে চ চিহ্নিত স্থানের পরিমাণ লিখ। এই ক্ষেত্র জ্রীপকালীন প্রত্যেক রেখার উপর যে **লম্ব**পাত করা যায় ভাহারও যে পরিমাণ লইতে হইবে ইহা বলা वहिला।

্রচিঠা হইতে কছ, ছচ 8 চক্তিন্টী রেথার পরি--মাণামুদারে একটা ত্রিভূজ অন্ধিত কর। পরে, কছ, কচ ও ছাচ নিশিষ্ট পরিমাণামুদারে থ, জা ও পার্যান্ত বন্ধিত কর। এই ক্ষণে বদি গজ রেখার পরিমাণ চিঠায় নিথিত পরিমাণের সহিত মিলে, তাহা হইলে জ্বরীপ ক ছ চ প গ চ জ ত্রিভুজনর সম্বন্ধে যে বিশুদ্ধ হইয়াছে ভাহা ৰপ্ৰমাণ হইল। অপর গ অ-কে ঘ পর্যান্ত প্রসারিত করিয়া পার্য-র পরিমাণ যদি চিঠার লিখিত পরিমাণের সহিত মিলে, ভাছা হটলে সমুদার জরীপ বিভন্ধ হইয়াছে জানিবে, নচেৎ পরতল জরীপ আবশ্রক।

১৩। কথ গঘ একটী প্রশস্ত মাঠ জরীপ করিতে হইবে। অথ্যে কথাক হইতে থ থাকের অভিমুখে শৃত্যল ধারা জরীপ কর, এবং বাম-

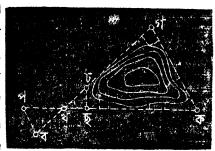


পার্যস্থ বক্র রেথার অবস্থিতি ক্রমশঃ শৃত্যলের উপর রশি ছারা লম্পাত করিয়া নির্ণয় কর। যথন থ থাকে আসিয়া উপস্থিত হইবে, তখন সেই স্থানে জ্বীপ কাৰ্য্য শেষ করিয়া, भूनतात्र के व्यनानी व्यवस्था शृक्षक क्रमात्रात्र थ ग. ग घ छ ঘক জরীপ কর। পরে চারিটী বেখা জরীপ হইলে কগ কৰ্ণ রেখা ও ভতুপরি থ ও ঘ হইতে পতিত, থছ ও ঘচ ছইটী লম্ব রেখা জরীপ করিতে হইবে। ক গ রেখা জরীপ করিবার উদ্দেশ্য এই যে, ইহার হুই দিকস্থ হুইটী ত্রিভুজের অবস্থিতি জানা ঘাইবে; স্মৃতরাং তাহা অন্ধিত করা সহজ হইরা উঠিবে, ও থছ ও ঘচ হুইটা ল'ম রেখার জরীপ করিবার উদ্দেশ্য এই যে, ইহাদের দ্বারা জরীপের বিশুদ্ধতা জানা যাইতে পারে; যথা, প্রথমতঃ ক গ কর্ণের ছুই দিকে হুইটা ত্ৰিভূজ অন্ধিত করিলে একটা চতুৰ্ভুজ ক্ষেত্ৰ অন্ধিত হইবে। এই ক্ষৰে কাঁটাকম্পাদ ছারা ধছ ও ঘচ রেখাছয় ' মাপিয়া নির্দিষ্ট মানদও হইতে ইহাদের পরিমাণ কত নির্ণয় কর। পরে জরীপ বারা ধছ ও ধচ রেখাব্যের

যে পরিমাণ স্থির হইয়াছে, মানদণ্ড দারা যদি দেই পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়, ভাহা হইলে জরীপ ঠিক হইরাছে বলিতে হইবে।

১৪। মনে কর কখ, খগ ও গক তিন্টী রেখাক্রমে একটী পুষরিশীর চড়ুঃদীমা জ্বীপ করা হইরাছে। এই ক্ৰেজৱীপ ঠিক ইইল কি না তাহা জানিবার নিমিত, চছ

একটা রেখা দারা খক ও খগ সংযুক্ত কর: যদি চছ রেথার পরিমাণ অভান্ত ক্ষত্ৰ হয়, ভাহা **হটলে গথ ও** 



ক থ-কে ব ও প পর্যান্ত বুদ্ধি করিয়া থব ও থ প-কে গ থ 😕 ক থ-র 🗫 ভীয়াংশের সমান কর। নক্ষা অস্কিভ করিবার শময় প ব রেথার পরিমাণ, চিঠা পুস্তকে লিখিভ মাপের সহিত यनि धेका दत. जादा दहेता खतील ठिक दहेताछ, অন্তথা পর্তদ জ্বীপ আবেলক।

# বন, বাদা, পুষ্করিণী, রাস্তা প্রভৃতি জরীপ।

১৫ ৷ গজের ছই ইফ এক চেইনের স্থানীয় জ্ঞান করিয়া চিঠা পুস্তকে লিখিত নিমেব সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটা রাস্তার নকা প্রস্তিত কর।

	1	
<b>সংযোগ</b>	১৬০ নাগাইত ১০ দাগ	রেখা ৩১০ ৩৯ = ১৬০
३,0	a o	288
<b>অ</b> !রস্ত	⊕৮ গমন বামে	
	৬৫০ নাগাইত ১ দাগ	
	৫০০ নাগাইত ৮ দাগ	390
•	800	780
500	२०४	80
সংযোগ	>50	রেখা ৩৭ ৩৫=১৯০
þ0	<b>€</b> o	
সারস্থ	<b>⊛</b> ৬ গমন ডাইনে	
್ರಿ ಅಂ	৪৫০ নাগাইত ৬ দাগ	
৯০	৩১০ নাগাইভ ৫ দাগ	<b>%</b> 0
সংযোগ	২৪০ নাগাইত ৪ দাগ	त्रथा ७८ ७८=२२०
৬০	200	> <b>∘</b>
আরম্ভ	❷২ গমন বামে	
	৪৫০ নাগাইত ৩ দাগ	
বেড়াপার	৩৫০	বাহির দিকে
. b-0	২০০ নাগাইত ২ দাগ	۵۰
đ۰	200	<b>৯</b> 8
8 °	e .	<b>a</b> b
<b>জা</b> রন্ত	<ul><li>পাগে গমন পশ্চিমে</li></ul>	

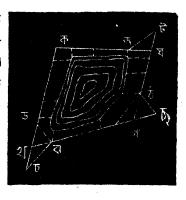
এই ছানে জরীপ ১ দাগে আরম্ভ করিয়া ২, ৩ দাগ পর্ব্যন্ত জরীপ করিয়া ছুই পার্ষের লম্বগুলির পরিমাণ



লিখিতে হইবে। পুনশ্চ ২ দাগে আসিয়া ২ দাগ হইতে ৬ দাগ পর্যান্ত শৃক্ষক রেধার পরিমাণ লিখিতে হইবে; আর দিতীয় শৃক্ষক রেধা প্রথম শৃক্ষক রেধার সহিত সংযোগ করিবার নিমিত্ত ৪ দাগ হইতে ৩ দাগের দূরত জরীপ করিতে হইবে; আর ৭ দাগ হইতে ৫ দাগ পর্যান্ত যে ব্যবধান ভাহা দিতীয় ও তৃতীয় শৃক্ষক রেধার সংযোগে যে কোণ উৎপন্ন হয় ভাহার পরিমাণ হইবে।

এই প্রণাণীতে প্রধান প্রধান নগরের রাস্তা সকল জ্বরীপ হইরা থাকে।

১৬। বাদা কিমা বন জ্বরীপ করিতে হইলে, ভাহাকে ত্রিভুঞ্ জারা বিভক্ত করিয়া জ্বরীপ করা যাইতে পারে না, ভাহার চড়ংসীমা জরীপ করিছে
হর। কিন্তু কেবল চড়ুংসীমা জরীপ করিয়া
যাইলে শৃত্যলের গতি
অর্থাৎ কোথায় কোন্ভাবে গিয়াছে জানা
যায় না; স্কুভরাং নক্ষা
কল্পিভ হইতে পারে না,
জডএব কেবল শৃত্যল



ঘারা কোণ নিরূপণ করা যায় এরপ উপায় অবলম্বন করা উচিত।
মনেকর, কথা ঘ একটা জন্সল জমি জ্বীপ করিছে

ইইবে; ইহার ক, থ, গ, ঘ, চারিটা নিদর্শন স্থান! এইক্ষণে
ক নিদর্শন স্থান হইতে থ পর্যান্ত জরীপ করিয়া চ পর্যান্ত
শৃদ্ধল র্দ্ধি কর; এবং চ স্থানে একটা ধূজা পুভিয়া
থগ জরীপ করিয়া যাও, পরে থ গ-র মধ্যে বা একটা
বিন্দু নির্দেশ করিয়া চ ঝ জরীপ কর, ভাহা হইলে থ চ বা
একটা ত্রিভুজ নিদিপ্ত হইবে। এই রূপে গ ছ ঠ জিছুজা
নিদিপ্ত হইলে ঘ বিন্দুর অবস্থিতি জানা যাইবে; স্মৃতরাং
আর জিভুজ অক্ষিত করিবার আবশ্যকতা থাকে না।
কিন্ত জরীপ ঠিক হইল কি না জানিবার জন্ম ঘটয়া
উঠে যে, ক গ রেখা চ বিন্দু পর্যান্ত র্দ্ধি করিবার যো
নাই, ভাহা হইলে ক থ রেখায় ভ এক বিন্দু নির্দেশ কর,
৬ খ গ রেখায় বা বিন্দু নির্দেশ কর,
পরে ও বা বা বার্থায় বা বা
নাই, ভাহা হইলে ক থ রেখায় ভ এক বিন্দু নির্দেশ কর,

कतिया नए, जारा रहेता ज थ व जिल्ला निर्मिष्ट रहेत এই রূপে যথন যেমন স্থবিধা হইবে, তখন তদলুসারে প্রস্তাবিত তুইটা প্রণালীর অন্তজর অবলম্বন করিয়া কার্য্য কবিছে হুইবে।

১৭। কোন প্রশস্ত মাঠ অথবা আম জরীপ করিতে হইলে, **জ**রীপ আমীন সর্কাগ্রে সেই মাঠ অথবা গ্রামের চতুর্দ্ধিকে বেড়াইয়া দেখেন যে কোন কোন স্থল নিদর্শন স্থান বলিয়া ভির করিবেন। নিদর্শন স্থানগুলি এরপ স্থানে করিতে হইবে ষে, শৃত্খলের উভয় পার্মন্থ দ্রব্যের অবস্থিতি শ্বির করিতে যেন ২০০ ফিটের অধিক লম্ব গ্রহণ করিতে না হয়, কারণ লম্বগুলি ১০০ ফিটের অন্ধিক লওয়াই সহফ এবং সন্ধত। যদি কধন শৃত্থল হইতে ২০০ ফিট অপেকা অধিকতর দূরবর্ত্তী দ্রবোর অবস্থিতি নিরূপণ করিতে হয়, জাহা হ**ইলে শৃ**চ্ছালের উপর ত্রিভুক্ত অঙ্কিত করিলে তং-কার্ব্য সম্পন্ন হইবে। মনে কর, কথ শৃষ্থল হইছে (৩৩৬ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দেখ) গ দ্রব্যের অবস্থান নিরূপণ করিতে হইবে। ক খ. ক প ও খ গ এই তিন্টীর পরিমাণ কত ভাগ ন্তির কর: পরে কথগ ত্রিভুদ্ধ অন্ধিত করিলে গ বিন্দুর ষ্মর্থাৎ গ দ্রব্যের অবস্থিতি নিরূপিত হইবে। তুই পাছি শৃত্থানের সাহায্যে ভূমির উপর কি রূপে ত্রিভুজ অঙ্কিত

লম্ব ওলির দূরত্ব অধিক হইলে জরীপীফিতা হারা এবং অল্প চ্টানে ফুটে বিভক্ত ১০ ফুট লম্বা যাটি দারা পরিমিত হুইয়া থাকে।

করিতে হয় তাহা ১ম ভাগে প্রদর্শিত ইইরাছে। নিদর্শন স্থানগুলি স্থির ইইলে সেই সেই স্থানে একটা খুঁটা প্রোথিত করিবে। পরে খুঁটার পশ্চান্তে কিয়া সন্মুখে নিশান প্রোথিত করিয়া পূর্ব মত জরীপ করিবে।

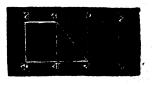
শৃৠলের সম্মুখে নদী ব্যবধান পড়িলে তাহা

### পরিমাণ করিবার নিয়ম।

১৮। জরীপ করিতে করিতে শৃতালের সমূথে বাটা,
নদী, ব্লদ ইভাদি বাবধান পড়িরা থাকে, এমনছলে শৃতাল
কখনই ভাহার মধ্য দিয়া চালাইতে পারা বার না, স্বভরাং
কভকগুলি উপায় ঘারা ভাহা ভাতিক্রম করিতে হয়। সেই
কল উপায়ের মধ্যে কয়েকটা নিয়ে প্রদর্শিত হইতেছে।

মনেকর, কাৰ শৃত্ধলের অভিমুখে ব্যবধান পঞ্জিলছে, ইহাকে অভিক্রম করিতে হইবে।

ক ক শৃত্যালের উপর ক ও ক বিশু হইতে ক ঘ ও কপ স্ইটী সমলত নিকাশন কবিয়া, যভক্ষণ না কথ-র



বাবধান অভিক্রান্ত হইবে, তভক্ষণ ঘ গ সরল রেধাক্রান্তে
ক্রীপ করিয়া ঘাইবে। পরে ৮ ও ছ বিন্দু হইতে ক ঘ বা
ক গ-র সমান করিয়া চ ধ ও ছ জ ছইটা লম্ম উদ্ভোলন
করিয়া ধ জ সরল রেধাক্রামে জরীপ করিয়া যাও। ধ জ,
ক বা-র সহিত সমস্তান্তে থাকিবে ও ক জ ও ঘ ছ ছইটা রেশা
সমান হইবে।

১৯। মনে কল, ক ছ শৃত্যালের
সংস্থা নদী ব্যবধান পড়িরাছে, এই
নদীর পরিসর স্থির করিতে হইবে।
নদীর অপর পারে যাইয়া থ একটা
নিশান প্রোধিত কর। ছ ক শিকলের
উপর ক ঘ লম্বপাত কর। ক ঘ-কে



গ বিন্দুতে সম্বিধণ্ড করিয়া ইহার উপর একটা নিশান নিহিছে কর। পরে ঘ বিন্দুতে ক ঘ-র উপর একটা লম্বপাড কর, এবং ধ গ দরল রেথাক্রমে নিশান পুতিয়া যাও, মনে কর ধ গ ও ঘ চ, চ বিন্দুতে ছেদিত হইয়াছে। ঘ চ পরিমাণ করে, তাহা হইলেই নদীর পরিদর ছিরীকৃত হইল; কেননা ঘ চ = ক থ = নদীর পরিদর।

্ ২ 🔭 । থ ঘ শিকলের সম্মূধে নদী ব্যবধান পড়িরাছে ; মলীর অপের পারে থ ঘ রেথার সমস্থত্তের ক একটা নিশান

শ্রেষ্ঠিত কর। ধর্ম রেখার উপর
ধ ল একটা লম্বণাত কর, এবং
ইহার বহু বৃদ্ধি করিলে স্থবিধা
হয় রুমি কর। মনে কর ধ প =
হাত। ক গ রেখার উপর
পুরিক্তে প ঘ একটা লম্ম উভোহার কর মনে কর, গল ও ক ঘ,
বৃদ্ধির বিশ্বতে মিলিভ হইরাছে। ধ
ক্রিক্তে মিলিভ হইরাছে।



en শ প্রতিজ্ঞার ওম অলুমানালুসারে নির্ণয় ইইতে পারে, মধা, ক গ ল সমকোণিক ত্রিতৃত্ব, শুতরাং ঘ ধ × ধ ক = ধ গ<sup>2</sup>, : ধ ক = ৪০০<sup>2</sup> + ৩০০ = ৫০০ টু হাত।

২১। বলি ধ ধ রেধার সমুধে কোন ব্যবধান পছে, ভাছা ছইলে এইরপে অভিক্রম করিতে ছইবে। নদীর ভীরে ৪০০ হাত পরিমিত একটা সরল রেধা ধ গ পাভ কর। মুবিধা মত ধ ঘ রেধায় চ একটা বিন্দু নির্দেশ করিয়া ধ চ পরিমাণ কর ( = ৩০০ হাত ); চ বিন্দু দিয়া ধ গ-র সমাজ-রাল চ ছ অভিত কর, মনে কর চ ছ ও ক গ রেধা ছ বিন্দুতে মিলিভ হইয়াছে, পরে চ ছ পরিমাণ কর ( = ৬০০ হাত )।

ক চ ছ ৩ কে থ গ জুইটা তুল্যকো**ণিকজিছুল, সুভ্**ষাং চ ছ: থ গ : : চ ক : থ ক, কি সা ৬০০ : ৪০০ : : ক ধ + ৩০০ : ক ধ, জাত এব ক ধ = ৬০০ হাত।

২২। কগচ শৃত্যল রেধার সমুখে নদী পজিরাছে। নদীর পরিসর চছ, চছ-র পরিমাণ নির্ণয করিছে হইরক।

গ চ এক গাছি শৃথ্যলের মধ্যমান ঘ।

ত স্থানে একটা নিশান প্রোথিড
করিরা, চ ঘ ও ই গান উপর চ জ ঘ
ত ঘ ব গ স্ইটা সমবাহক তিত্ত আছিত কর, এবং জ ও ব সানে
নিশান প্রোথিত কর। পরে ছ জ
ও ঘ ব সরল রেবাক্রমে ছ জ ট ও
ত ইইটা রেবা পাত কর। ইহা-



দের সম্পাত বিন্দু ট ছানে একটা নিশান পোঁত ৩ ট পরিমাণ কর। এখন জ ব ট ও ছ চ জ ফুইটী সদৃশ তিভুজ क्टेब्राएहः श्रुख्ताः हे यः व व ः ह व ः ह हः कि ह व व = हक = हच = ४० निह : व छ : हच : हच : ह = 5 45 G.5 ₹€00 

विभि य है > ६ निष्क दब, छाटा ट्टेल नहीत পतिनत ह छ = ১৯% निक श्रेरित।

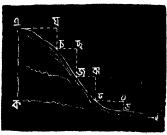
শুখলের সম্মুধে ব্যবধান পড়িলে ভাহা অভিক্রম করি-ৰার জন্যান্য উপায় ১ম ভাগে প্রদর্শিত হইয়াছে। ৫১, ৫২ 🛎 ১०२ शृक्षी मृष्टेवा ।

### ক্রেমনিমভূমির জরীপ।

 ২০। সমতল ভূমি জ্বীপ করিতে করিতে সম্বৃথে উন্নত অথবা কমনিয় ভূমি পড়িলে, পূর্ব্বোক্ত প্রণালী অনুসারে জরীপ করিলে প্রকৃত পরিমাণ অপেকা বেশী হইবে; শ্রহরাং ভদত্রনারে নক্সা প্রস্তুত করিলে সমুদায় ভূল হইয়া बहिर्दा मान कर कथ र अकी क्रमनित्र कृषि, अदर अर. ক্র জাপেকা বুরুৎ; স্মুডরাং নরা প্রস্তুত করিবার সময় এ খ-র পরিমাণ জানিলে চলিবেক না. ক খ-র পরিমাণ बार्रा क्रिए हरेरव। हेश य क्षणांनी अवनयन क्रिक्स शार्रा बहेता थात्क. जाश नित्र अमर्गिक श्रेरकता

ু এ চিছ্লিড ছানে পুশাল বড় দূর লোজা করিয়া পারা ্ষার টানিরা ধরিতে হইবে। বোধ কর ম পর্যন্ত শুম্পন সোজা ধরা ইইয়াছে; পরে দ্বন্থানে একটা ওলনদড়ী

कुलाहेश िष छेहा स्य शाम प्रिष्ठ मः नश हहेत्व, उथा ( ह ) हहेत्व मुख्यन धितश भूमकीत भृत्कीक श्रेकार कार्या कतिर्द्ध हहेत्व। स्य भ्याक थ निमृश्ह



আসিয়া উপস্থিত না হইবে, ততক্ষণ পুর্বোক্ত প্রণালী অবলম্বন করিয়া কার্যা করিবে। অনস্তর সমুদায় শৃত্থানের
মাপশুলি দম্প্রিকরিলে ক ধ-র পরিমাণ প্রাপ্ত ক্রুয়া যাইবে,
অর্থাৎ এ ঘ + চ ছ + জ ব + ঢ ঠ + ড ব = ক থ।
আর সমুদায় গুলনদড়ীর পরিমাণ সমষ্টি করিলে ক এ-ব
পরিমাণ লক্ষ্য হইবে, অর্থাৎ ঘ চ + ছ ক্ষ্য + ব চ +
ঠ ড = ক এ।

২৪। জরীপ করিয়া পূর্ব্বে এডকেশে চিঠা লিধার ব্রের্ক্ত্রণ রীতি ছিল ছাং। নিয়ে প্রদর্শিক হইতেছে। জরীপীচিঠা মৌজে বলরামপুর, পরসংগ গিরিগড়

জমীদার জমীদার শ্রীপ্রসন্ধনারায়ণ দেব। । কাঠাকুড়া ৮০ হাতের মাপ।

**জ্ঞানছদান চক্রেবর্তী জরীপ আমীন।** জ্ঞীকাশীনাথ দাস মুহুরী।

সন ১২৭৯ সাল তারিখ ১০ই হইতে ১৫ই অএহায়ণ।

### দিনায়**জক্জ**মী। বিভারিধ ১০ই অগ্রহায়ণ। রোজ রবিবার।

আৰে আরম্ভ থামের বায়ুকোণে গোপালপুরের সীমানার কালীনাথ মুজির ভালুকদারের জমাই জমীর দক্ষিণ পূর্বে।

আসামী দাগ উদং পূংপঃ সারা জিনিস মং ১ । প্রজা পণেশকলে ১৮০ ১॥২ ২৮১ ধানি আউ এল । মং ২ । তদ । প্রজা ঐ ১/১ ॥০ ॥১ ধানি দোএম ।

নং ৩। তপ্। প্রজা হলধরমণ্ডল ১।৩১॥৪২।৩ উদান্ত ॥০ পালান ১।৩

কৈ:। ব্যবসা। ভাইন লাফল বলদ গাভী স্ত্রী পুরুষ লায়েক চাষ ১ ২ ১ ৪ ৪ ৩ নালায়েক খানা

নং ঃ । তপ। জোত হলধর মতুল ২/১ ২/৪ ৪॥ ধানি জাউওল কৈ:। ইহার ৩৬ জাইলে ও দাগ মধ্য তৃইটী জাত্র গাছ জাছে।

নং १। তপু। ভোভ বলরাম পাল ১।২ ২।১ ৩/২ ধানিদোএম কৈ:। দাগমধ্যে একটা কুলের গাছ আছে।

নং ৬ তেশ। জোত ঐ ১/০ গড় ১/৪। ২াতঃ বাগাৎ ১/০

কৈ:। ইহার উ<sup>ন্</sup>ল ডহর পার কাবিলপুরের ক্ষি। ডদপু সন্ন্যাসীর ভোষা। ডক্সীলহকিকৎ

নং १। তপ্**উ। জোত** রামকিশোর **স্তর্ধর** ৸২ ১৸০ ১॥২ বাজে চাক্সনিয়া বাস্তা।

#### ভদসীল হকিকৎ

হ্যবস্থ	ভাইনপুরুষ	बी	লায়েক	নালায়েক	খানা
প্ৰসাতীয়	ی	د	5 ∈	ર જ	>

নং ৮। তদ। জোত রামকৃষ্ণ কুন্তকার ১/০২/০২/০ পালান।

ইহার ত দ কাবিলপুরের জমির মধ্যে সন্ন্যাসীর ডোবা।

।বসা তাইন পুরুষ শ্লী লায়েক নালায়েক খানা

। বজাতীয় ৩ ২ ২ ১ ১

ন্দা হরিশ্চক্র মিত্র গোমস্তা ও রামক্বঞ্চ মণ্ডল প্রভৃতির মোকাবিলায় জরীপ হইল। ইতি।

এইরপ দিন দিন জরীপ করিয়া চিঠা প্রস্তুত হইর। থাকে। একওয়াল জমি।

मान	ायी	শুমিকবি	<b>জেরজ</b> মি	72151
नः	<b>&gt;</b> .	રમડ		কৈকিয়ৎ
	ર	42	হাজীয়া	>>158
	9	২।৩	পৰাভকা	
	8	81 •	চাকরাণ	
	q	ં/ર	লাথেরা <b>জ</b>	
	<b>5</b> -	शंजा	দেবোত্তৰ	
	٦	282	র <b>সো</b> ত্র	
	<b>y</b>	2/0	<b>बैह</b> लान	1.5
'		25/58	গরপত্তনি	

#### নিরিখনামা।

<b>আ</b> সামী	<b>व</b> शिवनि	নিরিথ জমিদারী প্রেডিবিঘা	নিরিখ রাইয়ড়ি <b>গু</b> তিবি	বৃক্ষ ড ও দামসুধাবি	ভং
शानि माडे अन	915	١.	91	बी	<b>b</b>
ধানিদোএম	<b>া</b> ৩	<b>,</b>	. a	পুরুষ	ડર
দারি আউওল	2101	۵	21	গাভী	đ
চাৰি বাস্ত	I o	રા	٥	লায়েক	•
উদান্ত	į,	<b>ર</b>	١١	নালায়েক	o
পালান	>10	31	380	খানা	•
বাজেচাক্সনিরা	বাস্থ্য ৩৷২	8	<b>a</b> 1	লাকল	٤
ৰাগাৎ	3/0	•	91	বৃদ্দ	৬
*	>L() I				

#### >>| ? ||

## থাকবন্ত সংক্রান্ত জরীপের নিয়ম।

থাকবন্ত জরীপ ভিন প্রকার, যথা দীমাবন্দী জ্রীপ, মচালওয়ারী জরীপ, কেত্রবন্টক জরীপ।

কোন মৌজার চড়ঃদীমা জরীপকে দীমাবন্দী জরীপ কহে। মৌজার অন্তর্গত অদংলগ্ন টুফরা জমির জরীপকে মহানওরারী জরীপ কহে। মৌজার অন্তর্গত পরস্পর সংলগ্ন টুকরা জমির জরীপকে ক্ষেত্রবাটক জরীপ কহে।

কোন মৌজা বা কেত্র যে পর্যন্ত বিভূত থাকে, সেই বিভূতির শেষকে ঐ মৌজা বা কেত্রের দীমা কহে; এবং দেই শেষ রেথা দরল হইলে ভাহাকে লাইন বা দরল দীমা বলে।

মৌজার এক সরল সীমা হইতে জপর সরল সীমা আরম্ভন্থলে, যে যে কোন উপস্থিত হয়; সেই সেই কোনে মাটির স্তস্ত অর্থাৎ থাক প্রস্তুত করিয়া মৌজার চতুঃপার্ব বেষ্টনপূর্বক, ভাষাকে সরিষ্টিভ অপর মৌজা ইইতে পৃথক্ করিতে হয়, এই পৃথক্ করার নাম সীমাবন্দী করা।

ছই দীমানার থাককে ধুঁই, তিন দীমানার থাককে মিনার ও চারি দীমানার থাককে ভোগা বলে। ধুঁই ছই হাড, মিনার তিন হাত ও ভোগা চারি হাত উচ্চ হইয়া থাকে।

থণ্ড জমি সীমাবন্দী করিতে হইলে শুস্ত প্রস্তুত না করিয়া, এক একটা বাঁশ পুতিয়া, এক এক থাক কল্পনা করিয়া শইড়ে হয়, ও প্রত্যেক থাকের সঙ্গে তাহার পশ্চাতের থাকের যে বিয়ারিং ও ব্যবধান তাহা লিখিতে হয়।

কোন প্রাম চকবন্দী জরীপ করিতে হইলে, প্রামের বায়ু কোণে ভেদীমানার জরীপ আরস্ত করিবে। দদি বায়ুকোণে ভিন প্রামের দীমা দংযোগ না থাকে, তবে কিঞ্চিৎ দক্ষিণ বা পূর্বেষাইয়া, যেথানে প্রামত্তরের দীমা পাওরা যার, সেই শানে আরম্ভ করা উচিত। মৌজার দিকে বাম হাত রাথিয়া ভাছার চতুর্দিক জরীপ করিতে হর। নিদর্শন শ্বান গুলিতে ক, ধনাম না দিয়া ১, ২, ৩ প্রভৃতি নম্বর দিতে হয়।

কোন মোজা হই কিয়া ততোধিক মহালভুক্ত হইলে, প্রথমতঃ মোজার দীমাবন্দী করিবে। তৎপরে যে মহালের কমি অধিক, তাহা ছাড়িয়া বক্তী বণ্ড ধণ্ড মহালের ক্ষমি পৃথক পৃথক দীমাবন্দী করিয়া একাদিজমে সংখ্যাপাড় করিবে। এই সকল থণ্ড অমিকে চক্ কিয়া হরা অথব টুকরা অমি কহে।

্ৰএক মৌশার মধ্যস্থলে ধদি শপর কোন মৌশার টুকুরা

क्यि थारक बनः वे हेकता हहेए क्षेत्रामा स्मेशात नीमा শত্যন্ত দূর হয়, তাহা হইলে দীমাবন্দীর কোন থাক হইতে ब জমি একবারে দেখিতে পাওয়া মার না। অভএব দীমা-ৰন্দীর কোন থাক হইতে ক্রমে দশ দশ বিখা বা তাহার নান অন্তরে এক এক থাক কলনা করিয়া, দৃষ্টি করিছে করিতে ঐ অসমর এক কোণ দৃষ্টি করিবে। ভাহাতে এ শ্দির স্থান নিরূপিত হইবে। এই প্রক্রিয়াতে যদি থাক টেড়া বেঁকা হইয়া পড়ে তাহাতে ক্ষতি নাই; কেননা ঐ শকল থাকের বিয়ারিং ও ব্যবধান লওয়া যাইবে ও তদ্টে নক্সা উঠিবে। অনস্তর, ঐ টুকরা জমির উপর উক্ত কোণ হইতে দৃষ্টি করিতে করিতে অগ্রসর হইরা, ভাহার অপর (कांग वा थाक लका कतिया विद्यातिः अवश वावधान नहेत्वः এবং বারশার এই প্রক্রিয়াধারা টুকরা জমির দীমা স্থির করিবে। যদি টুকরা জমির পূর্কোক্ত কোণের অপর দিক হইতে বড় মৌজার জার এক থাক লক্ষ্য করিয়া, অঞ্জসর **इहेरड इहेरड** विज्ञातिः ७ राज्यान श्रद्ध शृक्षक छेक्क शास्त्र উত্তীর্ণ হইয়া তাহাকে টুকরা জমীর সহিত যোগ করা যায়. ভাষা হইলে ভাষাকে ষোগবিয়ারিং করে।

্র টুকরা ক্ষির চ্ছু:সীমা ক্রীপের সকে মৌকার চ্ছু:সীমা জরীপের বোগ করিবার নিমিত, টুকরা জমির যে পার্থ মৌলার নিকটবর্জী, তথায় এক নিশান স্থাপিত করিয়া মৌলার শীমানার এক পার্ধ হইতে নিশানের বিয়ারিং কইছা উভয়ের অন্তর্গত দূরত্ব পরিমাণ মাপিতে হর। টুকরা জবিটা বদি লার একটা বড়**ুটুকরার মধ্যে থাকে, ভাহা হইলে ভা**হার

চ্ছঃদীমা জরীপকে এই বড় টুকরার চ্ছঃদীমা জরীপের দক্ষেতি দােগ করিছে হয়।

মোজার দীমাবন্দীর চিঠা প্রথম লিথিয়া, টুকরা জামির
চিঠা পৃথক্ লিথিতে হর, কেননা মৌজার দীমাবন্দীতে
চিঠার চারিটী ঘর থাকে, কিন্ত টুকরা জামির চিঠাতে পাঁচটী
ঘর। প্রথম ঘরে টুকরার দংখাা, দিভীর ঘরে টুকরার
থাকের দংখাা, ভভীর ঘরে বিয়ারিং দংখাা, চভূর্ব ফরে
বাবধান দংখাা এবং পঞ্চম ঘরে মন্তব্য কথা, অর্থাৎ দীমাবন্দী যে থাক হইতে আরম্ভ ও যে থাকে দমাপ্ত হয়, এবং
দেই টুকরা যে মহাল ভূক্ত ভাহার বিবরণ লিখা যায়।
টুকরা জামির দীমাবন্দীতে প্রত্যেক থাকের দক্তে, ভাহার
পশ্চাতের বিয়ারিং ও ব্যবধান লিথিবার রীতি আছে,
মন্তবাং নক্ষাতে সেই টুকরার স্থান নির্ণয় করিবার জার্ভ যে ধাক হইতে প্রথম দৃষ্টি করা যায়, কিন্তা যোগ বিয়ারিং
লওয়া যায়, ভাহার বিয়ারিং ও ব্যবধান লেথার জার্ভক্ত হয় না, কেবল সেই থাকের দংখা। লিথিয়া পূর্কোক্ত ছই
ঘরে শ্না দিতে হয়।

মৌজাভূজ প্রত্যেক মহালের নম্বর (সংখ্যা) ও মালিক লথলিকার এবং প্রত্যেক মহালের টুকরা মির্ণন্ন করা ইন্ডাাছি
বিবরণ ১২টা ঘরবিশিষ্ট একটা ফর্দ্ধে নক্সার নীচে লিখা
যায়, তাহাকে ওয়াজবল আরম্ভ কহে। তাহার প্রথম ছরে
বাকবন্ডের নম্বর; দিতীর ঘরে পরগণার নাম; ভূতীরে মৌভার নাম; চভূর্বে মৌজার লিখিত মহালের নম্বর; পঞ্চমে
ভৌজির লিখিত মালিক ও হাল দ্ধ্লিকারের নাম; বর্টে

**ब्रिं** जो के स्थालत करकेत मार्था ; मखाम ताकत किह ; ब्रहिस ভিন্ন গ্রামের ছিটা জমি যাহা নিজ গ্রামের গর্ভে আছে ভাহার বিবরণ; নবমে নিজ প্রামের ছিটা জমি যাহা ভিন্ন শ্রামের গর্ভে আছে তাহার বিবরণ; দশমে চতুঃসীমা অর্থাৎ পাৰ্শ্বৰ্ত্তী মৌজা সকল যে থাক হইতে আরম্ভ হইরা যে থাকে সমাপ্ত হয় তাহার বিবরণ; একাদশে মণ্ডল কর্মচারীর নাম; দাদশে মস্তব্য কথা অৰ্থাৎ যে সকলে আপত্তি থাকে, এবং আপত্তি উপস্থিত হইয়া যে দীমাংদা হয়, তাহার বিবরণ निया হয়।

অভ্নম ঘরটী আবার চারিটী ক্ষুদ্র ঘরে বিভক্ত হয়। ভাহার প্রধান ভিন্ন প্রামের থাকবন্তার লিখিত নাম, দ্বিভীরে ভির মহালের নাম, ভৃতীয়ে চকের ভাইন, চভুর্থে রচেব विचवन ।

িনবম ঘরটী ভিনটী ক্ষুদু ঘবে বিভাজিত হয়। প্রথম ঘরে নিজ মহালের নাম ও সংখ্যা, দ্বিতীয়ে চকের তাইন, তৃতীয়ে ৰে প্ৰামের গৰ্ভে আছে, তাহার নাম।

ক্ষেত্রবন্টক বা ক্ষেত্রবট জরীপকে হাতাবন্দী ধসড়া জরীপ কছে, এবং প্রত্যেক মহালের জমি একবারে ষভটুকু মাপ করা যায়, তাহাকে হাতা করে।

্হাতাবন্দী খদড়া জ্বীপে, প্রথমতঃ রীতিমত মোজার নীমাবলী করিবে, তাহার পর নীমানংলগ্ন প্রত্যেক হাভার विश्वीतिः 😉 वानधीन नहेशा नीमायनी कतिशा शहेरत। অনস্তর মধাবতী অর্থাৎ অবশিষ্ট প্রভোক হাড়র দৈর্ঘ্য ও পরিশর কেবল শৃ**ন্দন ছারা পরিমাণ করি**য়া **করী**প করিবে।

ভাহাতে '' তপ'' 'তদ' ইত্যাদি শক্ষারা **প্রত্যেক হাতা** ছইতে অন্য হাতার দিক্ নির্ণীত থাকিবে।

মৌজার বায়ু কোণ হইতে আরম্ভ করিয়া ক্রমে হাভাবন্দী করিয়া যাইবে, এবং প্রত্যেক হাভার তুই পার্থের বিয়ারিং ও বাবধান পূর্কেই নির্ণীত হইয়াছে, বলিয়া, কেবল অন্য তুই পার্থের বিয়ারিং ও ব্যবধান নির্ণয় করিয়া, হাভাবন্দীর চিঠাতে ঐ হুই পার্থের বিয়ারিং ও চতুম্পার্থের দৈর্ঘ্যপরিমাণ লিখিবে।

হাতাবন্দী জরীপের চিঠা সভস্ত; ভন্মধ্যে বিয়ারিং ভাষা যে জরীপ হয়, ভাহার চিঠায় ১৬টা ঘর থাকে, এবং ভন্ত শৃত্যাল গালা যে জরীপ হয়, ভাহার চিঠায় ১২টা ঘর মাত্র থাকে। যথা,—

২য নিদর্শন স্থানের (ষ্টেশনের) সংখ্যা (নন্দর), ২য় লাগের সংখ্যা, ৩য় দিকের নির্ণয়, ৪য় জিলা ও প্রগণার নাম, ৫ম মহালের নাম ও সংখ্যা এবং মালিক ও হাল দ্থিলাকারের নাম, ৬৳ ক্রমকের নাম, ৭ম দৈর্ঘেরিয়ারিং, ৮ম দৈর্ঘ্যের মাপ, ৯ম প্রস্থবিয়ারিং, ১০ম প্রেস্থের মাপ, ১১শ ষ্টেশন বিয়ারিং, ১২শ বাবধান (ডিটান্দা), ১৩শ ক্ষেত্রফল, ১৪শ জমির বিবরণ, ১৫শ শ্যাদির নির্ণয়, ১৬শ মস্তব্য কথা।

ুম দাণের, সংখ্যা ( নমর ), ২য় ভৌজির \* সংখ্যা, ৩ছ

<sup>\*</sup> কালেইরীতে ভৌজি নামে থাতাতে জমির যে নম্বর নিখা থাকে, ভাষাকে ভৌজি নম্বর কহে এবং যে ব্যক্তি খাজনা নের ভাষাকে মার্লিক কহে। জমি মালিকের স্থিকারে না থাকিলা জন্য ব্যক্তির অধিকারে থাকিলে হাল কথালকার কহে।

महोत्तर नाम, ६४ मोनिक ७ होन पर्यनिकार्तर नाम, १म कुराकर नाम. ७। मिरकद निर्वत , १म रेनची, ५म अन् , २म कानि, ३०म क्रियत विवतन, ১১म मन्तामित विवतन, ১২म यञ्चता कथा।

ক্রোড়পত্তে ক'ব পৃষ্ঠার চতুঃদীমার মাপ ও চডুঃদীমা সংলগ্ন টুকরা অমিশুলির মাপ লিখিবার প্রণালী প্রদর্শিত ছইরাছে। গ প্রায় সীমাসংলগ্ন ব্যতীত অন্যান্য টুকরার মাপ লিখিবার প্রণালী প্রদর্শিত হইয়াছে।

থাকবন্তার রীভারসারে মৌজা কিমা ক্লেরের বায়ু কোণ হইন্ডে প্রথম নিদর্শন স্থান আরম্ভ করিতে এবং মৌজা বামে রাথিয়া প্রত্যেক সরল সীমা কিমা লাইন হইতে, অন্য সরল সীমা আরম্ভ ছলে যে কোণোৎপত্তি ছইবে, ভথায় অঙ্গারের এক একটী স্তুপ করা হয়; এবং এই রূপে ক্রমে ক্রমে এক এক নিদর্শন স্থান অর্থাৎ স্তম্ভ প্রস্তুত হইরা থাকে। প্রথম নিদর্শন স্থাম প্রস্তুত হইলেই ভাছার উপর দিগদর্শন যন্ত্র স্থাপন করিবে, দিভীয় নিদর্শন স্থান যে স্থলে নির্মিত হটবে, সেই স্থলে নিশান থাড়া করিয়া. কভ বিয়ারিং লক্ষ্য করিবে। ক্ষনভুৱ, প্রথম নিদর্শন ছান হইডে ভিডীয় নিদর্শন স্থান যত বিলা ব্যবধান ভাষা শৃত্থল দারা পরিমাণ করিবে, वार्वः वाष्ट्रे विद्यादिः वादः वादशानशतियां । अ व्यवस निम-ৰ্মি ভানের দংখা চিঠাতে লিখিতে হইবে। ছৎপরে 🕯 নিশানের স্থানে বিভীয় নিদর্শন স্থান প্রস্তুত क्रवाद, धवः छानाव छेनव निगनर्गन यह दमाहेश पूर्व निविष्ठ विक्राजिर वृद्धे के निवर्गनद्यान क्षष्ठ वरेत्राद কিনা, অর্থাং পূর্ব নিদর্শন স্থানের লক্ষিত বিয়ারিং ওদ্ধ রূপে লওয়া গিয়াছে কি না, ভাষা পরীক্ষা করিয়া, ভথা চুইতে ভৃতীয় নিদর্শনস্থান লক্ষ্য করিবে; এবং ভাষার বিয়ারিং ও ব্যবধান ও ছিতীয় নিদর্শন স্থানের সংবাদ চিঠাতে লিথিবে। এইরূপে প্রভাক নিদর্শন স্থান হুইতে জনা নিদর্শন স্থান লক্ষ্য ও ভাষার ব্যবধান পরিমাণ করিয়া মৌজা বেইনপর্বাক শেষ নিদর্শন স্থান চুইতে প্রথম নিদর্শন স্থান লক্ষ্য করিয়া জ্রীপ স্মাপ্ত করিবে।

শীমার বাহিরে অনতিদ্রে বাটা, বৃক্ষ, নদী, রাস্থা, মন্দির প্রভৃতি যে কোন স্থায়ী চিহ্ন থাকে, তাহা লম্ব্যারা অথবা কোন স্তম্ভ হইতে লক্ষ্য করিয়া, তাহার বিয়ারিং ও দ্রুত্ব যত হয়, তাহা চিঠার মস্তব্যের ঘরে লিখিবে, এবং নক্ষা অন্ধিত করিবার সমর ঐ চিহ্ন সকলের প্রভিকৃতি উহার যথান্থানে চিক্তিত করিতে হইবে। ভবিষ্যতে শীমা লইয়া বিবাদ উপন্থিত হইলে, তদ্যারা বিশেষ উপকার ইতিত পারে।

কোন মহালের ভূমি পৃথক পৃথক চকবলী রূপে স্ত্রিকী বন্দন হইরাছে। ঐ ভূমি কোন্ স্ত্রিকের কন্ত, ভাহা আনিতে হইলে, মোট প্রাম থাক করণানন্তর বৃদ্ধিনীবার কোন লাগে দিগ্দর্শন যন্ত্র বসাইরা, ভণা হইছে সহালের বে বে স্থানে প্রস্তুপ অমি আছে, ভাহা পৃথক পৃথক থাক স্থিবিদ্ধি বাহার বন্ধ অমি ভাহা নির্গ্র হইছে পারে।

াৰে মানদত হারা জ্বীপ ক্রিতে হয়, তাহার প্রিমাণ চিঠার শিরোভাগে লিখিতে হইবে।

🦟 চিঠার শীর্ষদেশে ও ওয়াজবল আরজের সমস্ত কাগন্ধে মৌজার নাম স্পষ্ট করিয়া বড় অক্ষরে লিখিতে হইবে। ইংার বাম ভাগে ছোট অক্সরে জেলার ও দক্ষিণ ভাগে পরগণার নাম ও উপরে থাকবস্থার নম্বর এবং নীচে থানা ও মুন্দেকের মোতালক লিখিবে; এবং বে সন ও মাদের ষত তারিখে জরীপ সমাপন হর তাহা বিভিতে হইবে। এডডিল্ল যে দকল ব্যক্তির সম্মুধে জ্বরীপ হইয়া থাকে, ভাছাদের এ নাম লিখিতে ছয়।

ু ফর্দের (টেট্মেটের) ধানেস্থমারির ঘরে হিন্দু মুস্ল-मान लाकमःथा। ও পতিত क्रमीत मःथा। यथार्थकाल হিদাব করিয়া লিখিতে হইবে। প্রতি প্রজার ঘরের भःथा। । निर्वादः अवः वांगित्क अक चत्र वंनित्र। धति द्व ।

ি এক মহালের চকের মধ্যে অন্য মহালের ছোট কোন জমি শ্বাকিলে প্রথমতঃ সমুদায় মাপিয়া শেষে মধাবর্তী টুক্রা মাপিবে।

্রপ্রথম থাকবন্তের আরস্তে মৌজার বায়ুকোণ জ্বরীপ আরম্ভ করার রীডি আছে, যদি ঐ বায়ু কোণ ভেদীমানা हैत, छरने ठिठीत मञ्जवा घरत এकरी शत्र हिंदू किर्दा कथवा এই লিখিবে 'অমুক মৌলার শেষ সীমার অমুক মৌলা थार्थ'; कि**ड** रिंग थार्थम संगति एक्पीमाना ना इस, उत ''ममूक सोमा ७ भद्रगंग शाख''।

मोबा कतील बाइक रुउत्तत हो। विवत गुट्स बै

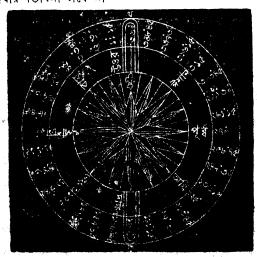
বৌজার প্রকাশাস্থনে এই বিবরণে এক খণ্ড বিজ্ঞাপন
স্থাইয়া দিতে হইবেক ষে, নিজ মৌজা ও মৌজার সীমার
বহিঃছ জমীর অধিকারীগণ জরীপ কালে উপন্থিত থাকিয়া
আপন আপন অধিকারভুক্ত ভূমির বথার্থ রূপে সীমা
দেখাইয়া দেয় ও কোন আপত্তি থাকিলে তাহাও উপন্থিত
করে, নচেৎ জরীপ সমাপনে এক সপ্তাহের মধ্যে আবেদম
না করিলে পশ্চাৎ তাহার কোন আপত্তি গ্রাহ্ম হইবেক না।

ইতি পূর্বের শুদ্ধ শৃদ্ধল দ্বারা জরীপ করি-বার নিয়ম প্রদর্শিত হইয়াছে, এইক্ষণে দিগ্-দর্শন যন্ত্রদারা উক্ত কার্য্য যেরূপে সম্পন্ন হইয়া থাকে তাহা উল্লিখিত হইতেছে।

দীমাবন্দী করিবার সময় থাকের নিদর্শন স্থরূপ যে কয়লার স্থুপ অথবা যটি স্থাপিত হয়, ভাহার উপর দিগ্দর্শন যয় সমানভাবে স্থাপন করিতে হয়। দিগ্দর্শন যয়হারা এক থাক হইতে অন্য থাক যত জংশ ভাহানিরূপিত হয়। শৃত্যাল বা টেপদারা থাকের ব্যবধান পরিমিত হইয়া থাকে। মানদণ্ড ও পরিমাপক দারা নয়া প্রস্তুত হইয়া থাকে।

দিগ্দর্শন বত্র ছই প্রকার, সামান্য ও মৌক্রিক। সামান্য দিগ্দর্শন বত্র এক থানি গোলাকার চাঁদা (পরকল অর্থাৎ অংশপট্ট) ভাছার পরিধিতে ৩৬০ অংশ বা বিরারিং টিক্লিড থাকে ও ঠিক মধ্যছলে একটা স্থাী সংলগ্ন থাকে, এবং স্টীর অঞ্ভাগে একটা চুসক শলাকু। ভাশিত হয়, সেটা নিয়তই উত্তরাভিমুথে থাকে। চাঁদা থানি কাচের ঢাকনি-বিশিষ্ট একটা গোলাকার কোটার মধ্যে নিহিত থাকে।

किछि शान, 810 देश वामविभिष्टे अवर जाय देश বা কিঞ্চিদ্ধিক গভীর। কৌটার বিপরীত ধারে ছুই খানি চারি অঞ্ল দীর্ঘ ফাঁপা বীক্ষণ চুন্দী ( দাইট) লম্বভাবে ঞোধিত থাকে। ছিল্রের ভিতর দিয়া নিমের সামগ্রী দেখিতে পাওয়া যায়। একটার বীক্ষণ চন্দীর ছিদ্র অধিক চৌড়া, সেই ছিন্তের মধ্য দিয়া এক গাছি ভার সংলগ্ন থাকে। को हो । वर्ष किथानि हो हो । को हो । वर्ष भारत । যে বীক্ষণ চন্দীর মধ্য দিয়া সক তার আছে, চাঁদার উত্তর ভাগটী ঠিক ভাহার নিমে থাকে। এই যন্ত্রটী একটী আধার পেঁচ ছারা কার্ছের এক ত্রিপদির উপর স্থাপিত থাকে। যথন ষম্ভটী ব্যবস্থাত হয়, তথন পেঁচটী আঁটিয়া দিলে উছা ত্রিপদির মস্থকের উপরে থাকিয়া চতুর্দ্ধিকে ঘুরে, অথচ উহার পড়িয়া ষাইবার সম্ভাবনা থাকে না



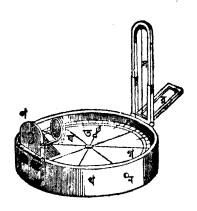
শারকম্করেন্ট অর্থাৎ গোলাকার বন্ধর পরিধি
৩৬০ ভাগে বিভাজিত বলিয়া কল্পনা করা যায়, এবং
প্রান্তেক ভাগ অংশ বলিয়া অভিহিত হয়। অংশ সহজে
পণনা করিবার জনা উত্তর দিক্ ইইতে আরম্ভ করিয়া একাদি
ক্রমে সংগাপাত দ্বারা পরিধি বেইনপূর্বক পুনন্দ উত্তরদিকে ৩৬০ সংখ্যাতে সমাপ্ত ইইয়াছে। সেই অংশ চিহ্নিত
গোলাকার একথণ্ড চিত্রপট, দিগ্দর্শন যয়ের শলাকার নীচে
থাকে ভাহাকেই পরকল বা চাঁদা অথবা অংশপট্ট করে।
ভদ্বারা দিকের বিয়ারিং নির্ণীত হয়। এভদ্বাতীত আরপ্ত এক
থণ্ড চিত্রপট পরকল সংজ্ঞা প্রাপ্ত হয়, ভাহাকে নক্সার পরকল
কছে। ভদ্বারা নির্ণীত বিয়ারিক্রের নল্পা প্রস্তুত ইইয়া পাকে।

দিগ্দর্শন হয়ের পরিধির অষ্টম ভাগ অর্থাৎ ৪৫° অংশ বাবধানে এক এক দিক কল্পনা করা যায়। বথা, উত্তর হইতে ৪৫° অংশ বাবধানে ঈশান কোণ, ভাহা হইতে ৪৫° বাবধানে পূর্ব্য দিক। এই রূপ পর্যায়ক্রমে প্রভ্যেক দিক্ ৪৫° বাব-ধান থাকাতে, ঈশান কোণে ৪৫°, প্র্কিদিকে ৯০°, জারি— কোণে ১৩৫°, দক্ষিণে ১৮০°, নৈক্ষতি কোণে ২২৫°, পশ্চিম-দিকে ২৭০°, বায়ুকোণে ৩১৫° এবং উত্তরে ৩৯০° সমাপ্ত হইয়াছে।

দিগ্দর্শন বাস্ত্রের পরকল ও নক্ষা করিবার পরকল এই উভর পরকলই তুলা, কেবল অংশ সংখ্যা বিপরীত ভাবে অভিভ হয়, অর্থাৎ দিগ্দর্শন বাস্তর পরকলে বামাবর্জে এবং নক্ষা করিবার পরকলে দক্ষিণাবর্জে অংশসংখ্যা অভিক হয়।

# মৌকুরিক দিগ্দর্শন যন্ত্র

ভূমি জরিপ করিবার পকে সামানা দিগ্দৰ্শন যন্ত্ৰ অপেক্ষা মৌকু-ब्रिक मिशमर्गन यञ्च অধিক কার্য্যোপযোগী প বিশুদ্ধ। এই প্রকার যাত্রে স্থানীটী অংশ-भाषेत महिक मानग श्रांक. धवर भागावडे



স্থানীর সহিত ঘৃণিত হয়। সামানা দিগ্দর্শন যজের সহিত এই দিগ্দর্শন যন্ত্রের সকল অংশেই প্রক্য আছে, কেবল ৰে নিবন্ধন ইছার নাম মৌকুরিক দিগ্দর্শন যন্ত্র হইরাছে এছলে ভাহার বর্ণনা করা যাইভেছে।

্ৰ এই যত্ত্ৰে একটা বীক্ষণ চুঙ্গী থাকে। ঐ বীক্ষণ চুঙ্গীর মধ্যে একটা ভার আছে। এই বীক্ষণ চুক্লীর বিপরীত দিকে **ধাড়ুনির্ন্মিত আধা**র মধ্যে মুকুর থানি সংস্থাপিত **থাকে**। এই মুকুর সাহায্যে জরীপ আমীন, লক্ষ্য বস্তু এবং লক্ষ্য-ৰশ্ব ও দিপ্দর্শন যজের স্চীর সহিত রেধা কল্পনা করিলে যে কোণ হয়, তাহা যুগপৎ দর্শন করিতে পারেন। সামান্য मिश्मनीन यज्ञ बाता कान वस नका कतिए हरेल, জরীপ জামীনকে চুগীন্থিত ভারকে এরপে স্থাপন করিছে

ছষ যে, সেই ভারের সমস্তান্ত রেখা কল্পনা করিলে, ঐ রেখা লক্ষা বস্থার ঠিক মধাস্থল ভেদ করিলা যায়, এবং ঐ রেখা ও চুস্ক স্থানীর সংযোগে যে কোণ হয় ভাহার পরিষাণ দেখিয়া নিরূপণ করেন।

মৌকুরিক দিগ্দর্শন যজের গুণ এই বে, চুন্সীর মধ্যন্তিওঁ ভার লক্ষ্য বন্ধর সমস্ততে স্থাপন করিলে, অংশপটের কোন না কোন অংশ লক্ষ্য বস্তুর সমস্তত্তে স্থাপিত হয়। স্থ্নীর কম্পন নিবৃত্তি হইলেই দর্শক সেই চুন্সীর মধ্য দিয়াই লক্ষ্য বস্তুর কোণের অংশ পরিমাণ নির্ণয় করিতে পারেন।

কোন নিদর্শন স্থানের উপর টেসীন (দিগ্দর্শন কর্ম ভাপন করিবার ত্রিপদ্বিশিষ্ট আসন) স্থাপন করিয়া ভাহার উপর দিগদর্শন যন্ত্র বদাইবে। অনভার ভিতীয় নিদর্শন স্থানে নিশান প্রোথিত করিয়া দিগুদর্শন যন্তের নীচের বীক্ষণ চঙ্গীতে চক্ষুদিয়া উপরের চুঞ্জীর মধ্যদিয়া র্থ নিশান সমস্থতে ককা করিতে হইবে। তাহাতে আমী-नित गरक गरक यञ्चक **अतकालत उन्तत मिक मक्कि**शायर् পুরিরা সেই লক্ষিত দিকে বাইবে। কিছ বল্লের স্থানী দর্মদাই উত্তরাভিমুখে থাকে, স্বতরাং উত্তরের কাঁটার নীচে বাম পার্শ্বের বে বিয়ারিং আইনে, সেই বিয়ারিং विकिछ प्रिटेक्त विश्वातिः इट्टेन। धट्टे ज्ञाल धक निर्मर्गन ভান হইতে অন্য নিদৰ্শন ভান লক্ষ্য করিয়া ভাহার दिशातिः निर्गतं कतिएक इहेरवं। खत्रीरभतं नमतं रव शिक्ह विका करा राष्ट्रिक माः मिन् मर्गम यद्यत विश्व भारकरमह ৰা চালার বে<sup>°</sup>রেখা<mark>টা চুমক শলাকার ১ মুখের নিয়ে পতিভ</mark>

ছয়, দেইটাই বিয়ারিং স্থির করিয়া লিখিতে হইবে। যথা, দ্বীন কোণ লক্ষ্য করিলে, পরকলের উত্তর দিক দক্ষিণ পার্বে ৪৫° অঞ্জনর হয়। ভাহাতে বামপার্বস্ক ৪৫° বিয়ারিং উত্তরাভিমুখে শলাকার নিমে আইদে। এইরপ भूर्विषिक सका कतिरत २० विशातिः इत रेखानि। किंद মক্সা করিবার সময় পরকল উত্তর দক্ষিণে রীভিমত বসিয়া খাকে। ভাহাভেই ঐ ৪৫ ও ৯০ বিয়ারিং বামপার্ঘে দুট ছয়। বাস্তবিক ঐ ৪৫ বিয়ারিং দক্ষিণ পার্খে একাদিক্রমে श्रममा कवित्व केमान कांग, खबर २० विहाबिर श्रमना कदित्य পুর্বাদিক পাওরা যার। এই রূপ বায়ু কোণ লক্ষ্য করিলে, मित्र मर्मन यज्ञम् अतकलात छेखत निक् मिक्नावर्ष्ट धकामिकस्य ৩১৫ বিয়ারিং অঞ্জনর হর: তাহাতেই বামপার্থের ৩১৫ विश्रातिः पृष्टे इत्र, এवः উত্তর দিক पृष्टि कतिल राज्ञव উত্তরদিক ৩৬০ বিয়ারিং অঞ্জসর হইয়া পুরিয়া পুনরায় উত্তর ब्रिटक खाडेरन ।

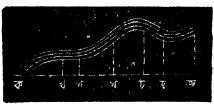
🖟 দিগুলব্দি যন্ত্রের পরিধি ৩৬০ অংশে বিভক্ত হইর। জীছার ৩৬০ বিরারিং হইরাছে। কোন বিরারিকের **টিক**া বিশরীত পার্বে যে অনা বিয়ারিং থাকে, তাহাকে পূর্বোজ বিশ্বারিক্ষের পাল্টা বা বিপরীত করে। যথা, ১ বিশ্বারিক্ষের शान्को ১৮১ विद्यादिः ७ ३० विद्यादिस्कत शान्को २१० विवादिः ।

्रे भागुणे विद्यातिसम्ब वारशान अ०० वारण इत्र विवर्ष ও অবধি ১৮৯ বিয়াবিং প্রয়ন্ত বে ক্রোন বিয়ারিকের পান্টা লুওরা আরশ্যক, ভাষাকে ১৮০ বোগ করিলেই হর। এক

১৮০ জংশের উর্দ্ধে বন্ধ বিরারিং হয়; ছাহার পাল্টা একাদিক্রমে তত হইরা থাকে। কেননা ৩৩০ বিরারিকের উর্দ্ধি
আর বিরারিং নাই। জতএব ১৮০ বিরারিকের উর্দ্ধে ৩৬০
বিরারিং পর্যন্ত বে কোন বিরারিকের পাল্টা লইতে হইবে,
দেই বিরারিং হইতে ১৮০ বিরারিং বিরোগ করিলে, ভাহার
পাল্টা দ্বির হয়। যথা, ১৮৯ বিরারিকের পাল্টা ১৮০
বিরোগ দারা ৯ বিরারিং দ্বির হয়।

১ম নিদর্শন স্থান হইতে ২য় নিদর্শন স্থান লক্ষ্য করিলে যত বিয়ারিং দৃষ্ট হইবে, দ্বিভীয় নিদর্শন স্থানে দিগ্দর্শন যত্ত্ব স্থাপন করিয়। প্রথম নিদর্শন স্থান লক্ষ্য করিলে, যদি সেই বিয়ারিং দক্ষিণের কাঁটার নীচে দৃষ্ট হয়, ভাহা হইলে জানা যায় বে, প্র্বনিদর্শন স্থানের লক্ষিত বিয়ারিং বিশুদ্ধ ইইয়াছে। এই রূপে জরীপ হইয়া থাকে।

একটা নদীর পার্বন্ধিত অস-রল ভূমির নক্সা আছিত করিতে হটবে।



ক চিক্লিড বিন্দুকে নিদর্শন শ্বান করিয়া তত্পরি ত্রিপদ তাপন করিয়া দিগ্দর্শন যন্ত্র সরলভাবে বসাও। পরে জ চিক্লিড ভানে একটা পতাকা লম্বভাবে ধর। জনভার দিগ্দর্শন ধরের নীচের বীক্ষণ চুলীর ছিন্ত দিয়া এফপে দেখ যে, উপরের বীক্ষণচুলীর মধ্যবর্তী ভারের সম্পত্তে বিন প্রাকাদশুটী সম্বিধ্তিত ব্যিষ্কা বোধ্ হর। পরে দেখ যে, দিগ্দর্শন যত্ত্রের গর্ভন্থ চুসক শলাকার মুখের
নিম্ন ভাগে চাঁদার অঙ্কিত অংশসংখ্যার মধ্যে কোন্
সংখ্যাটী পড়িরাছে। যে সংখ্যা পড়িবে সেইটী চিঠার
মধ্যের ঘরে নিদর্শন স্থানের উপর লিখ। এখন ঐ চিঠা
দুষ্টে ক্ষেত্রের নক্ষা এবং ক্ষেত্রফল স্থির করা যাইতে
পারে।

**G** 

5

Б

ম্ব

51

র্থ

•	⊚ জ পৰ্যান্ত
>> 9	9२०
200	900
२२७	¢ o e
<sub>2</sub> 202	৩৫০
٠.	200
98	700
	00
	27*
<b>লা</b> ন্ত	<b>⊚</b> क
1947	

প্রতিক্রতি নিকাশন!

একতা কাগজে একটী

চিহ্ন লও, যথা ক। পরে

ক চিহে কোণনান
গজ স্থাপন করিয়।

বিয়ারিং অনুসারে পরিমাণ দ্বির করিয়া ক জ

একটা রেথাপাত কর।

ভানস্তর জরীপে সে স্থে
লম্ম উত্যোলন কর।

ভইয়াচে, চিঠা দেখিয়া

শৈই সেই লম্বের ছানে ক জ রেথার উপর এক একটা চিহ্ন লাও: এবং ঐ চিহ্নগুলি হইতে চিঠায় লিখিত পরিমাণার সারে লম্ব উত্তোলন কর। এখন ঐ লম্বগুলির শীর্ষদেশ দিয়া রেখা টানিলে নদীর প্রতিরূপ আছিত হইবে। পর্কে যে। নির্মাল্যারে ক্ষেত্রফল দ্বির হইয়াছে, সেই রূপে ইছার প্রিমাণ দ্বির করিলে ৯৬২৫০ বর্গ মাইল হইবে। দিগ্দর্শন ব্য়ন্ত শুখাল উভ্য হোরা যে জারীপ করা যায়, জার ভদ্ম

গ্ৰমনপ:

শৃত্থন ধারা যে জরীপ করা যায় এ ছুয়েরই চিঠা এক প্রকার, কেবল এই মাত্র ভেদ যে, দিগ্দর্শন যন্ত্র ও শৃত্থল উভয় ধারা জরীপ করিলে চিঠাপুস্তকে জংশের অস্ক সকল লিখিত থাকে, ভক্ষ শৃত্থল ধারা জরীপ হইলে চিঠাপুস্তকে জংশের অস্ক সকল লিখিত থাকে না। মনে কর শৃত্থল রেখা পূর্ক পশ্চিমদিকের অভিমুখে আছে। এই শৃত্থল রেখা উত্তর-দক্ষিণাভিমুখে কোন রেখা ধারা মধ্যে জরজির হইলে বে কোন হয়, তাহার পরিমাণ অর্থাৎ বিয়ারিং ৯০°। বদি পশ্চিমদিক হইতে প্রকাদিকের অভিমুখে জরীপ হইতে থাকে, তাহা হইলে চিঠাপুস্তকের মন্তব্য কথা লিখিবার ঘরে বিয়ারিং ৯০° লিখিতে হয়। যদি পূর্বনিক্ হইতে পশ্চিমদিকের অভিমুখে জরীপ হইতে থাকে, তাহা হইলে ২৭০° লিখিতে হইগে!

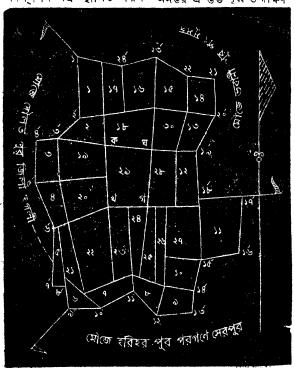
#### ক্ষেত্রবন্টক জরীপ।

মৌজে শ্যামপুর, পরগণে গোপালনগর।\*
জিলা হুগ্লি। থানা নেত্রকোণা।

জরীপ সন ১২ ৭৯ সাল ১৩ই অগ্রহায়ণ। এলাকে মহকুমে শ্রীলঞ্জীযুক্ত উপেন্দ্রনারায়ণ দিংহ রায়বাহাদুর। কৃত শ্রীকালীমোহন বিখাস জামীন। ৩০ ফুট শৃষ্খলের মাপ। নিয়ন্থ মৌজা ক্ষেত্রবট রূপে জরীপ করিতে হইলে,

ক্ষেত্রবন্টক জরীপের চিঠার শীর্ধনেশে পূর্ব্বোক্ত বিবরণটা
লিখিতে হয়।

অত্যে মৌজার বায়ুকোণে তেদীমানার স্তস্তের ১ দাগে দিগ্দর্শন যন্ত্র স্থাপিত কর। অনন্তর ঐ স্তন্ত পূর্ব্ব ও দক্ষিণ



ভাগে ১ চিহ্নিত ক্ষেত্রের যে দীমা আছে, ঐ ছুই শীমার প্রান্তে অর্থাৎ ক্ষেত্রের ঈশান ও নৈক্ত কোণে এক একটা নিশান ধর। এইক্ষণে ঐ নিশান্ত্য । ঞাকে একে লক্ষা করিয়া যে ছইটা বিয়ারিং হয়, ভাছাদের मं:था यथाकारम ठिठात रेमर्घा ७ अन् विश्वातित्वत पत

লিখ। পরে শৃত্বল ছারা চারি দীমা পরিমাণ করিয়া যে ছুই সীমার বিয়ারিং লিখিত হইয়াছে, সেই ছুই সীমার অর্থাৎ উত্তর ও পশ্চিম দীমার পরিমাণ উপরিভাগে, ও ভাহার নিমে যথাক্রমে দক্ষিণ ও পূর্ব্ব বাছর পরিমাণ দিক-স্থাক সাম্বেভিক বর্ণ সহকারে দৈর্ঘা প্রস্তু রশির ছরে লিখ। অনভর ঐ ভান হইতে মৌজার সীমার ২ চিহ্নিত নিদুর্শন ছানের, অর্থাৎ পরে যে ক্ষেত্র পরিমাণ করিতে হইবে, ভাহার বায়ুকোণে ২ দাগে স্থাপিত স্তম্ভ লক্ষ্য করিয়া যত বিয়ারিং . হয়, তাহা থাকবিয়ারিকের ঘরে, ও শৃত্থল ঘারা ১ হইতে ২ প্ৰয়ন্ত মাপিয়া যত দূবৰ হয়, তাহা ব্যৰ্থান (ডিষ্টাঞ্চা) পরিমাণের ঘরে লিখ। এখন দিগ্দর্শন যন্ত তুলিয়া ২ চিহ্নিত স্তম্ভে স্থাপিত কর, ও তথা হইতে ২ চিহ্নিত কেত্রের উত্তর পশ্চিম সীমার বিয়ারিং লও, ও ৩য় ক্ষেত্রের বায়ুকোণ শক্ষ্য করিয়া ভাষার বিশ্বারিং ও ব্যবধান পরিমাণ কর। এই ক্লপে দক্ষিণ অভিমুখে যত দূর যাইতে হয়, তত দূর প্রয়ঞ্জ #ভি ক্লেত্রের বায়ুকোণে দিগ্দশন যন্ত্র স্থাপিত কর। দিক্ পরিবর্ত্ত করিয়া পূর্বামূথে যাইতে হইলে প্রতি ক্ষেত্রের নৈশ্বতি কোণে, উত্তরমূথে যাইতে হইলে অগ্নি কোণে, ও পশ্চিম मूर्थ याहेरा हरेरत मेगान कार्प मिश मर्गन यह चालिए কর, ও দেই দেই স্থান হইতে যে ছুই সীমা প্রাপ্ত হওয়া যায় তাহাদের বিয়ারিং গ্রহণ কর। এই রূপ ক্রমশঃ এক এক বন্দ জমী জরীপ করিয়া পুনর্কার মৌজার বায়ুকোণের প্রথম স্তম্ভে আনিয়া মিলন কর। ভিতর হকা জরীপের সময় জার দিগ্দর্শন যন্ত প্রয়োগ করিতে হইবে না, ওদ সৃত্যল

ছারা জরীপ করিলে চলিতে পারে। এইরপ পরস্পর শ**রিহি**ড ক্লেত্রগুলি জ্বরীপ করিলে চিত্র করিবার সময় কোন ব্যাঘাত হইবে না। বে সন্নিহিত ক্ষেত্র পূর্বে জরীপ হইয়াছে, ভাহার কোন দিকে যদি পূর্ব পরিমাপের ছুই नीयाविभिष्टे क्यों ना পाउया याय. उत्त नरे का माल कतित्व, चर्या ( দেই খণ্ড ( কিতা ) উল্লেখন পূর্বক সন্নিহিত বা দূর-বন্ধী যে ক্ষেত্রের চুই বাহু পরিমাণ করা আছে, সেই স্থলে মাপ আরম্ভ করিবে। আর যত দাগের জরীপ যে দিকে ্**ষে কোণ হই**তে আরম্ভ হয়, তাহা চিঠায় নিথিতে হইবে।

## টুকরা জমীর চিঠা।

· মনে কর ক থ গ ঘ এক থত টুকরা জ্মী, ইহার চিঠা নিবিতে হইবে। (৩৮৬ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দেখ)।

চকের নং	(हेमन नः	বিয়ারিং	ব্যবধান	মন্তব্য কথা।
२३	ર્ગ	×	×	আবস্ত ৩
	ক	৯০	2#5	মিল ক।
	*	750	15/5	মহাল নং ২৯
	গ	৯০	5121	
	घ	৩৬৽	3/21	
	क	३ १०	21 51	•

খাকবন্ত জরীপে যে ভুল হয় তাহা রেবেনিউ দর্কে ছারা সংশোধিত হইয়া থাকে। অর্থাৎ থাকবস্তের আমিনের अप्रोप করিয়। গেলে রেবেনিউ দর্কের আমিনের। জরীপ / করেন। যদি থাকবন্তের আমিনদের জরীপ রেবেনিউ সর্কের জরীপের সজে মিলে, অথবা না মিলিরা যদি শতকে «

ভার অনধিক কম বেশী হয়, ভাহা হইলে থাকবত্তের জরীপ গ্রহ্য হইয়া থাকে।

## সীমাবন্দীর চিঠা।

		*	
११ (ष्टेनन	বিয়ারিং	বাবধান	মস্ভব্য কথা।
2	22-2	วหอ	১ নং
ફ	ર≎α	พว	মৌজে ভবানীপুরের শেষ
೨	২ ৬৭	No	
8	১৮৩	512	দীমায়, মৌ <b>জে দৌলভপুর</b>
a	2.30	>112	
<b>3</b> 0	22-2	2No	জেলা হগলী প্রাপ্ত।
9	دھ	101	
ь	295	l o	
৯	৯০	3/no	৯ নং উক্ত মৌদ্ধা ত্যাগ,
٥٤	¢۵	3/3	الماري والماري الماري
>>	509	3/on	भीष्य रतिरत्रभूत व्याख ।
35	<b>b</b> -9	3/21	द्याद्य राजरम् द्रम न्याद्र
30	<b>b</b> -	Nol	
78	25	หว	
20	৮২	>10	;;
2.5	۵	วหอ	
39	२७४	>1२॥	১৭ নং উক্ত মৌলা ভ্যাপ,
36-	202	: 110	
۵۲	৩২	215	মৌজে ভবানীপুর প্রাপ্ত।
२०	905	ょノい	1 1
2,5	२११	3/0	
રર	422	3/२॥	
રડ	3 6 9	5/28	
- २8	২৮৩	3101	

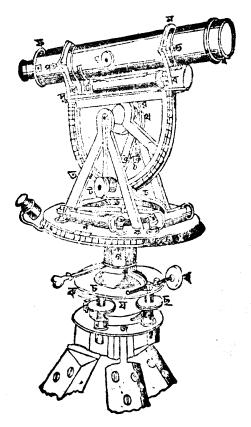
চিঠা গোদেহার। করিতে হইলে প্রভার ঠিকের নীছে টিয়ত কাটিতে হয়। কোন কোন স্থানে প্রতি সপ্তাহে এক এক থণ্ড সাপ্তাহিক কাগন্ধ প্রস্তুত করার রীতি আছে। এই কাগন্ধের শীরোভাগে "সাপ্তাহিক কাগন্ধ মৌদ্রে" ইত্যাদি লিথিয়া, ঐ গোলেহারার সাত সাত দিনের কাগন্ধ নকন করিয়া দেওয়া যায়, অথবা কোন্ কোন্ ভারিথে কত দাগ ও কত জ্মী জরীপ হইয়াছে তাহাই নির্দ্দিষ্ট করিয়া সাপ্তা-হিক কাগন্ধ প্রস্তুত হইয়া থাকে।

গ্রামের বিবিধ প্রকারের জমী ও মোট জমীর অবস্থা উত্তম রূপে জ্ঞাত হওয়া যায়, এরূপ কাগজকে একোয়াল হা থতিয়ান কহে। নানাবিধ জমী প্রত্যেক হারদরে প্রজা বিলি হইয়া যে জমা ধার্য্য করা যায়, তাহাকে জমাবন্দী কহে।

জমাবন্দী প্রভৃতি দকল কাগজের দদর ফর্দে শুদ্ধ শিরোনামা লিথিত থাকে, এবং তাহার নীচে মোট যত ফর্দ কাগজ তাহার পত্রাঙ্কের সংখ্যা লিথিতে হয়।

জমাবলী শেষ ইইলে, তাহা বিশুদ্ধ ইইয়াছে কি না জানিবার জন্য গোদেহারা বা একোয়ালকে প্রজার শ্বরূপ করিয়া তাহার একটা জমাবলী করিতে হয়। ঐ জমাবলীর সহিত, তেরিজের ঐক্য ইইলে জমাবলীর প্রতি বলেহ থাকে না; জনৈক্য ইইলে বিরুৎয়ারি পরতল করিয়া মিল করিতে হয়। জমাবলী মিল ইইলে জমীজমার (ভূমির করের) মবলগ বাদ্ধিয়া (সমষ্টি করিয়া) প্রজাদিগের নাম স্বাক্ষর করাইয়া লইতে হয়। এই জমাবলী দৃষ্টে আদার (প্রাপ্তি), তহ্দিল (লাভ) ও জমাওরাদিল বাকি প্রভৃতি সম্বায় কাপজ্ঞা ভাতত ইয়া থাকে।

### কোণবীকণ যন্ত্ৰ।



এই যদ্রবারা তুইটা লক্ষ্য বস্তুর ধারাত্তনিক কোণ ও বে যে কোণ দারা তাহাদিগের উচ্চতা নির্ণয় হয়, তাহার পরিমাণ নিরূপণ করা যায়। এই যদ্রটা তিন স্কংশে

বিভাজিত। শীর্ষ কোণ পরিমাণার্থে শীর্ষ অঙ্গ, ধারাতলিক কোণ পরিমাণার্থে ধারাতলিক অঙ্গ, এবং দমান্তরাল পাত্রময়। এই হুই থানি পাত্রের মধ্যে যে থানি নীচে থাকে, ভাছাতে একটা আধারপেঁচ (ফিমেলস্কু) আছে, সেই পেঁচের মধ্যে শিরোদওটী অনায়াদে বসাইতে পারা যায়। ঐ দওটী মেছগ্নি কাষ্টের ত্রিপদির উপর গ্রন্থি ছারা এরূপ কোশলে দম্বদ্ধ আছে যে, পায়া ডিনটী একতা করিলে একটী গোল ষষ্টির আকার ধারণ করে, ও প্রেদারিত করিলে ভূমি সমতন না হইলেও স্থাদুত রূপে স্থাপন করা যাইতে পারে।

ড ও ন ধারাতলিক অঙ্গটী দুইটী বুতাকার ফলকে নির্মিত। ঐ ছইটী ফলক এরূপ ভাবে সংস্থিত যে, একটা অপর্টীর উপর সমান ভাবে বসিতে পারে। নিমন্থ ফলক উপরিস্থ ফলক অপেক্ষা কিঞ্চিৎ বৃহৎ, এবং ভাহার হে ভাগটী উপরের ফলকের বাহিরে পড়িয়াছে, ভাহা ক্রম-নিয় ও সেই ভাগে অৰ্দ্ধ অংশ ব্যবধানে এক এক চিহু আছে। উপরিস্থ ফলককে অণুমাপক (ভার্ণিয়ার) কছে। ইহারও ধারের কিয়দংশ এরূপ ঢাল করা যে, ছই কলকের ক্রমনিয় ভাগ ঠিক উপর্যুপরি পড়িয়া যন্ত্রের ধারাতলিক অঙ্গটী এক মন্তকশ্নার্ভাকার স্চীর স্বাকার ধারণ করে। এ ঢালাংশ সৃদ্ধ মাপের নিমিত্ত কলাতে বিভাজিত। উপরে যে পাঁচ ইঞ্চ পরিমিত কোণবীক্ষণ যদ্রের প্রতিরূপ প্রকাশিত হইল, ইহাতে ১৮০° অন্তর ছুইটা অনুমাপক আছে।

ধারাতলিক অঙ্গের নিম্নন্থ ফলক একটা মেরুদর্ভে সংৰদ। ঐ দণ্ডের নীচে একটা বর্তুন আছে, সেটা ফল-

কর কেন্দ্রস্থ গহরর মধ্যে স্থদৃঢ় রূপে নিহিত। এই দণ্ড ইপরিস্থ সমাস্থরাল ফলককে ভেদ করিয়াছে। দণ্ডটী শুন্য-গর্ভ এবং ভাহার মধ্যে আর একটী শুনাগর্ভ দণ্ড আছে। এই আভান্তরিক দণ্ডে ধারাতনিক অঙ্গের উপরিন্থ বৃত্তফলক এরপে বংলগ্ন আছে যে, কোন নির্দিষ্ট ধারাতলিক কোণ নিকাশন করিতে গেলে, সমুদায় ধারাতলিক অঙ্গ পরি-চালনা ছারা হইতে পারে; এবং নিমন্ত ফলক পেঁচ (ঝ) দিয়া আটকাইয়া কেবল মাত্র উপরের ফলক চালনা ছারাও উক্ত কোণ নিষাশিত হইতে পারে। ঘ চিষ্ণে যে পেঁচ**টা** মাছে, এটী অল্ল অল্ল সরে। গলাপাস (গ্ল) বদ্ধ করিয়া এই পেঁচ দারা সমুদায় অঙ্গকে অল্লে আল্লে দরাণ ঘাইতে পারে। ধারাতলিক অঙ্গের পার্খে আর একটা বন্ধক পেঁচ থাকে, ইহার দারা উপরিস্থ ফলক অধঃস্থ ফলকের সহিত বন্ধ করা যায়। যথন ছুই ফলক এই পেঁচে বন্ধ থাকে, তথন উপরিস্থ ফলককে নিমন্ত ফলকের উপরে চালাইতে হইলে স্পর্শনী পেঁচ (ঠ) ছারা আত্তে আত্তে সবাণ যাইতে পারে। ধারাতলিক অঙ্কের উপর ছুইটা স্থরাসামা যন্ত্র পরস্পর নম-কোণভাবে অবস্থিত থাকে, ও (ড) একটী দিগু দর্শন যন্ত্রও থাকে। এটী শীর্ষ অক্লের আধার স্তস্তদ্বরে মাক থানে বদান থাকে। শীর্ষ অঙ্গের এক পৃষ্ঠে অংশ চিহ্ন থাকে। চিহ্ন ভলি বামদিকেও থাকে দক্ষিণদিকেও থাকে। ৩০ কলা মন্তব • হইতে ৯০° পৰ্যাম্ব এক এক অংশ চিহ্নিত থাকে। নিগ্দর্শন বছে যে অণুমাপক আছে, ভাহার ঘারা এই পৃষ্ঠ সাবার এক এক কলাতে বিভান্সিত হয়। অপর পৃষ্ঠে

লিছ চিহ্নিত থাকে; নভোন্নত ভূমি মাপের সময় প্রকৃত ধারাত্লিক দূরত নির্ণয় করিবার জন্য উল্লভ ও অবমত স্থানের কোণ পরিমাণ করিতে হয়। এই পরিমাণার্থ প্রতি শুখাল হইতে যে থানে যত লিঙ্ক বিয়োগ করিতে হইবে, সেই লিঙ্ক সংখ্যাই এই পৃষ্ঠে অন্ধিত থাকে। এই অঙ্গ ঘথন (ত ক) আধারের উপর স্থাপিত হয়, ভখন ইহার মেরুদণ্ড ধারাতলিক অঙ্কের সহিত ঠিক স্থান্তরাল ভাবে থাকিবে। অভএব যথন ধারাতলিক অঙ্গটী ঠিক সমস্থলে স্থাপিত হইবে, তথন শীর্ষ অঙ্গটীও ধারাতলিক ভাব ধারণ করিবে। এই অবস্থায় শীর্ষ অঙ্গের ধরাতল, ইহার মেরু দত্তের সম্বন্ধ লম্বভাব ধারণ করে।

শীর্ষ অংকর উপর একটা আড়া সংযুক্ত থাকে। ঐ আড়ার উপর দূরবীক্ষণ ধারণার্থ ইংরাজী অক্ষর ওয়াই আকারের ছুইটা আধার আছে, ও তাহাকে সংবদ্ধ রাথিবার জন্য ছুইটা আলিক্সক আছে। ঐ দূরবীক্ষণের নিম্নে (ধ ব) একটা স্থ্রাসামা যন্ত্র এক প্রান্ত গ্রন্থি ছারা ও অপর প্রান্ত একটী চড়কীশির। পেঁচ ছারা সংবন্ধ থাকে। ধারাতলিক অক্সের মেরুদণ্ড একটা পেঁচ ছারা দৃঢ় করিয়া শীর্ষ অঙ্গকে অপর একটা পেঁচ হারা অল্লে অল্লে চালান <sup>-</sup> যাইতে পারে।

এই যত্র ব্যবহার করিবার পূর্কেইহার অঙ্গ শামঞ্গের্ট্র নিম্নলিখিত তিন্টা প্রক্রিয়ার প্রতি বিশেষ মনোয়োগ করিতে क्ट्रेट्व ।

## ১। স্থানপরিবর্তন ও লক্ষ্যের নিমিত দূরবীক্ষণের সামঞ্জ্য করণ।

দ্রবীক্ষণের অবচ্ছেদক তার (ক্রস ওয়াইয়ার) ও লক্ষ্য বস্তু যতক্ষণ এক দরল রেখায় না আইদে, ততক্ষণ পেঁচ ছার। মুকুরকে ও হাত দিয়া বীক্ষণ কাচকে ঘুরাও। এই প্রক্রিয়ার নাম স্থান পরিবর্তন (পারালাক্স), অনস্তর দূরবী-ক্ষণকে কোন দূরস্থ বস্তুর অভিমুথে রাথিয়া দেথ যে, উহার অবচ্ছেদক তারটী ঐ বস্থকে সমধিথও করে কিনা। পরে আলিষ্ঠক বন্ধন (প), যাহাধার। দূরবীক্ষণ ওয়াইয়ের মধ্যে আংদ্ধ থাকে, ভাষা শিথিল করিয়া দূরবীক্ষণকে মেরুলওের উপর ঘুরাও। এই সময়ে তারছয়ের সম্পাত বিন্দু যেন লক্ষা বন্ধর উপরে পড়ে, ভাহা হইলেই সামঞ্চা হইবে। নতুবা লক্ষা রেখা, চক্ষু এবং মুক্রের কেন্দ্ররে মধ্যস্থিত রেখার সহিত ঐক্য হইবে না। এই ভ্রম সংশোধন জন্য দূরবীক্ষণকে ইহার মেরুদণ্ডের উপর খুরাও, এবং মে চারিটী যোজক পেঁচ ছারা অবচ্ছেদক তার পরিচালিত হয়, ভাহার একটা শিথিল ও সম্মুখেরটা বন্ধ করিয়া অর্থেক ভ্রম, এবং ঐ রূপ অপর পেঁচছয় ছারা ভ্রমের অপরার্দ্ধ সংশো-ধন কর।

#### ২। ধারাতলিক অঙ্গসামঞ্জ্য্য করণ।

দূরবীক্ষণ যজের পার। তিনটীকে সরাইয়া চকু বার। যভ দূর পার। যায় উহাকে সমতল করিয়া ভাপন কর। পরে পেঁচ (ক) হার। গলাপাস (প) কাঁটিয়াও অণুমাপক

ফলক শিথিল করিয়া ঐ ফলককে চভূদ্দিকে ঘুরাও; 🚁 পিষ্যস্ত দূরবীক্ষণ ঠিক সমান্তরাল ফলকের ভুইটী পেচেব উপরে আসিয়া না পড়ে। জনস্তর স্পর্শনী পেঁচ (ঠ)। খুরাইয়া দূরবীক্ষণের নীচে যে সাম্যয়ত আছে, ভাহার ক্ষেটিককে ঠিক সেই যদ্ভের মধান্তলে আন। পরে জণু मालक कलकरक अर्धक घुवाहेशा मृत्रवीकारक शूनकी **সমান্তরাল ফলকের প্রে**চদয়ের উপরে লইয়া আইদ। ইহাতে সাম্যযাত্রের ক্ষোটক যদি ঠিক মধ্যস্থলে ন **আইসে, তবে তাহাকে স্মা**ত্রাল ফলকের পেঁচ্ছয় খুরা-্ইয়া অর্দ্ধেক সরাইয়া আন, ও স্পর্শনী পেচ ঘুরাইয়া आंत आफ्रिक मताहेश हिंक मशाकृत आंतरम कहा हर-বীক্ষণের উভয় অবস্থাতেই ক্ষেণ্টক যন্ত্রের ঠিক মধ্যস্থলে পাকিবে। যতক্ষণ ভাষা না হয়, পুনঃ পুনঃ ঐ ৰূপ প্ৰক্ৰিয়া করিবে। পরে অগুমাপক ফলককে পুরা-ইবা দুরবীক্ষণকে সমাত্রাল ফলকের জন্য পেঁচ ছয়ের উপরে আন, ও ঐ গেঁচ ছাব। পুনর্বার স্ফোটককে মধান্তলে লইরা আইন। এখন অনুমাপক ফলককে **চতুদ্দিকে যু**রাইলে ক্ষোটক মধান্তলে আগিবে। ইহাতে প্রতীত হয় যে, আভাত্তিক মেকদণ্ড যাহার উপর অণ্ মাপক কলক যুরে, ভাষা সম্পূর্ণ দ্ধাপে শীর্মস্থ হইয়াছে, **জার অণুমাপ**ক কলকের উপর যে সামায়ত্ত অহতিত<sub>়</sub> ্ত্পাছে, ভাষার ফোটক চুন্ধীর মধান্থলে অনিরা ২স্কর্টা শামস্বদ্য ও মেক্টেডটি শীৰ্ষত্ব ইইয়াছে। এই কাৰে অণু मां क कनकरक वक्त कांत्रश भनाभाग गिथिन कविहा गांच,

এবং বহিংশ্ব মেরুদণ্ডের উপর যদ্রটীকে আলে আলে পরাণ, তাহাতে যদাপি ক্ষাটক সামাঘলের সম্পূর্ণ পরিভ্রমণ কালে এক অবস্থার থাকে, তাহা হইলে আভ্যন্তরিক ও বহিংশ্ব মেরুদণ্ড সম্যক্ প্রকার মিলিল বলিতে হইবে। যে হেডুউভরে এক সময়ে শীর্ষস্থ হইয়াছে। কিন্তু যদি ক্ষোটক এক অবস্থার না থাকে, তাহা হইলে দণ্ডের ছই অংশ মিলিত হয় নাই, এবং এই দোষ যদ্ধ নির্মাতা দারা সংশোধিত হইছে পারে।

## ৩। শীষ অঙ্গের সামঞ্জস্য করণ।

সমতলের ফোটক নলের মধ্যন্থলে আসিলে দূরবীকানের ওয়াই আকারের আধারের উপর তাহাকে এরপে
বুরাও বে, তাহার এক প্রান্ত অপর প্রান্তের দ্বানে আইসে।
তাহাতে বলাপি ফোটক সেই স্থানে না থাকে, তাহা হইলে
সমতলের চড়কীশিরা পেঁচ দ্বারা অর্দ্ধেক সরাইয়া সেই দোর
সংলোধন কর, অর্থাৎ ফোটক ঠিক মধ্যন্থলে আন। এই
প্রকার বারস্বার কর, যে পর্যন্ত না সর্বভোতারে উক্র দোর
সংলোধিত হয়। পরে দূরবীক্ষণকে দক্ষিণ ও বামদিকে
অর পরিমাণে ঘুরাইলে, যদি ফোটক তাহার গতিপথের
মধান্থলে না থাকে, তবে সামাব্যের অন্য সীমায় বে পেঁচ
আছে, তাহা দ্বারা পার্বে শোধন করিতে হক্তরে। এই
সামঞ্জন্য বিধানে প্র্ককৃত সামঞ্জন্যের অন্যথা হইতে পারে,
তাহা হইলে প্র্কের প্রক্রিয়াগুলি অতি সাবধানে প্রন্ধক্র-

ঠান করিতে হইবে। যে ক্ষুদ্র পেঁচ শীর্ষ অক্সের অধুমাপককে
দিগ্দর্শন যত্ত্বের উপরিস্থ অধুমাপক কলকের সহিত সংযুক্ত করিয়াছে, ভদ্বারা অধুমাপকের শৃন্যস্থল শীর্ষ অক্সের শ্ন্য দ্বালের উপর বসাও, তাহা হইলে শীর্ষ অক্স সংস্থাপন সর্কা ভোভাবে বিশুদ্ধ হইবে।

#### পারাতলিক কোণ নিরূপণ।

যথন কোণমান যন্ত্র দামঞ্জদ্য হইল বলিয়া স্থির হইবে. ভাহার পায়া তিন্টী বিস্তার করিবে, ভাহা ইইলে সামাযন্তের ছুইটা ক্ষোটক প্রায় মধ্যস্থলে আদিবে ও ভাহাদিগের নিমন্ত ভাররজ্জু যে স্থানের কোণ পরিমাণ করিতে হইবে, ঠিক ভাহার উপর খুলিতে থাকিবে। পরে আর আর পেঁচ বন্ধ রাথিয়। (খ) পেঁচ ছার। সমুদায় যত্রকে শিথিল কর। अनस्त অণুমাপক ফলক শিথিল করিয়া পূর্ব নিয়মানুসারে ধারা-ভলিক অক্সকে সমতল কর এবং সমুদার যন্ত্রকে বন্ধ কর: ও অতি সাবধানে অণুবীকণ ও মিলন পেঁচছারা অণুমাপকের ভীরকে অধঃ ছ কলকের ৩৬০° বা ০° অংশের উপর রাধ। পুনরার সমুদায় অঙ্গকে শিথিল করিয়া, ভাহাকে যে ছই স্থানের কোণ গ্রহণ করিতে হইবে, ভাহার বামে **বুরাও, বে**ু পর্যান্ত দূরবীকণের তারঅবচ্ছেদকবিকু লক্ষ্য স্থানের মিশান 🗷 ভৃতি কোন পদার্থের উপর না পড়ে। পরে (ক) পেঁচু ৰদ্ধ করিয়া (খ) পেঁচ মৃত্বভাবে খুরাইলে দর্কভোভাবে ঠিক হইতে পারে। অনস্তর তারঅবচ্ছেদকবিন্দু, বিভীয়

লক্ষ্য স্থানের কোন বস্তুর উপরে যে পর্যান্ত না পড়ে, জাণুমাপক ফলককে শিথিল করিয়া ডভক্ষণ খুরাও। ডৎপরে
অণুমাপক ফলককে পূর্বান্ত বন্ধ ও সামঞ্জন্য কর, এবং কড
জংশ কোণ হইল ভাহা জাণুবীক্ষণ ও জাণুমাপক দারা
দেখিয়া স্থির কর। পরে জন্য জাণুমাপক দারা ঐ প্রকারে
কোণের জংশ স্থির কর। ঐ সুই কোণের সমষ্টির গড়
ভার্যাৎ আর্ক্ষক প্রাকৃত কোণ হইবে।

## শীর্যকোণ গ্রহণ।

পূর্বের নাায় যন্ত্রকে সমতল করিয়া অণুবীক্ষণ ছারা।
দেখ, যে শীর্ঘ অকের শ্ন্য স্থান অণুমাপকের শ্ন্য স্থানের
সহিত প্রকা হইয়াছে কিনা। যদি হইয়া থাকে, তবে যে
পর্যন্ত ইহার অবচেছদকতার লক্ষ্য বস্তর উপরে পতিত না
হয়, দূরবীক্ষণকে ততক্ষণ উল্লভ বা অবনত কর। পরে যন্ত্রবন্ধ করিয়া সামঞ্জন্য কর। এখন যদি অণুমাপকের ভীর,
দূরবীক্ষণের মুক্র ও শীর্ষ ব্রভের শ্ন্য অংশের মধ্যে পরে,
ভাহা হইলে যে কোণ্টা বাহির হইবে, ভদারা লক্ষ্য বন্ধ কত
নীচে তাহা নির্দীত হইবে, অন্যথা শীর্ষ কোণ বাহির হইবে,
অর্থাৎ যদ্বারা লক্ষ্য বন্ধ কত উর্দ্ধে আছে তাহা নিরূপণ
হইবে।

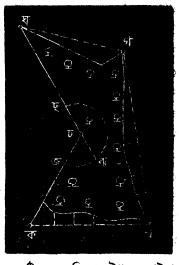
কোণবীকণ যন্ত্রদ্বারা বন, হ্রদ, বন্দর, নদী, রান্তা, প্রভৃতি জরীপ করিবার নিয়ম।

(১) পৃশ্চাৎ বে একটা বনের প্রভিন্নপ প্রকাশিত হইল, ইহার নক্ষা ও ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হইবে।

			-	
0	Б	হইতে	৫৮° ২৩	<ul><li>থ পর্যান্ত</li></ul>
			<ul><li>ক পর্যান্ত</li></ul>	
			2 920	
		. 0	2000	
_	£77	~>~	000	
0	q	হইতে	587. OF	ক প্র্যান্ত     ক     প্র     ক     প্র     ক     শ     ক     শ     ক     শ     ক     ক     শ     ক     ক     শ     ক     ক     শ     ক      ক
			<b>⊚</b> ₽ Γ	
			ত চ পর্যান্ত     বি     ত      ত	
		0	29%0	l
		0	000	1
0	গ	হইতে	890 05	🕝 চ পর্য্যন্ত
			<b>⊚</b> घ ~	
			<ul><li>ভ ঘ পর্যান্ত</li></ul>	
			3626	1
å.			200	
		२७१	000	
		•		
<b>A</b>	a.b		ງງງ° ເຈັ	0 - 04
0	থ	হইতে	อ์ท า	ত ঘ পর্যান্ত     ত
			-	1
/11 <sub>4</sub> ) -			⊚ গপর্যাস্ত	
			२७१৮	
	,	202	>800	
in:		>>>	p.00	
		9	000	
	<b>本</b>	<b>रहे</b> एक	P2.59	া প্রবান্ত  গ্রামিক  গ্রা
		1100	@ ¥ ¬	
			🛛 ধ পর্যান্ত	
		. •	३७०३	A Laboratoria
		22	2000	
		•	>>00	
		२०२	७०∙	
		572	<b>७</b> २०	1 .
C	কাণে	ণর লম্ব	. <b>२२</b> १	
		আরম্ভ	<ul> <li>০ ক হইতে</li> </ul>	গ্ৰন প্ৰয়ন্ত
		'		

বনের চড়ুদিকে নিশানভিল অরপ সরল রেথাকমে ছাপিত কর যে, তথা হইতে ভূমির সীমাভংপাতি রেথার উপর জনায়াসে লম্ব পাত করা যাইতে পারে, ও কোণবীক্ষণ যত্ত্ব ছাপনের নিমিত্ত নিদর্শনভানতিল যেন উপযুক্ত ভূমির উপর হয়। মনে কর, এই বনে কথ গছ চ পাঁচটী নিদর্শনভান ও ইহার চিঠা উপরি লিখিত জহুসারে লিখিত হইরাছে।

চিঠা হইতে ম্পষ্ট প্রতীত হইতেছে যে, নক্সা অন্ধিত করিবার নিমিত্ত প্রথম ক থ রে-খার পরিমাণ করা হয়। পরে ক থ গ প্রথম কোণ প্রমাণ ৮১° ২৯' এতদ্বারা থগ রেখা কোন্ ক্ষিতিমুখে বাইবে তাহা নির্দারিত হইতেছে। ক থ গ কোণ পরিমাণ



কালে কোণবীক্ষণ বন্ধকে ঠিক ঘ বিক্র উপর বসাইয়া
সামঞ্জন্য কর। পরে ধারাতলিক ফলকছয়ের শ্ন্যবিক্ষর
ঠিক উর্বাপরি পড়ে এরূপ বন্ধ করিয়া, ও দ্রবীক্ষণের মুক্রকে
ক 

ক নিদর্শনিস্থানে স্থাপিত পতাকার অভিমুধ করিয়া
ক্রুদার বন্ধকে বন্ধ কর। অবশেষে উপরের ফলককে শিধিল

कतिया मृत्यीक्य । क्ष 🙉 निमर्णने शास्त्र अखिनुत्थ वामित्र शहेरा प्रक्रिश मिक मित्रा श्रीतिहालिक कत्र, जाहा इहेरल मुहे হইবে যে, ক থ গ কোণের পরিমাণ চিঠার লিখিত পরিমাণের महिल मिनित्त, अर्थाए ४३° २२ इट्टेंत्। এट्रेक्ट्रिंग क्षेत्रील হুইবে যে, গ ও ঘ নিদর্শন স্থানের কোণপরিমাণ ১১১° ৩৯ ৩৪৬° ৫১ হইবে; ওখগ, গ ঘও ঘচ রেখাত্র প্রত্যেক श्रुक्तवर्धी (तथात वामितिक वक्क इटेश) यादेव। ह विमुख কোণ ২৪১° ৩৮´; উহা ১৮০° অর্থাৎ অর্জবৃত্ত হ বা অপেকা বুছু হওয়াতে দেখা বাইতেছে যে, চক রেখা দক্ষিণ দিকে याहेरव। পরিশেষে पृष्ठे इटेरव या, क ⊚ निपर्णन शास्त्रत ভোগপরিমাণ ৫৮° ২০°, স্মৃতরাং কখ রেখা চ ক রেখার বামদিকে যাইবে। এই রপ কোণের পরিমাণ ছারা জ্ঞাড ক্রাবায় যে, নুভন রেখা পূর্কভন রেখার দক্ষিণ বা বামপার্থে ৰকে হইরা বাইবে কিনা, অর্থাৎ কোণের পরিমাণ ১৮০ জাপেকা নান হইলে, নৃতন রেখা পূর্বতন রেখার বামদিকে धारः छम्रालका दृहद इहाम मिक्न मिक्क बाहित। शक्कर **मृना विम्**ठी **भववर्**डी द्रिशात बात्रस इल ठानिक कतिरक श्रेरव । অভএব চিঠাতে প্রথম বেণা ভিন্ন, অপর রেখা সমুদায়ের বিয়ারিং লইবার আবশাকতা থাকেনা।

### नक्मा ७ श्रमां कत्र।

িনিৰ্দিষ্ট অভিমুখে ক থ রেখা পাত করিরা, ভাহাডে নিৰ্দিষ্ট रेक्का वर्षाय २००२ तिक हिहिए कत्र। भारत किनियान গ্রাজের কেন্ত্র থ 😉 নিদর্শন স্থানের উপর বসাও, 😉 ছাহার ঋজু পার্খ উক্ত কাথ রেথার সহিত মিলিত করিয়া খ চিক্তে ৮১° ২৯´ পরিমিত একটা কোণ গ্রহণ করিয়া একটা **किक्ट मांख। भारत थ विन्तु ७ উलिथिए क्रिक्ट मित्र। निर्मिड** দৈৰ্ঘ্য অৰ্থাৎ ২৬৭৮ লিঙ্ক পরিমিত থ গ একটী রেখা পাউ কর। এইরূপে গ ও থ বিদৃশ্ব কোণ ভাষিত করিয়া পর-বন্ত্রী রেথাছয় পাত কর। চ বিন্দুস্থ কোণ ২৪১° ৩৮ ; মুভরাং, চক রেখা অবশ্যই ঘ চ রেখার দক্ষিণে আসিবে ও চ বিন্দুতে যে কোণ নিষাশন করিতে হইবে, তাহা ৩৬🔅 ← २८५° ७৮ = ১১৮° २२ इटेर्स्स, खबर **५ क** द्रिश चडिड করিলে তাহা মাপের আরম্ভ স্থান ক বিন্দুতে মিলিত হইবে, কিখা তাহার অত্যন্ত নিকটম্ব হইবে। কিছু যদি চ ক রেখা ক বিন্তুতে মিলিত না হইয়া তাহা হইছে দুরে পতিত হয়, ভাহা হইলে কোণ গ্রহণ করিতে অথবা রেখা মাপ করিতে ল্ম হইয়াছে বুকিতে হইবে। বহতুল কেলের অন্তরে বাছ ই ৰিঙণিত চতুক্দন সমকোণ থাকে। স্বতরাং, এই নিৰ্দিষ্ট ক্ষেত্রে ¢টা অন্তরত্ব কোণের সম**ত্তি=৫**×২<del>−</del>8±৬ ন্মকোণ=৯০° ×৬=৫৪০° হটবে।

वशा,- थ विकृष कान-৮১° २১

可 位 = 555° c5° 可 位 = 85° c5° 可 位 = 285° c5° 可 位 = 285° c5°

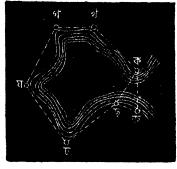
কোণ সহজে প্রমাণ ৫৪০\*

পূর্ব্বোক্ত ফল হইতে প্রতীত হইতেছে বে, কোণগুলি বিশুদ্ধ ব্লপে গৃহীত হইয়াছে, কিন্তু যদ্দিচ ক রেখা ক বিন্দুতে না মিলে, তবে কোন রেখা পরিমাণ করিতে বা চিঠাতে

निधिष्ट ख्य इरेबाह्य। এर ख्य जनाबार मः भाविष ছইতে পারে।

इन, विन ७ दृहर भूकतिवैद मांभ ७ नक्का कहिल कर्ता পূর্ব্বোক্ত প্রকারে হইতে পারে।

২। পার্বে যে চিত্র-ক্ষেত্ৰ প্ৰদৰ্শিত হইল. ইহা একটা উপসাগর। अर्थवान निवाशाम রাধিবার নিমিত্ত ইহার পরিমাণ করা আব-गाक।



এই চিত্তে জোয়া-

द्वत नमज छेलकुरनत नीमा व्यन्निंड इरेग्राह् । थ, भ, घ, घ' इं ७ व करतकरी निवर्णन हात्न निगान हालन पूर्वक, क 🎯 **হটতে জ্**রীপ আর**ভ ক**রিরা ঐ ভানেই জ ক ছ কোণ এছণ कता अधार के दार्थाक शकार मिक खातादात हिंद्र পর্যান্ত বর্দ্ধিত করিয়া থ @ পর্যান্ত মাপিয়া ক থ গ কোণ এহণ কর। এইরূপে অগ্রবর্তী রেখাসমূহের ও কোণ্ডলির পরিমাণ গ্রহণ করা হইলে, ক ছ জ কোণ ও ছ জ ক কোণ গ্রহণ করিয়া ছ জ রেখাকে জোয়ারের জলের সীমা পর্যন্ত বর্ত্তিত কর। জরীপের শঙ্গে সজেই সমুদার লমগুলির পরিমাণ य गृशेष हहेग्राह्म षाशी वना वाहना। बहेक्स शूर्व य दरमंत्र मन्त्रांत छेगारत्र प्राथता रहेताछ, उपस्ताप वह छेप-সাগরের প্রতিকৃতি অন্তিত করা বাইতে পারেও কোণের

বিভৃতি দারা রেখা সম্হের অভিমুখ জানা যাইতে পারে।
এই বন্দরের দার জর্থাৎ প্রবেশপথ অভি বিভৃত বলিয়া
ক ছ ও ক জ রেগাদ্বের পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যাইতে পারে
না বটে, কিন্ত এতদারা জরীপ কার্য্যের বিভদ্ধতা অবগত
হওয়া যায়। অর্থাৎ ক, ছ ও জ বিন্তু কোণ পরিমাণ
করিয়া জরীপ ঠিক হইল কিনা তাহা জানা যাইতে পারে।

৩। কোণবীক্ষণ যন্ত্রখারা জরীপ করিয়া নিম্নলিথিত সংক্রিপ্ত বিবরণ হইতে একটী নদীর নক্সা অভিত করিতে হইবে। (৩৫৮ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দ্রাইব্য)।

	ছ পৰ্য্যন্ত ১০০	೨ಕ್ಕ
	•	೨೦
< ঘচছ	20.8	
	চ হইতে	वाय
	চ পৰ্য্যন্ত ৪৩০	<b>a</b> •
	800	৯০
	>00	22
< গঘচ	>>o•	
	च इहेर्ड	मक्तित्व
	ঘু পৰ্য্যন্ত ২৮০	
	₹0•	80
< খগঘ	3300	٥.
_ ,,,,	গ ইহতে	मक्दि
		अ स्टिप
	গ পধ্যস্ত ৬৮•	20
	२००	90
	•	80
< কথগ	770.	বাৰে
	ধ হইতে	,,,,,,
	थ भश्रक्ष ३००	२०
		80
আরম্ভ	क इहेए छ	গ্ৰম্ম প
100		

ক ও ধ হুইটা নিদর্শন স্থানে পতাকা স্থাপন করিয়া,
ইহাদের মধ্যগত দ্রজপরিমাণ ও ইহার উপর অন্ধিত
লম্বের পরিমাণ নির্ণয় কর। পরে ধ স্থানে আসিয়া গ
চিহ্নিত স্থানে একটা নিশান প্রোথিত কর, এবং গ নিদর্শন
ম্থানে কোণবীক্ষণ যত্র স্থাপন কর, ও ক ধ গ কোণের মান
নিরূপণ করিয়া চিঠাতে "ক ও গ-র মধ্যগত কোণের মান"
বা " < ক ধ গ" এই বলিয়া লিধ। অনস্তর গ চিহ্নিত স্থানে
উপস্থিত হইয়া ঘ স্থানে একটা নিশান প্রোথিত কর, ও
ধ গ ঘ কোণের মান নিরূপণ করিয়া চিঠাতে লিখ। এই
রূপে অন্যান্য কোণের অংশপরিমাণ লিধিয়া বাও।

শমান অংশের মানদণ্ড ছারা ১৫০ ছাড পরিমিত একটী রেধা ক ধ অন্ধিত কর, এবং ভাহার উপর লম্প্রলি পাত কর। পরে কোণমান গজের মধান্থল ধ চিহ্নিড ছানে স্থাপিত করিয়া, ভাহার এক পার্ধ ক ধ রেধার উপর রাধ, এবং কথ গ কোণকে ১১৩° অংশ পরিমিত করিয়া লও। পুনশ্চ, কোণমান গজের মধ্যন্থান গ চিহ্নিড ছানে রাধিয়া গ খ এরপে আন্ধিড কর যে, থ গ ঘ কোণের মান ১১৫° হয়। এইরপে আন্যান্য শৃত্যল রেধাশুলি আঁকিয়া বাও।

৪। নিয়ে বে চিত্রক্তে প্রকাশিত হইল, ইহার মধ্যত্ব ধ জ তুল কৃটিল রেখাটা একটা লোহবন্ধ। ইহা ক ছ ১ম ডল রেখার ক ত্বানে আরত্ত হইরা ছ পর্যান্ত গমন পূর্কক গ বা প্রধান রেখার দিকে ফিরিয়াছে; এবং ইহাকে একবার উল্লেখ্যন ও আর বার প্রভালক্ষন করিয়াছে। গ বা রেধা ক ছ-র সহিত চ ছ প্রামাণিক রেখার মারা युक्त इहेग्राइ। अहे রূপে পরবর্তী প্রধান রেখা, গ বা রেখার দহিত সংযুক্ত করিয়া, লোহবন্ধ বৈ অভিমূখে বা বত দূর বিস্তৃত হউক না, জরীপ হইছে পারে । ৫। নিয়ে যে নদীর প্রতিকৃতি প্রদর্শিত ब्हेन. हेशत खतीश ও নকা কৰিতে হটৰে। नमी य य दा दान বক্ত হইয়াছে প্রথ-মতঃ সেই সেই স্থানে



এক একটা নিশান প্রোথত কর, যথা ক, খ, গ, ছ।
পরে ক খ দরল রেখা মাপিরা যাও ও ভাহার উপর যে বে
লছওলি উদ্যোলন করা হইবে ভাহাদের পরিমাণও
গ্রহণ কর। যদি নদীর পরিদর বড় না হর, ভাহা হইলে
একটা শ্ন্যাগর্ভ দীদার গোলার এক খণ্ড স্থেরের
এক প্রান্ত- বাদ্ধিরা, অপর প্রান্ত হারণপূর্কক
উন্নাকে জলে নিক্ষেপ কর। এই গোলা ভাদিতে ভাদিতে

ननीत अवत वादत व्यक्ति, উशांक ग्रेनिया नहेबा रखि

মাপিলেনদীর পরিদর স্থির হয়। কথ রেখা মাপিবার সময় @ চ-তে একটা নিশান পুডিয়া যাও। এই স্থান হইডে নদীর দৈর্ঘ্যের অভিমুখ অনেক দূর পর্যান্ত লক্ষিত इहेब्रा थारक। कथ (तथा মাপিয়া খ কোণ গ্ৰহণ করাতে ভাহার পরিমাণ ১৮০ অপেকা নান হও-য়াতে প্রতীত হইতেছে যে, ধ প রেখা বামাভিমুখে চলিয়াছে। অন্তর, ধগ রেখা মাপিয়া গ কোণ গ্রহণ করাতে ভাহার পরি-মাণ ১৮০ অপেকা বেশী



হওরাতে প্রতীত হইতেছে যে, গল রেথা দক্ষিণাভিষ্থে চলিরাছে। এইরূপে ছ পর্যান্ত মাপিরা, ছ স্থানে ছ চ রেথা ছারা যে কোণ হইরাছে ভাহা পরিমাণ কর। ইহার ছারা জরীপের বিভক্তা নিরূপিত হইবে। যদি নদীর পরিসর বৃহৎ হর, তাহা হইলে নদীর অপর পারে ঘাইয়া প্রেলিক্ত রূপ প্রক্রিয়া কর, এবং থ গ রেথাকে বর্জিক্ত ক্রিয়া তুই পার্থের জরীপী রেথাকে সংযুক্ত কর।

## উৎকৃষ্ট প্রথামুসারে চিঠা লিখিবার ধারা।

প্রার ৫০ বংসর হইল ভাক্তর রজ্তেম চিঠা লিখিবার পশ্চানিখিত উৎকৃষ্ট প্রথা প্রকাশ করেন; ইহা এইক্রে ইউরোপে প্রায় সর্বতি প্রচলিত হইয়াছে।

এই জরীপ অসি নদীর উপর যে সেতু আছে, ভাহার উত্তরপশ্চিম পার্যন্থ ভক্ত হইতে আরম্ভ হইয়া, উত্তর-পশ্চিমাভিমুথে এরূপে চলিয়াছে যে, ভদ্মারা > চিহ্নিভ বন্টার মধ্যে না পড়িয়া ভাহার ঠিক ধার দিয়া গিয়াছে । শুখাল রেখাগুলি বন্ধনীর অন্তর্গত সংখ্যাবাচক অন্তরারা নির্দেশিত হট্টরাছে, এবং কেত্রের কুদ্র কুদ্র অংশগুলি নির্দেশ করিবার জন্য শুদ্ধ নংখ্যাবাচক আত্ত প্রেরাগ हरेबारक। ) हिङ्के मुख्यल द्रिशास २००, ১২७०, ১৮৯**०** २००८, २৮१८, ७१२०, अवर ६१०० निष्कृत एन निष्नुन স্থান রাথা হইয়াছে। এই সকল নিদর্শন স্থান হইতে, বাম ও দক্ষিণ দিকে শৃত্যল রেখা অন্ধিত হইতে পারে। এই ১ চিছিত রেখাটী সাভটী বেডা পার ইইয়া ১৭২৬ লিছের নিকট শেষ হইয়াছে। এতদারা প্রতীর্মান হইবে বে, ১১ চিহ্নিত বাগান ও বাটীর দক্ষিণের বেড়া কোন অভিমুখে গিয়াছে, তাহা ১ চিহ্নিত রেখার বাম দিকে ১৪২৪ লিছের নিকট নিৰ্ণীত হইয়াছে।

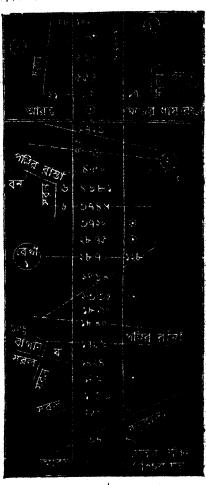
দিতীর রেখা মৌজার উত্তরপশ্চিম কোণে সারস্ত হইরা ২৪ লিঙ্কের কাছে সীমা উল্লেখন পূর্বক ১ রেখার ৪৭০০ লিঙ্কের নিকট নিদর্শন স্থানের মধ্য দিয়া গমন করিয়া, বঁড় রাস্তার

# र्छन्नि मारश्यत क्यीमाती क्रतीथ।



পশ্চিম দিকস্থ বেড়ার নিকট শেষ হইয়াছে। এই রেথার

\$ 560 B 0568 লিকের ভানে নিদৰ্শন স্থান াচ্ছিত করিয়া, ভথা ইইভে মৌজার উত্তর পার্শ্বের লম্ব উ-জোলন করা इरेब्राइ । ত্যু শৃঙ্খল রেখা ২য় রেখার ৩১৮৪ লিছের থাক হইতে আ-রম্ভ হটয়া দক্ষি-ণাভিমুখে চলি-য়াছে। ইহা চি- ' ঠাতে এই রূপে চিক্লিড আছে, " আরস্ত ⊚ ७১৮8नि**ड**ि" কোন রেখা मिक्न पिक किविल ि धरे



চিহু প্রদত্ত হয়, ও বামে ফিরিলে 🦳 এই রূপ চিহ্ন প্রদত্ত

হয়। ৩য় রেথা বড় রাস্তার সল্লিকটে অনেক দূর পর্যান্ত যাইয়া,

কিতা জমীর मध्य श्रहीत রাস্তা উল্লেখন পূৰ্বক, প্ৰথম 1200 রেখার ১২৬০ लिएकत ऋरम প্ৰিব বাস্থা ⊙ সরল ৰে থাক 2039 আছে, তথায় 1988 আসিয়া মি-লিভ হই-शहि। १ ७ ৮ চিহ্নিত নার্ভ क्यीत मधा-গত বেড়ার বাস্থা অভিমুখ এক-টী যোগ রে-থার হারা व्यविष्ठ रहे-शांद्ध। ७ (त-থার পরিমাণ ·0048 BIE धार ३ ७ ३

রেধার দহিত যুক্ত হঠ্যা একটা ত্রিভুক্ত উৎপদ্ন ছইরাছে।

৪র্থ রেপা ১ম রেণার ২৫০ লিক্ষে কল্লিভ থাক হইতে জারস্ত হইয়া, দিক্ষিণাভিমুখে গমন পূর্বক ২য় রেথার

२०२१ निष्ड কল্পিত থাকে মিলিভ হই-श्राह्म । ৫ম রেখা ৩য় রেখার ১৪২০ লিকে কৱিত থাক হইতে আরম্ভ হইয়া দক্ষিণাভিমূথে গমন পূৰ্বক ২ বেধার ২৩৬০ শিক্তে করিভ থাকে মিলিভ इहेब्राइ । क्रे ल १म বেখা জরীপ করিলে, ১মরে-খার উত্তরপূর্ব লিকের স্মুদায় द्धिश खुदीश **इ**रेन वनिर्छ

₹हे.व ।

1 32	.89 a	
	3200	
ar Asid	11 to 0	
9		
	د ده <del>د</del> ر تو	1 2 4 3
1.		
. / 54		
( pr 0	2.90 € -	MAGNINE .
120	<b>3</b> 9 n	1 OF I
্বাব্য	0	े प्रथा है।
	় পথার	২০৩৫ মধ্যে 🕥
(4)	1075	a grange of the
	PP 24	
	- الإنها والمستا	A BURNET
হ'বেম	4	२०७ मार्था ( <sup>©</sup>
	• शयाः	्रवृह्द मृत्या 🤆
(\$)	12 6	
	- Se-	4.5
	607	I State of the state of
•	300	1109
21/2/27	0	non @
নারেট	•, 41 55	१५० मधा 💲
	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	Hara A. MOZO
1.7		The state of the s
. 1 ''	38.5	158 / /
ভার্য		AND TOTAL OF
20.3		
1	ा अधार	- 1.74A 別様 でん - 1.74A 要 - 1.74A
ু সার্		1
अर्भवस हाह		
797034 545	مين ليون بشد	
-		

৮ম রেখা ২য রেখার মূল হইতে আমারক্ত হইয়া, দক্ষিণ মুংৰ গমন প্ৰক্ৰিক জনি নদীর উত্তর কুলে সমাপ্ত 70 रहेश्राह । ৯ম রেখা (•) 330 ৮ম বেথার (2) F हेर् निक 30 to 0 56 কল্পিড থাক 3.35 হইতে আরম্ভ क्ट्रेया. ১म द्वश्रात २०० লৈকে কলিভ থাকে মিলিভ 34 श्हेशाष्ट्र ।  $\mathfrak{U}$ চিঠার অব-50 শিষ্ট অংশ নিষ্ প্রদর্শিত হইল, কার বেডা ঞ্জড়ভির প্রতি-क्रेल (एएका ' পেল না. বে

কিয়নংশের নশ্ধী ভপরে দেওয়া ইইরাছে; পাঠক ভদশনে প্রভিন্নপ আগনি লিখিতে পারিবেন।

( \$2 )	ı	প্ৰান্ত   প্ৰ   শ্ৰ   প্ৰ   শ্ৰ   প্ৰ   শ	৯০० मर्स्स (৮)
(36)	1	3099	(*)
	ডি	১০৩২	বেড়া
	, ,	200	23
	l	950	49
	1	6 9 . <b>C</b> C o	ارو
	1	হইতে	७१२० मध्या ५ 🗇
( \$5 )		⊚ প্রয়ন্ত	२৮१० मासा (১)
( /		ું ડુલર્ચ્	, ,
		5800	a.
	1	> 80	9.5
	- 1	৮৯০	24
		<b>b</b> -50	<b>©</b>
		900	<b>%</b>
		6.90	৩৬
		२००	CF.
	ডি	9.8	বেড়া
		<b>⊚ হই</b> তে	১৭৪০ মধ্যে (৮) 🦳 🕆
( >0 )	ড়ি	३३ १८	বৈড়া
•		3	
		৩ পৰ্যান্ত 🕏	
		२०४८	
		>>00	
	20	707.0	२५ (वर्ष)
ডি	३ ३	Δ	थ्ँ जि
_		>> >> 0	CONTROL STR
9	ও ৭	3398	১৩ গোলা গৃহ
বাহিনে	৩৭	> > > > > > > > > > > > > > > > > > > >	
৫৭ ইমারভ	·5+	2004	23 48
5 <del>5-15-</del>	ंक	<b>&gt;</b> 93	80 80
ક	٥	980	1
. من	ъ	900	৬২ বেড়া
िष्	( )	90 F	1 64.41
शहना वक्षा अव		₹ a <b>b</b> -	
₹ <b>7</b> 5 8 <b>7</b>	83		
		@ হইতে	(১৮৯० मध्याः (১) 🗇

8\$ <i>\$</i> .	ক্ষেত্রব্যবহার।	৫ম ভাঃ
( >*)	<ul><li>পর্যান্ত</li><li>৭৮৩</li></ul>	৪৭১৩ মধ্যে (৮)
भाभि मन्त्र दिश्वाय ११६ जिस्र । १४५ ५	<b>%</b> 00	
हित निश्च	880	
医 2 258	೨೦೦	
95	780	
	😻 হইতে	२৯১२ गर्धा (५७ 🗍
(৩) অসের নদী }	ە8 رە	<b>1</b>
	२৯२७	} উল্লেখন ব্যব্ধান
_	२৯५२	. ⊚
å ©	(છ છ	উপর (৯)
., -	२१३२	
	2020	
দরল বেড়া ভি ৮১	२०७३	२५५
,	2005	>48
<b></b>	2060	90
সরল বেড়া ডি ইমারত (৩১	2780	<b>₽</b> ₩
स्याप्त र ७५	৯০২	
	११७७ ⊚	(>0)
<del></del>	597	
ইমারত ( ৩ <b>৯</b> ৬৬. ( ৪০	P-00	বৈড়া ডি
ç <b>9,                                    </b>	909	90
ডি	}	বেড়া
95	850	CAGI
95	300	
ডি		(বড়া
	्र हहे <i>र</i> ङ	bee भारता (३३) ि
	\	

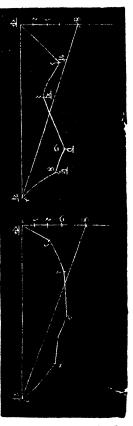
# জরীপ।

	٦		) atta (am)
(১৭) সরল বেং	भ	eor	পার (বন)
		প্রবাদ্ধ	৮१० मर्सा (১৬)
অসিনদীর 🕽		889	
বিস্তার 🕻 🔻	১৬	800	
	<b>\</b>	<b>२</b>	
<b>5</b> ₹₩	8	৬৮	় ডি
-	5 2	৫२	3
	<b>ક</b> ટ	٥ د	
•	•	<ul><li>इंडें</li><li>इंडें</li></ul>	सर्था (३)।
(5%)		ত্র ৩১৪ পর্যান্ত	<ul><li>বানে, নিকট ২৫•</li></ul>
		38¢b	• यशा ५
		b90	(O) 100
দরন ৰেড়া	ডি	96-59	٥١ الله الله
•		900	\$8
		Coo	) b (E )
		900	० ५ ५ % ६ © ७ ५ ५ % ६ © अपि गमीत्र विकास
		300	200
		⊚ इडेरफ	১७১० मध्या (১৫)
(১৫) নদী	ſ	3880	,
ব্যবধান পার	)	2000	
		১৩১ •	0
		3200	>>> <u>₹</u>
		3030	) co (8) _
		bb0	363 6
•		900	>>0 E
<b>দরন বেড়া</b> ডি	૭૪	<b>8</b> 50	क १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८ १८
বন			34 8
সরল বেড়া ডি	ঽ৬	२७९	1 -
		>80	3)
		⊚ হই:ড	১৬৬० मरधा (२)

ক্ষেত্র অত্যন্ত বক্ত হইলে তাহাকে সমকো-ণিক ত্রিভুজে পরিবর্ত্তিত করিয়া জরীপ করিতে হয় |

মনে কর কগ্যচছ্থ একটা বক্র বা শহর কেত। इशांक এक है। नमरका निक ক্ষেত্রে পরিবর্ত্তির করিতে ইইবে যাহার ক্ষেত্রফল ইহার সমান হইবে।

ক্ষেত্রের যে কোন প্রান্থ, যথাক হইতে ক'থ ভূমির উপর কোণ্মান গজ্বারা ক ৪ একটা অপরিমিত লম্ব উত্তোলন কর। ক্লেতের যে প্রান্ত হইতে লম উল্লোলন করা হইল, সেই স্থান হইতে ক্ষেত্রে প্রভাক কোণে ১,২ कतिया धकामि कारम हिन्ह দাভ ৷ ০ ও ২ চিক্লিড কোণের উপর সমাস্তরাল (রূলার) পরিমাপক রাখিয়া. ১ চিহ্নিড কোণের উপর দিয়া একটা



गमाखदान दिशा होन। धहे ममाखदान दिशा यि विन्तूरक

ক ৪ লম্বনে অবচ্ছিল্ল করিবে, সেই বিন্দুকে ১ সংখা ছারা চিল্লিভ কর। এইরূপে ক্রমশঃ লম্বের উপর যভ বিন্দু পাত হইবে, সেই বিন্দুগুলি ক্রমান্তরে ১, ২, ৩ এইরূপ সংখা ছারা চিল্লিভ করিবে। লম্ম্ছ ১ ম বিন্দু ও ক্লেত্রের ভৃতীয় কোণ প্রায় নাছরাল (রূলার) পরিমাপক ধরিরা ছিভীয় কোণের উপর লিয়া সমাভ্রাল রেখা টান। এই রেখা যে বিন্দুভে লম্বকে অবচ্ছিল্ল করিবে, ভালাকে পূর্ব্ব মত ২ অঙ্ক ছারা চিল্লিভ করিবে। এই রূপ প্রক্রিয়া করিয়া লম্বের সর্ক্রোন্দরির হালানে চিল্লু পড়িবে, সেই ছানের সহিত ভূমির অপর প্রায় বালি করিয়া লিলে, বে সমকোণিক ত্রিভুজ উৎপল্প হইবে, ভালাই ঐ ক্লেনের স্নান। ইউক্লিডের যে প্রক্রিন্দরের তালাই ঐ ক্লেনের স্নান। ইউক্লিডের যে প্রক্রিন্দরের তালাই এই প্রক্রিনার বৌক্তিকতা দ্বির হইরাছে ভালা এই, ''যে সকল ত্রিভুজ এক ভূমির উপর ও সেই ভূমির স্নান্তরাল রেখার মধ্যে থাকে ভালার বির্ন্দের স্নান।''

যদি ক্ষেত্রের দীমা কোণাধিশিষ্ট না হইয়া বৃত্তাকার হয়, ভাহা হইলে বুড়ালার অংশকে এরপে থও থও করিবে যে, প্রত্যেক থও এক একটা সরল রেখা হয়। জনতর পূর্কোক্ষ প্রণালী অনুসালে প্রক্রিয়া করিতে হইবে।

ভ্রতি । প্রেন্টেবিল ) ব্যবহার করিয়া জ্রীপ করিবার ধারা।

কোণবীক্ষণ যত্র গারা জরীপ হইলে ভ্যাদির ক্ষেত্রকল নতং কোণওলির অংশপরিমাণ অভি স্থা হর বটে, কিন্তু এই জরীপুষহজ নত্র ও ইহাতে বিস্তর বিলম্ব হয়। অপর,

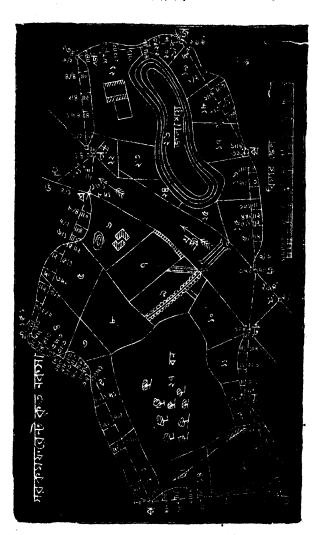
জরীপ করিতে করিতে নক্সা প্রস্তুত হয় না; স্মুডরাং জরী-পের পরে নক্সা করিলে ভাহাতে ভ্রম হইবার অধিক সন্তা-वना, आत के खम शाधनार्थ भूनक्तित अतीरभत व्यासायन হইরা থাকে। এই জন্য তক্তি (প্লেন্টেবিল) নামক যন্ত্র দারা ভূমির পরিমাণ করিলে পূর্ব্বোক্ত অন্মবিধা অনেক ছাংশে পরিছার হইয়া থাকে।

ডক্তি থানি একটা কৌশল দারা ত্রিপদির উপর সংযুক্ত ছুইরা থাকে। তক্তির দঙ্গে এক গাছি কার্ষের যৃষ্টি থাকে, উহা ভক্তি অপেকা কিঞিৎ লমা। উহার হুই পার্ঘে কাঠের ছুই থানি বীক্ষণ চুন্সী ( সাইট ভান ) যুক্ত থাকে। একটী চুন্দীর মধ্য দিয়া দৃষ্টি করিলে অন্যাটীর ভিতর দিয়া যে পদার্থ দেখিতে পাওয়া যায়, তাহা ঐ ষষ্টির সমস্তত্তে পতিত বশিয়া জানিতে ইইবে। জ্রীপ আরম্ভ করিবার পূর্কে একতা কাগজের চারি ধারে আঠা দিয়া ভক্তির উপর যুক্ত ক্ষিয়া দিবে, এবং যে মানদণ্ড ছারা নক্সা করিতে হইবে ভাষা দেই কাগজের শীর্ষদেশে অন্ধিত করিবে। পরে **প্রথম নিদর্শন ভানে** গমন পর্বাক ত্রিপদি বসাইরা ভাহার উপর ভক্তি আঁটিয়া দিবে। অন্তর, কাগভের যে থানে নক্ষা আরম্ভ করিলে সমুদায় গ্রামের নক্সা উহাতে ধরিতে পারে বলিয়া বোধ হইবে, তথায় প্রথম নিদর্শন স্থান চিহ্নিড করিয়া, ভাষার উপর একটা পিন প্রোধিত করিবে। পরে যৃষ্টিকে ঐ পিনের গাতে ধরিয়া বেখানে দিভীয় নিদর্শন 'স্থান মনোনীত করা গিয়াছে, ভাষার দিকে মটির একটী

বীক্ষণচুলী ফিরাইয়া অপর বীক্ষণ চুলী দিয়া সমস্তত্তে দেখিতে থাকিবে। যতক্ষণ ঠিক লক্ষ্য স্থানের দিকে না হইবে, ভতক্ষণ হষ্টিকে অল্ল অল্ল সরাইতে থাকিবে। যটি যথন ঠিক ছিতীয় নিদর্শন স্থানের দিকে হইবে, তথন ভাহার ধারে ধারে প্রথম নিদর্শন স্থানের উপর দিয়া রেখা পাত করিবে। এই রেধাটী প্রথম শৃষ্থল রেখা হইবে। **অনন্তর, প্রথম** নিদর্শন স্থান হইতে দিতীয় প্রোথিত ধৃজা পর্যান্ত রক্ষুপাত ছাব। ভূমির পরিমাণ নির্দেশ করিয়া, নক্সার কাগুল্কে মানদণ্ড ছারা পরিমিত রেখা পাত করিবে; এবং বদ্যপি ঐ চিহ্নছয়ের সংযোজক ফিতা বা রক্ষু, যে প্রামাদি তাহার উভয় পার্শন্থ ভূমিথণ্ডের পরিমাণাদি জানিবার নিমিত, ঐ পতিত রক্জু হইতে পার্যন্ত ভূমি থণ্ডের উভয়-দিকে অপের রক্ষুপাত করিয়া তাহার পরিমাণের সংখ্যা ও ভাহার চিত্র নক্সার কাগজে লিখিতে হইবে। পরে বিভীয় নিদর্শন স্থানে গমন করিয়া ত্রিপদি বসাইয়া কাগজের দিতীয় নিদর্শন স্থানের উপর পিন প্রোথিত করিয়া যষ্টিকে ভাহার গাত্রে প্রথম নিদর্শনের উপর ঘুরাইয়া আনিবে। পরে যষ্টির শমুথের বীক্ষণ চুঙ্গীর ছিদ্রে চক্ষু রাধিয়া ত্রিপদির উপরে তক্তি-কে এরপে ঘুরাইয়া আনিবে যে, যষ্টির অপর বীক্ষণ চুঙ্গী দিয়া ষেন পশ্চাতের নিদর্শন স্থানটা ঠিক লক্ষ্য করা যায়। এইক্ষপে ত্রিপদির উপর ভক্তি আঁটিয়া দিয়া ষষ্টিকে পিনের গারে ধরির। তুতীয় নিদর্শন ছানের দিকে লক্ষ্য করিবে। ধবন

বৃষ্টি ঠিক তৃতীয় নিদর্শন ভানের দিকে হইবে, তথন উহার ধারে ধারে রেখা পাত করিবে। এই রেখা দিতীর শৃত্যন রেখা হইবে। জ্বরীপ শেব হইয়া গেলে ছুরি দারা কাগজের চারি ধার কাটিয়া তভি হইতে তুলিয়া লইতে হইবে।

ভক্তির গাত্তে একথানি সভন্ত কাঠে একটা চন্দীর মধ্যে কথন কথন একটা দিগ্দর্শন যত্র থাকে। চুঙ্গীর ভিতরে কাঁটার মুখের কাছে একথানি ভংশপট্ট থাকে। ভাহার মধ্য রেগাতে শুন্য লেখা থাকে। ২খন জ শুন্যের দিকে ফিরিয়া দিপুদর্শন বজের কাঁটার উত্তর প্রাস্ত স্থির হয়, তথন ভক্তি উত্তর-দক্ষিণ ভাবে আছে বলিয়া জানিতে হয়। ভক্তির কাগজের উপর উত্তর-দক্ষিণ করিয়া রেখা টানিতে হইলে ্ষষ্টিকে কাঁটার সমাস্তরাল করিয়া টানিলেই হয়। সেই রেথার উভর দিকে ভীরের কলা আঁকিয়া দিলে নক্সায় উত্তর দিক নিরূপিত হয়। এই রূপ ক্রমশঃ দিতীয়, ভূতীয় প্রভৃতি নিদর্শন স্থান হইতে আমের চতুঃদীমা মাপ করিয়া তাহার ্চিত্র এবং পরিমাণের সংখ্যা নক্সার কাগম্বে লিখিবে। পরে ্জনমশঃ ঐ সীমার অন্তর্গত এক এক থণ্ড ভূমির মাপ এবং ্মক্সা করিবে। স্থার এ কেতে বৃক্ষ, পুষরিবী, নদ, নদী। थान, विन, फक्न, भथ, वांगे, मिन्न अकृष्ठि, अवः ংক্তেণ্পির শ্লাদি যে ছলে যেরপ আছে, ভাহার নাম, लितियान, जाकृष्ठि अवर विवतन, उत्तर शास के मन्नात ক্ষাপ্তে চিত্রিত ও অন্ধিত করিবে। ঐ সকল প্রক্রিয়া ুলুর হইলে, আমাদির পরিমাণ ও নল্লার পাও লিপি প্রস্তুত হইবে। ভাহার পর গ্রামের মধ্যস্থ কোন স্থানে



🤈 দিদর্শন বন্ধ স্থাপন করিয়া, তদ্বারা দিঙ্গিয় করিয়া নক্সান্ডে ভাহা অঙ্কিত করিবে।

মনে কর কোন এক দীর্ঘিকার সন্নিকটে ভক্তি স্থাপিত হইয়াছে। ঐ দীর্ঘিকার চারি কোণে চারিটী নিশান প্রোথিড কর। ঐ দীর্ঘিকার নক্ষা কাগজে অন্ধিত করিতে হইলে ভক্তির উপরিহ্নিত কাগজের কোন স্থানে একটী পিন প্রোথিড কর। ঐ পিনের পার্খ সংলগ্ন করিয়া রূলথানিকে ভাপন ুপূর্বক, রূলের প্রথম বীক্ষণ চুকীর মধ্য দিয়া দিতীয় বীক্ষণ চুন্সীর মধ্যবিত তার ও ভূমিনিথাত প্রথম নিশান সমস্তে পতিত হইয়াছে কি না দর্শন কর। যে পর্যান্ত সমস্থতে পতিত নাহয়, রলথানিকে দক্ষিণ কি বাম পার্খে দরাইতে থাক। সমস্ত্রে পভিত হইলেই রূলের পার্য দিয়া পেন্-দিল দারা একটা রেথা অন্ধিত কর। ঐ রেথার কোন না কোন স্থানে দীর্ঘিকার এক কোণ হইবেক। এই রূপে দীর্ঘি-কার আর ডিনটী কোণ অনুসারে ডিনটী রেখা অন্ধিত কর। অনম্ভর ভক্তিকে দীর্ঘিকার অনা পার্খে সংস্থাপন পূর্মক চারি কোণ অহুসারে রেখা টানিলে, পূর্ব অন্ধিত চারিটী রেথাকে रा य विम्पू एक एक्प कतिय सारे सारे विम्पू एक दाशा अनि एक পরস্পর দংলগ্ন করিরা দিলে দীর্ঘিকার অবিকল মক্সা চিত্রিত হইবেক। এই ক্লপে অন্যান্য পদার্থের অবস্থান নিরূপিত ছইরা থাকে। স্পট্ট প্রতীর্মান হইতেছে, শুখল ও দিগ্-क्लीन राष्ट्रवादा रा कडीश कड़ा यात्र, छाहा विश्वप कहेता, ঁ ভক্তির অন্ত্রীপ বিভন্ন হয়। ভক্তির ন্যায় সামান্য কিন্ধা মৌকুরিক দিপদর্শন যন্ত্রের সহিত দূরবীক্ষণ যন্ত্র থাকে না;

স্থতরাং দূরবর্তী কোন পদার্থ দৃষ্টিগোচর হয় না। ভন্নিবন্ধন সামান্য দিপদর্শন যন্ত্র এবং শৃষ্থাল ছারা জ্বরীপ করিয়া ভূমির মধ্যগত পদার্থ সকলের অবস্থান লম্ম ছারা নিরূপিত হয়।

😎 শৃত্যল ও ভক্তির দারাই জরীপের সমুদায় কার্য্য দম্পন্ন হইতে পারে। ভক্তিকে চুম্বক স্থাীর সমান্তরালে ভাপন পূর্বক ভক্তির কাগজে ঐ স্থচীর সমান্তরালে এ**কটী** রেথা অন্ধিত করিলে ঐ রেথাকে মাধ্যাহ্লিক রেথা বলে। ভূমির কোন স্থানে একটী নিশান নিথাত করিলে এবং মাধ্যা-হ্নিক রেথার কোন স্থানে তক্তি স্থাপনের স্থান বলিয়। বিন্দু ছারা অন্ধিত করিলে ঐ নিশানের অবস্থান নিণীত হইতে পারে। মাধ্যাহ্নিক রেথা যে স্থানে বিন্দু দ্বারা অক্কিত হই-য়াছে দেই স্থানে একটা পিন প্রোথিত কর, ঐ পিনের পার্ছে দংলগ্ন করিয়া রূলথানিকে স্থাপন কর। ঐ রূল দক্ষ হুইটী দশন চুফী ও ভূমিনিথাত নিশান সম<del>স্</del>তে স্থাপন পূর্বক রূলের পার্ছ দিয়া পেনগিল দারা একটা রেখা **ছাইত** কর। এইক্ষণে তব্তি হইতে ভূমিনিথাত নিশানের দূরত্ব শৃত্যাল ছারা পরিমাণ করিয়া কোন নানদণ্ড অন্মসারে কাগছে অন্ধিত রেখা ছেদ করিলে নিশানের অবস্থান নির্দ্ধ পিত হইবেক। অন্য অন্য পদার্থের অবস্থানও এইরূপে নিরূপিত হইতে পারে। এই প্রণালী অবলম্বন করিয়া खडील कतिता जम घरिवात अत्मक मञ्चावना, धक्रना खतील করিবার দময় সমনোযোগ হওয়া আবশ্যক।

প্রাম জরীপের সময় কোণবীক্ষণ যত্র ছারা যে সকল কোণের বিয়ারিং প্রাপ্ত হওয়া গিয়াছে, তাহা চিঠার নজায়

এইরূপে লিখিত হয়, যথা, মাপ আরম্ভ স্থান ক হইটে থ পর্যান্ত ৭৬১ কাঠা ভূমি, এবং ক চিহ্নিভ কোণের পরি**-**মাণ ১০০°। কথ রেখা, যে গ্রাম জরীপ হইডেছে, ঠিক ভাহার দীমাতে না পড়াতে, তাহার পার্বন্থ ভূমির পরিমা-ণের নিমিত্তে, যে সকল লম্ব রেথা অঙ্কিত হইয়াছে, ভাহার পরিমাণাদি ভত্তংখানে উক্ত নক্সার চিঠায় ১ম ও ৩য় স্তস্তে নিয় হইতে উদ্ধক্রমে লিখিত হয়।

প্রথম নিদর্শন স্থানে ধ্বজা প্রোথিত করিয়া, সেই স্থান ক অক্ষর দারা ব্যক্ত কর। পরে তথা হইতে পূর্ব্বদিকে থ চিহ্নিত দিতীয় নিদৰ্শন ভানে প্ৰোথিত ধ্বজন পৰ্যান্ত যে ঋজু রেখা হইল, তদ্মারা ক চিহ্নিত স্থানে যে কোণ উৎপন্ন হই-য়াছে, ভাহার পরিমাণ ১০০ অংশ ; কিন্তু ঐ কথ সরল রেগা জরীপী ভূমির ঠিক সীমার উপর না পড়াতে, তাহার বাম পার্শ্বের ভূমির পরিমাণের নিমিত্তে ঐ রেধার ক চিহ্ন হইতে ১/৪ কাঠা অন্তরে প্রস্থ মাপের জন্য যে লম্বপাত হই-য়াছে, ভাহার পরিমাণ ৮১ কাঠা; এবং ঐ ক চিহ্ন হইতে আ১ কাঠা অন্তরে দিভীয় লম্বের পরিমাণ ৸২ কাঠা, ৪/২ কাঠা জান্তরে ভৃতীয় লম্বের পরিমাণ ৮১ কাঠা; ২৮১ জন্তরে ৪র্থ লম্বের পরিমাণ 📭 কাঠা; ৭৮১ কাঠা অন্তবে ধ অর্থাৎ ষিভীয় নিদর্শন ভান।

ধ চিহ্ন ইইতে তৃতীয় নিদর্শন স্থান গ পর্যান্ত যে ঋজু রেখা হইল, তদ্ধারা থ চিহ্নিত স্থানে যে কোণ উংপন্ন হইরাছে ভাছার পরিমাণ ৬৭ অংশ। থগ রেখাটী জ্বরীপী ভূমির मीमा नटर, रतः छेश व्यत्मात ज्मित मधा निर्धे शिशास्त्र,

**অ**তএব ইহার দক্ষিণ পার্শ্বের ভূমিপরিমাণের নিমি**ভে** থ চিহ্ন হইতে ॥০ কাঠ। অন্তরে ১ম লম্বের পরিমাণ ॥०; এবং из কাঠা অন্তরে ২য় লম্বের পরিমাণ ॥০ কাঠা; ১।৩ কাঠা অন্তরে ৩য় লম্বের পরিমাণ ॥৩ কাঠা; ২।০ কাঠ। অন্তরে ৪র্থ লম্বের পরিমাণ।৩ কাঠা; ২॥৩ কাঠাতে দক্ষিণ পার্শের শেষ। বামপার্শে ৩৩ কাঠা অস্তরে লম্বের পরিমাণ।৪ কাঠা; ৬৭০ কাঠা অন্তরে ॥১ কাঠা; ৪।৩ কাঠা অন্তরে ।৪ কাঠা; ১৸ অন্তরে ।২ কাঠা এবং ৫/১ অহরে গ তৃতীয় নিদর্শন স্থান। এই রূপে গ হইতে ঘ পর্যান্ত লম্ব উত্তোলনের স্থান ও দৈগাপরিমাণ লিখিত ইইয়াছে। পরে নদী ব্যবধান হওয়াতে ভাহার পরিমাণ (অপছট) এইরপে নিশ্চিত হইয়াছে, যথা ঘ চিহ্নিত নিদর্শন স্থান হইতে পর পারে চ স্থানে প্রোথিত ধ্বজা পর্যান্ত যে নদীর বিস্তার, তাহার উপর দিয়া শৃতাল বা রজ্ঞপাত হইতে পারে না; অতএব দিগদর্শন যন্ত্র ছারা ভাছার পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে। গঘচ কোণের পরিমাণ ১৩১ অংশ নির্ণর হইয়াছে, এবং ঘটিহু হইতে স্বীয় পারে কিরন্দুরে, মনেকর ২৷১ কাঠা অভরে ৬ চিহ্নিত স্থানে একটী ধ্বজা প্রোথিত হইরাছে। ও ঘ ও ঘ গ রেখার যোগে ও ঘ গ কোণের পরিমাণ ৬৪ অংশ। ঘত বর্দ্ধিত করিয়া ওচ রেথা ছারা ষে কোণ হইয়াছে, ভাহার পরিমাণ ১৭১ অংশ এবং 🕏 চিহ্ন হইতে ঘ চিহ্নাভিমুখে চঙ্ঘ বুত্তখণ্ডের পরিমাণ ২৪৪ অংশ। অতএব ২৪৪° হইতে ১৭১° অস্তর করিয়া অব-শিষ্ট যে ৭৩° ভাছা চঙ্ঘ কোণের পরিমাণ। আর<গঘচ

= ১৩১ অংশ হইতে < গঘঙ=৬৪ অংশ অন্তর করিয়া জ্ববশিষ্ট যে ৬৭°, ভাছাই ঙ ঘ চ কোণের পরিমাণ।

ত্রিভুঞ্জ ক্ষেত্রের সমুদায় কোণের পরিমাণ ১৮০° স্বভাব-সিদ্ধ, অতএব ঘঙ্চ ত্রিভুজের ঘ চিহ্লিত কোণ ৬৭° ও ও চিত্নের কোণ ৭৩° হইলে, চ চিহ্নিত কোণের পরিমাণ ৪০° হইবে।

পূর্বে উল্লিখিত হইয়াছে যে, স্বীয় পারের ঘঙ রেখা ২।১ কাঠা, ঐ রেথার ও চিহ্ন হইতে চ চিহ্ন পর্যান্ত রেথা পাত কর : এবং ঘ চিহ্ন হইতে চ পর্যান্ত রেথা পাত কর। এই ছুই রেধার সম্পাত স্থান চ হইতে ঘঙ রেথার উপরে ষে লম্ব পাত হইবে তাহার পরিমাণই নদীর প্রস্থ পরিমাণের **সমান হইবে।** এখন কোন কাগজে আধার ভুজের বিয়ারিং ও ব্যবধানান্ত্রসারে একটা রেখা পাত কর। পরে ভাহার তুই প্রান্ত হইতে পূর্বে লক্ষিত বিয়ারিং অনুনারে তুই সরল রেখা পাত করিলে, যে ছই কোণের উৎপত্তি হইবে, ভাহা মদীর উপরিশ্বিত ক্ষেত্রের চুইটা কোণের যথাম্ব সমান इहेरा। के त्रथाषत्र य ऋल मःलग्न इहरत, ভाहाहे नमीत পর পারে প্রোথিত ধ্বজার স্থল, অর্থাৎ সেইটা ত্রিভূজ ক্ষেত্রের তৃতীয় থাকের স্থল, ইহা স্থির হইলে নদীর উপরি-দ্বিত ত্রিভজ ক্ষেত্রের অনুরূপ নক্সা হইবে। স্মৃত্রাং উপ-রের লম্বও সদৃশ হইবে। অতএব ঐ নক্মার তৃতীয় থাক হইতে আধার ভূজের উপর লম্ব পাত করিয়া, যে মানদণ্ড . ছারা আধার ভুক পরিমিত হয়, তছারা পরিমাণ করিলেই নদীর উপর যে তিভূজ ক্ষেত্র, তাহার লম্ব অর্থাৎ ধবলা হইতে সীর পারস্থিত ভুজ পর্যান্ত বে ব্যবধান, তাহা নির্ণর হইবে। তৎপরে যদি সীয় পারস্থিত ভুজ, নদীকৃদ হইছে কিঞ্চিৎ দূরে হয়, তবে প্র ব্যবধান দেই লম্ব হুইতে বিয়োগ করিলেই নদীর পরিসর স্থির হইবে।

পূর্কোক্ত নিয়মান্ত্রপারে গ্রামের চতুঃদীমার পরিমাণ নির্দ্ধারিত এবং নক্সা অঙ্কিত করিয়া, পরে এ প্রামের মধ্যস্থ এক এক থণ্ড ভূমি পরিমাণ করিতে হয়। প্রত্যেক থণ্ডের অংশপরিমাণ কোণবীক্ষণ যস্ত্রছারা নির্ণন্ন করিলে কাঞ্চি অভান্ত স্থল হয় বটে, কিন্তু ভাহাতে অধিক সময় লাগে, অতএব তাহা না করিয়া যে সকল ভূমিথত অত্যম্ভ কুটিল, ভাহার বক্রস্থানে লম্ব উত্তোলন করিয়া থণ্ডাত্মক্রমে মাপ করিবে। যে ভূমিথণ্ড অত্যন্ত কৃটিল, তন্মধ্যে অধি**ক লম্ব** উভোলন করিবে, এই রূপে অধিক সংখ্যক লম্ব হইলে, ভাহাদের মধ্যে কোনু লম্বের কত পরিমাণ হইয়াছে, ভাহার বিশেষ স্মরণার্থে প্রভোক লম্বের পরিমাণ লিথিয়া অনুরূপ চিত্র প্রকাশিত করিবে। যদি কোন বৃহৎ প্রান্তর অথবা মাঠ থাকে, ভবে ভাহা কোণবীক্ষণ যন্ত্ৰ ছারা জরীপ করিছে হইবেক, নতুবা ভাহার আকৃতি ও পরিমাণ সমাক্ প্রকারে श्वित शहेरव ना।

		-1		
	গ্ৰ পৰ্য্যন্ত ে/১	. नि		
IR	84	< গঘঙ	<b>₩8•</b>	1
18	812	< গঘ্	2020	1
#7	เทอ	ঘঙ বৰ্দ্ধিত	, ,,,	1
18	919	করিয়া গুচ		1
	3113	ছারা যে <	295°	
	2 10	10	ঘ⊚ পর্যান্ত	1
	310	10	bus.	1
	พร	110	b/8	١.
		110	9/2	1 11
্<্ কথগ	>>9°		"`	118
•	থ© হইতে		615	#2
			•	דו
	থ@ পৰ্য্যস্ত	গমন ঈ	Œ¥₹	
	447	12	012	 
110	<b>⊌</b> ทว	ч	હમ	
۷۷	९/२	112	ع/s	
৸ર	©85	10	२/२	
иэ	3/8	< থগঘ /৩	หว	
<ডকখ	3000		505*	
শারস্ত	ক⊚ হইডে	গমন পৃ	গ্ৰ হইতে	পু
				,

# জরীপ।

1	·				
	🕶 🧿 পৰ্য্যন্ত			ঞ্@ পর্যান্ত	
	৬।৪			9110	
10	৬/৩			9/0	4
19	0/2			≫Mo.	
Į o	8 ॥ २		18	6/0	
	012		112	0/3	
13	२ । २		ΙI ર	811	
10	\$/8		>	yn >	
10	118		١٥	\$12	
< চছৰ	<b>૨</b> ૭8°		19	>#5	
, ,	ছ ⊚ হইতে		< জ্বাঞ	৩২৯*	
	20 1100			ৰ⊚ হইভে	
	= 6 0/57=				
	ছ 🛛 প্র্যান্ত			ৰা 🛭 পৰ্য্যন্ত	
	a/2			<b>≫</b>   8	
	8/8		Ŋo	8/2	
	8/8	10	•••	,	
	રા8	113	3/3	্	
			иэ	२ ॥ ३	
	วทร	19	ノミ	२/२	
			19	No.	
	3/2	110	< ছন্ত্ৰ	₹৯৯°	
< €5€	>8°°			জ্ঞ হইতে	
	⊚চ হইতে	1.			
		•		·	)
e	<b>₹</b>				
8 . N	<del>P</del>			= 5 =	
ডি প্ৰধাৰ ১৯০ প্ৰধাৰ ১৯০ প্ৰধাৰ ১৯০ প্ৰধাৰ ১৯০ প্ৰধাৰ ১৯০ প্ৰধাৰ ১৯০ প্ৰধাৰ					
ড্ৰান্ত বিশ্ব বি					
•	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	~ ~ &	3 4	26.00	5 1
-	1 01		- Al   "		-

型。 スラママ

	,
ক 🥯 পৰ্ব্যস্ত	
`৮।৩	
ๆหอ	113
9/8	u:
<b>&amp;/8</b>	118
a/s	#>
<b>48</b>	
२/०	ija
اد	H o
৫৬°	
ড 💿 হইভে	

#### পরিষ্কৃত নক্সা।

প্রেনটেবিল দারা জাত নক্ষার পাণ্ডুলিপিতে পরিমিত 
শ্রামাদির স্থুল অবরব রেথান্বারা অন্ধিত থাকে। অতএব
ভাহা হইতে পরিকৃত নক্ষা করিতে হইলে, এক থানি
চিত্রিত করিবার কাগজের উপর ঐ নক্ষার পাণ্ডুলিপি বন্ধ
করিয়া, পাণ্ডুলিপির রেথার উপর অথবা ভাহার সমাত্ররালে, স্চদ্বারা এরূপে বিদ্ধ করিবে, যাহাভে ঐ পাণ্ডুলিপির রেথার তুল্য চিত্রিত করিবার কাগজে স্চ্যগ্রবিদ্ধ রেথা
হয়। পরে ঐ নক্ষার পাণ্ডুলিপি সম্মুথে রাথিয়া ভাহার
রেথাদি দৃষ্টি করিয়া, চিত্রিত করিবার কাগজের স্হাগ্রবিদ্ধ চিল্লোপরি মস্যাদিন্বারা রেথাপাত করিবে, এবং নক্ষার
পাণ্ডুলিপির যে স্থানে রে রূপ মন্দির, বাটা, বাগান,

জনাশর প্রভৃতি স্থায়ী চিহ্ন থাকে, তাহার নাম ও আকৃতি সেই সেই স্থানে অঙ্কিত এবং চিত্রিত করিবে।

#### ক্ষেলের ব্যবহার।

জরীপের যে যে নিয়ম নির্দেশিত ইইয়াছে, প্রথমতঃ তদত্বসারে মাপ ও অন্যান্য কার্য্য সমুদায় সম্পন্ন করিয়া, তদনত্ব ঐ জমীর নক্ষা প্রস্তুত করিতে হয়।

ক্ষেত্রের নক্সা প্রস্তুত করিতে হইলে, যত বড় ক্ষেত্র জরীপ করা হইরাছে, তত বড় কাগজের উপর তীহার প্রতিক্রতি অঙ্কিত করা কোন ক্রমেই সম্ভবিতে পারে না; স্তরাং সেই ভূমি বা ক্ষেত্রকে অবশ্যই এরপ কল্পনা করিতে হইবে যে, তাহা ক্ষুদ্র আয়তনে প্রকাশ করিতে পারা যায়। এই কল্পনা ইইতে ক্ষেলের অর্থাৎ মানদণ্ডের স্টি ইইয়াছে।

যদি কোন ভূমির এক দিকের প্রকৃত পরিমাণ ১০ গজ হয়, আর এ দিক্ এক ইঞ্চ পরিমিত রেধার প্রকাশ করা যায়, তাহা হইলে এরপ বলিতে হয়, ইহা ১৯ ফেলে অক্তিত হইয়াছে, অথবা ইহা বলিলেও হইছে পারে যে, ইহার ফেল ইঞ্চ প্রতি ১০ গল।

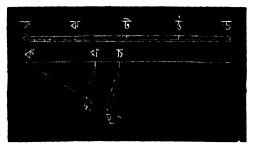
সিম্পাল স্কেল (সামান্য মানদণ্ড), ভারেগনাল স্কেল (স্ক্রমানদণ্ড), ভার্ণিয়ার স্কেল (অনুমাপক্মানদণ্ড), অব-কর্ড স্কেল, মর্কুরস স্কেল, এই কর প্রকার স্কেলের ব্যবহার আছে, ভাহার মধ্যে করেক প্রকার স্কেলের বিষয় প্রথমভাগে উল্লিখিত হইরাছে। এথানে কেবল একটা সাম্যান্য মানদণ্ড, ও ক্রমাপক মানদণ্ডের বিষয় লিখিত হইতেছে।

#### সামান্য মানদও।

১৬ কুটকে ১ ইঞ্চ কল্পনা করিয়া এমত একটা মানদও প্রস্তুত কর, যাহা হইতে এক ফুট পর্যান্ত পরিমাণ লওর। গ্ যাইতে পারিবে।

যত প্রকার মানদত ব্যবহৃত হইরা থাকে, তাহার মধ্যে দশমিক মানদত্তই ব্যবহার করা স্থবিধা; কারণ যে মানদতে একাদি ক্রমে ১০ ফুটের পরিমাণ প্রাপ্ত হওরা যায়, ভাগে হইতে যত ফুটের প্রয়োজন হউক না কেন সমুদায়ই প্রাপ্ত হওয়া যাইবে।

এইক্ষণে যদি ১৬ ফুটের পরিবর্ত্তে ১ ইঞ্চধরা ধার, ভাহা হইলে ১০ ফুটের স্থানে কত ইঞ্চধরিতে হইবে ? উঃ ই ইঞা।



কথ একটা রেখা পাত কর। কোণমান গজ বা অন্য কোন মাননত হইতে কাঁটাকম্পাশ দারা ৮টা জংশ গ্রহণ কর; এবং ক-কে কেন্দ্র করিয়া ঐ ৮টা জংশের সমান ব্যাসার্থ নইয়া একটা বৃত্তাংশ জন্ধিত কর। ইহা কথ রেখাকে ধ বিশুতে ছিল্ল করিবে। পরে থ-কে কেন্দ্র করিয়া, পূর্কোজ মানদণ্ডের ৫ জংশ পরিমিত ব্যাদার্দ্ধ কম্পাশ বিস্তার করিয়া আর একটা বৃত্তাংশ অভিত কর। ইহা পূর্ব অভিত বৃত্তাংশকে গ বিন্দুতে অবচিছন্ন করিবে।

#### অণুমাপক মানদও।

নিমে যে মানদণ্ডের প্রতিরূপ প্রকাশিত হইল, ইহার দারা যে সমস্ত রাশি তিনটী লঙ্ক দারা ব্যক্ত হর, তাহা পরিমিত হইতে পারে। ক চ চারি ইঞ্চ পরিমিত একটা রেখা,
ইহাকে চারি সমান জংশে বিভাজিত কর। পারে প্রত্যেক
ভাগ বাম হইতে দক্ষিণ দিকে দশ সমান জংশে বিভক্ত
করিয়া বাঙা জনস্তর ইহার ১১ জংশের সমান কম্পাশ
বিস্তার করিয়া, ১ম জাদি বিভাগের প্রান্ত খ-র সম্মুখ্ছ বিশ্ব
থ হইতে বামদিকে স্থাপিত কর, যথা থ ন। ইহার দৈর্ঘ্যপরিমাণ থ ক জপেক্ষা এক জংশ বামে বেশী হইবে। জন-

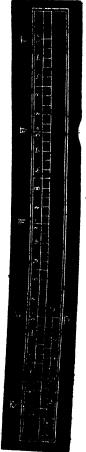
স্তর থন-কে ১০ সমান অংশে বিভাঞ্জিত কর ও ঋপর পার্থে

দক্ষিণ দিক্ হইতে বামে একাদি-ক্রমে সংখ্যাপাত কর।

ক চ রেধার ১১ অংশের তুল্য ধ ন রেধা ১০ সমান অংশে বিভা-জিভ হইরাছে ও ধ ন-র পরিমাণ ক থ অপেকা ১ অংশ বেশী; স্তরাং ধ ন-র এক এক অংশ ক থ-র এক এক অংশ অপেকা ১০ অংশের এক অংশ বেশী। যদি ধ ক-র পরিমাণ ১০০ ইঞ্চ বলিয়া করানা করা যায়, ভাহা হইলে ধ ন-র এক অংশ ১১০ ইঞ্চ হইবে।

মনে কর এই মামদণ্ড ছারা ২৫৩ ইঞ্চ গ্রহণ করিতে হইবে।

নিরম। তিনটা সংখ্যাবিশিষ্ট 
ক্ষের আদি সংখ্যাতে ১ যোগ 
কর। পরে ভাছার পূর্চে মধ্য সংখ্যা 
রাথিরা যে রাশি হইবে ভাহা হইতে 
শেষ সংখ্যা বিরোগ কর। অনন্তর 
শেষ সংখ্যার যে পরিমাণ, থ হইতে 
বামে তত্ত পরিমাণের উপর কম্পাশের



এক মূৰ রাধিরা, অপর মূব ঐ বিদ্যোগকলের যে পরিমাণ

ভতদূর বিস্তার কর। তাহা হইলেই নির্দিষ্ট সংখ্যার তুলা কম্পাশের মুখ বিস্তার হইবে।

২+১=৩, ৩৫—৩=৩২; এইকণে থ হইতে তিন সংখ্যার উপর কম্পাশের এক মূখ রাখিয়া, অপর মূখ বা পদ ক হইতে দক্ষিণ দিকে ৩২ সংখ্যা পর্যন্ত বিস্তার কর, ভাষা হইলে এই পরিমাণ ২৫৩ ইঞ্চের সমান হইবে।

কোন স্থান জ্বরীপ করিয়া ভাষার নক্ষা প্রস্তুত ইইরাছে,
কিন্তু ভ্রমক্রমে ভাষার ক্ষেল লিথিত হয় নাই। বদি প্র স্থানের
বর্গপরিমাণ ব্যক্ত থাকে, ভাষা ইইলে যে ক্ষেলে ভাষা অভিত
ইইয়াছে ভাষা নিরূপণ করিতে ইইবে।

ঐ নক্সা অপর ক্ষেলে অন্ধিত করিয়া, সেই স্থেলের সাহায্যে তাহার ক্ষেত্রকল স্থির কর। এইক্ষণে প্রকৃত ক্ষেত্রক ফল এই ক্ষেত্রকলের যত গুণ বা যত ভাগ হইবে, প্রকৃত ক্ষেত্রের বর্গও এই ন্তন স্থেলের বর্গের তত গুণ বা তত ভাগ হইবে।

অর্থাং প্রকৃত ক্ষেত্রকল : নৃতন ক্ষেত্রকল :: (প্রকৃত ক্ষেত্র) : (নৃতন ক্ষেত্র ) ।

প্রকৃত শৃত্যল অপেকা ক্ষুদ্রতর বা বৃহত্তর শৃত্যল বারা কোন ভান জরীপ হইয়া, যদি সেই পরিমাণ অসুদারে ভাহার নক্ষা অভিত হয়, ভাহা হইলে ভাহার প্রকৃত ক্ষেত্রকল নির্ণয় করিতে হইবে।

যে শৃত্যল হার। জরীপ করা হইরাছে ভাহাকেই প্রকৃত শৃত্যল মনে করিয়া, প্র নলা হইতে ভাহার ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হইবে।

ঐ ক্ষেত্রকল প্রকৃত ক্ষেত্রকলের যত গুণ বা যত ভাগ হইবে; যে শৃত্থল ছারা জরীপ করা হইয়াছে ভাহার বর্গ, প্রকৃত শৃত্ধনের বর্গের ভত গুণ বা তত ভাগ হইবে।

অংগাৎ নিৰ্ণীত ক্ষেত্ৰফল: প্ৰকৃত ক্ষেত্ৰফল:: যে শৃঞ্জ ষারা জরীপ হইয়াছে <sup>২</sup>: ( প্রকৃত শৃত্বল ) ২

মানদণ্ডের পরিমাণ রৈথিক এক মাইল হইলে, যদি নকার কাগজ, মানদত্ত, ভূমি এই তিন্টার মধ্যে কোন ছুইটীর পরিমাণ পরিজ্ঞাত থাকে, ভাহা হইলে অপ্রটী কি রূপে নির্ণয় করিতে হইবে।

মানদত্তের পরিমাণকে, ভূমির পরিমাণ ছারা তুণ করিলে, নন্ধার কাগজের পরিমাণ ভির হয়।

নক্সার কাগজের পরিমাণকে, ভূমির পরিমাণ দ্বারা ভাগ করিলে, মানদভের পরিমাণ ছির হয়।

নক্ষার কাগজ্ঞের পরিমাণকে, মানদণ্ডের পরিমাণ ছারা ভাগ করিলে, ভূমির পরিমাণ স্থির হয়।

## উত্তরদিক্ নিরূপণের উপার।

জরীপ করির। কোন স্থানের প্রতিকৃতি অন্ধিত করিতে ইইলে, সেই প্রতিকৃতির উত্তরদিক নির্দেশ নিভাত আবশ্যক; অতএব জরীপের সময়ে ভূমির উত্তর-দিক নিরূপণ করা একটা প্রধান কার্য্য। ম্যাগ্নেটিক কম্পাশ অর্থাৎ দিগদর্শন বস্তু ছার্থ উত্রদিক্ নিরূপিত · হয়; কি**ন্ধ কোন যন্ত্রের সাহাব্য ব্যতিরেকেও উ**ভর্গিক নিরূপিত হইছে পারে।

কম্পাশ দারা যাহাকে উত্তরদিক বলিয়া স্থির করা যার, তাহা সর্বাদা ঠিক উত্তরদিক হয় না। কাল ও স্থান ভেদে কম্পাশের কার্য্যাত ব্যতিক্রম ঘটিয়া থাকে।

এক গাছি রজ্জুদারা নিম লিখিত প্রাক্রিয়াহুসারে উত্তরদিক নিরূপণ হইতে পারে। যে ভান হইতে জরীপ আরম্ভ করিবে. যদি নেই স্থান সমতল হয়, তাহা হইলে দেই স্থানেই উত্তরদিক নিরূপণ করিবে; যদি ভূমি ভথার সমতল না হয়, তাহা হইলে যেথানে সমতল ভূমি পাইবে, সেই থানে একটা ক্ষুদ্র সরল ভার ঠিক ল**থভাবে** প্রোধিত কর। পূর্বাহে কোন্ নময়ে তারের ছায়। কভ দূর পড়ে দেখিয়া, ঐ তারের মূলকে কেন্দ্র করিয়া ছায়া প্রমাণ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া একটী বুত্ত টানিয়া রাধ। পরে অপরাফ্লে আবার কোন্ দময়ে ঐ ভারের ছায়া 🏖 বুত্তপরিধিকে স্পর্ণ করে, অর্থাৎ পূর্ব্বাহ্ণের ছায়ার সহিত ঠিক সমান হয়, ভাহা বিশেষ করিয়া দেখ। **অনন্তর** পূর্ব্বোক্ত বুত্তে ছুই ছায়া ব্যাস হইয়া যে একটা বুত্তাংশ হইবে. সেই বুভাংশের পরিধিকে সমন্বিথও কর। পরে ভারের মূলদেশ হইতে ঐ ছেদ স্থানে এক সরল রেখা টান, ঐ রেখা উত্তরাভিনুথে যাইবে।

প্রকৃত জরীপ আরম্ভ করিবার পূর্বে উত্তরদিক্স্চক রেথাক্রমে কিয়দ্র জরীপ কর, এবং প্রথম নিদর্শন ছান ইইভে বে দিকে জরীপ করিয়। যাইভে ইইবে, ভাহার কিয়-দূর জরীপ করিয়া, ঐ ছান হইভে উত্তরদিকস্চক রেথায় বভদ্র জরীপ করা ইইয়াছে, দেই পর্যন্ত জরীপ কর। এই প্রক্রিয়ার ছারা যে ত্রিভুজ অভিত হইবে, ইহার সাহায্যে নক্সায় উত্তরদিকৃত্বচক রেখা অন্ধিত হইতে পারে।

## জরীপী নক্সা অঙ্কিত করিবার নিয়ম।

चत्रील कतिवात नमत्र धामानित नमूनात्र लतिमानाइ চিঠাতে লিখিত হয়, তদ্ধে কাগজের উপর ভৎসমুদার আছিত হয়। কাগ**ল** শৈত্যোঞ্চতা প্রভাবে বিস্তৃত ও **বহু**চিত হইয়া থাকে। অভএব যে কাগ**লে**র উপর নরা অভিত করিতে হইবে, তাহা কাষ্ট্রফলকে আঠা দিয়া যুড়ির। লওয়া অবিধেয়; কারণ নক্ষা অঙ্কিড হইলে পর যথন **শঙ্কিত কাগজ ধানি কার্চফলক হইতে তুলিয়া লওয়া যায়,** ভখন ইহা পূৰ্কাণেক্ষা কোন অংশে বিস্তৃত এবং কোন ভূমির পরিমাণ প্রকৃত পরিমাণ অপেকা অতিরিক্ত অথবা ন্ান হইয়া পড়ে। কাগজ চারিদিকে সমান ভাবে রিস্তৃত হয় এরপে রাধা উচিত; অথবা কাগভের এক পৃষ্ঠ নুতন বছের দারা আরুত করিলে ভাল হয়; কেননা তাহা হইলে কাগজের চারিদিক সমান ভাবে বিস্তৃত হয়! কাগৰ এ রূপে ভাবদ্বাণিত হইলে, যে মানদতে নক্সা **অন্ধিত** করিতে হইবে, ভাহা স্প্রাথে কাগজের তল্দেশে শক্তি করিবে। পরে চিঠা দেখিয়া প্রথমত: পেলিন ্যারা ত্রিভুজগুলি ভাত্তিত করিবে। ত্রিভুজগুলির রেখা জালগা করিয়া টানিবে, যেন দাগ ছোর কাল না হর 🗷

কাগজে না ফুটিয়া যায়। শেলিলের এমন গুণ থাকা আবশ্যক যে, গহজে যেন শৃদ্ধ রেখা গকল অন্ধিত করা যায়, এমন কি ইচ্ছাক্রমে যেন রবর ছারা কাগজের উপর হইতে পেলিলের চিহ্ন অনায়াসে নিরাক্বত করিতে পারা যায়। পেলিলের অঞ্ভাগটী অভিশয় শৃদ্ধ করিয়া কাটা উচিত্ত।

#### শৃখল দ্বারা জরীপ হইলে তাহার নক্সা।

কাগজের এক দিকে একটা রেখা (গঘ) আছিত -করিয়া, ঐ রেখার এক প্রান্তকে (গ-কে) উত্তরদিক कब्रना कत। পরে ঐ রেখার মধ্যে একটা বিন্দু (क) न ९. উহা জরীপের প্রথম নিদর্শন ছান হটবে। প্রথম নিদর্শনন্তান হইতে যে দিকে যভ জরীপ করা হইয়াছে, চিঠা হইতে ভাহার পরিমাণ দেখিয়া, কম্পাশ দারা অন্ধিত মানদত্ত হইতে ঐ পরি-মাণ গ্রহণ কর, এবং কম্পাশের এক পদ কাগজের উপর উক্ত বিকু বা নিদর্শন স্থানে রাধিয়া অপর পদ ধারা একটী বৃত্ত অঙ্কিত কর। পরে উত্তরদিকস্থচক রেথা**ক্রমে** যত দূর জ্রীপ করা হইয়াছে, মানদণ্ড **হইতে ভাহার** পরিমাণ গ্রহণ করিয়া ক গ-কে তাহার সমান কর। গ ইইভে ক থ সরল রেখার যত দূর জ্বীপ করা ইইয়াছে, ভঙ পরিমাণে ব্যাসার্দ্ধ লইয়া আর একটা বুত্ত অন্ধিত কর। হুইটী বুভ বে বিন্দুতে ছিন্ন হুইবে ভাছার দহিত ক'ও প বিহু সংগ্ত কর; তাহা হইলে কথ রেধার অবশ্বিতি নিরূপিত হইবে। অনস্তর কেত্রে ঐ রেখার উপর বে তিভুজ

অন্ধিত করিয়া জারীপ করা হইয়াছে, চিঠা হইতে ভাহার অপর ছুইটা বাছর পরিমাণ লইয়া, অন্ধিত মানদণ্ডের সাহাযো পূর্ব্ব নিয়মানুসারে ত্রিভুদ্ধ অন্ধিত কর। এই প্রক্রিয়ামুসারে ক্ষেত্রস্থ সমুদার ত্রিভুজ কাপজে অভিত কর। অনন্তর জরীপের প্রামাণিক রেখাগুলির নক্সা. প্রামাণ ণিক রেখার পরিমাণের সহিত মিলিল কিনা তাহা মানদুও দ্বারা পরীক্ষা করিয়া দেখ। ত্রিভুজগুলি অঙ্কিত হইলে পর, ্য লেখনী দারা নক্সা অক্সিক করিতে হইবে, ভাহা দারা **জ্পীটা দরল রেখা অন্ধিত হ**য় কিনা তাহা এক থানি স্বতন্ত্র কাগতৈ পরীক্ষা করিয়া দেখ। যদি লেখনী ভাল হয়, ভাষা হাইলে ভাষাকে কাগজের উপর লম্বভাবে রাথিয়া রেখা টানিতে থাকেবে। কাগজের উপর অধিক বলপূর্বক **लिथ्मी ठालिए क**ंत्रिय ना. महल ভाবে ठालिए कहिट्य, এবং সত্তৰ্ক হইয়ৢ৾ দেখিবে যেন রেথাগুলি এক স্থানে মোটা এবং এক স্থানে 'সুন্ধ না হয়। যাহাতে আদি অন্ত এক আকার হয় দর্বভোভাবে এমত চেটা করিবে। এইরূপে সমুদায় ত্রিভূম ওলি কালি ছারা অভিত হইলে পর, আর আর যে সমন্ত বিষয় অন্ধিত করিতে হইবে, তাহা পুনরায় ক চিহ্নিত নিদুর্শন স্থান হইতে ক্রমশঃ অন্ধিত করিতে शकिय।

চিঠাতে দেখিতে হটবে যে. ক নিদর্শন স্থান হটতে क थ नवन दाथाकरम कछ पृत नम উভোলিত হইয়াছে। ' অনস্তর সেই দুরবের পরিমাণ মানদত্ত হইতে লইয়া ছাহা নক্ষায় যে ক ধ রেখা অন্ধিত হইয়াছে ভাহাতে চিহ্নিত কর; এবং ঐ ঐ চিহ্নতে চিঠা অনুষায়ী বাম পার্বে বা দক্ষিণ পার্বে লম্ব উত্তোলন কর। ক নিদর্শন স্থান হইতে থ নিদর্শন স্থান পর্যান্ত লম্বগুলি উত্তোলন করিয়া মানদণ্ড হইতে ঐ লম্বগুলির পরিমাণ গ্রহণ কর। পরে লম্বগুলিকে যথাবোগ্য পরিমিত করিয়া ভাহাদিগের প্রান্ত সমুদায় দংযুক্ত কর, ভাহা হইলে ক্ষেত্রের প্রতিকৃতি অন্ধিত হইবে। এইরপে ক্ষেত্রন্থ বাটী রাস্তা, লোহবর্ম, নদী, পুদ্রিণী প্রভৃতি অন্ধিত করিতে হইবে।

**এই नकन** विषय कानि ছার। অস্কিত করিতে হইবে। লম্প্রলিভে কালি দিতে হইবে না, কারণ প্রতিকৃতিতে লখ রাথিবার প্রয়োজন নাই। রাস্তা, সেতু, লোহবর্ম, নদী, পুষরিণী, কুটীর, কি আকারের অভিত করিতে হয়, ভাহা পাৰ্ছ ছিত প্ৰতিকৃতি দেখ। ইহাতে ১ চিহ্নিত অবয়বটী চর জমী, ২ পতিত, ৩ দীমা, ৪ প্রাচীর, ৫ বেড়া, ৬ বন, ৭ বাঁশবাড, ৮ বাগান, ১ ঘাদ-दम, ३० दिन, ১১ श्रक्कतियी. ३२ वनाम्बर, ३० हेष्टेकानम्, ३६ (यहि ध्र व। कृतित,



১৫ मिन्ति, ১৬ मन्जिन, ১৭ करत श्वाम, ১৮ পাকা तास्ता वा ब्राजमार्ग, २० काँठा बाला, २० त्नीहवर्ष, २३ वाँ४, २२ পোল বা দেভূ, ২৩ নদী, ২৪ থেয়া ঘাট 🗷 ২৫ বরজ।

এই চিহ্নকে ( ৩২৯ পৃষ্ঠার ৮ম প্রতিক্বতি দেথ ) ধুই অর্থাৎ ছুই দীমানার শুক্ত কহে। ইহা ছুই সীমানার প্রত্যেক নিদর্শন স্থানে লিথিয়া, ইহার মন্তকের উপর নিদর্শন স্থানের সংখ্যা দিতে হয়।

নদীর স্রোভ বুঝাইবার জন্য নদীর স্রোভেরমুথে ভীরের ্ফলাও বিপরীত দিকে পুচ্ছ রাথিতে হয়।

## দিগ্দর্শন যন্ত্রদার। জরীপ হইলে তাহার নক্সা।

ৰে কাগজের নক্স। অক্কিড করিতে হয়, ভাহার উপরের **पिक উ**खंत, नीरहत पिक पिक्त प्रामिश वामशाई शिक्ति खतः দক্ষিণ পার্য পুর্ব বলিয়া জানিতে হয়। অংশপট প্রকৃত রূপে বিশাইবার জন্য, নক্সার কাগজ উত্তরদক্ষিণে কল করিয়া ্লইতে হয় ও যে মানদও ছারা @ নক্ষা প্রস্তুত হয়, তাহার **প্রতিরপ ঐ কাগজের শি**রোভাগে বা নিম্নে অন্তিত করিতে ্হয়। <mark>শক্ষকভার রীভ্যন্থ</mark>দারে মৌজার বায়ু কোণ হইতে অবম থাক অর্থাৎ @ নিদর্শন স্থান আরম্ভ হইয়া থাকে বলিয়া, 🏚 কাগজের বাছু কোণে প্রথম নিদুর্শন স্থান মনোনীত করিয়া একটা বিশু পাত কর। পরে অংশপট্টের ঠিক মধ্য-ছল ঐ বিন্দুর উপর একটা আরিন ছারা বিদ্ধ করিয়া পূর্বোক্ত কলের সহিত ঐক্য হয় এরপে অংশপট্ট উত্তর <del>দক্ষিণে</del> বৃদাও। ভদন্তর প্রথম নিদর্শন স্থান হইতে দিতীর

নিদর্শন স্থানে যে বিয়ারিং চিঠাতে লেখা আছে, অংশপট্রে

নেই বিয়ারিং দৃষ্টে কাগজে অন্য এক বিন্দু পাত কর, এবং প্রথম বিন্দু হইতে দিতীয় বিন্দুর উপর দিয়া এক সরল রেখা পাত কর। পরে, প্রথম নিদর্শন ছান হইতে দিতীয় নিদ-র্ণন স্থান যত ব্যবধান লেখা আছে, তাহা পরিমাপক দারা মানদত্তে পরিমাণ লইয়া সেই পরিমাণে ঐ রেখা কাটিয়া লও। এখন প্রথম নিদর্শন স্থানে ১ সংখ্যা দাও। অনস্তর ঐ রেধায় শেষ বিন্দু কেন্দ্র করিয়া তথার অংশপট্টের মধ্যস্থল জাল্লিন দিয়া বিদ্ধ করিয়া আবার পূর্ব্বমন্ত রেখা টান; खवर २व्र cकटन २ मःथा माछ। **এই क्राल ममुना**वं निमर्गन স্থান স্থির করিয়া, তাহাদের প্রত্যেকের সংখ্যা পাত করিয়া माछ। পরিশেষে শেষ ও প্রথম নিদর্শন স্থান রেখার ছার। যোগ কর, তাহা হইলে মৌজার অন্তরূপ নক্ষা অন্ধিত হইবে। এই রূপে ত্রিদীমানার প্রভ্যেক নিদর্শন স্থান হইতে পার্যস্থিত হুই মৌজার মধ্য দিয়া যে রেখা গিয়াছে, তাহা অন্কিত করিয়া পার্স্বস্থিত মৌজা সকলের নাম নক্সার পার্স্বে লিখিবে। যদি কোন স্থায়ী চিহ্ন অর্থাৎ মন্দির বা বুক্লের সহিত বোগ বিয়ারিং থাকে, ভাহা হইলে সেই নিদর্শন ভান হইতে বিয়ারিং ও ব্যবধানালুদারে স্থায়ী চি**ক্লের আনুমানিক** নক্সা করিয়া ভাহার নাম লিখিতে হইবে। স্পার যদি এক वास्पत मधा २।० मांनिक्त ज्ञि वा ज्ञा बास्पत हिंहे जिस পৃথক্ থাকে, তবে বহিঃদীমার যে দংখ্যায় আরম্ভ করিয়া পৃথকু

পাক হইরাছে, তথার অংশপট্ট বসাইরা ভাহা ঐ নক্সার গর্ভে

ছাত্তিত করিবে। পরে নদী, রাস্তা, বাস্ত্র, বাগান প্রভৃতি ৰখা স্থানে রঞ্জিত করিয়া চিত্রিত করিবে। আর প্রভি মিনার থাকে এক একটী পভাকা, ভোখা স্থানে হই পভাকা, প্রতিক্রতির দক্ষিণ বা বামপার্ষে উত্তর্গিক পরিজ্ঞাপক রেখা অন্তিত কবিবে।

यि किम प्रतिकीयकीम इहेश थारक, छाङ। इहेरन ভাহার প্রত্যেক অংশের ভূমি এক এক বর্ণ দারা দীমাবদ্ধ করিতে হইবে; আর বসতবাটী, বাগান প্রভৃতি কেত্র প্ৰকৃপ্থক্ বৰ্ণে রঞ্জিভ করা আবশ্যক। যভ প্ৰকার রঙ্গ ব্যবহার করা যায়, নক্সার শীরোভাগে দক্ষিণ পার্খে ভাহার প্রভ্যেক রঙ্গের এক একটা চিহ্ন দিতে হইবে, এবং ভাষার পার্খে এই রঙ্গ অমুকের এই বলিয়া লিথিতে रहेरव ।

এক থানি নক্ষা যদি এড বুহৎ হইয়া পড়ে, যে চুই ভিন থানি ভিন্ন ভিন্ন কাগজে খণ্ড খণ্ড করিয়া অন্ধিত করিয়া পশ্চাৎ সমুদায়ঞ্জলি একত্রিভ করিভে হয়; ভাহা হইলে খণ্ডগুলি এরপে অভিত ও সংযুক্ত করিবে, যে সংযোগের পর প্রতিক্রতি খানি খণ্ডখণ্ড করিয়া চিত্রিত হইয়াছিল বলিয়া বোধ না হয়।

নম্মাতে শাল্পেভিক চিহ্নগুলি অন্ধিত করিভে পারদর্শী হওয়া অতি আবশাক। বছবার অভ্যাদ না করিলে ইছা আরত হয় না, যদিও নক্ষা প্রকৃত রূপে চিত্রিত হয়, দাক্তি-্ভিক চিহ্নভূলি স্থান্দা হইবেক না, এবং অযথা রূপে অভিড **ब्हेंदिक। मुनारक या मारक्रिक वर्गक्रित वाबक्क ब्हे**न्ना থাকে, তাহা বামদিক্ হইতে দক্ষিণদিকে লিখিতে হয়।

অন্য কোন দিক্ ইইতে লিখিবার প্রয়োজন হইলে, যে দিক্

ইইতে সাক্ষেতিক বর্ণগুলি একবার লিখিত হয়, সর্ব্যাই

শেই দিক্ ইইতে লিখিতে ইইবেক। মানদণ্ড নক্ষার কাগজে

চিত্রিত থাকা আবশ্যক, নচেৎ কেবল মানদণ্ডের পরিমাণ,

অর্থাৎ এক ইঞ্চ কোন বিশেষ নির্দিষ্ট পরিমাণস্ট্রক এরপ

লিখিত থাকিলে. বিশেষ বিশেষ কারণ, যেমন বায়ুর

শৈল্যোস্কতার হ্রাস বৃদ্ধিবশতঃ নক্ষার কাগজের সুক্ষােচ

ও প্রসারণ ইইলে এক ইঞ্চ অধিকৃত স্থানেরও সক্ষােচ

ও প্রসারণ ইইতে পারে। স্বতরাং নির্দিষ্ট পরিমাণের হ্রাস

বৃদ্ধি ইইয়া নানাবিধ ভ্রম উপস্থিত হয়। মানদণ্ড নক্ষার

কাগজে চিত্রিত থাকিলে, কাগজের সক্ষােচ ও প্রসারণের

সহিত মানদণ্ডেরও সক্ষােচ ও প্রসারণ ইইয়া প্রকৃত পরিন্দানের কোন ব্যতিক্রম ঘটিতে দেয় না।

নক্ষাতে অধিক কিয়া অল্ল পদার্থ চিত্রিভ করিবার প্রায়োজন হইলে, ভদমুসারে মানদণ্ডের দৈর্ঘ্যের নানাধিক্য হইয়া থাকে। শৃত্যাল এবং দিক্দর্শন যন্ত্র্যারা সামান্য ভ্রমাদি জরীপ করিয়া, নক্ষা চিত্রিভ করিবার সমন্ত্র, এক ইঞ্চ পরিমিভ ছলকে চারি শভ ফুটের স্থানীয় গণ্য করিয়া নক্ষা অভিভ করিলে ভূমির অন্তর্গত যাবতীয় পদার্থের অবস্থান চিত্রিভ হইতে পারে। এই মানদণ্ড অবলম্বন করিয়া রক্ষা চিত্রিভ করিলে, যে ভূমির ক্ষেত্রকল হুই বর্গমাইল ভাহার নক্ষা দৈর্ঘ্যে চিল্লিভ ইঞ্চ এবং প্রান্থে সাভাইশ ইঞ্চ কাগক্ষে পর্য্যাপ্তরূপে চিত্রিভ হইতে পারে।

নম্বাতে অনর্থক অনেক রেথাপাত করা শ্রের: নহে, এজন্য যথন একটা চাপ বা রেখা অঙ্কিত হইয়াছে, এবং ভন্মধ্যে কোন বিশেষ স্থল নিরূপণের জন্য ভত্নপরি স্থার একটী চাপ বা রেখা সম্পাতের আবশাক, এমত স্থলে এই দিতীয় চাপ বা রেখা বিন্যাদ না করিয়া কেবল প্রথম চাপ বা রেখাতে সম্পাত বিন্দুটী চিহ্ন করা মাত্র উচিত।

ষদি অঙ্কপাতে কম্পাশ চলে, তবে রূল পরিত্যাগ করিয়া-কম্পাশই ব্যবহার করা উচিত।

অঙ্কপাত যত বড় আয়তনে করা হইবে, ডতই ভাহাতে ख्य घरिवात मञ्जावना कम; अञ्जना कांग विनाम कतिए হুইলে, স্থান বুঝিয়া বড়বড় বুত্ত আঁকিতে হুইবে; क्षक् द्रिथी विनाम कतिएं इटेल, य विमू इटेए द्रिथी টানিতে হইবে, সেই বিন্দু নির্ণয়ের জন্য বড় পরিমাণের কর্কট সহকারে চাপ আঁকিতে হইবে।

লম্ব রেখা হউক জার সমান্তরাল রেখা হউক, বিন্যাস कतिवात ममग्र ভाशानिगरक अककारन भर्गाश भतिमार। मीर्च করিয়া লওয়া উচিত, ভাষা হইলে ভাহাদিগকে আবার বর্দ্ধিত করিবার প্রয়োজন থাকে না।

কোন বিন্দু অবধি রেখা টানিতে হইবে, অর্থাৎ রেখাটী বিশুর সহিত মিলিয়া যাইবে, এমন ছলে রেথাটী বিশু হইতে ব্দারম্ভ করা উচিত। যদি রেগাটী হুই বিন্দুর ভিতর দিয়া টানিতে হয়, ভাষা ছইলে রেখাপাতের অত্যে রূল ধরিয়া (भनीतित बाता विम्नु घटेंगे यांग कतिया एमधित, व त्रथा होनिष्यं विनुष्ट्यत मधानियां गमन कतित्व कि ना। যদি কোন বৃত্ত মধ্যে ভিন্ন ভিন্ন বিন্দু দিয়া ভিন্ন ভিন্ন কভক-গুলি কর্কট অর্থাৎ ব্যাসার্দ্ধ বুন্যাস করিছে হয়, ভাহা হইলে সেই কর্কট রেথাগুলি বৃত্তের কেন্দ্র হইছে আরম্ভ করা উচিত; এবং যদি এক বিন্দু দিয়া একের অধিক রেখা গমন করে, ভাহা হইলে প্রকাশ হইবে যে রেখাপাতে ব্যভিক্রম হইরাছে।

#### तक।

উক্ত প্রকার পরিকার নক্ষায় জল, স্থল, নদ, নদী, থাল, বন, জঙ্গল, বাটী, বাগান প্রভৃতি অনায়াদে প্রভেদ করিছে পারা ঘাইবে বলিয়া, চিত্রকরের। ভিন্ন ভিন্ন রঙ্গ ব্যবহার করিয়া থাকেন; তাহাতে নক্ষা স্থাল্য হয় এবং দেখিবামাত্রই বৃকা যায়। যদি চিত্রকরের। ভিন্নভিন্ন পদার্থের ভিন্নভিন্ন বর্ণ করনা করিয়া অন্তর্মপ চিত্র করে, ও কোন্ বর্ণে কোন্ পদার্থ বৃকায় তাহার সঙ্কেত লিথিয়া দেয়, তাহা হইলে কার্যা নির্কাহ হইতে পারে; কিন্তু পশ্চাল্লিথিভ পদার্থ সকলের বে বর্ণ সাধারণো প্রচার আছে, তাহা নিয়ে প্রদর্শিত হইভেছে।

বস্তু	বঙ্গ
নদী, পুঞ্জিরিণী	नीन।
्रकान 🚽	নীল ও মৃত্তিকা রক্ষ এবং স্থানে- স্থানে সবৃষ্ণ।
७ इ जनागर	अये अति ।
জলনমীপস্থ চর	भेव९ नीन।
ৰূত্তিকা চর	कर्षम तक ।
वानुकामत हव	রক্তমিভিতে জরদ।

উক্তব বাস্ত

পৰ্বত প্ৰভৃতি উচ্চস্থান কাল | ঘোর সবুজ। **डेमा**न সুবুজ বর্ণে কিছু লালের অংশ শে **ತ**ಫ পতিত ভূমি ( অমুকরি) নীল ও কালি মিপ্রিত। পতিত ভূমি (উর্বার) শ্বেভবর্ণ। ने य न न न न বুক্ষ ও তুণ ক্ষেত্ৰ ধানাদি ক্ষেত্ৰ नवुष এदः ष्ट्रतन । ঈহৎ সবুজ। বুতি অৰ্থাৎ বেড়া { মৃত্তিকা রক্ষ, এবং মনুষাকৃত পথে রেখাদ্বয়, স্বয়ং জাতে এক রেখা। 98 লৌহবন্ত লালের মাঝে কাল রেখা। তরল লোহিত। প্রশস্ত রাস্তা ইইকালয় ও সেতৃ অবক্ত বৰ্ণ। লাল ও নীল মিশ্রিত। প্রস্থালয় তৃণাদি রচিত গৃহ জ্বদ এবং কর্মম ব্রন্থ।

বর্ণ ছই প্রকার, মূল ও মিশ্র। নীল, পীত ও লোহিতকে
মূল বর্ণ কহে। এই তিন মূল বর্ণকে যত ভিন্ন ভিন্ন প্রকারে
মিশ্রিত করা যায় তত প্রকার ভিন্ন ভিন্ন বর্ণ উৎপন্ন হয়।
ঐ সকল উৎপন্ন বর্ণকে মিশ্রবর্ণ কহে। মিশ্রবর্ণর মুখ্যে
হরিত, পাটল, ধুমল এই তিনটী প্রধান। নীল ও পীত এই
ছুইটী মূল বর্ণ মিশ্রবে হরিত বর্ণ উৎপন্ন হয়। পীতে ও লোহিত

ঈষৎ কর্দম রহ।

মিশ্রণে পাটল বর্ণ হয়। নীল ও লোহিত এই ছুইটা বর্ণ মিশ্রিত করিলে ধুমল বর্ণ হয়। পীত ও লোহিত এই ছুই বর্ণের মিলনে কমলালেবুর বর্ণ হয়। ইত্যাদি।

উক্ত নিয়মে চিত্র করিলে ভূমির নক্সা, পাণ্ডুলিপির কর্বাৎ চিঠার অবিকল প্রতিরূপ হয়। কিন্তু আদর্শ হইতে বৃহৎ বা ক্ষুদ্র নক্সা করিতে হইলে, আদর্শ নক্সার পরিমাণাল্ক দেখিয়া মানদণ্ড ছারা তক্রপ কোন পরিমাণ করিত করিয়া রেখা পাত করিবে, এবং থাল জঙ্গল প্রভৃতির নাম ও আরুতি তছ্পযুক্ত ছানে অভিত করিবে, তাহাতেই অভিলিক বৃহৎ বা ক্ষুদ্র চিত্র প্রস্তুত হইবে।

শক্তি প্রতিকৃতিতে যে রক্ষ দিতে হইবে তাহা যত তর্ন হয় ততই তান। রক্ষ দিবার সময়ে এরপ সতর্ক হইবে যে, যে সীমার মধ্যে এক প্রকার রক্ষ দিতে হইবে, সে রক্ষ যেন সেই সীমা অতিক্রম করিয়ানা যায়। যে স্থলে বক্ষ দেওয়া হইয়াছে, তাহা যদি তক হইয়া থাকে, তবে আর কোন মতে সে স্থল স্পর্ল করিবে না; যদি কর তাহা হইলে ছই প্রকার রক্ষের সংযোগরেখার ন্যায় একটী বেখা উৎপন্ন হইবে। অভিত প্রতিকৃতির এই দোষটী বড় সামান্য নহে। যে সকল পদার্থের দৈর্ঘ্য প্রশান্ত করিতে হইবে, তাহাদের চারি ধারে কালির রেখা টানিতে হইবে, এবং তাহাদের যে ছই পৃষ্ঠে স্থায়ার আত করিবার নিমিত্ত কালির রেখা কিঞ্চিৎ মোটা করিয়া দিতে ইইবে। যে সকল বস্তার কেবল . দৈর্ঘ্যের মাণ

দেখাইলে পর্যাপ্ত হয়, তাহাদিগকে একটা লম্বা রেখা ছারা অঙ্কিত করিবে। নক্সা<u>তে</u> বুক্ষ অঙ্কিত করিবার সময় উহাদের ছায়া যেন এক দিকেই থাকে। কোন স্থানে রঙ্গ অধিক ক্ষণ রাথিবে না; কারণ যদি উত্তপ্ত বায়প্রভাবে দহস। জমিয়া যায়, ভাষা হইলে সেই স্থলের রঙ্গ পূর্ব্ব প্রদত্ত রঙ্গের সহিত সমান করিতে পারিবে না, স্থভরা: কোন স্থানে গাচ এবং কোন স্থানে ভরল হইবে।

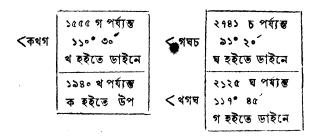
### জরীপ সংক্রান্ত প্রশ্ন।

- ১। সীমাৰন্দী কাহাকে কছে १
- ২। সীমাবন্দী করিতে কি কি যন্তের আবশাক?
- ৩। সীমাবন্দী করিবার নিয়ম কি?
- । কাঁটা কম্পান (পরিমাপক) কাহাকে বলে ?
- श्रामा के कि धर विशासि काशांक वरन ?
- ৬। কোন দিক লক্ষ্য করিলে বাম পার্শ্বের যে বিয়ারিং উত্তরের কাঁটার নীচে আহিনে ভাহাই লক্ষিতদিকের বিয়ারিং বলিয়া গৃহীত হয় কেন ?
- পাল্টা বিয়ারিং কাহাকে বলে? ইহার কি কি কর্ম সম্পন্ন হয় ?
- ৮। প্রোটাকটিং ফেল (কোণমাণগঞ্জ) কাহাকে বলে ?
- থাকবন্ত সংক্রান্ত জরীপ বায়ুকোণ হইতে আক্রন্ত হইবার এবং মৌজা বামে রাথিয়া দীমাবন্দী ৰবিবার কারণ কি ?

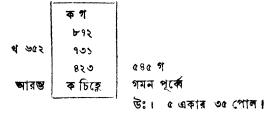
- ১০। চিঠা কাছাকে কছে? কম্পাস (দিক্দর্শন যন্ত্র)

  ব্যবহারের নিয়য়ৢয়প্ত রূপে ব্যক্ত কর?
- ১১। চিঠার মস্তব্য ঘরে কি লেখা যায় ?
- ১২। কোন মৌজার মধ্যে নদী ব্যবধান পড়িলে।
  ভাহার পরিসর নিরূপণের উপায় কি ?
- ১৪। ৯৩ বিয়ারিকের স্থান হইতে ৩৬০ বিয়ারিকের স্থান লক্ষ্য করিলে কভ বিয়ারিং হয় ? উঃ। ৩১৫ বিঃ।
- ১৫। যদি সীমানার মধ্যে পুন্ধরিণী বা বাটী পীড়িয়া। সীমাবন্দীর প্রতিবন্ধক জন্মে, তাহা হইলে কিন্ধপে তাহার জরীপ করিবে ?
- ১৬। যদি এক মৌজাতে, ছুই কিম্বা ভতোধিক মহল থাকে, তবে তাহা কি প্রকারে নির্ণয় করিবে ?
- ১৭। মৌজার সীমাবন্দী এবং টুকুরা জমীর সীমাবন্দী এতত্বভয়ের মধ্যে বিভিন্নতা কি ?
- ১৮। টুকুরা জমির সীমাবন্দীর চিঠা কি **প্রকারে** নিথিতে হয় ?
- ১৯। যদি কোন টুকুরা জমির মধ্যস্থলে অন্য মহলের জমি থাকে, তবে ভাহার চিঠা কি প্রকারে লিখিবে?
  - ২০। হাতাবনী থস্ড়া জরীপ কাহাকে কহে?
  - ২১। হাতাবন্দী জরীপে কি রূপে চিঠা লিথিতে হয় ?
- ইং। নিম লিখিত চিঠা দৃষ্টে একটা পঞ্জুজ ক্ষেত্রের নক্সা নিকাশন ও ক্ষেত্রফল ছির করিতে ইইবে।

উ:। ৬৬ একর ২ ক্লুড় ২৪ পোল।



২৩। চিঠা পুস্তকে নিম্ন লিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরৎ হইতে তিনটা ক্ষেত্রের নক্সা ও ক্ষেত্রফল স্থির কর।



 গ প্র্যান্ত ७२*৫*० २*৫*०**8** >२१२ ক চিত্নে

উ:। ৩৭ একর ৩ কড ২ পোল।

	১১১০ থ পর্য্যন্ত	٥
ese	98¢ .	
૭૯૨	220.	
٥	ক চিহ্নে আরম্ভ	•

২৪। নিম্ন লিথিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটা শঙ্কর ক্ষেত্রের নম্মাপ্ত ক্ষেত্রফল স্থির কর ?

0	১৩১০ খ পৰ্য্যম্ভ	>>0
२७०	2000	
	<b>০</b> প্ৰ	¢°
	960	200
৩১০	900	
	000	74.
२२०	8%0	
	೨೨۰	98
ಅಂ	5,90	
৩৬০	•	२७०

উ:। ক্ষেত্রকল = ৪ একার ওরুড ১৬'২৪ পোল। সমস্থল নিরূপণ করিবার রীতি।

শ্বায়-বিচলিত সরোবরের জলের অবস্থানই সম
য়লের প্রকৃত উদাহরণস্থল। পৃথিবী সর্কাণ্ডোভাবে গোলাকার বলিয়া নির্দেশ করিলে সমস্থল রেখা উহার কেন্দ্র

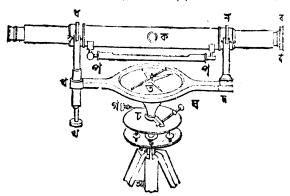
ইইতে সকল স্থানেই সমদ্ব হইবে। সমস্থল প্রক্রিয়া দার।

শ্বপতিস্ণ, ভূপৃষ্ঠ কোথায় উন্নত ও কোথায় অবনভ ভাহা

নির্ণর করেন; এবং ষে রেখা পৃথিবীর কেন্দ্র ইইতে সর্ক্র

সমদূর ভৎসহত্তে এক স্থান অন্য স্থানাপেক্ষা কত উচ্চ য নীচ তাহা নির্ণয় করেন। তোয়দাম্য **যত্ত্ব** ছারা <sub>বে</sub> রেখা নিরূপিত হয় ভাষা পৃথিবীর স্পর্শনী রেখা। ভিত ৬ প্রনালার সমস্থল সামান্য ভোয়সাম্য যন্ত্রদারা নিরূপিত হুইয়া থাকে. কিন্তু বড় জমীদারী বা মাঠ জ্বীপ ক্রিডে হুইনে ভাহার সমস্থল ওয়াই স্থ্রাসাম্য বা টুফ্টনস্ স্থ্রাসাম্ নামক উৎকৃষ্ট উৎকৃষ্ট যত্ত্রদারা নিরূপিত হইয়া থাকে।

## ওয়াই সাম্য যন্ত্র।



উপরের এটা(ক) একটা বর্ণবিহীন দূরবীক্ষণের প্রতি ক্লভি; ইহা ছইটী স্তন্তের উপর সংস্থাপিত আছে। ঐ **ন্তন্তদ্বের আকার ইংরাজী (y) ওয়াই অক্লরের ন্যায়** বলিয়া 🗳 যত্ৰটী ওয়াইদাম্য ৰলিয়া অভিহিত হইয়াছে। ুতত ছইটী একটা পিতলের দভের উপর এরূপ কৌশলে সংবদ বে, একটী স্তম্ভ থ নামক পেঁচ ছারা অনারাদে উন্নত বা करन इ कथा वाहेरक शास्त्र। थ न नरखत मधाक्रन कि वि

্চপ্টা ও তাহাতে (ত) একটা দিগ্দর্শন ষজ্ঞের বাক্স ডাছে। । के निश्नर्यन यखित नियम একটা বৃতস্চীক কীলক ছাছে, দেই কীলক ছইটী সমান্তরাল পাত্রের উপর্টী ভেদ করিয়া নীচেরটীতে সংলগ্ন হইয়াছে। কীলকের নীচে **একটী** বর্লআছেও নীচের পাত্রথানির মধা**ছলে একটা গহ্বর** আছে, দেই গহৰর মধ্যে ঐ বর্ভুল স্বদৃঢ় রূপে সংস্থিত জাচে। উপরিশ্ব পাত্রের শীর্ষদেশে একটা গলপাশ আছে. ইহার পেঁচ (গ) ঘুরাইয়া দিলে স্থচীক কীলকটী আঁটিয়া ধুরিতে পারে, এবং স্পর্শক পেচ(ঘ) ছারা সমুদার যন্ত্রটীকে **ডাস্থে আন্তে এরূপে সঞ্চালিত করা যাইতে পারে যে,** ছাল। প্রিদোলকের নাায় ছলিতে থাকে। ঐ সমান্তরাল পাত্র ছুইটা, চাবিটা পেঁচ দারা স্থদৃঢ় রূপে স্থাপিত থাকে। পেঁচগুলি নিমুন্থ পাত্তের গহ্নরে থাকিয়া খুরে ও ভাহাদের মস্তক উপরিস্থ পাত্তের ভলার লাগিয়া থাকে। সমুদায় ষত্ত্ৰটী একটী আধার পেঁচদারা মেহগ্লিকাটের এক ত্ৰিপ**দির** উপর স্থাপিত হইয়া থাকে। যগন যন্ত্রটী বাবস্থত না হর, তথন দিগ্দৰ্শন যত্ত্তের স্চাটী খুলিয়া রাধা ঘাইতে পারে। যক্ষটীর দূরবীক্ষণের নিমে একটা স্থরাসাম্য **আছে**।

যন্ত্রীর দ্রবীক্ষণের নিম্নে একটা স্থ্যাসাম। আছে।
সেটা এক প্রান্তে এক যোষক পেঁচ দারা ও অপর প্রান্তে
একটা পেঁচ দারা এরপে সংবদ্ধ আছে, যে আবশ্যক মতে
ভালা উন্নত বা অবনত করা ঘাইতে পারে।

ত্তিই মন্ত্রটী ব্যবহার করিবার পূর্ব্বে, ইহা সামশ্রস্য করিবার, নিম্নলিধিত ভিন্তী প্রক্রিরার প্রতি মনোধোগ করিতে হইবে। ১ম। বক্লীভবন ও স্থানপরিবর্তন।

কোণবীক্ষণ যন্ত্রের বক্রীভবন ও স্থানপরিবর্ত্তন ধে প্রক্রিয়ার ঘারা সাধিত হয়, সেই প্রক্রিয়া অবিকল ইহাতেও প্রযুক্ত হইয়া থাকে।

২য়। বিশ্বচৃশীর দামঞ্জাস্য কর্ণ।

**অত্যে দূ**রবীক্ষণ যন্ত্র যে পর্যান্ত সমান্তরাল ফলকের ছুইটা পেঁচের অভিমূথে না আইসে, ততক্ষণ উহাকে পরি-চালন। কর, এবং র্ঞ পেঁচগুলি ঘুরাইয়। বিশ্বটী ভাহার গতিপ্থের ঠিক মধ্যস্থলে আন। পরে ওয়াইর অর্থাৎ আধার স্তত্তের উপর দূরবীক্ষণকে ঘুরাইয়া ভাপন কর। ভাহাতে যদ্যপি ঐ বিষ পূর্কবিৎ নলের মধ্যস্থলে স্থির না থাকে, ভাষা হইলে বিস্ফুলীর সামঞ্জ্যা হয় নাই, এবং ভাহার সংশোধন আবশ্যক বলিয়া জানিতে হইবে। এখন বিস্ব কোন্দিকে গিয়াছে দেখিয়া, ভাহাকে সমান্ত-রাল ফলকের পেঁচ যুরাইয়া অর্দ্ধেক সরাইয়া আন, এবং বিষচুক্ষীর প্রান্তের চড়কীশিরা পেঁচ খুরাইরা আর অর্দ্ধেক দরাইয়া আন। অনন্তর দূরবীক্ষণকে পুনর্কার ঘুরাইয়া দেও এবং বারমার এরপ কর, যে পর্যান্ত বিম্বটী নলের মধা चल चित्र इहेशा मा थाका। चित्र इहेलाहे पृत्रवीक विकास বন্ধ করিয়া যন্ত্রটী ব্যবহৃত কর।

৩র। শীর্ষ কীলকের উপর **লম্বভাবে** দূরবী<del>ক</del>ণের কীলকের সামঞ্জন্য করণ।

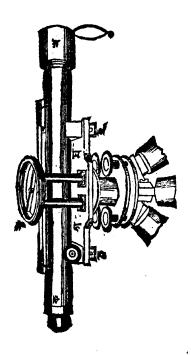
नमाखताल कलरकत घुटेंगे लिंटित छेलत मृत्रीकर्णरक <sup>°</sup> ভঃপিড কর: এবং যে পর্যান্ত বিশ্ব নলের মধাভূলে ভির না হয়, তত্ত্বপ সেই পেঁচ ছুইটা ঘুৱাও, একটা সোজা

দিকে ও আর একটা উল্টাদিকে। অনস্তর দূরবীক্ষণকে শীর্ষ কীলকের উপর অর্দ্ধত্বন্ত পরিমাণে এরূপে খুরাও ষে, ভাহার প্রাস্ত হুইটী যে যে পেঁচের উপর ছিল, ভাহার ঠিক উল্টাদিকের পেঁচের উপর আসিয়া পড়ে। এতদারা যদি বিশ্ব পূর্ব্বমত নলের মধ্যস্থলে না থাকে, ভবে থ পেঁচ **দু**রাইরা প্রথমান্ধ এবং সমান্তরাল ফলকের যে হুই পেঁচের উপর দূরবীক্ষণ আছে, তাহাদিগকে ঘুরাইয়া অপরার্ক ভ্রম সংশোধন কর। তৎপরে দূরবীক্ষণকে বৃত্তের চভুর্গাংশ পরিমাণে ঘুরাইয়া অন্য ছুই পেঁচের উপর আন, এবং এই হুই পেঁচের উপর পুনরায় উক্ত প্রক্রিয়া কর। এই রূপ ৰারম্বার করিলে, যথন দূরবীক্ষণকে শীর্ষ কীলকের <sup>উপর চ</sup>ভুর্দিকে, খুরাইলেও বিশ্ব নলের মধ্যস্থলে সমভাবে थांकित्व, ज्थनरे धरे कीलक श्रवण भीव सन अवनम्रन कवि-য়াছে জানিৰে। আর পূর্ব প্রক্রিয়ার অমুরোধে দূরবীক্ষণের কীলক ধারাভলিক হইয়া পড়িবে, স্থুতরাং শীর্ষ কীলকের সহজে লম্বভাব ধারণ করিবে ও সমগ্ররূপে ঘুরাইলেও ভাহার ধারাতলিক অবস্থার ব্যত্যয় হইবে না।

## টুক্টন্স সাম্যন্ত।

পর প্রতিকৃতিতে জ ক সুরাদাম্য যন্ত্রটী ক থ দ্রবীক্ষবের উপর সংস্থাপিত আছে। দ্রবীক্ষণটী গ ঘ আধারের
উপর সংস্থিত। এই আধার একটা মেরুদণ্ডতে এরূপ
কৌশলে সংবদ্ধ যে তাহাকে অনারাসে ঘুরান ঘাইতে
পারে। গ ঘ আধারের উপর দণ্ডায়মান ছুইটী, স্তম্ভোপরি
ট নামক একটা দিগ্দর্শন যন্ত্রের বালু আছে।

ষন্ত্রটীকে ব্যবহার कतिए इहेरल ध्रथ-মতঃ চকুদাবা যভ मृत माथा हैशाःक সমান করিতে হয়। भारत मृत्रदीक्रणगिक টের্চা পেঁচ ছইটীর উপর স্থাপিত করিয়া, চ ছ দুইটা পেঁচ দারা জবা নলের মধান্তিত স্থরাকোটটীকে নলের মধ্যকুলে থানিতে হয়। স্থ্রাস্ফোট নলেব মধ্য স্থলে আসিলে ষন্ত্রটী ব্যবহার যোগ্য হর |



### সমতলীয় দও।

বঙ প্রকার সমতলীয় দও আছে তম্বধো প্রাভাটের দ্র অতি উৎকৃষ্ট। এই দত তিন খত কাঠে নিশিত। বাবহার কালে ভূতীর থও দিতীরের মধ্যে ও দিতীয় প্রথমের मधा मनिविष्टे कतित्र इत। एक शाइगीरक क्रिकी माना ় একটা কাল, এরূপ একান্ডবিভ রেখাধারা ১ কুটের শভাং<del>শ</del> পরিমাণ আপাদ মন্তক্ চিহ্নিত আছে। এই রেখাওলি

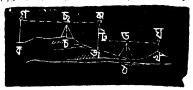
দণ্ডের অর্জেক পরিসর অবধি বিস্তৃত। দশকের রেখা অর্গাৎ এক ফুটের দশমাংশ পরিজ্ঞাপক রেখাগুলি দণ্ডের সন্দার পরিসর অবধি বিস্তৃত। আর দশকের রেখার অর্জেক একএকটী কাল বিন্দুর ছারা ও পূর্ব এক ফুট পরিমাণ ১, ২, এপ্রভৃতি সংখ্যা ছারা চিহ্নিত আছে।

### সমতলতত্ত্ব।

একটী মাঠের ক ও থ ছুইটা স্থানে সমতলের বিভিন্নত। নির্ণয় করিতে হইবে।

মনেকর, এই ক্ষেত্রের চ ও ঠ স্থানে গ ব ও ট ঘঁ ছইটী
সমতল রেখা স্থাসাম্য যন্ত্র ধারা নির্দারণ করা গিয়াছে।
জরীপজামীন ক চিত্রিত স্থান হইতে থ চিত্রিত স্থানে গমন
করিলে, জ ঝ উন্নতিকে সমুখ ও ক গ উন্নতিকে পশ্চাৎ
কিক বা দৃষ্টি কহে। এন্ধাপে থ ঘ উন্নতিকে সমুখ দিক
ও জ ট উন্নতিকে পশ্চাৎ দিক কহে। থ ঘ ও জ ট ছইটী
উন্নতির বিভীনতা জানিতে পারিলে, থ ও জ স্থানম্বাদ্ধের
সমতলের প্রভেদ জ্ঞাত ছওয়া যায়; এবং জ ঝ ও ক গ
ছইটী উন্নতির বিভিন্নতা জানিতে পারিলে জ ও ক স্থানের
সমতলের প্রভেদ নির্ধাহণ। যদি থ ঘ = ৪, জ ট = ৩,

জ ন=৯ এবং ক গ=৭ হাত <sup>হয়</sup>, ভাহা হইলে জন্দ্ৰিফিত খান



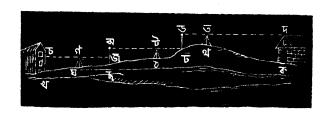
্ চিহ্নত স্থান হইতে এক হস্ত (৪—০=১) উচ্চ, এবং জ চিহ্নত স্থান হইতে ক স্থানের উচ্চতা=১-৭=২ হাত; অভএব থ চিহ্নিত স্থান হইতে ক শ্বানের উচ্চত্য 3+2=3 হাত। পুনশ্চ, যদি থ ঘ = 2, জ ট = e, জ ঝ= :২ এবং ক গ = ৮ হাত হয়, ভাহা হইলে থ স্থান জ স্থান অপেকা উচ্চতর। এই জন্য জ স্থান অপেকা ধ স্থানের উক্তা = ৫ - ২ = ৩ হাত; এবং জ স্থান অপেক্ষাক স্থানের উচ্চতা = ১২ -- ৮ = ৪ হাত; অতএব থ স্থান অপেক। ক স্থানের উচ্চতা ৪-৩= ১ হাত।

এইক্ষণে ক ও খ ছুইটা স্থানের সমতল নিরূপণ করিবার নিমিত্ত একটী সাধারণ নিয়ম নির্দেশ কর। যাইতেছে।

গ বা সমতল রেখা হইতে ক স্থানের দুরত ক গ রেখা. এবং উক্ত রেখা হইতে থ স্থানের দর্ভ ঝ ট + ঘ থ রেখা। অভএব ক ও থ চুইটী স্থানের সমতলের বিভিন্নতা এইরূপে নির্দেশ করা ঘাইতে পারে; যথা ক ট + ঘ ধ -- ক গ; ইহাতে ট জ যোগ ও বিয়োগ कतिता क छ + घ थ - (क श + छ छ) इहेरव। কিছু ক জ ও ঘ থ ছুইটা পশ্চাৎদিক, আর ক গ ও জ ট ছুইটী সমুধ দিক, স্মৃত্রাং পশ্চাৎ ছুই দিক সমুধ ছই দিক হইতে অন্তর করিলে, প্রথম ও শেষ ধকছা ছাত্র চিহ্নিত ছুইটা স্থানের সমতলের প্রভেদ জানা যায়। পূর্ব্বোক্ত উদাহরণে ছুইটা পশ্চাৎদিকের ধ্বজার উরতির যোগপরিমাণ = ২ + ১২ = ১৪, এবং সমুখীন -ছইটা ধ্বজার · উন্নতির যোগপরিমাণ = a + ৮ == 🕫। . **অভএব ক ও থ ছানের সমতলের বিভিন্নতা** = ১৪ - ১০ = ১ হাত; এবং পশ্চাংদিকের ছইটা উন্নতির ষোগ সমুধদিকের ছইটী ভন্নভির যোগ অপেক্ষা রুহভর বলিয়া এই প্রতীয়মান হইভেছে যে, ক স্থান থ স্থানাপেক্ষা ১ হাত উচ্চ।

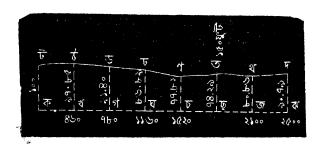
থ চ ও ক দ ছইটী স্থানে ছইটী বাটীর সমভলের বিভিন্নতানিরূপণ করিতে হইবে।

মনেকর, এই ক্ষেত্রে চজা, ঝ্চ, ও ডাদ এই করেকটী সমতল রেথা লইলে থাচ, ঝাছ এবং ডাচ পশ্চাৎদিকের



উন্নতি; জার ছ জ, শ্না ও ক দ সমুথদিকের উন্নতি 
ইইবে। এইকাণে পশ্চাৎদিকের সমুদায় ধ্বজার উন্নতিপরিমাণের সমষ্টি ইইতে, সমুখদিকের উন্নতিপরিমাণের 
সমষ্টি বিয়োগ করিলে, ক চিহ্নিত স্থান থ চিহ্নিত স্থান 
ইইতে কত উচ্চ তাহা নির্ণয় ইইবে। মনেকর, পশ্চাৎ 
ধ্বজাগুলির উন্নতি যথাক্রমে ৯, ১১ ও ১০ হাত; এবং 
পর্ক্ষ প্রজাগুলির পরিমাণ যথাক্রমে ২, ০ ও ১৬ হাত; 
কতএব ক স্থান থ স্থান জপেকা = ৩৩ — ১৮ = ১৫ হাত উচ্চ।

#### খণ্ডরেখা।



ট ঠ ড ঢ ণ ভ থ দ ভিন্ন ভিন্ন বিন্দুর মধ্যস্থ ভূমি কি পরিমাণে নভোগ্নত, ভাহা দেখাইবার নিমিত্ত সেক্ষন ভাষাৎ এক থণ্ড রেখা অভিড করিতে হয়। প্রথম সমতল নির্ণয় করিতে হয়। এই প্রক্রিয়ার সময়ে ট হইতে ভিন্ন ভিন্ন বিন্দুর দূরত নির্ণয় হইয়া যায়। এই সমতল এবং পশ্চাৎ ও সমাুথ पृष्टि সমতল-চিঠায় তুলিতে হয়। এই চিঠা লিখিবার প্রথা নিমে প্রদর্শিত হইল।

এই সমতল চিঠা হইতে দেখা ঘাইতেছে যে, ৩ৰ অর্থাৎ অবনতি স্তস্ত ১ম ও ২য় স্তাস্তে যে বিয়োগকল প্রদ-র্শিত হইয়াছে, তাহা যোগ করিলে ৫ম স্তস্তে যে লঘু পম ্ডল প্রদর্শিত হইয়াছে তাহা প্রাপ্ত হওয়া যায়। যথা ২.১৫ 🕂 ४.९८ = ४.৯०, हेश ७ दिन्तूद अदन्ति। ४.৯० अहे

## সমস্ব প্রক্রিয়া।

STABILE BY	मम्ब	জবন্তি	ज्य <u>जि</u>	नषूत्रम ७ न	শুদ্ধলের হিঃ দূবজ ও কৈকিয়ৎ	97  77
9,9	B . 8 G	2.36		2.5¢	त्रांखात डेभत्र ठे भधास्थ	8.8
8.70	34.°¢	36.8		ф. %	ড পৰ্যন্ত	ŗ.
8 • . 9	9×.6	8.23		26.52	AT ID	8
9 1.0	38.20	٥. و		44.5V	ন্ত্য ত	> <b>6</b> .2°
8.5	98.6	9.9		26.95	थारनदङ्ग म्द्रष	N
£8.0×	% 9		6.69	28.28	© अधे।ङ	٧٧.٥
22.33	9		r.	₹¢	क नर्गङ	44.00
6. 60 60	9 % 6 8 8					
D.	. S. S.	3 2 3	। ।সুসমভং	। শেষ লঘুণমভলের সহিভ 'সমান হইয়াছে।	। নি হইগাছে।	

সমষ্টিতে একে একে পরবন্তী অবনতি ক্রমশঃ যোগ করি। স, নিঃক্তন অর্থাৎ থালের তল বিন্দুর অবনতি ড বিন্দুর উত্তর থালের তল পর্যান্ত অবনতি প্রাপ্ত হওয়া গিয়াছে। যথা.

যেতল-চিঠা।

২৫.৭১। পরে ১৫.৭১ হইতে যথাক্রমে উন্নতি স্তক্তের অভ্য বিয়োগ করিলে থ ও দ-র অবনতি পাওয়া যাইবে। विन रहेए व विन प्रशिष्ठ य याठि अवनि, ए। हाई अ শেষকল দারা ব্যক্ত হইতেছে; এবং ইহা পশ্চাৎ দৃষ্টি 🧓 **দমু**থ দৃষ্টির সম**ফী**র অস্থরের সহিত ঐক্য হওয়াতে সমতন প্রক্রিয়ার বিশুদ্ধতা প্রতিপন্ন হইতেছে। শেষ স্তক্তে ह হইতে ঠ, ড ইত্যাদি ভিন্ন ভিন্ন বিন্দুর দূরত্বের পরিমাণ 😮 অপরাপর মন্তব্য কথা লেখা আছে।

#### তলরেখা।

সমতল-চিঠার শেষ স্তম্ভে যে নিখিত পরিমাণ প্রদর্শিত ছইয়াছে, সেই পরিমাণান্নসারে ধারাতলিক রেখা পাত কর। অনন্তর সেই ধারাতলিক রেথার নিম্নে উক্ত চিঠার ৫ম স্তম্ভে যে পরিমাণ লিথিত আছে, তদত্মারে লম্বভাবে ন্সার একটী রেথাপাত করিলে সেক্সন অর্থাৎ খণ্ড রেথা আন্ধিত হইতে পারে। কিন্তু এই প্রক্রিয়ার ছারা সমুদার স্থানের সেক্সন অন্ধিত করা স্থবিধা নহে, কারণ বুহুৎ কার্য্যে ন্দু-সমত্র পরস্পর রেধার উপরি ও নিম্নভাগে পতিত হইরা পড়ে, স্থতরাং কার্য্যের গোলযোগ উপস্থিত হয়। এনিমিত্ত প্রথম থাক ট হইতে ১০০ বা২০০ কুট নিম্নে ক ক **এक** हो। दिशा कहाना कदिए इस । इंडाक हम दिशा 'বলা যায়, ইহা কথনই থণ্ড রেখার উপর যাইবার স্ভাবনা থাকে না।

यायहादिक महत्यन छिठी। विक्रम निष्टि हिस्मित ३०० किहे गिस रम तथा।

PINE IC	मम्युथ पृष्टि	ভ ল ল	अङ्	লঘু সমঙল	No.	मञ्ज्या कथा
89	D. 30		2.50	00.00		
. 8	30.00		36.8	29.PG	\$ &	(ফায়ী চিহু বাজাবের
80.0	9.7¢		8.23	0 7.7 œ	9.F°	বিভার উপর
8 4 6	\$5.85		۵.0	رد. ۲۵.۶۵	\$7,83	
× 5.	9.50		3.0	44.PP	5 G. 20	
. o.	9	<b>6</b> 9 . 9		98.85	:	(थर्रात्त्र उन, २.४०
Se e	9.	9 R R		4.0.0	\$ \$5.00	मृष्यान मृत्
\$8°°¢	85.28	36.00	26.95	ه. د . د	29.00	
	88°°¢	o ga an lagari Par	00.8%	0.007		
	8.23	- TO	2,23	= 3.23 (0	उन (वथा क	= २,२১ = ३,२১ (स्न तथा ७ भाष नमु भमछानत

উপরে লিথিত ব্যবহারিক সমতল-চিঠার তল রেখার আমুমানিক দূরত্ব ইইতে উন্নতি ও অবনতি যোগ বা বিয়েগে कता शहेशाएड, अवर शूनण्ड के स्थान वा विस्थानक हहे :-পরবন্তী উন্নতি বা অবনতি যোগ বা বিয়োগ করা হইয়াছে। ষণা কট-র আন্মানিক দূরত্ব ১০০ হইতে অবনতি ২.১৫ বিয়োগ করিলে অবশিষ্ট ৯৭.৮৫ ফুট ঠ বিন্দুর উন্নতির পরিমাণ হয়। পুনশ্চ ৯৭.৮৫ হইতে পরবন্তী অবনতি ৬.৭৫ বিয়োগ করিলে ড বিন্দুর উন্নতি প্রাপ্ত হওয়া য়য়য়. অর্থাৎ ৯১.১০ ফুট। এই রূপে শেষ অবনতি ৩.৫৩ পর্যান্ত 🕰 ক্রিয়া করা হইরাছে। ইহার পর এই শেষ ফলের স্হিত পরবর্ত্তী ৬.৫৭ ও ৯.৯০ উন্নতি যোগ করিতে হইবে। এই রূপে তল রেখার পরিমাণ ১০০ ফুট চইতে শেষ লঘু সম-ভলের ৯০.৭৯ ফুট বিয়োগ করিলে অবশিষ্ট ৯.২১ ফুট হইবে। ইহা সমুখ ও পশ্চাৎ দৃষ্টির সমৃষ্টির অন্তরের সহিত মিলিয়া যাইতেছে, এবং ঢালের প্রক্রিয়া বিশুদ্ধ হইয়াছে ভাষার পরিচয় দিভেছে। এই রূপে যে সমস্ত শীর্ষোরতি প্রাপ্ত হওয়া যাইবে, ভাহা তল রেখার উপর লমভাবে অন্ধিত করিয়া যোগ করিয়া দিলে থগু রেখা अक्टि हहेता।

## मुख्टिवनक्रम् (माथम ।

ভূমি সমতল করিতে হইলে পৃথিবীর গোলতা নিবন্ধন প্রতি মাইলে যে কিঞ্চিৎ চাল করিতে হয়, তাহা নিম্নলিখিত **্লা**ন্তাবটী বিশেষরূপে অনুধাবন করিয়া দেখিলে প্রতীভ इहेर्द ।

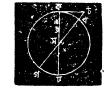
মনেকর, কথাগ ভূপৃষ্ঠ, ক স্থানে অবস্থিত এক জন স্থপতি

5 ত ভিনুগে ভূমি সমতল করিয়া যাইতেছে। এইক্ষণে

ই চিত্রক্ষেত্র দেখিলে প্রতীয়মান হইবে যে, স্থপতি ষতই

ত ভিনুথে গমন করিবে, ততই ক চিহ্নিত স্থানে দৃশ্য
সম সমতল প্রকৃত সমতল ভাপেকা উদ্ধে হইবে। ভূমি

দমস্থল করিতে ইইলে, যে পরিমাণে চাল রাখিতে হয়, তথা এই পাতন হইতে প্রাপ্ত হওয়া যাইতে পারে। ক চ রেথা পৃথিবীর পৃষ্ঠ



ক বিন্দুতে স্পর্শ করিতেছে বলিয়া, উহা কথগ রুতের স্পর্শনী রেখা। ক ও চ হইতে পৃথিবীর কেন্দ্র ম পর্যান্ত রেখা টান। প্রাকৃত সমতল হইতে দৃশ্যমান সমতলের বৈলক্ষণ্য থ হানে চ থ রেখা ছারা নির্দেশ হইতেছে। চ থ রেখার পরিমাণ ৫৭ শ প্রেভিজ্ঞার ১ম কর্মানান্ত্র- দারে। চ গ. চ থ = ক চ । ট চ থ =  $\frac{5}{5}$  গ ক চ ১ মাইল ও চ গ ৭৯৫৮ মাইল হটলে, চ থ =  $\frac{2}{3}$  তেওঁ ভাগ = ৭.৯৬২ ইঞ্চ প্রোয় চ ইফা।

জ্যোতির্নিদ পণ্ডিভেরা নির্দারণ করিয়াছেন যে, দূরত্ব পদার্থ ফিরণের বক্রীভবন প্রভাবে অপেক্ষাকৃত উচ্চতঃ স্থানে দৃষ্ট হয়। এইক্ষণে ভূমি সমস্থল করিতে গিয়া প্রভি মাইলে ৮ইঞ ঢাল রাখিলে ভ্রম হইবার সভাবনা, স্কুডর: ঐ ৮ইক হইতে দৃষ্টিবৈলক্ষণ্য প্রায়ুক্ত যে স্থান টুকু বেশী ধরা হয়, তাহা বাদ না দিলে গণনা সৃক্ষা হয় না।

पृष्टिरेवलकार मकन द्यांत मर्मान नाहः किन्न द्रशिष्ट দামান্যতঃ পৃথিবীর গোলভানিবন্ধন যে ঢাল রাথিয়া থাকেন তাহার है ভাগ বক্রীভবনের নিমিত্ত বাদ দিয়া থাকেন।

উদাহরণ ১। কোন দৃষ্ট পদার্প আড়াই মাইল দুঃ হইলে, পৃথিৰীর <mark>গোলতানিবন্ধন কত ঢাল</mark> রাখিতে হই*ে* ও বক্ৰীভবন প্ৰযুক্ত কত বাদ দিতে হইবে ?

গোলতের নিমিত ভ্রম নিরাকরণে = ৮ ইঞ্চ = 🕏 ফুট 🗵

$$(2.2a)^2 = \frac{2 \times 9.29}{2} = 8.299$$

বক্রীভবনের নিমিত ভ্রমনিরাকরণ উহার 🗟 .৫৯৫ অবশিষ্ট ৩.৫৭১ ফুট

छान राशिए इक्ट्रेस ।

২ঃ দৃষ্ট পদাৰ্থ ৬০ চেইন দূরে হইলে কভ চংল বাথিতে হইবে 🕈

508 + 500 = 8.0 हेडात 🖁 कश्म = .४८५

> करिनाहे अन्यति हैस्स हाल दार्थित हेहैंदि । F 27 - 51 1

# এই পুস্তকে ব্যবহৃত গণিত শব্দের

# ইংরেজী প্রতিশব্দ।

	,		
<b>क</b> ्ष	Degree	জক্ষদণ্ড	Axis
<b>অ</b> করণ	Rational	আয়ত	Rectangle
অভিদেশ	Apply	আয়তাকার }	Parallelopipedon
অধিশ্রয়	Focus	ঘন কেত্ৰ )	
ভারপাত	Proportion	উন্নতি	Altitude
অভুপুরক	Complement	উপনিহিত	Superposition
জনুমান জনুমান	Corollary	উপপত্তি	Demonstration
অনুমাপক	Vernier	উপপাদা	Theorem
•	3 Dividendo	<del>ঋ</del> জু	Straight
অন্তরীণ	Interior	24	Minus
करका	Extreme	একক	$\mathbf{U}_{ ext{nit}}$
অপ্ৰৰ্ভুক	Measure	একাস্তরিত	Alternate
অপবৰ্ত্ত্য	Multiple	এব্সিসা বা	Abscissa
অবক শ	Space	সর্বাধিক বিব	
অবনতি	Inclination	) ঐককেন্দ্রিক	Concentrie
	€ - Coblate	গুলন মাটাম	Plumb Level
লাভাস	-	কটিবন্ধ	Zone
		কম্পণ্দ (পরি	মাপক)Compass
্ত্র করার করার জনার করা	$\left\{\begin{array}{c} \sigma_l \\ \sigma_l \end{array}\right\}$ Ordinate	<b>ক</b> রপী	Surd
ा प्रशास ६६ कर्क्स <del>म्</del>	Lune	`কল্	Minute
শ্বচপ্দ ক্ষ্যাংগ্	Impossib	le বৃক্ট	Radius

কৰ্ণ	Diagonal	চত্রস্র বা চতুর্জ	Square
ক'ছল:	Wedge	চেইন বা শৃষ্থন	Chain
কাজ্নাপ্রকাও	Prismoid	চৌবান্ছা	Cistern
কৃটি <b>ল</b>	Curve	চৌপছল	Square Prisa
<b>क्</b>	Coneave	िहरी	Field Book
<b>কুলাল</b> চক্ৰ	Cylindrical	ring	
(কন্দ্ৰ	Centre	ছেদন ( খণ্ড )	Section
কোটি	Perpendicula	r <b>জ</b> রীপ	Survey
কোণমান গজ	Protracting Scale	; জ্বীপ আমীন জাত্য ত্রিভূজ	Surveyor Rightaugled
কোণবী <b>ক্ষণ</b> য <b>ন্ত্ৰ</b>	i weare	জাতা তিত্জ	Triangle
ক্রমনিয়	Inclined	Lie Lie	Cord
কুশদণ্ড	Cross Staff	' জ্যামিতি	Geometry
কোড়স্থ	Supplement	al টক্	Spindle
গজ	Scale	টি মাটাম	T. Square
প্রিষ্ঠ	$\mathbf{M}$ ajor	ট্ৰাপিজিয়ম বা	<b>)</b>
ণ্ডণক	Multiplier	বিষমচভুভূজ	Trapezium
€:13	Multiplica	nd ট্রাপিজৈড	Trapezoid
শুণফল	Product	ভুল্যকে:ণিক	Equiangular
<b>ए</b> न	Cube	<b>्</b> वश्वनामा	Water level
থন বা নিটন	Solid	francia arras	Triangulai
<b>घ</b> गक्त	${f S}$ olidity	(ଉଦୋଆ କାର)	Triangulai Square
• ঘ <b>্</b> ত	Exponent		Cape.

ি হুছ বা তাস	Triangle	প্রতীপ	Opposite
দ্বিশ্ভ	Square	প্রসারিত	Produced
r aT	Plus	প্রমাণিক রে	থা Proof line
19	Are	প্রোবেট	) Prolate
<i>ে</i> ল	Plane or	বর্গাভা <b>স</b>	Spheroid
2 *1	Surface	40,11011	) epiderora
		পেরিমিটর	Perimeter
শ্ৰেটেলিক <b>ক্ষে</b> ট	ā Superfices	<b>পृ</b> ष्ठं कन	Superficial Area
নক্ষ)	Plan		Offset or
িলপ্য স্থায়	١	ফ¦ড় (লম্ব)	Offset or Perpendicular
ાર .સ ફ¦સ	Station		•
र⊢श¦क	)	कं इंग्रिष्ट	Offset staff
নি যোগ	Application	বজীভবন	Refraction
िया(५	Construct	द <b>क्ष</b> गी	Vinculum
নি কিন্ত	Given	বৰ্গ	Square
নিকাশন	Describe	বর্গমূল	Square root
. Tob	${f A}{ m djacent}$	<b>বর্</b> ল	Sphere
∙ायदिक <b>क</b>	Absurd		Spherical
न्। कलुत्रे	Convex	বর্ত্ত <sub>ি</sub> ল <b>গণ্ড</b>	Segment
পকভুজ	Pentagon	ব্টুল্ <b>ম</b> ওল	Spherical Zone
পরিভাষ্	Definition	বর্চুলাভাস	$\mathbf{Spheroid}$
পরিমাপক বা	)	रङ्कु क	Polygon
અન્તિસ્થિ <u>નિ</u>	.Mensuratio	ম ্বাচন	Exterior
·পাইল	Prism	বিকল।	Second
প্রাক্ত (প্র	Frustrum ;	<u> दिन्</u>	Point
প্রতিক্রা	Proposition	ি নিম্ন নিশ	প্রতি Alternando

বিলোম নিষ্পত্তি	Invertendo	মেরুদগু	Axis
বিষম চতুভূজ	Trapezium	মৌলিক তত্ত্ব	First principles
রূত	Circle	যথাপ	)
বুত্থ গু	Segment	যথাক্রমে	Respectively
রুত্ত চ্ছদক	Sector	ব্যাজনে যোগনিষ্পত্তি	Composiends
রভার্দ বা দামির্ভ	Semicircle	রম্বস	Rhombus
বাবহারিক	(Practical	র <b>স্থৈ</b> ড্	B/nomboid
জ্যামিতি	Geometry	রাশি	/Magnitude
ব্যাস .	Diameter	রৈথিক	Lineal
रागिर्फ वा	Radius or	লঘিষ্ঠ	Minor .
<u>ৰাখিবা'ৰ</u>	Semidiamete	er न्द	Numerator
ভগ†ং <b>শ</b>	Fraction	लभ	Perpendicular
ভাগফল	Quotient	শর	Versed Sine
ভাগদেশ	Remainder	শকৃ	Gnomon
ভ'জক	Divisor	শীৰ্ষ	Vertical
<b>डा</b> डा	Dividend	শৃঙ্খল বা শিক	7 Chain
<u>ঙ্</u> মি	Base	ষড় ভূজ	Hexagonal
মণুল	Zone	সংযোজক রেথ	Tie Line
मधा	Mean	<b>সং</b> হিত	Sum
মধাধত Mid	ldle Segment	সকোণ স্থচী	Pyramid
ম্'্নক ও	Scale	সকোণস্চী-)	Frustrum of
মাটাম	Square	প্রকাত }	a Pyramid
মিলিভ হওন	Coincide	<b>ন</b> দৃশ	Similar
, মূল	Root	<b>স</b> বগীয়	Homologous

<u>সমকোণ</u>	Right angle	ভ্রাদাম্য :	Spirit Level
স্মকোণিক স্মকোণিক	Right angled		Cone
সমত্তুকোণ		(	Frustrum of
দা দিখও	Bisect	স্ভীপ্সকাও {	a Cone
দমভি ভূজ	Isosceles	স্তুত্র বা আর্যা	Formulae
সমহ'হক	$\mathbf{E}_{ ext{quilateral}}$	সৃশ্বকোণ	Acute Angle
ন্মব'হক	)	<b>उड</b>	Cylinder
গুন ক্ষিত্র	<b>C</b> ube	<b>স্থ</b> পতি	Engineer
সমশীল	Homologous	স্থূল কোণ	Obtuse Angle
	) Same line or	च्छा <del>ग</del> ि	Tangent
সম্ভূত	} level	সভঃপ্রমাত্মক	Self evident
সমস্তল বা	j	সভঃসিদ	Axiom
	{ Level	A-+	Postulate
সমূচল	)	স্বীকাৰ্য্য কথা 	Denominator
সমাভুরা <b>ল</b>	Parallel	হর	
শ্মা স্থরিক	ক্ষেত্ৰ Parallelogram	হ্রণ	Divide
<b>দমিত</b>	Plus	হারক	Divisor
<b>ন্ম</b> ীকরণ	Equation	<b>र</b> ्गा	Dividend
স <b>ম্প</b> ৃতি	Intersect	হীনিত	Minus
স্ম্পালা	Problem	ক্ষেপণী	Parabola
স্বল বা	)		f Parabolic
1.5 ( 4)	Straight line	ক্ষেপণীম ওল	<b>₹</b>
क क्रा.इश	)	_	Frustrum
न क्	Dense	ক্ষেপণীস্তস্ত	Paraboloid
্দ¦মিবৃত্ত	Semicircle	ক্ষেত্ৰফল	Area
संस	Area	ক্ষেত্ৰব্যৱস্থ	Mensuration.
			. • •

### ক্ষেত্রব্যবহার ( প্রথম সংক্ষরণ ) সমালোচন।

নোমপ্রকাশ—২২এ ভাদ ১২৭৬ পৃঃ ৬৮**০।** 

গণিতবিষয়ক একথানি অভিনব গ্রন্থ প্রচারিত হইয়াছে. ইহাতে বাবহারিক জ্যামিতি, ক্ষেত্রব্যবহার, জ্রীপ এসং সমস্থল প্রক্রিয়া বিবৃত হইয়াছে। এীবৃক্ত বাবু নবীনচন্দ্রত ইহার প্রণয়ন করিয়াছেন। গ্রন্থকার ইতি পূর্কের থগোল-বিবরণ নামক গ্রন্থরচনা করিয়া আপনার মাতৃভাষার প্রতি অকুরাগ, বিজ্ঞানশাস্ত্রে অধিকার এবং বিশুদ্ধ ও সরল রচনা-শক্তির পরিচয় দিয়াছেন। বর্তুমান গ্রন্থারা তাঁহার সেঁই সকল গুণের অধিকতর পরিচয় হইতেছে। এই গ্রন্থের একটা विरमप ७० এই यে, देश क्वल পार्छत जना नरह। किन्द কার্যাসাধনোপযোগী করিয়া প্রস্তুত করা হইয়াছে। ইহার প্রথম ভাগে ইউক্লিডের জ্যামিতি হইতে ক্ষেত্রপরিমাণের উপযোগী প্রতিজ্ঞাগুলি সঙ্কলিত হইয়াছে এবং তৎসঙ্গে আবশ্যক উনাহরণ দকল প্রাদর্শিত হইয়াছে। ২য় ভাগে বেথাভারা বস্তুর দৈর্ঘাদি মাপিবার সঙ্কেত নির্দ্ধিষ্ট ইইয়াছে এবং লীলাবতী হইতে কতকগুলি স্থন্দর প্রশ্ন উদ্ধান্ত হইয়াছে। ৩য় ভাগে বর্ণক্ষেত্রে ও ৪র্থ ভাগে মানক্ষেত্রের কালী করিবার নিয়মাদি দরিবেশিত হ**ই**য়াছে। «ম ভাগে জ্বরীপ শিকার করিবার নিমিত্ত গ্রন্থকার প্রয়াস পাইয়াছেন এবং তাহা অনেক অংশে মফল হইয়াছে বিস্ততঃ এই গ্ৰন্থ থানি অব-লম্ম করিরা ভূমিপরিমাণশিক্ষাকার্য্য এক প্রকার পম্পন্ন

হটতে পারে। অতএব ইহা উচ্চতর শ্রেণীর ছাত্র এব:
জনীল শিক্ষাথী অন্যান্য ব্যক্তির পক্ষে মহোপকারী হইরাছে।
নবীন বাবু যেরূপ পুস্তক লিথিতে প্রেব্ত হইরাছেন, এই প্রকার
প্রাঠক ছারা এতদেশের কল্যাণ হইতে পারে। বিছম্মওলী
ভিতিকে উৎসাহদান করেন এই আমাদের অনুরোধ।

# এডুকেশন গেজেট ও সাপ্তাহিক বার্তাবহ।

**३३ जाश्विम १२**१५ पृथ्व २४०।

ব্যবহারিক জ্যামিতি, ক্ষেত্রব্যবহার, জ্রীপ এবং সমস্থল প্রক্রিয়া। এই পুস্তক জীযুক্ত বাবু নবীনচন্দ্র দত্তজ মহাশর প্রণরন করিয়াছেন। ইতঃ পূর্কে ইনি থগোল বিবরণ নামক একথানি জ্যোতির্গ্রন্থ প্রস্তুত করেন। উভয় গ্রন্থেই নবীন বাবু বিজ্ঞান সম্ভীয়া গ্রন্থ রচনায় বিশিষ্ট ক্ষমতা প্রেদর্শন করিয়াছেন। বৈজ্ঞানিক বিষয় ভাল করিয়া লিখিতে হইলে বর্ণিতব্য বিষয়**টা স্থ**পরিক্ষুট রূপে নুকা চাই, যে বিষয়**টা** বলিতে হইবে তৎপ্রতি মানদিক দৃষ্টির স্থিরতা চাই, এবং ঐ ভাব হাক্ত করিবার নিমিত্ত যে দকল শব্দ ব্যবহার করিতে হইবে, সেই সকল শব্দশক্তির যথার্থ পরিজ্ঞান চাই। নবীন বাবুর মানসিক দৃষ্টি পরিষ্কার, লক্ষ্য ছির, এবং শক্ষ প্রয়োগ অব্যর্থ। তিনি থগোল বিবরণে কতকগুলি ইংরাজি শব্দ বাধিয়া গিয়াছিলেন, এ গ্রন্থে সেরূপ করেন নাই দেথিয়া বিশেষ সভোষলাভ করিলাম। নহীন বাবুর এই, ধুস্তক থানি° বিন্যালয় সমুহে প্রবর্তিত হইলে, ভাল হয়।

# गः वान श्र्वाटकानग्र।

२ता आधिन ১২१७ मान, अक्रवात ।

নবীন বাবুর এই পুস্তক থানির স্থানে স্থানে পাঠ করিয়া দেখা গেল যে, ইহা বঙ্গবিদ্যালয়ের অভিনের প্রয়োজনীয়, এবং ভাহা সঙ্কলন করিতে গ্রন্থকর্তার ছ পরিশ্রম ও যত্ন বিনিয়োজিত হইয়াছে। আহ্লাদের বিষয় এই যে, বিজ্ঞানশাস্ত্রগুলিন বঙ্গীয় সাধ্ ভাষায় সঙ্কলিত হওয়াতে সর্ক সাধারণের মহতুপকারের উপার হইয়াছে।

# NOTICES ON THE FIRST EDITION OF THE PRACTICAL GEOMETRY &c.

Report of Babu Mohendra Nath Bhattacharjee, M.A. Professor of Physical Science Calcutta Pathasala, to the Officiating Inspector of Schools Central Division.

9th October 1863.

The accompanying book is a treatise on Practical Geometry, Mensuration. Land surveying and Levelling. Any one who will take the trouble to read the book, will find that he has enriched his mind with an accurate and thorough knowledge of Practical Geometry &c. Few men possess the remarkable faculty of making abstruse subjects intelligible to ordinary minds in the one high degree as the writer of the book. The work is illustrated with a large number of handsome woodcuts. It is well suited to be used as a text be also in the higher classes of the Normal schools in Bengali.

9th March 1870.

My DEAR SIR.

—I believe it was just the thing wanted, and win prove a usefull work.—

Yours truely, PEARY CHURN SIRKAR.

Maniktala, 21st September 1869.

SIR.

-From the nearest glance that I have been able to give to it I think it is well got up.

Yours faithfully.
Rajendra Lala Mitra.

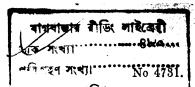
No. 75 Surveyor General's Office. Calcutta 16th May 1870.

-Is no doubt an admirable work,

W. G. Murray, Captain. Assistant Surveyor General.

Hindu Patriot, April 18th 1870. P. 122

The book is fit to be introduced in the Vernacular Schools. We wish Bengal anthors would turn their attention to norks of this description



From the Officiating Director of Public Instruction.

To the Officiating Secretary to the Govt. of Bengal.

Dated 13-11-75.

Sir.

I have the honor to forward herewith a book entitled Practical Geometry, Mensuration, Lan Surveying and Levelling in Bengali by Bab Nobin Chandra Dutt and to state that I have real it from cover to cover. It is an excellent treatise and I cannot imagine the grounds on which mention of it has been omitted by the Committee appointed to dra up a selected list of text books for the Vernacula Scholarship and Minor Scholarship course.

(Sd.) H. Woodrow.

Offg. Director of Public Instruction.

#### Calcutta Review 1876.

Babu Nobin Chandra Dutt deserves credit for himidustry and enterprise. In the number of Educa "tional works he issues from the Press, he bids fair to rival Todhung r or Dr. Willam Smith.